Teorija informacije, 34315

Akademska godina: 2010./2011.

2. međuispit 24. studenog 2010.

Napomena:

• Točno riješen zadatak: 2,5 bodova

• Netočno rješenje: -0,5 bodova

• Zadatak nije rješavan: 0 bodova

• Ukoliko zadatak NIJE rješavan, molim, na obrascu za test NE precrtavati polja!

• Trajanje ispita: 120 minuta

• Ukupni broj zadataka: 10

GRUPA B



Zadatak - 1

Odredite duljinu kodne riječi perfektnog koda koji može otkriti 6 pogrešaka, uz uvjet da svaka kodna riječ ima 12 informacijskih bitova.

A.
$$n = 20$$

B.
$$n = 21$$

$$C$$
. $n=2$.

(D)
$$n = 23$$

E.
$$n = 24$$

Zadatak - 2

Dana su dva binarna komunikacijska kanala. U prvom kanalu djeluju smetnje koje mogu uzrokovati pogrešan prijenos od jednog bita u slijedu od najmanje p_1 uzastopnih bita. U drugom kanalu smetnje mogu uzrokovati pogrešan prijenos od jednog bita u slijedu od najmanje p_2 uzastopnih bita. Na oba kanala se koristi Hammingov kôd s maksimalnom efiksanošću prijenosa. Odredite omjer kodne brzine na prvom i drugom komunikacijskom kanalu ako je $p_1 = 13$, $p_2 = 16$

C. 1.059

D. 1

E. Niti jedno od navedenog

Zadatak - 3

Potrebno je generirati binarni ciklični kôd [n,k]=[9,3] koristeći jedan od niže navedenih generirajućih polinoma:

$$g(x) = x^2 + 1$$

$$g(x) = x^3 - x + 1$$

$$g(x) = x^{6} - x^{3} - 1$$
$$g(x) = x^{5} + x - 1$$
$$g(x) = x^{4} + x^{3} + x^{2} + x + 1$$

Koliko pogrešaka može otkriti dani kod?

- A. 0
- B. 1
- (C) 2
- D. 3
- E. Niti jedno od navedenog

Zadatak - 4

Generirajući polinom koda K[7,k] je x^3+x+1 . Odredite prvu kodnu riječ koda K^{\perp} koja se pojavljuje na izlazu kodera kanala ako se na njegovom ulazu pojavljuje slijed 110 100 101 0101 111 . . . Generirajuća matrica koda K je u standardnom obliku.

- A. 0001110
- B. 1000110
- C. 1001100 🗱
- D. 1101110
- (E.)Niti jedno od navedenog.

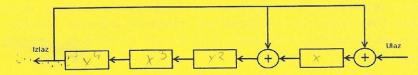
Zadatak - 5

Dan je kôd [n,k]=[6,5]. Odredite vjerojatnost nedetektiranih pogrešaka uz uvijet da se na jednom bitu pojavljuju pogreške s vjerojatnošću $p_e=0,003$.

- A. $5.368 \cdot 10^{-5}$
- B. $7.964 \cdot 10^{-5}$
- C. $2.629 \cdot 10^{-5}$
- (D.) $1.334 \cdot 10^{-4}$
- E. Niti jedno od navedenog

Zadatak - 6

Odredite prvu kodnu riječ koja se pojavljuje na izlazu cikličnog kodera [15, k] ako se na njegovom ulazu pojavljuje slijed bitova 10111010111... Ciklični koder dan je na sljedećoj slici:



- (A) 101110101110011
- B. 1011101011110111
- C. 1011101011111011
- D. 101110101111111
- E. Niti jedno od navedenog

Zadatak - 7

Na izlazu iz binarnog komunikacijskog kanala primljena je kodna riječ: 111011111110011. Odredite poslanu kodnu riječ, ako je za zaštitu korišen Hammingov kôd. Matrica provjere pariteta je u obliku koji omogućuje jednostavnu programsku implementaciju.

- A. 111001011000111
- B. 1110011010101111



- D. 1110111111100011
- E. Niti jedno od navedenog

Zadatak - 8

Izvorište generira 16 poruka, iz skupa od 16 jednako vjerojatnih simbola $X = \{x_0..., x_{15}\}$, koje se kodiraju binarnim kodom (Shannon-Fano!). Poruke se prije odašiljanja u kanal kodiraju u koderu kanala binarnim kodom koji ima mogućnost ispraviti četverostruku pogrešku. Odredite interval mogućih vrijednosti za kodnu brzinu zaštitnog koda.

- A. [0.2667, 0.5714]
- B. [0, 0.5714]
- C. [0.5714, 1]
- D. [0, 0.2667]
- E. Niti jedno od navedenog

Zadatak - 9

Dan je linearni binarni kôd K s generirajućom matricom:

Odredite minimalnu Hammingovu udaljenost između svih parova kodnih riječi koda K^{\perp} koje počinju s 10. Napomena: K^{\perp} je dualni kôd koda K!

- A. 4
- (B) 3
- C. 2
- D. 1
- E. Niti jedno od navedenog

Zadatak - 10

Generirajući polinom $g(x) = x^4 + x^2 + 1$ koristi se u cikličnom kôdu [n, k]. Na ulaz kodera kanala dolazi slijed bitova 1010101... Odredite cikličnu provjeru zalihosti za kodnu riječ koja se prva pojavljuje na izlazu kodera kanala.

- A. 0110
- B. 1001
- C 1010
- D. 0101
- E. Niti jedno od navedenog