## Университет ИТМО Факультет программной инженерии и компьютерной техники

# Учебно-исследовательская работа (УИР) «Методы кодирования в компьютерных сетях»

по дисциплине «Компьютерные сети»

Выполнил: Студент 3 курса группы Р3331 Дворкин Борис Александрович Вариант: ДвБА

Преподаватель: Алиеф Тауфик Измайлович Отчёт принят «\_\_\_» \_\_\_\_ 2024 г. Оценка: \_\_\_\_

# Содержание

Ц	ель работы	2						
1 Формирование сообщения								
2	Физическое кодирование         2.1 Потенциальный код без возврата к нулю (NRZ)         2.2 Биполярный импульсный код (RZ)         2.3 Потенциальный код с инверсий при 1 (NRZI)         2.4 Манчестерский код         2.5 Дифференциальный манчестерский код         2.6 Сравнительный анализ	2 4 6 8 9						
3	<b>Логическое (избыточное) кодирование</b> 3.1 Избыточное кодирование методом 4B/5B	14 14 15						
4	Скремблирование           4.1 Скремблирование исходного сообщения	16 16 18						
5	Сравнительный анализ	20						
6	Выводы	21						

## Цель работы

Изучение методов *физического* и *логического* кодирования, используемых в цифровых сетях передачи данных.

## 1 Формирование сообщения

ФИО: Дворкин Борис Александрович

Исходное сообщение: ДвБА

Сообщение состоит из 4 символов: Д, в, Б, А.

Символ	В шестнадцатеричном коде	В двоичном коде
Д	C4	1100 0100
В	E2	1110 0010
Б	C1	1100 0001
A	C0	1100 0000

Итоговое сообщение в шестнадцатеричном коде:

C4 E2 C1 C0

Итоговое сообщение в двоичном коде:

#### 1100 0100 1110 0010 1100 0001 1100 0000

Длина итогового сообщения: 4 байт (32 бит)

## 2 Физическое кодирование

## 2.1 Потенциальный код без возврата к нулю (NRZ)

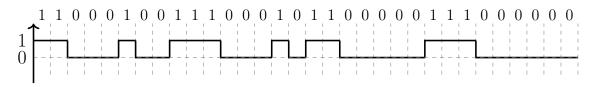


Рис. 1: NRZ-кодирование исходного сообщения

Для определения верхней границы частот необходимо найти наиболее высокочастотную составляющую спектра в передаваемом сообщении, которая в NRZ образуется при передаче чередующихся значений 0 и 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен удвоенной длительности битового интервала au: T=2 au, где au определяется как величина, образная значению пропускной способности канала  $C: au=rac{1}{C}.$  Отсюда верхняя граница частот будет равна

$$f_{\rm\scriptscriptstyle B} = \frac{1}{T} = \frac{C}{2}$$

То есть, при пропускной способности канала связи  $C=10\,{
m Мбит/c}$  частота основной гармоники равна  $f_{\rm B}=\frac{10\cdot 10^3}{2}=5\,{
m M}\Gamma$ ц, а битовый интервал  $\tau=100\,{
m Hc}$ .

В общем случае, при кодировании любого сообщения с помощью метода NRZ наибольшая (верхняя) частота достигается при передаче чередующихся значений 0 и 1, а наименьшая (нижняя) - при передаче длинных (в пределе - бесконечных) последовательностей нулей и единиц, что делает нижнюю границу частот близкой и в пределе равной нулю:  $f_{\rm H}=0$ . Следовательно, в предельном случае спектр:  $S=f_{\rm B}-f_{\rm H}=f_{\rm B}=\frac{C}{2}$ .

С другой стороны, при передаче конкретного сообщения нижняя частота всегда больше нуля и зависит от максимальной длины последовательностей нулей или единиц. В этом случае для расчёта нижней границы чапстот необходимо в коде передаваемого сообщения найти наиболее длинную последовательность 1 или 0. В исходном сообщении, закодированном по методу NRZ, представленному на рисунке 1, низкочастотная составляющая образуется при передаче 6 последовательных нулей. Период синусоидального сигнала при передаче таких последовательностей равен 12 битовым интервалам и нижняя граница частот соответственно будет равна:  $f_{\rm H} = \frac{1}{12\tau} = \frac{C}{12}$ . Тогда **спектр** при передаче данного сообщения кодом NRZ равен

$$S = f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}} - f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} = rac{C}{2} - rac{C}{12} = rac{5C}{12} = 4.167\,\mathrm{M}$$
Гц

Среднее значение частоты передаваемого сообщения находится в интервале  $(f_{\rm H};f_{\rm B})$  и показывает, какие частоты (низкие или высокие) превалируют в спектре передаваемого сигнала.

Для оценки среднего значения частоты передаваемого сообщения можно для каждого битового интервала определить соответствующую частоту сигнала, просуммировать их и разделить на количество битовых интервалов. В нашем случае: частота основной гармоники  $f_0 = \frac{C}{2}$  соответствует трём битовым интервалам, частота вдвое меньшая, т.е.  $\frac{f_0}{2}$ , соответствует также трём битовым интервалам, частота  $\frac{f_0}{3}$  - четырём битовым интервалам,  $\frac{f_0}{5}$  - одному битовому интервалу, и  $\frac{f_0}{6}$  - одному битовому интервалу.

Тогда средняя частота рассматриваемого сообщения

$$f_{\mathrm{cp}} = \left(3f_0 + 3\frac{f_0}{2} + 4\frac{f_0}{3} + \frac{f_0}{5} + \frac{f_0}{6}\right)/12 = \frac{31f_0}{60} = \frac{31\cdot 5}{60} \approx 2.583\,\mathrm{M}$$
Гц

Поскольку середине спектра рассматриваемого сообщения соответствует частота

$$f_{1/2} = (f_{\text{H}} + f_{\text{B}})/2 = \frac{\frac{C}{2} + \frac{C}{12}}{2} = \frac{7C}{24} = 2.917 \,\text{M}$$
Гц

Можно констатировать, что в спектре сигнала незначительно превалируют низкие частоты:  $f_{\rm cp} < f_{1/2}$ .

Для качественной передачи двоичных сигналов по реальному каналу связи и возможности их распознавания на приёмной стороне с минимальным количеством ошибок, желательно на передающей стороне формировать сигналы, приближающиеся к прямоугольной форме. Однако, спектр таких сигналов оказывается слишком большим. Можно показать, что для качественного распознавания сигнала на приемной стороне при передаче чередующихся значений 0 и 1 достаточно сформировать сигнал, содержащий первые 4 гармоники (поскольку более высокочастотные гармоники оказывают незначительное влияние на результирующий сигнал) с частотами  $f_0 = \frac{C}{2}, f_1 = 3f_0, f_2 = 5f_0, f_3 = 7f_0$ . В этом случае верхняя граница частот  $f_{\rm B} = 7f_0$ , а ширина спектра сигнала при передаче рассматриваемого сообщения соответственно будет равна  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 7f_0 - f_0/6 = 41f_0/6 = 34.167 {\rm M}\Gamma_{\rm H}$ .

Итак, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  верхняя и нижняя границы частот в передаваемом сообщении равны соответственно  $f_\mathrm{B}=5\,\mathrm{M\Gamma \mu}$  и  $f_\mathrm{H}=0.833\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ , спектр сигнала  $S=4.167\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ , среднее значение частоты в спектре передаваемого сигнала  $f_\mathrm{cp}=2.583\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ , полоса пропускания, необходимая для качественной передачи данного сообщения  $F=35\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ .

## 2.2 Биполярный импульсный код (RZ)

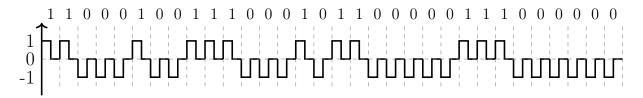


Рис. 2: RZ-кодирование исходного сообщения

Для определения верхней границы частот необходимо найти наиболее высокочастотную составляющую спектра в передаваемом сообщении, которая в RZ образуется при передаче последовательных значений 0 и 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен длительности битового интервала  $\tau: T = \tau$ , где  $\tau$  определяется как величина, образная значению пропускной способности канала  $C: \tau = \frac{1}{C}$ . Отсюда верхняя граница частот будет равна

$$f_{\rm B} = \frac{1}{T} = C$$

В общем случае, при кодировании любого сообщения с помощью метода RZ наибольшая (верхняя) частота достигается при передаче последовательных значений 0 и 1, а наименьшая (нижняя) - при передаче чередующихся 0 и 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи

прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен длительности битового интервала  $\tau$ , умноженного на 5/2:  $T=2.5\tau$ . Тогда, нижняя граница частот  $f_{\rm H}=\frac{1}{T}=\frac{2C}{5}$ .

То есть, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  частота основной гармоники равна  $f_\mathrm{B}=10\cdot 10^3=10\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, битовый интервал  $\tau=100\,\mathrm{Hc}$ ,  $f_\mathrm{H}=4\,\mathrm{M}\Gamma$ ц.

Следовательно, спектр:  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 6 \,{\rm M}\Gamma$ ц.

Среднее значение частоты передаваемого сообщения находится в интервале  $(f_{\rm H};f_{\rm B})$  и показывает, какие частоты (низкие или высокие) превалируют в спектре передаваемого сигнала.

Для оценки среднего значения частоты передаваемого сообщения можно для каждого битового интервала определить соответствующую частоту сигнала, просуммировать их и разделить на количество битовых интервалов. В нашем случае: частота основной гармоники  $f_0 = C$  соответствует 48 битовым интервалам, частота в 2.5 раз меньшая, т.е.  $\frac{f_0}{2.5} = \frac{C}{2.5}$ , соответствует одному битовому интервалу, частота  $\frac{f_0}{6} = \frac{C}{6}$  - также одному битовому интервалу.

Тогда средняя частота рассматриваемого сообщения

$$f_{\rm cp} = \left(48f_0 + \frac{f_0}{2.5} + \frac{f_0}{6}\right)/50 = \frac{1457f_0}{1500} = \frac{1457 \cdot 10}{1500} \approx 9.713\,{\rm M}$$
Гц

Поскольку середине спектра рассматриваемого сообщения соответствует частота

$$f_{1/2} = (f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} + f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}})/2 = rac{10+4}{2} = 7\,\mathrm{M}$$
Гц

Можно констатировать, что в спектре сигнала значительно превалируют высокие частоты:  $f_{\rm cp} > f_{1/2}$ .

Для качественной передачи двоичных сигналов по реальному каналу связи и возможности их распознавания на приёмной стороне с минимальным количеством ошибок, желательно на передающей стороне формировать сигналы, приближающиеся к прямоугольной форме. Однако, спектр таких сигналов оказывается слишком большим. Можно показать, что для качественного распознавания сигнала на приемной стороне при передаче чередующихся значений 0 и 1 достаточно сформировать сигнал, содержащий первые 4 гармоники (поскольку более высокочастотные гармоники оказывают незначительное влияние на результирующий сигнал) с частотами  $f_0 = C$ ,  $f_1 = 3f_0$ ,  $f_2 = 5f_0$ ,  $f_3 = 7f_0$ . В этом случае верхняя граница частот  $f_{\rm B} = 7f_0$ , а ширина спектра сигнала при передаче рассматриваемого сообщения соответственно будет равна  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 7f_0 - f_0/2.5 = 6.6f_0 = 66\,{\rm MF}$ ц. Полоса пропускания F, необходимая для качественной передачи данного сообщения, должна быть не менее S, например 66 МГц.

Итак, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  верхняя и нижняя границы частот в передаваемом сообщении равны соответственно  $f_\mathrm{B}=10\,\mathrm{M\Gamma u}$  и  $f_\mathrm{H}=4\,\mathrm{M\Gamma u}$ , спектр сигнала  $S=6\,\mathrm{M\Gamma u}$ , среднее значение частоты в спектре передаваемого сигнала  $f_\mathrm{cp}=9.713\,\mathrm{M\Gamma u}$ , полоса пропускания, необходимая для качественной передачи данного сообщения  $F=66\,\mathrm{M\Gamma u}$ .

## 2.3 Потенциальный код с инверсий при 1 (NRZI)

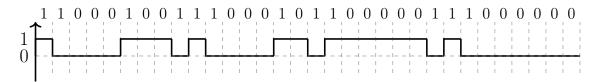


Рис. 3: NRZI-кодирование исходного сообщения

Для определения верхней границы частот необходимо найти наиболее высокочастотную составляющую спектра в передаваемом сообщении, которая в NRZI образуется при передаче чередующихся значений 0 и 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен удвоенной длительности битового интервала  $\tau: T=2\tau$ , где  $\tau$  определяется как величина, образная значению пропускной способности канала  $C: \tau=\frac{1}{C}$ . Отсюда верхняя граница частот будет равна

$$f_{\rm B} = \frac{1}{T} = \frac{C}{2}$$

В общем случае, при кодировании любого сообщения с помощью метода NRZI наибольшая (верхняя) частота достигается при передаче чередующихся значений 0 и 1, а наименьшая (нижняя) - при передаче длинных (в пределе - бесконечных) последовательностей нулей и единиц, что делает нижнюю границу частот близкой и в пределе равной нулю:  $f_{\rm H}=0$ . Следовательно, в предельном случае спектр:  $S=f_{\rm B}-f_{\rm H}=f_{\rm B}=\frac{C}{2}$ .

С другой стороны, при передаче конкретного сообщения нижняя частота всегда больше нуля и зависит от максимальной длины последовательностей нулей. В этом случае для расчёта нижней границы чапстот необходимо в коде передаваемого сообщения найти наиболее длинную последовательность нулей. В исходном сообщении, закодированном по методу NRZI, представленному на рисунке 1, низкочастотная составляющая образуется при передаче единицы и 6 последовательных нулей. Период синусоидального сигнала при передаче таких последовательностей равен 14 битовым интервалам и нижняя граница частот соответственно будет равна:  $f_{\rm H} = \frac{1}{14\tau} = \frac{C}{14}$ . Тогда **спектр** при передаче данного сообщения кодом NRZI равен

$$S = f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}} - f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} = rac{C}{2} - rac{C}{14} = rac{6C}{14} = 4.286\,\mathrm{M}$$
Гц

То есть, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  частота основной гармоники равна  $f_{\mathrm{B}}=\frac{10\cdot10^3}{2}=5\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, битовый интервал  $\tau=100\,\mathrm{hc},$  а нижняя частота гармоники  $f_{\mathrm{H}}=0.714\,\mathrm{M}\Gamma$ ц.

Среднее значение частоты передаваемого сообщения находится в интервале  $(f_{\rm H};f_{\rm B})$  и показывает, какие частоты (низкие или высокие) превалируют в спектре передаваемого сигнала.

Для оценки среднего значения частоты передаваемого сообщения можно для каждого битового интервала определить соответствующую частоту сигнала, просуммировать их и разделить на количество битовых интервалов. В нашем случае: частота основной гармоники  $f_0 = \frac{C}{2}$  соответствует шести битовым интервалам, частота вдвое меньшая, т.е.  $\frac{f_0}{2}$ , соответствует одному битовому интервалу, частота  $\frac{f_0}{3}$  - трём битовым интервалам,  $\frac{f_0}{4}$  - двум битовым интервалам,  $\frac{f_0}{6}$  - одному битовому интервалу и  $\frac{f_0}{7}$  - также одному битовому интервалу.

Тогда средняя частота рассматриваемого сообщения

$$f_{\rm cp} = \left(6f_0 + \frac{f_0}{2} + 3\frac{f_0}{3} + 2\frac{f_0}{4} + \frac{f_0}{6} + \frac{f_0}{7}\right)/14 = \frac{349f_0}{504} = \frac{349 \cdot 5}{504} \approx 3.462\,{\rm M}$$
Гц

Поскольку середине спектра рассматриваемого сообщения соответствует частота

$$f_{1/2} = (f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} + f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}})/2 = 2.857\,\mathrm{M}$$
Гц

Можно констатировать, что в спектре сигнала незначительно превалируют высокие частоты:  $f_{\rm cp} > f_{1/2}$ .

Для качественной передачи двоичных сигналов по реальному каналу связи и возможности их распознавания на приёмной стороне с минимальным количеством ошибок, желательно на передающей стороне формировать сигналы, приближающиеся к прямоугольной форме. Однако, спектр таких сигналов оказывается слишком большим. Можно показать, что для качественного распознавания сигнала на приемной стороне при передаче чередующихся значений 0 и 1 достаточно сформировать сигнал, содержащий первые 4 гармоники (поскольку более высокочастотные гармоники оказывают незначительное влияние на результирующий сигнал) с частотами  $f_0 = \frac{C}{2}, f_1 = 3f_0, f_2 = 5f_0, f_3 = 7f_0$ . В этом случае верхняя граница частот  $f_{\rm B} = 7f_0$ , а ширина спектра сигнала при передаче рассматриваемого сообщения соответственно будет равна  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 7f_0 - f_0/6 = 41f_0/6 = 34.167\,{\rm M}\Gamma{\rm ц}$ . Полоса пропускания F, необходимая для качественной передачи данного сообщения, должна быть не меньше спектра S, например,  $F = 35\,{\rm M}\Gamma{\rm ц}$ .

Итак, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  верхняя и нижняя границы частот в передаваемом сообщении равны соответственно  $f_\mathrm{B}=5\,\mathrm{M}\Gamma$ ц и  $f_\mathrm{H}=0.714\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, спектр сигнала  $S=4.286\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, среднее значение частоты в спектре передаваемого сигнала  $f_\mathrm{cp}=2.857\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, полоса пропускания, необходимая для качественной передачи данного сообщения  $F=35\,\mathrm{M}\Gamma$ ц.

## 2.4 Манчестерский код

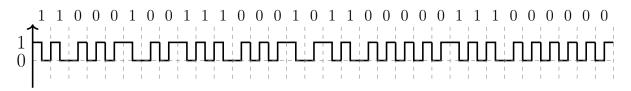


Рис. 4: Манчестерское кодирование исходного сообщения

Для определения верхней границы частот необходимо найти наиболее высокочастотную составляющую спектра в передаваемом сообщении, которая в Манчестерском коде образуется при передаче последовательных значений 0 и 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен длительности битового интервала  $\tau: T = \tau$ , где  $\tau$  определяется как величина, обратная значению пропускной способности канала  $C: \tau = \frac{1}{C}$ . Отсюда верхняя граница частот будет равна

$$f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}} = rac{1}{T} = C$$

При применении Манчестерского кодирования к наименьшая (нижняя) частота будет образовываться при передаче чередующихся значений с 0 на 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен удвоенной длительности битового интервала  $\tau: T = 2\tau$ . Тогда, нижняя граница частот  $f_{\rm H} = \frac{1}{T} = \frac{C}{2}$ .

То есть, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{M}$ бит/с частота основной гармоники равна  $f_\mathrm{B}=10\cdot 10^3=10\,\mathrm{M}$ Гц, битовый интервал  $\tau=100\,\mathrm{Hc}$ ,  $f_\mathrm{H}=5\,\mathrm{M}$ Гц.

Следовательно, спектр:  $S = f_{\text{\tiny B}} - f_{\text{\tiny H}} = 5\,\mathrm{M}\Gamma$ ц.

Среднее значение частоты передаваемого сообщения находится в интервале  $(f_{\rm H};f_{\rm B})$  и показывает, какие частоты (низкие или высокие) превалируют в спектре передаваемого сигнала.

Для оценки среднего значения частоты передаваемого сообщения можно для каждого битового интервала определить соответствующую частоту сигнала, просуммировать их и разделить на количество битовых интервалов. В нашем случае: частота основной гармоники  $f_0 = C$  соответствует 42 битовым интервалам, частота в 2 раза меньшая, т.е.  $\frac{f_0}{2} = \frac{C}{2}$ , соответствует одиннадцати битовым интервалам.

Тогда средняя частота рассматриваемого сообщения

$$f_{\rm cp} = \left(42f_0 + 11\frac{f_0}{2}\right)/53 = \frac{95f_0}{106} = \frac{95 \cdot 10}{106} \approx 8.962 \,\mathrm{M}$$
Гц

Поскольку середине спектра рассматриваемого сообщения соответствует частота

$$f_{1/2} = (f_{\text{H}} + f_{\text{B}})/2 = \frac{10+5}{2} = 7.5 \,\text{M}$$
Гц

Можно констатировать, что в спектре сигнала незначительно превалируют высокие частоти:  $f_{\rm cp} > f_{1/2}$ .

Для качественной передачи двоичных сигналов по реальному каналу связи и возможности их распознавания на приёмной стороне с минимальным количеством ошибок, желательно на передающей стороне формировать сигналы, приближающиеся к прямоугольной форме. Однако, спектр таких сигналов оказывается слишком большим. Можно показать, что для качественного распознавания сигнала на приемной стороне при передаче чередующихся значений 0 и 1 достаточно сформировать сигнал, содержащий первые 4 гармоники (поскольку более высокочастотные гармоники оказывают незначительное влияние на результирующий сигнал) с частотами  $f_0 = C$ ,  $f_1 = 3f_0$ ,  $f_2 = 5f_0$ ,  $f_3 = 7f_0$ . В этом случае верхняя граница частот  $f_{\rm B} = 7f_0$ , а ширина спектра сигнала при передаче рассматриваемого сообщения соответственно будет равна  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 7f_0 - f_0/2 = 6.5f_0 = 65\,{\rm MFu}$ . Полоса пропускания F, необходимая для качественной передачи данного сообщения, должна быть не менее S, например 65 МГп.

Итак, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  верхняя и нижняя границы частот в передаваемом сообщении равны соответственно  $f_\mathrm{B}=10\,\mathrm{M\Gamma u}$  и  $f_\mathrm{H}=5\,\mathrm{M\Gamma u}$ , спектр сигнала  $S=5\,\mathrm{M\Gamma u}$ , среднее значение частоты в спектре передаваемого сигнала  $f_\mathrm{cp}=8.962\,\mathrm{M\Gamma u}$ , полоса пропускания, необходимая для качественной передачи данного сообщения  $F=65\,\mathrm{M\Gamma u}$ .

## 2.5 Дифференциальный манчестерский код

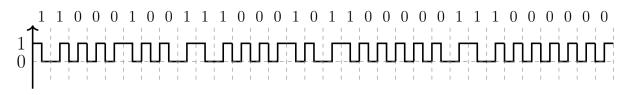


Рис. 5: Манчестерское дифференциальное кодирование исходного сообщения

Для определения верхней границы частот необходимо найти наиболее высокочастотную составляющую спектра в передаваемом сообщении, которая, в отличие от обычного Манчестерского кода, в дифференциальном Манчестерском коде образуется при передаче как последовательных значений 0, так и чередующихся значений с 1 на 0, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен длительности битового интервала  $\tau:T=\tau$ , где  $\tau$  определяется как величина, обратная значению пропускной способности канала  $C:\tau=\frac{1}{C}$ . Отсюда верхняя граница частот будет равна

$$f_{\rm B} = \frac{1}{T} = C$$

При применении дифференциального Манчестерского кодирования к наименьшая (нижняя) частота будет образовываться при передаче чередующихся

значений с 0 на 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен удвоенной длительности битового интервала  $\tau: T=2\tau$ . Тогда, нижняя граница частот  $f_{\rm H}=\frac{1}{T}=\frac{C}{2}$ .

То есть, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  частота основной гармоники равна  $f_\mathrm{B}=10\cdot 10^3=10\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, битовый интервал  $\tau=100\,\mathrm{Hc}$ ,  $f_\mathrm{H}=5\,\mathrm{M}\Gamma$ ц.

Следовательно, спектр:  $S=f_{\scriptscriptstyle \rm B}-f_{\scriptscriptstyle \rm H}=5\,{\rm M}\Gamma$ ц.

Среднее значение частоты передаваемого сообщения находится в интервале  $(f_{\rm H};f_{\rm B})$  и показывает, какие частоты (низкие или высокие) превалируют в спектре передаваемого сигнала.

Для оценки среднего значения частоты передаваемого сообщения можно для каждого битового интервала определить соответствующую частоту сигнала, просуммировать их и разделить на количество битовых интервалов. В нашем случае: частота основной гармоники  $f_0 = C$  соответствует 41 битовому интервалу, частота в 2 раза меньшая, т.е.  $\frac{f_0}{2} = \frac{C}{2}$ , соответствует одиннадцати битовым интервалам.

Тогда средняя частота рассматриваемого сообщения

$$f_{\rm cp} = \left(41f_0 + 11\frac{f_0}{2}\right)/52 = \frac{93f_0}{104} = \frac{93 \cdot 10}{104} \approx 8.942\,{\rm M}$$
Гц

Поскольку середине спектра рассматриваемого сообщения соответствует частота

$$f_{1/2} = (f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} + f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}})/2 = \frac{10+5}{2} = 7.5\,\mathrm{M}$$
Гц

Можно констатировать, что в спектре сигнала незначительно превалируют высокие частоти:  $f_{\rm cp} > f_{1/2}$ .

Для качественной передачи двоичных сигналов по реальному каналу связи и возможности их распознавания на приёмной стороне с минимальным количеством опибок, желательно на передающей стороне формировать сигналы, приближающиеся к прямоугольной форме. Однако, спектр таких сигналов оказывается слишком большим. Можно показать, что для качественного распознавания сигнала на приемной стороне при передаче чередующихся значений 0 и 1 достаточно сформировать сигнал, содержащий первые 4 гармоники (поскольку более высокочастотные гармоники оказывают незначительное влияние на результирующий сигнал) с частотами  $f_0 = C$ ,  $f_1 = 3f_0$ ,  $f_2 = 5f_0$ ,  $f_3 = 7f_0$ . В этом случае верхняя граница частот  $f_{\rm B} = 7f_0$ , а ширина спектра сигнала при передаче рассматриваемого сообщения соответственно будет равна  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 7f_0 - f_0/2 = 6.5f_0 = 65\,{\rm MF}$ ц. Полоса пропускания F, необходимая для качественной передачи данного сообщения, должна быть не менее F0, например 65 МF1.

Итак, при пропускной способности канала связи  $C=10\,{\rm Mбит/c}$  верхняя и нижняя границы частот в передаваемом сообщении равны соответственно

 $f_{\rm B}=10\,{
m M}\Gamma$ ц и  $f_{\rm H}=5\,{
m M}\Gamma$ ц, спектр сигнала  $S=5\,{
m M}\Gamma$ ц, среднее значение частоты в спектре передаваемого сигнала  $f_{\rm cp}=8.942\,{
m M}\Gamma$ ц, полоса пропускания, необходимая для качественной передачи данного сообщения  $F=65\,{
m M}\Gamma$ ц.

## 2.6 Сравнительный анализ

Рассмотрим достоинства и недостатки представленных способов физического кодирования, представив их в виде таблицы и обоснуем выбор двух лучших способов кодирования для передачи исходного сообщения.

Метод кодирования	Спектральные характеристики	Постоянная составл-щая	Самосинх- ронизация	Обнаружение ошибок	Реализация
Потенциальный код без возврата к нулю (NRZ)	Малая ширина спектра $(0-\frac{C}{2})$ , итоговый спектр $\frac{5C}{12}$	Присутствует	Отсутствует, возможна потеря синхронизации при последова- тельных 1 или 0	Отсутствует	Низкая сложность реализации, два уровня потенциала $\Longrightarrow$ низкая стоимость
Биполярный импульсный код (RZ)	Большая ширина спектра (более $\frac{C}{2}$ ), итоговый спектр $\frac{3C}{5}$	Отсутствует	Есть, обеспечивается возвратом к нулевому потенциалу в середине каждого битового интервала	Отсутствует	Средняя сложность реализации, три уровня потенциала ⇒ высокая стоимость реализации
Потенциальный код с инверсией при единице (NRZI)	Малая ширина спектра $(0-\frac{C}{2}),$ итоговый спектр $\frac{3C}{7}$	Снижена по сравнению с NRZ	Отсутствует, возможны проблемы при длинных посл-тях '0'.	Отсутствует	Низкая сложность реализации, два уровня потенциала $\Longrightarrow$ низкая стоимость реализации
Манчестерское кодирование (M2)	Умеренная ширина спектра (0.5 <i>C</i> )	Отсутствует	Есть, переход в середине каждого битового интервала обеспечивает синхронизацию	Отсутствует	Средняя сложность реализации, два уровня потенциала $\Longrightarrow$ умеренная стоимость реализации
Дифф. манчестерское кодирование	Умеренная ширина спектра (0.5 <i>C</i> )	Отсутствует	Есть, переход в середине каждого битового интервала обеспечивает синхронизацию	Метод устойчив к инверсии сигнала	Высокая сложность реализации, два уровня потенциала $\Longrightarrow$ умеренная стоимость реализации

Таблица 1: Сравнительный анализ методов физического кодирования

При сравнении методов кодирования были учтены ключевые характеристики, влияющие на качество передачи и эффективность использования канала связи.

**NRZ** является простым в реализации и имеет малую ширину спектра, что повышает скорость передачи. Однако наличие постоянной составляющей и слабая самосинхронизация делают его менее надёжным, особенно при длинных последовательностях одинаковых бит.

 ${f RZ}$  улучшает синхронизацию благодаря возврату сигнала к нулю и отсут-

ствущей постоянная составляющей. Но широкий спектр и высокая стоимость реализации могут ограничивать его применение, нет великого смысла тратиться на аппаратуру ради трёх уровней потенциала без надлежащей выгоды, которую может предоставлять, например, **PAM-5(или 2B1Q)**, в виде вдвое меньшего спектра, чем у потенциальных кодирований, что результирует в высокой скорости передачи, поэтому и используется в гигабитных сетях.

NRZI снижает постоянную составляющую по сравнению с NRZ и сохраняет простоту реализации. Однако его эффективность сильно зависит от статистики передаваемых данных; при длинных последовательностях '0' возможны проблемы с синхронизацией, а также присутствует постоянная составляющая, однако в сравнении с AMI, который является его прямым конкурентом, но не был представлен в данном отчёте в виду нехватки времени, как и PAM-5, NRZI имеет лишь два уровня потенциала, что делает его дешевле и следовательно предпочтительнее для использования.

**Манчестерское кодирование** обеспечивает отличную синхронизацию и не имеет постоянной составляющей, что повышает надёжность передачи. Но это достигается за счёт удвоения полосы пропускания и увеличения сложности реализации.

Дифференциальный манчестерский код наследует преимущества манчестерского кодирования и дополнительно устойчив к инверсии сигнала, что важно в шумных средах. Хоть высокая сложность реализации и широкий спектр являются его недостатками, сильные стороны этого метода кодирования полностью их оправдывают.

Таким образом, я выбираю **Манчестерское кодирование** и **Манчестерское дифференциальное кодирование**.

При передаче исходного сообщения следует принять во внимание **высокое содержание последовательных нулевых значений**, в виду чего потребуется надёжный метод кодирования с надёжной синхронизацией.

Все три метода NRZ, RZ и NRZI совершенно не годятся для данной задачи, так как могут не справляться с длинными последовательностями нулей и/или единиц (в зависимости от метода).

Тогда, как Манчестерское кодирование гарантирует, что в каждом битовом интервале происходит переход сигнала, что помогает поддерживать синхронизацию. Даже при передаче последовательности нулей или единиц в каждой половине битового интервала сигнал изменяется, что обеспечивает постоянные изменения для синхронизации. Рекомендуется, так как обеспечивает надёжную синхронизацию за счёт постоянного изменения сигнала.

Аналогично, Дифференциальное манчестерское кодирование также предлагает хорошую синхронизацию, так как переход сигнала происходит в каждом битовом интервале. Дополнительно, в этом кодировании не важен начальный уровень сигнала — синхронизация зависит только от изменений. Рекомендуется, особенно если важна стабильность синхронизации при изменении фазы сигнала, и если присутствует шум или возможна инверсия сигнала.

## 3 Логическое (избыточное) кодирование

### 3.1 Избыточное кодирование методом 4В/5В

Исходное сообщение в двоичном коде:

#### 1100 0100 1110 0010 1100 0001 1100 0000

Логическое кодирование методом 4В/5В:

 $\begin{array}{ccc} 1100 & \rightarrow 11010 \\ 0100 & \rightarrow 01010 \\ 1110 & \rightarrow 11100 \\ 0010 & \rightarrow 10100 \\ 1100 & \rightarrow 11010 \\ 0001 & \rightarrow 01001 \\ 1100 & \rightarrow 11010 \\ 0000 & \rightarrow 11110 \\ \end{array}$ 

Результирующее сообщение после 4В/5В кодирования (в двоичном виде):

#### 11010 01010 11100 10100 11010 01001 11010 11110

Результирующее сообщение после 4B/5B кодирования (в шестнадцатеричном виде):

#### 1A 2A 1C 14 1A 09 1A 1E

Длина нового собщения: 40 бит (5 байт)

Избыточность кодирования:

Избыточность = 
$$\frac{40 - 32}{32} \times 100 = 25\%$$

Я бы мог применить логическое кодирование к методам кодирования, выбранным на втором этапе в качестве наилучших, но это бы совершенно не имело смысла, так как суть логического кодирования в том, чтобы обеспечить синхронизацию и устранить постоянную составляющую, в чём оба Манчестерских кодирования совершенно не нуждаются. Поэтому, я выберу NRZI как третий лучший метод для кодирования, в виду простоты, дешевизны и крайне узкого спектра, что обеспечит высокую скорость передачи сообщения, а при логическом кодировании будет обеспечена надёжная синхронизация и устранение постоянной составляющей.

## 3.2 Применим для кодирования NRZI

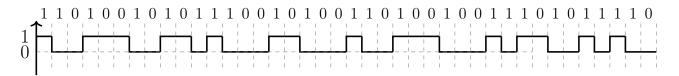


Рис. 6: NRZI-кодирование избыточного сообщения

Для определения верхней границы частот необходимо найти наиболее высокочастотную составляющую спектра в передаваемом сообщении, которая в NRZI образуется при передаче последовательных значений 0 и 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен удвоенной длительности битового интервала  $\tau: T=2\tau$ , где  $\tau$  определяется как величина, образная значению пропускной способности канала  $C: \tau=\frac{1}{C}$ . Отсюда верхняя граница частот будет равна

$$f_{\rm\scriptscriptstyle B} = \frac{1}{T} = \frac{C}{2}$$

В общем случае, при кодировании любого сообщения с помощью метода NRZI наибольшая (верхняя) частота достигается при передаче последовательных значений 0 и 1, а наименьшая (нижняя) - при передаче длинных (в пределе - бесконечных) последовательностей нулей, что делает нижнюю границу частот близкой и в пределе равной нулю:  $f_{\rm H}=0$ . Следовательно, в предельном случае спектр:  $S=f_{\rm B}-f_{\rm H}=f_{\rm B}=\frac{C}{2}$ .

С другой стороны, при передаче конкретного сообщения нижняя частота всегда больше нуля и зависит от максимальной длины последовательностей нулей. В этом случае для расчёта нижней границы чапстот необходимо в коде передаваемого сообщения найти наиболее длиную последовательность нулей. В исходном сообщении, закодированном по методу NRZI, представленному на рисунке 1, низкочастотная составляющая образуется при передаче единицы и 2 последовательных нулей. Период синусоидального сигнала при передаче таких последовательностей равен 6 битовым интервалам и нижняя граница частот соответственно будет равна:  $f_{\rm H} = \frac{1}{6\tau} = \frac{C}{6}$ . Тогда **спектр** при передаче данного сообщения кодом NRZI равен

$$S = f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}} - f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} = rac{C}{2} - rac{C}{6} = rac{C}{3} = 3.333\,\mathrm{M}$$
Гц

То есть, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  частота основной гармоники равна  $f_{\mathrm{B}}=\frac{10\cdot 10^3}{2}=5\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, битовый интервал  $\tau=100\,\mathrm{hc},$  а нижняя частота гармоники  $f_{\mathrm{H}}=1.667\,\mathrm{M}\Gamma$ ц.

Среднее значение частоты передаваемого сообщения находится в интервале  $(f_{\rm H};f_{\rm B})$  и показывает, какие частоты (низкие или высокие) превалируют в спектре передаваемого сигнала.

Для оценки среднего значения частоты передаваемого сообщения можно для каждого битового интервала определить соответствующую частоту сигнала, просуммировать их и разделить на количество битовых интервалов. В нашем случае: частота основной гармоники  $f_0 = \frac{C}{2}$  соответствует 9 битовым интервалам, частота вдвое меньшая, т.е.  $\frac{f_0}{2}$ , соответствует 8 битовым интервалам, частота  $\frac{f_0}{3}$  - 5 битовым интервалам.

Тогда средняя частота рассматриваемого сообщения

$$f_{\rm cp} = \left(9f_0 + 8\frac{f_0}{2} + 5\frac{f_0}{3}\right)/22 = \frac{2f_0}{3} = \frac{2\cdot 5}{3} \approx 3.333\,{
m M}$$
Гц

Поскольку середине спектра рассматриваемого сообщения соответствует частота

$$f_{1/2} = (f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} + f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}})/2 = 3.334\,\mathrm{M}$$
Гц

Можно констатировать, что в спектре сигнала практически идеальный баланс низких и высоких частот:  $f_{\rm cp} \approx f_{1/2}$ .

Для качественной передачи двоичных сигналов по реальному каналу связи и возможности их распознавания на приёмной стороне с минимальным количеством опибок, желательно на передающей стороне формировать сигналы, приближающиеся к прямоугольной форме. Однако, спектр таких сигналов оказывается слишком большим. Можно показать, что для качественного распознавания сигнала на приемной стороне при передаче чередующихся значений 0 и 1 достаточно сформировать сигнал, содержащий первые 4 гармоники (поскольку более высокочастотные гармоники оказывают незначительное влияние на результирующий сигнал) с частотами  $f_0 = \frac{C}{2}, f_1 = 3f_0, f_2 = 5f_0, f_3 = 7f_0$ . В этом случае верхняя граница частот  $f_{\rm B} = 7f_0$ , а ширина спектра сигнала при передаче рассматриваемого сообщения соответственно будет равна  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 7f_0 - f_0/3 = 20f_0/3 = 33.333 {\rm M}\Gamma{\rm q}$ . Полоса пропускания  ${\rm F}$ , необходимая для качественной передачи данного сообщения, должна быть не меньше спектра  ${\rm S}$ , например,  $F = 34 {\rm M}\Gamma{\rm q}$ .

Итак, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  верхняя и нижняя границы частот в передаваемом сообщении равны соответственно  $f_\mathrm{B}=5\,\mathrm{M\Gamma \mu}$  и  $f_\mathrm{H}=1.667\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ , спектр сигнала  $S=3.333\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ , среднее значение частоты в спектре передаваемого сигнала  $f_\mathrm{cp}=3.333\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ , полоса пропускания, необходимая для качественной передачи данного сообщения  $F=34\,\mathrm{M\Gamma \mu}$ .

## 4 Скремблирование

## 4.1 Скремблирование исходного сообщения

1. Выберем алгоритм преобразования:

$$B_i = A_i \oplus B_{i-3} \oplus B_{i-5} \quad (i = 1, 2, \dots, 32)$$

#### 2. Исходное сообщение:

#### 1100 0100 1110 0010 1100 0001 1100 0000

3. Скремблированное сообщение:

$$B_{1} = A_{1} = 1$$

$$B_{2} = A_{2} = 1$$

$$B_{3} = A_{3} = 0$$

$$B_{4} = A_{4} \oplus B_{1} = 0 \oplus 1 = 1$$

$$B_{5} = A_{5} \oplus B_{2} = 0 \oplus 1 = 1$$

$$B_{6} = A_{6} \oplus B_{3} \oplus B_{1} = 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$$

$$B_{7} = A_{7} \oplus B_{4} \oplus B_{2} = 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$$

$$B_{8} = A_{8} \oplus B_{5} \oplus B_{3} = 0 \oplus 1 \oplus 0 = 1$$

$$B_{9} = A_{9} \oplus B_{6} \oplus B_{4} = 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$$

$$B_{10} = A_{10} \oplus B_{7} \oplus B_{5} = 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$$

$$B_{11} = A_{11} \oplus B_{8} \oplus B_{6} = 1 \oplus 1 \oplus 0 = 0$$

$$B_{12} = A_{12} \oplus B_{9} \oplus B_{7} = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$B_{13} = A_{13} \oplus B_{10} \oplus B_{8} = 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

$$B_{14} = A_{14} \oplus B_{11} \oplus B_{9} = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$B_{15} = A_{15} \oplus B_{12} \oplus B_{10} = 1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

$$B_{16} = A_{16} \oplus B_{13} \oplus B_{11} = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 1$$

$$B_{17} = A_{17} \oplus B_{14} \oplus B_{12} = 1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 1$$

$$B_{18} = A_{18} \oplus B_{15} \oplus B_{13} = 1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 1 = 1$$

$$B_{19} = A_{19} \oplus B_{16} \oplus B_{14} = 0 \oplus 1 \oplus 0 = 1$$

$$B_{20} = A_{20} \oplus B_{17} \oplus B_{15} = 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 1 = 0$$

$$B_{21} = A_{21} \oplus B_{18} \oplus B_{16} = 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$$

$$B_{22} = A_{22} \oplus B_{19} \oplus B_{17} = 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$$

$$B_{23} = A_{23} \oplus B_{20} \oplus B_{18} = 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

$$B_{24} = A_{24} \oplus B_{21} \oplus B_{19} = 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$$

$$B_{25} = A_{25} \oplus B_{22} \oplus B_{20} = 1 \oplus 0 \oplus 0 = 1$$

$$B_{26} = A_{26} \oplus B_{23} \oplus B_{21} = 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$B_{27} = A_{27} \oplus B_{24} \oplus B_{22} = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$B_{28} = A_{28} \oplus B_{25} \oplus B_{23} = 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 1 = 0$$

$$B_{29} = A_{29} \oplus B_{26} \oplus B_{24} = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$B_{30} = A_{30} \oplus B_{27} \oplus B_{25} = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$B_{31} = A_{31} \oplus B_{28} \oplus B_{26} = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$B_{32} = A_{32} \oplus B_{29} \oplus B_{27} = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

4. Получили новое сообщение, в котором всё равно присутствует достаточно длинная последовательность из 4х нулей, но главное избавились от последовательностей из 6 и из 5 нулей в исходном сообщении, что существенно улучшит синхронизацию.

#### 5. Результат скремблирования: (в двоичном виде)

#### 1101 1001 0000 1011 1110 0001 1000 0100

#### 6. Результат скремблирования (в шестнадцатеричном виде):

#### D9 0B E1 84

По аналогичным причинам, что я описал в конце этапа избыточного кодирования, применю скремблированное сообщение для кодирования NRZI.

## 4.2 Применим для кодирования NRZI

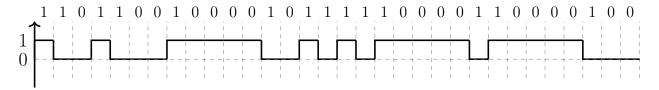


Рис. 7: NRZI-кодирование избыточного сообщения

Для определения верхней границы частот необходимо найти наиболее высокочастотную составляющую спектра в передаваемом сообщении, которая в NRZI образуется при передаче последовательных значений 0 и 1, при этом период гармонического сигнала (синусоиды), используемого для передачи прямоугольных сигналов 0 и 1, будет равен удвоенной длительности битового интервала  $\tau:T=2\tau$ , где  $\tau$  определяется как величина, образная значению пропускной способности канала  $C:\tau=\frac{1}{C}$ . Отсюда верхняя граница частот будет равна

$$f_{\rm B} = \frac{1}{T} = \frac{C}{2}$$

В общем случае, при кодировании любого сообщения с помощью метода NRZI наибольшая (верхняя) частота достигается при передаче последовательных значений 0 и 1, а наименьшая (нижняя) - при передаче длинных (в пределе - бесконечных) последовательностей нулей, что делает нижнюю границу частот близкой и в пределе равной нулю:  $f_{\rm H}=0$ . Следовательно, в предельном случае спектр:  $S=f_{\rm B}-f_{\rm H}=f_{\rm B}=\frac{C}{2}$ .

С другой стороны, при передаче конкретного сообщения нижняя частота всегда больше нуля и зависит от максимальной длины последовательностей нулей. В этом случае для расчёта нижней границы чапстот необходимо в коде передаваемого сообщения найти наиболее длинную последовательность нулей. В исходном сообщении, закодированном по методу NRZI, представленному на рисунке 1, низкочастотная составляющая образуется при передаче единицы и 4 последовательных нулей. Период синусоидального сигнала при передаче таких

последовательностей равен 10 битовым интервалам и нижняя граница частот соответственно будет равна:  $f_{\rm H}=\frac{1}{10\tau}=\frac{C}{10}$ . Тогда **спектр** при передаче данного сообщения кодом NRZI равен

$$S = f_{\scriptscriptstyle 
m B} - f_{\scriptscriptstyle 
m H} = rac{C}{2} - rac{C}{10} = rac{2C}{5} = 4 \, 
m M \Gamma$$
ц

То есть, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  частота основной гармоники равна  $f_{\mathrm{B}}=\frac{10\cdot 10^3}{2}=5\,\mathrm{M}\Gamma$ ц, битовый интервал  $\tau=100\,\mathrm{hc},$  а нижняя частота гармоники  $f_{\mathrm{H}}=1\,\mathrm{M}\Gamma$ ц.

Среднее значение частоты передаваемого сообщения находится в интервале  $(f_{\rm H};f_{\rm B})$  и показывает, какие частоты (низкие или высокие) превалируют в спектре передаваемого сигнала.

Для оценки среднего значения частоты передаваемого сообщения можно для каждого битового интервала определить соответствующую частоту сигнала, просуммировать их и разделить на количество битовых интервалов. В нашем случае: частота основной гармоники  $f_0 = \frac{C}{2}$  соответствует 7 битовым интервалам, частота вдвое меньшая, т.е.  $\frac{f_0}{2}$ , соответствует 2 битовым интервалам, частота  $\frac{f_0}{3}$  - также 2 битовым интервалам и частота  $\frac{f_0}{4}$  - 3 битовым интервалам.

Тогда средняя частота рассматриваемого сообщения

$$f_{\rm ep} = \left(7f_0 + 2\frac{f_0}{2} + 2\frac{f_0}{3} + 3\frac{f_0}{4}\right)/14 = \frac{113f_0}{168} = \frac{113 \cdot 5}{168} \approx 3.363\,{\rm M}$$
гц

Поскольку середине спектра рассматриваемого сообщения соответствует частота

$$f_{1/2} = (f_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} + f_{\scriptscriptstyle \mathrm{B}})/2 = 3.334\,\mathrm{M}$$
Гц

Можно констатировать, что в спектре сигнала практически идеальный баланс низких и высоких частот:  $f_{\rm cp} \approx f_{1/2}$ .

Для качественной передачи двоичных сигналов по реальному каналу связи и возможности их распознавания на приёмной стороне с минимальным количеством ошибок, желательно на передающей стороне формировать сигналы, приближающиеся к прямоугольной форме. Однако, спектр таких сигналов оказывается слишком большим. Можно показать, что для качественного распознавания сигнала на приемной стороне при передаче чередующихся значений 0 и 1 достаточно сформировать сигнал, содержащий первые 4 гармоники (поскольку более высокочастотные гармоники оказывают незначительное влияние на результирующий сигнал) с частотами  $f_0 = \frac{C}{2}$ ,  $f_1 = 3f_0$ ,  $f_2 = 5f_0$ ,  $f_3 = 7f_0$ . В этом случае верхняя граница частот  $f_{\rm B} = 7f_0$ , а ширина спектра сигнала при передаче рассматриваемого сообщения соответственно будет равна  $S = f_{\rm B} - f_{\rm H} = 7f_0 - f_0/4 = 27f_0/4 = 33.75 \,\mathrm{MF}$ ц. Полоса пропускания F, необходимая для качественной передачи данного сообщения, должна быть не меньше спектра S, например,  $F = 34 \,\mathrm{MF}$ ц.

Итак, при пропускной способности канала связи  $C=10\,\mathrm{Mбит/c}$  верхняя и нижняя границы частот в передаваемом сообщении равны соответственно

 $f_{\rm B}=5\,{
m M}\Gamma$ ц и  $f_{\rm H}=1\,{
m M}\Gamma$ ц, спектр сигнала  $S=4\,{
m M}\Gamma$ ц, среднее значение частоты в спектре передаваемого сигнала  $f_{\rm cp}=3.363\,{
m M}\Gamma$ ц, полоса пропускания, необходимая для качественной передачи данного сообщения  $F=34\,{
m M}\Gamma$ ц.

# 5 Сравнительный анализ

Метод кодирования	Спектральные характеристи- ки	Постоянная составляющая	Самосин-хронизация	Обнаруж. ошибок	Сложность реализации
Потенциальный код с инверсией при единице (NRZI)	Малая ширина спектра $(0-\frac{C}{2})$ , итоговый спектр $\frac{3C}{7}$	Присутствует, но снижена по сравнению с NRZ	Отсутствует, возможны проблемы при длинных последова- тельностях '0'	Отсутствует	Низкая сложность реализации, два уровня потенциала ⇒ низкая стоимость
Манчестерское кодирование (M2)	Большая ширина спектра (0–C), итоговый спектр $C$	Отсутствует	Отличная, переход в середине каждого битового интервала обеспечивает синхрониза- цию	Отсутствует	Средняя сложность реализации, два уровня потенциала ⇒ умеренная стоимость
Дифф. манчестерское кодирование	Большая ширина спектра $(0-C)$ , итоговый спектр $C$	Отсутствует	Отличная, устойчива к инверсии сигнала	Отсутствует	Высокая сложность реализации, два уровня потенциала $\implies$ умеренная стоимость
NRZI с 4B/5B кодированием	Уменьшенный итоговый спектр: $\frac{C}{3}$	Отсутствует (благодаря 4B/5B)	Улучшена, длинные последова- тельности '0' полностью устранены	Отсутствует	Низкая сложность реализации, простое сопоставление битов таблицей кодировки
NRZI со скремблирова- нием	Меньше спектр, чем у изначального NRZI, но больше $4\mathrm{B}/5\mathrm{B}$ : $\frac{2C}{5}$	Отсутствует (благодаря скремблиро- ванию)	Улучшена, благодаря скремблированию, но остались длинные последовательности '0'	Отсутствует	Средняя сложность реализации, считать полином для каждого преобразования долго и муторно

Таблица 2: Сравнение методов кодирования из этапов 2, 3 и 4  $\,$ 

**NRZI** снижает постоянную составляющую по сравнению с NRZ и сохраняет простоту реализации. Однако его эффективность сильно зависит от статистики передаваемых данных; при длинных последовательностях '0' возможны проблемы с синхронизацией, а постоянная составляющая всё ещё присутствует. Тем не менее, по сравнению с AMI, который является его прямым конкурентом, но не был рассмотрен в данном отчёте, NRZI имеет лишь два уровня потенциала, что делает его дешевле и предпочтительнее для использования.

С помощью методов логического кодирования можно существенно улучшить NRZI.

**NRZI с 4B/5B кодированием** устраняет постоянную составляющую и улучшает синхронизацию благодаря введению избыточности. Длинные последовательности нулей заменяются кодами без длительных последовательностей нулей, что повышает надёжность передачи. Спектр после 4B/5B кодирования стал  $\frac{C}{3} = 3.333 \, \mathrm{M}\Gamma$ ц, что на  $0.7 \, \mathrm{M}\Gamma$ ц меньше, чем при скремблировании того же метода кодирования, что существенно повышает скорость передачи сообщения.

NRZI со скремблированием лишь частично устраняет длинные последовательности одинаковых битов, улучшая синхронизацию и также устраняя постоянную составляющую. При этом сохраняется узкая полоса пропускания, а сложность реализации существенно выше, чем у избыточного кодирования 4B/5B, а также спектр выше на 0.7 МГц.

Манчестерское кодирование обеспечивает отличную синхронизацию и не имеет постоянной составляющей, что повышает надёжность передачи. Однако в сравнении с NRZI с 4B/5B кодированием, мы получаем на 2/3 С меньший спектр, при этом не проигрывая в синхронизации и постоянной составляющей. Таким образом, Манчестерское кодирование получается сложнее NRZI с 4B/5B кодированием, и дороже в реализации, не имея перед ним преимуществ.

Дифференциальное манчестерское кодирование наследует преимущества манчестерского кодирования и дополнительно устойчиво к инверсии сигнала, что важно в шумных средах. Хотя высокая сложность реализации и широкий спектр являются его недостатками, NRZI с 4B/5B кодированием не имеет устойчивости к инверсии сигнала - оно имеет лишь частичную возможность обнаружения ошибок за счёт наличия запрещённых символов. Исходя из этого, если важно иметь устойчивость к инверсии сигнала и есть возможность пожертвовать спектром, а соответственно более низкой скорости передачи сообщения, то предпочтительнее будет выбрать Дифференциальное манчестерское кодирование.

## 6 Выводы

В результате применения логического кодирования и скремблирования к исходному сообщению при использовании метода NRZI удалось значительно улучшить характеристики сигнала по сравнению с исходным методом NRZI. Благодаря избыточному кодированию 4B/5B и скремблированию были устранены

длинные последовательности нулей, что повысило надёжность синхронизации и устранило постоянную составляющую сигнала. При этом сохраняется узкая полоса пропускания и низкая сложность реализации, что делает эти методы эффективными для использования в системах с ограниченными ресурсами и требованиями к полосе пропускания.

По сравнению с манчестерскими методами кодирования, NRZI с логическим кодированием или скремблированием обеспечивает более эффективное использование полосы пропускания, так как требует меньшей ширины спектра. Однако манчестерское и дифференциальное манчестерское кодирование всё ещё превосходят по надёжности синхронизации и устойчивости к помехам, что делает их предпочтительными в системах, где эти факторы являются критически важными.

Таким образом, применение логических кодирований и скремблирования позволяет улучшить характеристики методов с низкой сложностью реализации, не имеющих надёжной синхронизации и обнаружения ошибок, приближая их по качеству к более сложным методам, таким как манчестерское кодирование. Выбор между этими методами должен основываться на конкретных требованиях системы передачи данных, включая допустимую полосу пропускания, сложность реализации и необходимость в надёжной синхронизации.