Documenti autorizzati: due fogli manoscritti A4 fronte retro.

## 1 Esercizio 1

```
int A=0;
int B=0;
```

```
Process P
    while(true){
p1:
      Sezione Non Critica
                                  q1:
p2:
                                  q2:
      A=1;
      while (B!=0) {}
p3:
                                  q3:
p4:
      Sezione Critica
                                  q4:
p5:
                                  q5:
    }
                                       }
```

```
Process Q
    while(true){
q1:    Sezione Non Critica
q2:    while(A!=0){}
q3:    B=1;
q4:    Sezione Critica
q5:    B=0;
}
```

Figura 1: Algoritmo di mutua esclusione

Consideriamo l'algoritmo di mutua esclusione proposto alla figura 1.

- 1. Disegnare l'inizio dello diagramma degli stati per questo algoritmo (massimo 10 stati).
- 2. Questo algoritmo verifica la proprietà di mutua esclusione? Giustificare.
- 3. Questo algoritmo verifica la proprietà d'assenza di deadlock? Giustificare.
- 4. Questo algoritmo verifica la proprietà d'assenza di starvation? Giustificare.

## 2 Esercizio 2

Consideriamo un sistema fatto di due recipienti A e B e dei produttori e dei consumatori. Il recipiente A è di capacità a e il recipiente B è di capacità b dove a e b sono degli interi strettamente superiori a 0. I produttori eseguono in ciclo le azioni seguente:

- Se A e B sono pieni, aspettano.
- Se A è pieno ma non B, aggiungono un elemento a B altrimenti aggiungono un elemento a A.

I consumatori eseguono in ciclo le azioni seguente:

- Se A e B sono vuoti, aspettano.
- Se B non è vuoto, ritirano un elemento di B altrimenti ritirano un elemento di A.

Proponete in JAVA, C o pseudo-codice una modellazione di questo sistema, prendendo in considerazione che vogliamo un processo per produttore e un processo per consumatore, che prenderemo tre produttore e tre consumatore e che vogliamo evitare le attese attive. Per facilitare il lavoro, potete assumere che i recipienti sono rappresentati da variabile interi condivisi (produrre aumenta di 1 il valore e consumare lo sminuisce di 1).

## 3 Esercizio 3

Consideriamo l'algoritmo con message passing proposto sulla figura 2. Lo scopo di questo algoritmo è di garantire la mutua esclusione per due processi.

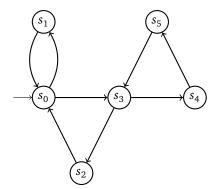
- 1. Descrivere in qualche righe come funziona questo algoritmo.
- 2. Questo algoritmo verifica la mutua esclusione? Giustificare.
- 3. Questo algoritmo verifica l'assenza di starvation? Giustificare e nel caso di una risposta negativa, proporre un ipotesi per avere l'assenza di starvation.
- 4. Come modificare l'algoritmo per avere un algoritmo di mutua esclusione per 3 processi (lavorando con l'ipotesi trovata nella domanda precedente)?

```
Process Pi per i uguale a 0 o 1
boolean B0=true; //variabile di P0
boolean B1=false; //variabile di P1

while(true){
p1: Sezione Non Critica
p2: while(Bi==false){}
p3: Sezione Critica
p4: Bi=false;
p5: send(ok)->P(1-i)
}
--Gestione dei messaggi di Pi per i uguale a 0 o 1
case ok: Bi=true;
```

Figura 2: Algoritmo di mutua esclusion con message passing

## 4 Esercizio 4



Stato	Etichettatura
$s_0$	{ <i>p</i> }
$s_1$	{r}
$s_2$	{ <i>p</i> }
$s_3$	{r}
<i>s</i> <sub>4</sub>	$\{q\}$
$s_5$	{r}

Figura 3: Struttura di Kripke  $\mathcal{S}_1$ 

Consideriamo la struttura di Kripke  $\mathcal{S}_1$  rappresentata sulla figura 3 (la tabella a destra indica per ogni stato l'insieme delle proposte atomiche associate) su l'insieme di proposte atomiche  $PA = \{p, q, r\}$ . Per ciascuna formula  $\phi$  di LTL che seguono, dire (giustificando) se sono soddisfate dalla struttura (i.e. se abbiamo  $S_1 \models \phi$ ).

- 1.  $\phi = \mathbf{F}q$
- 2.  $\phi = \mathbf{GF}r$
- 3.  $\phi = \mathbf{G}(p \Rightarrow (\mathbf{X}r))$
- 4.  $\phi = (p U r)$
- 5.  $\phi = \mathbf{FG}p$