

$y'(x) = \frac{-2x + 4y}{x + y}$ .  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -2 & 4 \end{pmatrix}$ .  $\det(\lambda E - A) = (\lambda - 1)(\lambda - 4) + 2 = \lambda^2 - 5\lambda + 6$ .  $\lambda_1 = 2$ ,  $\lambda_2 = 3$ . Особая точка является «узлом».

$A - \lambda_1 E = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 2 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $v_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ .  $A - \lambda_2 E = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $v_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ .  $\lambda_1$  по модулю меньше, так что прямая  $y_1 = x$  будет являться касательной для всех траекторий (частных решений) в начале координат, кроме  $y_2 = 2x$ .

Решения можно построить как при помощи изоклин, так и путём построения графика параметрических функций:  $\begin{cases} x = \pm f(p) \\ y = \pm p f(p) \end{cases}$ , где  $f(p) = C \frac{(p-1)^2}{(p-2)^3}$ . На левом рисунке указаны изоклины, на правом – истинные траектории.

