$\begin{cases} -\sin y = 0 \\ 2x + \sqrt{1-3x-\sin y} = 0 \end{cases}$ $\begin{cases} \sin y = 0 \\ \sqrt{1-3x} = -2x \end{cases}$ $\begin{cases} \sin y = 0 \\ 4x^2 + 3x - 1 = 0 \\ x \leqslant 0 \end{cases}$ $\begin{cases} x_n = -1 \\ y_n = \pi n \end{cases}$.

Положения равновесия таковы: $A_n = (-1; \pi n)$. $x = u - 1$. $y = v + \pi n$.

Используя известные разложения $\sin\xi = \xi + o(\xi)$ и $(1+\xi)^a = 1 + a\xi + o(\xi)$ для $\xi \to 0$, при $u \to 0$, $v \to 0$ получим

- $-\sin(v + \pi n) = -(-1)^n \sin v = -(-1)^n\left(v + o(v)\right) = -(-1)^n v + o\left(\sqrt{u^2+v^2}\right)$;
- $2(u-1) + \sqrt{1-3(u-1)-\sin(v+\pi n)} = 2(u-1) + \sqrt{1-3(u-1)-(-1)^n v + o(v)}$
$= 2u + 2\left(\left(1 - \frac{3}{4}u - (-1)^n\frac{1}{4}v + o(v)\right)^{\frac{1}{2}} - 1\right) = 2u + 2\left(1 + \frac{1}{2}\left(-\frac{3}{4}u - (-1)^n\frac{1}{4}v\right) + o(u)\right.$
$\left. + o(v) - 1\right) = \frac{5}{4}u - (-1)^n\frac{1}{4}v + o\left(\sqrt{u^2+v^2}\right)$.

Таким образом, $\frac{d}{dt}\begin{pmatrix} u(t) \\ v(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & -(-1)^n \\ \frac{5}{4} & -(-1)^n\frac{1}{4} \end{pmatrix}\begin{pmatrix} u(t) \\ v(t) \end{pmatrix} + \Psi$. $\lambda\left(\lambda + (-1)^n\frac{1}{4}\right) + \frac{5}{4}(-1)^n = 0$. $4\lambda^2 + (-1)^n\lambda + 5(-1)^n = 0$.

Если n чётное, то $4\lambda^2 + \lambda + 5 = 0$. $D = -79$. $\mathrm{Re}(\lambda) = -\frac{1}{8}$, потому положение устойчиво.

В случае, когда n нечётное, получаем $4\lambda^2 - \lambda - 5 = 0$. $D = 81$. $\lambda_1 = -1$, $\lambda_2 = \frac{5}{4}$. Положение неустойчиво.