

# Equipo #3

# Modelación computacional aplicando leyes de conservación (Gpo 4)

# Diseño de la zona de curvas en una pista de Fórmula Uno (finales semana 5)

Ines Alejandro Garcia Mosqueda - A00834571

Sofia Arias Villa - A01642380

Karen Priscila Navarro Arroyo - A01641532

Roberto Angel Rillo Calva A01642022

Luis Yair Ruiz Rodriguez - A01639766

profesores: Luis Vázquez

22/11/2021

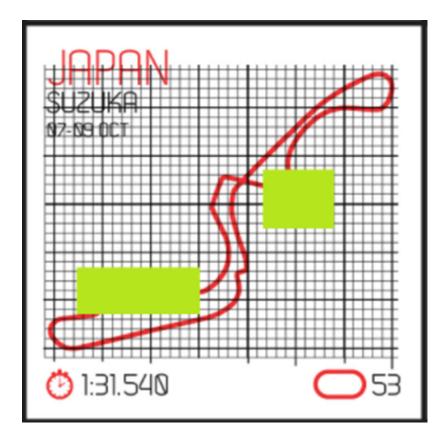
# Vinculo a carpeta con documento mlx

https://drive.google.com/drive/folders/16tK2KLQO5JmlklZRJ-rPxCHlz48rYGiY?usp=sharing

# Limpieza de variables

close all
clearvars
clc

# Circuito inicial



Se plantea el diseño de una pista a apartir de una ecuacion cubica, cuya forma general es:

$$y = Ax^3 + Bx^2 + Cx + D$$

En el programa se quiere que la distancia del circuito diseñado sea mayor a 3km pero menor o igual a 5km.

Tambien se calcula la posicion de dos gradas, poniendo en primer lugar la seguridad del espectador. Para esto primeramente se tienen que obtener los rangos donde el radio de curvatura es menor a 100m, ya que en los puntos donde el radio es menor hay altas probabilidades que el auto derrape o se salga de la pista.

#### **Datos iniciales**

Se definen las coordenadas iniciales donde se insertara la pista diseñada, con referencia de la imagen anterior

```
Xinicial = 6;
Yinicial = 6;
Xfinal = 8;
Yfinal = 16;
pasoEvaluacionCurva =11;
coeficienteFriccion = 0.4;
angulo_peralte =19;

Velocidad = 188;
ConvercionKm = @(d)d * 0.1 * 16583 / 39370;
ConvercionEscala = @(d)(d *39370)/(0.1*16583);
```

```
aGrada = ConvercionEscala(80/1000); % largo de la grada
bGrada = ConvercionEscala (10/1000); % profundidad de la grada
```

# Coeficientes de funcion cubica

Se definen los coeficientes para llenar la forma general del polinomio cubico.

Tomamos los que mejor ajustaron a los puntos de la rubrica por la limitante de la longitud de curva

```
% A3 = 11.452;
% A2 = -241.26;
% A1 = 1688;
% A0 = -3911.3;
% A3 = 10.288;
% A2 = -217.13;
% A1 = 1521.4 ;
% A0 = -3526.9;
A3 = 7.3558;
A2 = -157.43;
A1 = 1119.5;
A0 = -2631.3;
% A3 = 5.2107;
% A2 = -111.94;
% A1 = 800.03;
% A0 = -1888.9;
```

# Paso de funcion y funcion

En esta seccion se declara la forma de la funcion cubica, la primera y segunda derivada de la misma para poder hacer los calculos requeridos

El paso corresponde a la difeencia de valores en los que graficamos la curva

```
paso = 0.01;

funcion = @(x)(A3*x^3)+(A2*x^2)+(A1*x)+A0;

dfuncion = @(x)(3*A3*x^2)+(2*A2*x)+(A1);

ddfuncion = @(x)(6*A3*x)+(2*A2);
```

#### Coordenadas de funcion

Se calculan los vectores de valores de la pista (acuacion 3er grado) en "X" y "Y" para su graficacion y su evaluacion

#### Valores criticos

Se calcularon los dos puntos criticos de la ecuación de 3er grado ( la pista ) a partir de la derivada de esta ecuación.

Evaluando la ecuación derivada a cero se resuelve la ecuación de segundo grado a partr de la regla general

```
[Critico1Y,Critico2Y,Critico1X,Critico2X] = Vcriticos(A3,A2,A1,funcion);
```

#### Grafica de funcion

Posteriormente, una vez obtenidos los valores de los puntos de la pista y sus puntos criticos se grafican

La pista a escla comineza en el punto (6.000000, 6.000000) y termina en (8.000000, 16.000000)

```
fprintf(['\nLa pista en km comineza en el punto (%f km,%f km) y termina ' ...
   'en (%f km, %f km)\n\n'],ConvercionKm(Xinicial),ConvercionKm(Yinicial), ...
   ConvercionKm(Xfinal),ConvercionKm(Yfinal))
```

La pista en km comineza en el punto (0.252725 km,0.252725 km) y termina en (0.336967 km, 0.673934 km)

```
fprintf("\n\tLa pista mide %f kilometros ",ConvercionKm(longitud_funcion))
```

La pista mide 0.601556 kilometros

```
fprintf(['\tLos puntos criticos a escala son\n\tCritico1: (%f, %f)\n' ...
'\tCritico2:(%f, %f)'],Critico1X,Critico1Y,Critico2X,Critico2Y)
```

```
Los puntos criticos a escala son
Critico1: (12.727652, 7.538737)
Critico2:(14.677665, 6.729369)
```

```
fprintf('\n\tLos puntos criticos en km son\n\tCritico1: (%f, %f)\n\tCritico2:(%f, %f)',
    ConvercionKm(Critico1X),ConvercionKm(Critico1Y),ConvercionKm(Critico2X), ...
    ConvercionKm(Critico2Y))
   Los puntos criticos en km son
   Critico1: (0.536100, 0.317538)
   Critico2:(0.618237, 0.283447)
hold on
plot(Critico1X, Critico1Y,'-*',Critico2X,Critico2Y,'*')
text(Critico2X,Critico2Y,' <---- Punto Critico')</pre>
text(Critico1X,Critico1Y,' <---- Punto Critico')</pre>
text(Yfuncion(1), Xfuncion(1), 'inicio')
text(Yfuncion(end), Xfuncion(end), 'final');
fprintf('La coordenada maxima absoluta (%f, %f)\nLa coordenada del minimo absoluto (%f, %f)',
    Xinicial, Yinicial, Xfinal, Yfinal)
La coordenada maxima absoluta (6.000000, 6.000000)
La coordenada del minimo absoluto (8.000000, 16.000000)
fprintf('Los extremos locales son los puntos criticos:\n (%f, %f)\n (%f, %f)', ...
    Critico1X,Critico1Y,Critico2X,Critico2Y)
Los extremos locales son los puntos criticos:
(12.727652, 7.538737)
 (14.677665, 6.729369)
```

# Radio de curvatura

Para poder evaluar en cuales puntos de la pista es probable que un carro derrape y/o se salga de la pista es importante evaluar la zona de derrape a partir de el readio de curvatura de la funcion cubica y graficar las posibles trayectorias que tomaria un coche en caso de salirse de la pista a partir de su segunda derivada (pendiente tangente) y obtener la recta tangente a dichos puntos

```
[puntos peligro x,puntos peligro y,radiosCurva,radiosCurvaMetros] = puntosCurvatura(Xfuncion,
    A3,A2,A1,funcion,dfuncion,ConvercionEscala,ConvercionKm,pasoEvaluacionCurva);
Graficar_puntos(puntos_peligro_x,puntos_peligro_y)
Graficar_tangente(funcion,dfuncion,puntos_peligro_x(1),puntos_peligro_x(end),0.05);
fprintf('Las coordenadas de los puntos de derrape son: ')
Las coordenadas de los puntos de derrape son:
puntos_peligro_x
puntos_peligro_x = 1 \times 31
                   6.2598
                              6.2795
                                       6.3003
                                                6.3225
                                                         6.3463
                                                                 6.3721 ...
   6.2235
           6.2412
puntos_peligro_y
puntos_peligro_y = 1 \times 31
```

```
11.4394 11.6937 11.9474 12.2004 12.4526 12.7038 12.9539 13.2023 ...
```

# Posicion de las gradas

7.9851

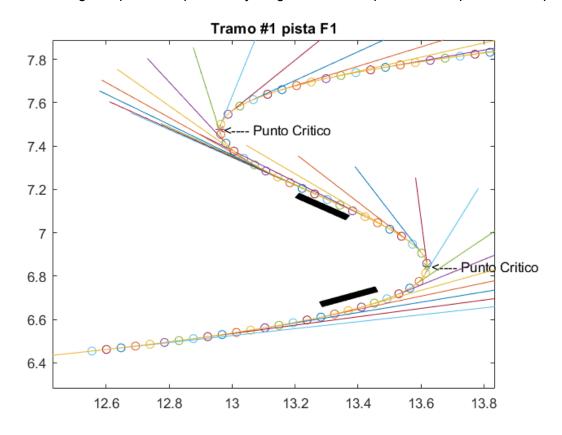
6.2235

Despues de evaluar las zonas de derrape podemos tomar la decision de donde consideramos prudente poner gradas donde los espectadores esten lo mas a salvo de un coche

Decidimos poner una grada en el punto de inflexion de la ecuacion, un punto donde nos aseguramos que las tangentes los puntos que evaluamos no impactaran con la grada

La otra grada la pusimos en un punto intermedio entre las coordenadas de "X" de el punto critico bajo con el punto en "X" inicial de la zona de darrape

Estas zonas son seguras para el espectador y de gran atraccion por la curva que se tiene que dar



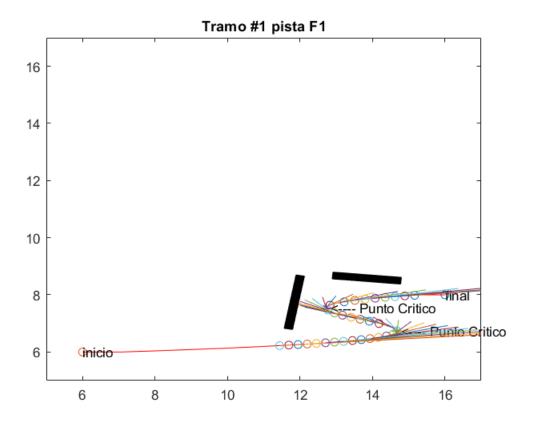
```
%pGrada1 = puntos_peligro_x(1);
% pGrada1 = ((Critico1Y+puntos_peligro_x(1))/2)-0.5;
% gradas(dfuncion,funcion,pGrada1,aGrada,bGrada,ConvercionEscala);

%ajusteX, ajuste Y, ajuste Angulo
pGrada3 = Critico1Y;
ajusteXgrada3 = 0.3;
ajusteYgrada3 = 0.1;
ajusteYgrada3 = 0.1;
ajusteAnguloGrada3 = 10;
gradas(dfuncion,funcion,pGrada3,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteXgrada3, ...
ajusteYgrada3,ajusteAnguloGrada3);

% pGrada2 = ((Critico2Y+Critico1Y)/2)-0.01;
pGrada2 = puntos_peligro_x(end)+0.01
```

```
ajusteXgrada2 = 1.5;
ajusteYgrada2 = 0;
ajusteAnguloGrada2 = 10;
gradas(dfuncion,funcion,pGrada2,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteXgrada2, ...
ajusteYgrada2,ajusteAnguloGrada2);
```

pGrada2 = 7.9951



```
%pGrada4
pGrada4 = puntos_peligro_x(1)-0.01
pGrada4 = 6.2135
```

```
ajusteXgrada4 = 1.5;
ajusteYgrada4 = 0;
ajusteAnguloGrada4 = -10;
%gradas(dfuncion, pGrada4, aGrada, bGrada, ConvercionEscala,
% ajusteXgrada4, ajusteYgrada4, ajusteAnguloGrada4);
%animacion_carro(Xfuncion, Yfuncion)
```

En esta parte se logra obtener todas las velocidades de los puntos de la curva donde el radio de curvatura es menor a 100m (donde es posible que se salga de la pista)

```
%velocidad peralte
funcionVelocidad = Velocidad_maxima(coeficienteFriccion,angulo_peralte);
velocidades = [];
radiosCurva

radiosCurva = 1×203
    11.9532    11.2006    10.4882    9.8141    9.1766    8.5742    8.0051 ...
```

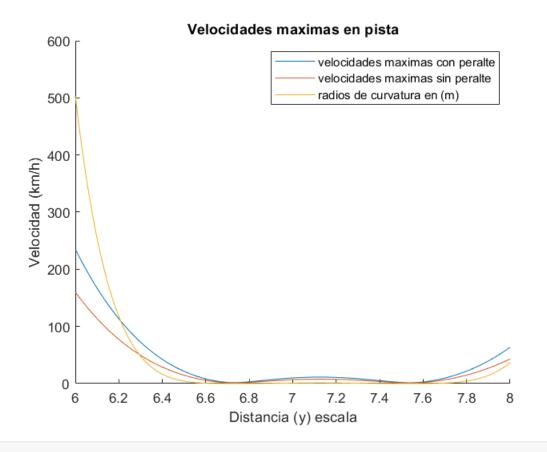
#### radiosCurvaMetros

xlabel('Distancia (y) escala')
ylabel('Velocidad (km/h)')

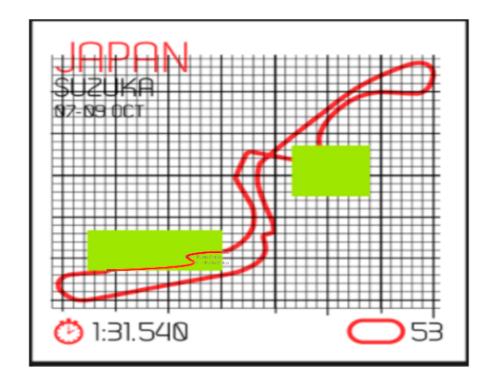
'radios de curvatura en (m)')

```
radiosCurvaMetros = 1×203
 503.4781 503.4781 471.7803 441.7721 413.3789 386.5288 361.1523 337.1828 ...
for i=1:length(radiosCurva)
    rad = ConvercionKm(radiosCurva(i))*1000;
    velocidades(end+1) = ((funcionVelocidad(rad))*3600)/1000;
end
%velocidad sin peralte
funcionVelocidad = Velocidad_maxima(coeficienteFriccion,0);
velocidadesSP = [];
for i=1:length(radiosCurva)
    rad = ConvercionKm(radiosCurva(i))*1000;
    velocidadesSP(end+1) = ((funcionVelocidad(rad))*3600)/1000;
end
velocidades
velocidades = 1 \times 203
 235.0650 235.0650 227.5451 220.1896 212.9962 205.9627 199.0870 192.3669 ...
figure(2)
hold on
plot(Xfuncion, velocidades)
plot(Xfuncion, velocidadesSP)
plot(Xfuncion, radiosCurvaMetros)
title('Velocidades maximas en pista')
```

legend('velocidades maximas con peralte','velocidades maximas sin peralte', ...



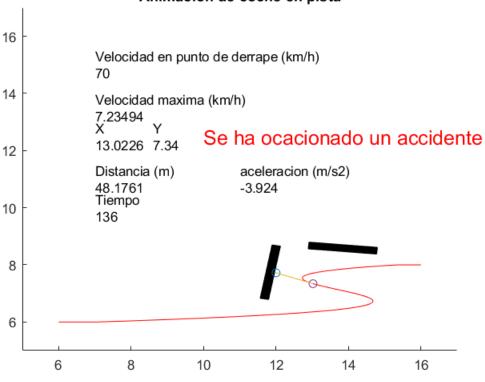
La concatenacion de la pista escalada de la pista de suzuka Japon con la diseñada se veria asi



## Animacion con velocidad

```
fprintf('menu')
menu
fprintf(['1. Simulacion sin accidente\n2.Simulacion con derrape en zona de gradas\n3.'
    'Simulacion con derrape en primera curva,\n4.Otra propuesta de gradas'])
1. Simulacion sin accidente
2. Simulación con derrape en zona de gradas
3. Simulacion con derrape en primera curva,
4.0tra propuesta de gradas
op = input("Opcion del menu ---> ")
op = 2
switch op
    case 1
        Velocidad = 1;
        animacionCarro(Xfuncion,Yfuncion,funcion,dfuncion,velocidades,Velocidad,pGrada3,
            aGrada, bGrada, ConvercionEscala, ajusteXgrada3, ajusteYgrada3, ajusteAnguloGrada3,
            pGrada2,ajusteXgrada2,ajusteYgrada2,ajusteAnguloGrada2,coeficienteFriccion);
    case 2
        Velocidad = 70;
        anticipacion = 0.2
        animacionCarroPunto(Xfuncion,Yfuncion,funcion,dfuncion,velocidades,Velocidad, ...
            pGrada3,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteXgrada3,ajusteYgrada3, ...
            ajusteAnguloGrada3,pGrada2,ajusteXgrada2,ajusteYgrada2,ajusteAnguloGrada2, ...
            coeficienteFriccion,Critico1Y-anticipacion);
    case 3
        Velocidad = 100;
        anticipacion = 0.2
        animacionCarroPunto(Xfuncion,Yfuncion,funcion,dfuncion,velocidades,Velocidad, ...
            pGrada3,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteXgrada3,ajusteYgrada3, ...
            ajusteAnguloGrada3,pGrada2,ajusteXgrada2,ajusteYgrada2,ajusteAnguloGrada2, ...
            coeficienteFriccion,Critico2Y-anticipacion);
    case 4
        Velocidad = 1;
        animacionCarro(Xfuncion,Yfuncion,funcion,dfuncion,velocidades,Velocidad,pGrada4, ...
            aGrada, bGrada, ConvercionEscala, ajusteXgrada4, ajusteYgrada4, ajusteAnguloGrada4,
            pGrada2,ajusteXgrada2,ajusteYgrada2,ajusteAnguloGrada2,coeficienteFriccion);
    otherwise
        fprintf("opcion no reconocida ")
end
anticipacion = 0.2000
```





# Funcion distancia numerica

Utilizamos de un metodo numerico para poder calcular la longitud de la curva.

A aprtir de la iteracion del algoritmo para sacar hipotenusas pequeñas de intervalos en "X" y "Y" pequeños e irlas sumando en un contador de longitud

# Funcion puntos criticos

Como se menciono, obtuvimos las coordenadas de los puntos criticos a partir de la primera derivada de la ecuacion al igualarla a cero, ya que los puntos criticos estan donde la pendiente es cero

```
function [vC1Y, vC2Y, vC1X, vC2X] = Vcriticos(a3,a2,a1,func)
    vC1Y = (-(2*a2)+sqrt(((2*a2)^2)-(4*3*a3*a1)))/(2*3*a3);
    vC2Y = (-(2*a2)-sqrt(((2*a2)^2)-(4*3*a3*a1)))/(2*3*a3);
    vC1X = func(vC1Y);
    vC2X = func(vC2Y);
end
```

# Funcion generadora de funcion tangente

Partiendo de la ecuacion de la recta y la segunda derivada, pudimos hacer dos formulas incognitas que podemos llamar para obtener la pendiente tangente y perpendicular a un punto

Posteriormetene se hizo un modelo que graficara la recta tangente a algun punto de la grafica, con el fin de representar la trayectoria de un coche que se saliera de la pista

```
function [Ftangente, FinversaTangente] = recta_pendiente(func,dfunc, punto)
   Ftangente = @(p)((p-punto)*dfunc(punto))+func(punto);
   FinversaTangente = @(p)((p-punto)*(-1/dfunc(punto)))+func(punto);
end

function Graficar_tangente(funcionGrafica,dfuncionGrafica,Lim1rango,Lim2rango,paso_rango)

for puntoT = Lim1rango: paso_rango: Lim2rango
   funcionTangente = recta_pendiente(funcionGrafica,dfuncionGrafica,puntoT);
   ytan =[];
   xtan = puntoT:0.1:puntoT+0.4;
   for i = puntoT:0.1:puntoT+0.4
        ytan(end+1) = funcionTangente(i);
   end

plot(ytan,xtan)
end
end
```

# Creacion de gradas

A partir de nuestros conocimientos de geometria analitica y trigonometria formulamos un modelo que graficara y obtuviera la posicion de la grada en el punto de la grafica que le diieramos, obedeciendo al el distnciamiento asignado por seguridad de los espectadores

De la segunda derivada obtuvimos la pendiente y angulo de cualquier punto de la funcion para poder asi obtener tambien la pendiente perpendicular y poder sacar los puntos de un rectangulo paralelo a la pendiente del punto de la grafica y que estuviara distanciado perpendicularmete a la tangente de dicho punto

Todo esto repetando ls medidas de las gradas asignadas anteriormente en el inicio del programa

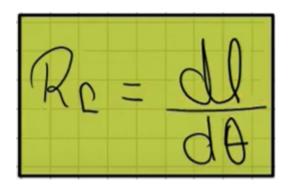
```
function gradas (funcionPendiente, funcionP, puntoGrada, anchoGradas, largoGradas, ...
    fkm2escala,ajustex,ajustey,ajusteAngulo)
distanciemiento total = fkm2escala(20/1000);
punto_x = zeros(1,5);
punto_y = zeros(1,5);
pendienteTangente = funcionPendiente(puntoGrada);
pendientePerpendicular = -1/pendienteTangente;
grados_tangente = atan(pendienteTangente)+deg2rad(ajusteAngulo);
grados perpendicular = atan(pendientePerpendicular)+deg2rad(ajusteAngulo);
grados_distanciamiento = (pi/2)-grados_tangente;
distanciemiento_y = distanciemiento_total*cos(grados_distanciamiento);
distanciemiento_x = distanciemiento_total*sin(grados_distanciamiento);
punto_x(1)=(funcionP(puntoGrada)+(anchoGradas/2)*sin(grados_tangente))-distanciemiento_x-ajusto
punto x(2)=(funcionP(puntoGrada)-(anchoGradas/2)*sin(grados tangente))-distanciemiento x-ajusto
punto x(3)=punto x(2)+(largoGradas)*sin(grados perpendicular);
punto_x(4)=punto_x(1)+(largoGradas)*sin(grados_perpendicular);
punto x(5)=(funcionP(puntoGrada)+(anchoGradas/2)*sin(grados_tangente))-distanciemiento_x-ajusto
punto y(1) = (puntoGrada+(anchoGradas/2)*cos(grados tangente))+distanciemiento y+ajustey;
punto_y(2) = (puntoGrada-(anchoGradas/2)*cos(grados_tangente))+distanciemiento_y+ajustey;
punto_y(3) = punto_y(2)+(largoGradas)*cos(grados_perpendicular);
punto y(4) = punto y(1)+(largoGradas)*cos(grados perpendicular);
punto_y(5) = (puntoGrada+(anchoGradas/2)*cos(grados_tangente))+distanciemiento_y+ajustey;
hold on
plot(punto_x,punto_y)
fill(punto_x,punto_y,'k')
pgradax = (funcionP(puntoGrada))-distanciemiento x;
pgraday = (puntoGrada+distanciemiento_y);
end
```

Funcion del radio de curvatura

La formulacion del modelo para obtener la graficacion de los puntos de derrape se hizo a partir de la formula de radio de curvatura. Para nosotros poder tomar todos los puntos donde era probable que el carro derrapara comparamos que el radio fuera menor a 100 m (a escala que nos asignaron).

$$R_c = rac{\left[1+\left(rac{df}{dx}
ight)^2
ight]^{rac{3}{2}}}{\left|rac{d^2f}{dx^2}
ight|}$$

La formula sale a partir de la segunda y tercera derivada de la funcion evaluada



$$dl = \left[1 + \left(\frac{dx}{dx}\right)^2\right] dx$$

$$d\theta = \frac{dx}{dx} \cdot dx$$

$$R_{c} = \frac{\left[1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^{2}\right]^{3/2}}{\frac{d^{2}y}{dx^{2}}}$$

Finalmente, para obtener los puntos con separacion de los metros que nos piden nuevamente hacemos un algoritmo donde usamos pitagoras para obtener lahipotenusa constante, ya que a lo largo de toda la trayectoria las x , y cambian

```
% function [VXCircunferencia, VYCircunferencia] = puntosCurvatura(lim X,a3,a2,a1,
% func,fkm2escala)
% p = fkm2escala(20/1000);
% VXCircunferencia = [];
% VYCircunferencia = [];
%
      for i = \lim X(1):p:\lim X(end)
%
          radio = radioCurvatura(a3,a2,a1,i);
%
          if radio < fkm2escala(100/1000)</pre>
%
              VXCircunferencia(end+1) = i;
%
              VYCircunferencia(end+1) = func(i);
%
          end
%
      end
% end
function [VXCircunferencia, VYCircunferencia, RadioCurvatura, RadioCurvaturaM] = puntosCurvatura(
    lim_X,a3,a2,a1,func,dfunc,fkm2escala,fescala2km, p)
p = fkm2escala(p/1000);
RadioCurvatura = [];
RadioCurvaturaM = [];
VXCircunferencia = [];
VYCircunferencia = [];
i= lim_X(1);
    while i < lim_X(end)</pre>
        radio = radioCurvatura(a3,a2,a1,i);
        if radio < fkm2escala(100/1000)</pre>
            VXCircunferencia(end+1) = i;
            VYCircunferencia(end+1) = func(i);
        i = i + p*cos(atan(dfunc(i)));
    end
    for i = 1: length(lim X)
        radio = radioCurvatura(a3,a2,a1,lim_X(i));
        RadioCurvatura(end+1) = radio;
        RadioCurvaturaM(end+1) = fescala2km(radio)*1000;
    end
end
function Rcurva = radioCurvatura (a3,a2,a1,pCurva)
    Rcurva = ((1+((3*a3*(pCurva^2))+(2*a2*pCurva)+a1)^2)^(3/2))/((6*a3*(pCurva^2))+(2*a2));
end
function Graficar_puntos(vecX, vecY)
    for i=1:length(vecX)
        plot(vecY(i), vecX(i), '-o')
    end
end
```

Funcion de movimiento en una curva con peralte

Se genero una funcion que calcule la velocidad maxima que ouede tomar un auto en una curva a partir del analisis de fuerzas en un peralte y usando la fuerza centripeta

```
function [Velocidad]=Velocidad_maxima(mu,angulo_peralte)
   gravedad = 9.81;
   Velocidad = @(r)(sqrt(gravedad*r*((mu*cosd(angulo_peralte)+sind(angulo_peralte))/ ...
   (cosd(angulo_peralte)-(mu*sind(angulo_peralte))))));
end
```

#### Funcion animacion

se obtienen la animacion a partir de las comparaciones de las velocidades maximas y una velocidad hipotetica de un auto que no respete los limites de velocidad

El calculo de la distancia recorrida desde el punto de derrape se obtiene a partir de la conservacion de la energia igualando la energia cinetica con la que comienza con la energia convertida en friccion

```
function animacionCarro(trayectoriaX,trayectoriaY,func,dfunc,velocidades max,velocidad carro,
    pGrada3,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteX1,ajusteY1,ajuste_angulo1,pGrada2,ajusteX2,
    ajusteY2, ajuste_angulo2, cFriccion)
    figure(3)
    for i = 1: length(trayectoriaX)
        clf
       xlim([5 17]);
       ylim([5 17]);
        hold on
        gradas(dfunc,func,pGrada3,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteX1,ajusteY1, ...
            ajuste angulo1);
        gradas(dfunc,func,pGrada2,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteX2,ajusteY2, ...
            ajuste angulo2);
        plot(trayectoriaY, trayectoriaX, 'LineWidth', 0.5, 'Color', 'r')
       title('Animacion de coche en pista')
       txtX = {'X ',trayectoriaY(i)};
        txtY = {'Y ',trayectoriaX(i)};
        txtVel = {'Velocidad maxima (km/h) ',velocidades_max(i)};
        text(8.6,12.5,txtY)
       text(7,12.5,txtX)
        text(7,13.5,txtVel)
        plot(trayectoriaY(i),trayectoriaX(i),'-o')
        Graficar_tangente(func,dfunc,trayectoriaX(i),trayectoriaX(i),0.05)
        if velocidad carro > velocidades max(i)
            %colicion
            pendienteTangente = dfunc(trayectoriaX(i));
            distFmetros = ((velocidades max(i)*1000/3600)^2)/(cFriccion*9.81*2);
            distF = ConvercionEscala(distFmetros/1000);
            angulo = atan(pendienteTangente);
```

```
distX = distF*cos(angulo);
            distY = distF*sin(angulo);
            pasoAnimacion = sqrt((trayectoriaY(i)-trayectoriaY(i-1))^2);
            txtfuera = {'Distancia ',distFmetros};
            text(7,11,txtfuera)
            Graficar_tangente_simulacion(func,dfunc,trayectoriaX(i),distX, ...
                distY,pasoAnimacion)
            break
        end
        pause(0.01)
    end
end
function animacionCarroPunto(trayectoriaX,trayectoriaY,func,dfunc,...
    velocidades_max,velocidad_carro,pGrada3,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteX1, ...
    ajusteY1,ajuste_angulo1,pGrada2,ajusteX2,ajusteY2,ajuste_angulo2,cFriccion,puntoX)
    tiempo = 0;
    figure(3)
    for i = 1: length(trayectoriaX)
        clf
        xlim([5 17]);
       ylim([5 17]);
        hold on
        gradas(dfunc,func,pGrada3,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteX1,ajusteY1, ...
            ajuste angulo1);
        gradas(dfunc,func,pGrada2,aGrada,bGrada,ConvercionEscala,ajusteX2,ajusteY2, ...
            ajuste angulo2);
        plot(trayectoriaY, trayectoriaX, 'LineWidth', 0.5, 'Color', 'r')
       tiempo = tiempo + 1;
       title('Animacion de coche en pista')
       txtX = {'X ',trayectoriaY(i)};
       txtY = {'Y',trayectoriaX(i)};
       txtVel = {'Velocidad maxima (km/h) ',velocidades_max(i)};
       txtVelDerrape = {'Velocidad en punto de derrape (km/h) ',velocidad_carro};
       txtTiempo = {'Tiempo ',tiempo};
       text(8.6,12.5,txtY)
       text(7,12.5,txtX)
       text(7,13.5,txtVel)
       text(7,10,txtTiempo)
        plot(trayectoriaY(i),trayectoriaX(i),'-o')
       Graficar tangente(func,dfunc,trayectoriaX(i),trayectoriaX(i),0.05)
        if puntoX == trayectoriaX(i) || trayectoriaX(i) > puntoX
            if velocidad_carro > velocidades_max(i)
                %colicion
                pendienteTangente = dfunc(trayectoriaX(i));
                distFmetros = ((velocidad_carro*1000/3600)^2)/(cFriccion*9.81*2);
                distF = ConvercionEscala(distFmetros/1000);
```

```
angulo = atan(pendienteTangente);
                distX = distF*cos(angulo);
                distY = distF*sin(angulo);
                pasoAnimacion = sqrt((trayectoriaY(i)-trayectoriaY(i-1))^2);
                aceleracion = -((velocidad_carro*1000/3600)^2)/(2*distFmetros);
                txtVelAccidente = {'Se ha ocacionado un accidente '};
                text(7,15,txtVelDerrape)
                txtfuera = {'Distancia (m) ',distFmetros};
                txtAceleracion = {'aceleracion (m/s2)',aceleracion};
                text(7,11,txtfuera)
                text(10,12.5,txtVelAccidente,'FontSize',15,'Color','r')
                text(11,11,txtAceleracion)
                Graficar tangente simulacion(func,dfunc,trayectoriaX(i),distX, ...
                    distY,pasoAnimacion)
                break
            end
        end
        pause(0.01)
    end
end
function Graficar_tangente_simulacion(funcionGrafica,dfuncionGrafica,puntoT,desplazamientoX, .
    desplazamientoY,paso rango)
        funcionTangente = recta_pendiente(funcionGrafica,dfuncionGrafica,puntoT);
       ytan =[];
       xtan = puntoT:paso_rango:puntoT+desplazamientoX;
        for i = puntoT:paso_rango:puntoT+desplazamientoX
            ytan(end+1) = funcionTangente(i);
        end
    comet(ytan,xtan)
end
```