



# ИНСТИТУТ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ КИБЕРНЕТИЧЕСКИХ СИСТЕМ

Кафедра  
«Криптология и кибербезопасность»

---

## ОТЧЕТ ОБ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКОЙ РАБОТЕ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ПАРАЛЛЕЛЬНОЕ ПРОГРАММИРОВАНИЕ»

«Реализация алгоритма поиска простых чисел при помощи  
технологии MPI»

Исполнитель:  
студент гр. Б19-505

подпись, дата

Аверин В.Д

Преподаватель:

подпись, дата

Борзунов Г.И.

Преподаватель  
по лабораторным работам:

подпись, дата

Куприяшин М.А.

---

Москва — 2021

---

## **Содержание**

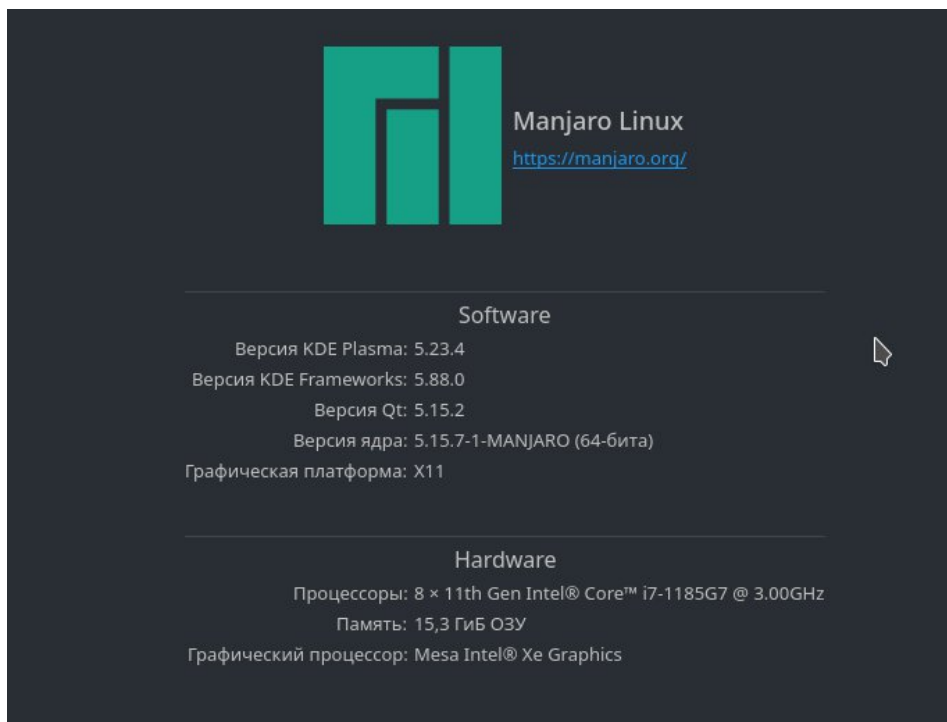
<u>Содержание</u> .....	2
<u>Введение</u> .....	3
<u>Характеристики лабораторного оборудования</u> .....	4
<u>Предложенная реализация</u> .....	6
<u>Практические результаты для предложенной реализации</u> .....	8
<u>Собственная реализация поиска</u> .....	14
<u>Выводы</u> .....	17
<u>Список литературы</u> .....	18

## ***Введение***

Для поиска проверки числа на простоту придумано достаточно много различных алгоритмов, но наиболее простым является перебор всех возможных делителей данного числа. Если при делении числа  $N$  на числа от 2 до  $N$  какой-то из результирующих остатков оказывается равен нулю, то  $N$  делится на него нацело,  $\Rightarrow$   $N$  является составным (можно разложить согласно основной теореме арифметики на простые сомножители). За счет того, что операция проверки каждого числа не зависит ни от чего, кроме как самого числа, то поиск всех простых чисел в каком-либо диапазоне хорошо распараллеливается на независимые процессы. Чем мы и будем пользоваться в данной работе.

В нашей последней лабораторной работе я уже реализовывал программу поиска всех простых чисел в заданном диапазоне, совмещающую работу технологий OMP и MPI (<https://github.com/Infernalum/Parallel-Programming>), поэтому целью данной работы будет реализация аналога того же алгоритма, но основанного на коде из книги «Параллельные алгоритмы для решения задач защиты информации» Бабенко Л.К., Ищукова Е.А. с. 118..125. Текст данного фрагмента книги приложен к отчету во вложениях. Кроме того, наша задача будет определить время работы, ускорение, и эффективность параллельной реализации. И сравнить полученные результаты с полученными мною в лабораторной #7.

## Характеристики лабораторного оборудования



```
~/.Документы/Parallel-Programming main !3 ? gcc -v
Используются внутренние спецификации.
COLLECT_GCC=gcc
COLLECT_LTO_WRAPPER=/usr/lib/gcc/x86_64-pc-linux-gnu/11.1.0/lto-wrap
Целевая архитектура: x86_64-pc-linux-gnu
Параметры конфигурации: /build/gcc/src/gcc/configure --prefix=/usr --
--with-bugurl=https://bugs.archlinux.org/ --enable-languages=c,c++,a
zlib --enable-__cxa_atexit --enable-cet=auto --enable-checking=releas
function --enable-gnu-unique-object --enable-install-libiberty --enab
ble-threads=posix --disable-libssp --disable-libstdcxx-pch --disable-
Модель многопоточности: posix
Supported LTO compression algorithms: zlib zstd
gcc версия 11.1.0 (GCC)

~/.Документы/Parallel-Programming main !3 ? mpicc -v
Используются внутренние спецификации.
COLLECT_GCC=/usr/bin/gcc
COLLECT_LTO_WRAPPER=/usr/lib/gcc/x86_64-pc-linux-gnu/11.1.0/lto-wrap
Целевая архитектура: x86_64-pc-linux-gnu
Параметры конфигурации: /build/gcc/src/gcc/configure --prefix=/usr --
--with-bugurl=https://bugs.archlinux.org/ --enable-languages=c,c++,a
zlib --enable-__cxa_atexit --enable-cet=auto --enable-checking=releas
function --enable-gnu-unique-object --enable-install-libiberty --enab
ble-threads=posix --disable-libssp --disable-libstdcxx-pch --disable-
Модель многопоточности: posix
Supported LTO compression algorithms: zlib zstd
gcc версия 11.1.0 (GCC)
```

Процессор: 11<sup>th</sup> Gen Intel Core i7-118G7 3.00Ghz (8CPUs)

RAM: 16 Gb DDR4

Операционная система: OS Linux Manjaro KDE Plasma 5.23.4; версия ядра 5.15.7-1-MANJARO (64-bit)

Используемая технология MPI: OpenMPI for Linux 4.1.1 (диспетчер mpirun)

Компилятор: gcc (mpi-надстройщик mpicc) 11.1.0

Редактор кода: Visual Studio Code 1.60.1

Параметры командной строки: -lm (для работы sqrt())

Параметры оптимизации отключены для чистоты эксперимента (т.к. оптимизация не мало зависит от конкретной операционной системы)

Питание: от сети

## ***Предложенная реализация***

Предложенная в книге реализация принимает число `rogor` - граница, до которой необходимо найти простые числа. Она создает и записывает в текстовый файл все простые числа в отрезке от 2 до `rogor` включительно. Каждый из процессов получает от главного процесса значение переменной `diapazon`; и будет перебирать числа от  $(rank - 1) * diapazon + 2$  до  $rank * diapazon - 1$ , где `rank` - ранг процесса. Главный же процессор возьмет на себя последний блок чисел от  $(procSize - 1) * diapazon + 2$  до  $(procSize * diapazon) + ost$ , где `procSize` - общее количество созданных процессов, а `ost` - остаток от деления `rogor` на `procSize`. Таким образом, все процессы будут перебирать одинаковое кол-во чисел, кроме главного, который возьмет на себя и остаточный блок (т.к. вся последовательность от 0 до `rogor` может и не распределиться на одинаковые целые блоки).

Для начала давайте применим реализацию, предложенную в самой книге (файл `prime_example.c`; исправления минорны - убраны директивы `#include`, связанные со спецификой ОС Windows) и попробуем измерить характеристики, соответствующие параллельным вычислениям.

Важно сделать следующие замечания:

- 1) Значение переменной `rogor` (кол-во проверяемых чисел; диапазон), как мы поняли по выполненным лабораторным, должен быть действительно достаточно большим, чтобы коммуникационные затраты мало влияли на саму работу программы. Если принять `rogor = 6001`, как было предложено, то смысл распараллеливания пропадет, т.к. такой малый диапазон сам по себе последовательно перебирается достаточно быстро.
- 2) Исходя из п.1, можно предположить, что для данной цели хорошо бы подошел инструмент OMP, но об этом ниже;

`rogor = 6001` тоже будет проверен, но очевидно, что ускорение там будет очень незначительным.

Итак, мы собираем файл prime\_example.c со следующими параметрами:

```
mpicc -lm prime_example.c -o prime_example
```

```
Запуск сборки...  
mpicc -lm /home/vladislav/Документы/Parallel-Programming/BDZ/prime_example.c -o /home/vladislav/Документы/Parallel-Programming/BDZ/build/prime_example  
/home/vladislav/Документы/Parallel-Programming/BDZ/prime_example.c: Выходим из make
```

Далее запускаем собранный объектный файл через коммутатор OpenMPI mpirun:

```
mpirun --oversubscribe -np 1 prime_example
```

```
[vladislav@infernai BDZ]$ mpirun --oversubscribe -np 1 ./build/prime_example  
Процесс 0 начал работу на компьютере infernai  
Введите диапазон для определения простых чисел: 6001  
wall clock time = 0.018664  
Анализ завершен!  
[vladislav@infernai BDZ]$
```

--oversubscribe используется, чтобы обойти ограничение в создании MPI программой большего кол-ва процессов, чем это предусмотрено по умолчанию (у меня это значение 4).

### **Практические результаты для предложенной реализации**

Таблицы представлены для значения `porog = 6001` и `porog = 100000 = 1e6`

Программа была запущена на значениях параметра -nr в пределах 1..8:

```
[Vladislav@infernal ~]$ mpirun --oversubscribe -np 1 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 6001
wall clock time = 0.018008
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 2 ../BDZ/build/prime_example
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 6001
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 3000
wall clock time = 0.004138
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernai Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 3 ./B02/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernai
Процесс 1 начал работу на компьютере infernai
Процесс 2 начал работу на компьютере infernai
Введите диапазон для определения простых чисел: 6001
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 2000
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 2000
wall clock time = 0.004101
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 4 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 6001
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 1500
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 1500
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 1500
wall clock time = 0.004682
Анализ завершен!
```

```
[vladis@vladimiral Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 5 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal

Введите диапазон для определения простых чисел: 6001

Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 1200
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 1200
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 1200
Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 1200

wall clock time = 0.004295

Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 6 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 6001
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 1000
Процесс 5 получил данные от главного процесса, diapazon = 1000
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 1000
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 1000
Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 1000
wall clock time = 0.004971
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 7 ./BDZ/build/prime_example

Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 6 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal

Введите диапазон для определения простых чисел: 6001

Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 857
Процесс 5 получил данные от главного процесса, diapazon = 857
Процесс 6 получил данные от главного процесса, diapazon = 857
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 857
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 857
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 857

wall clock time = 0.007681

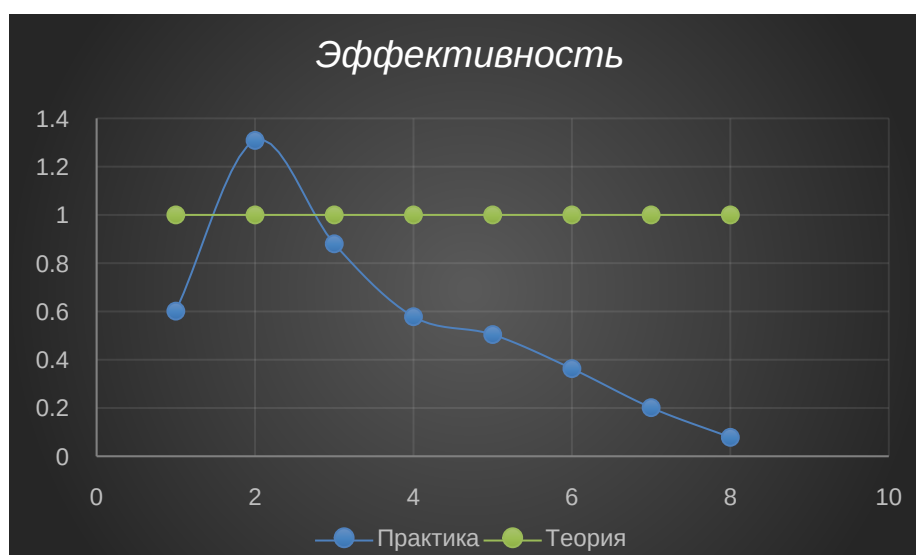
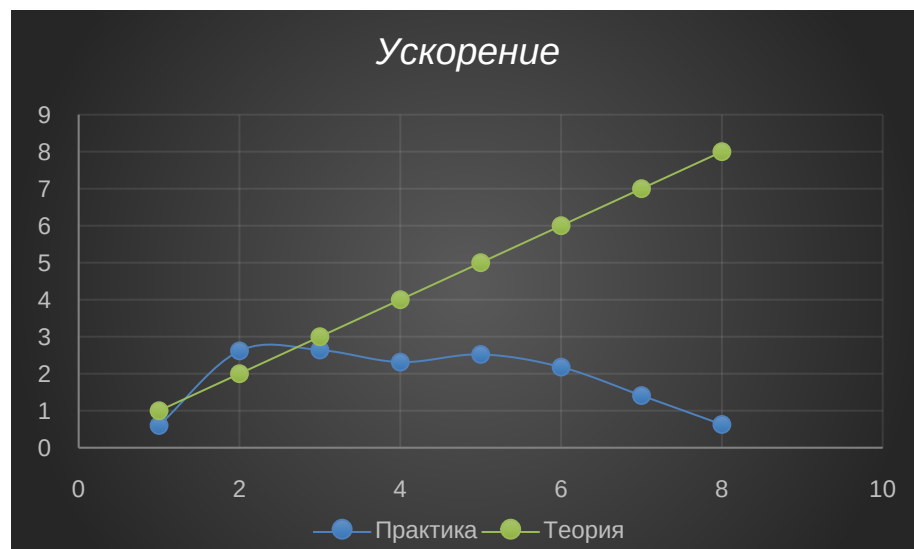
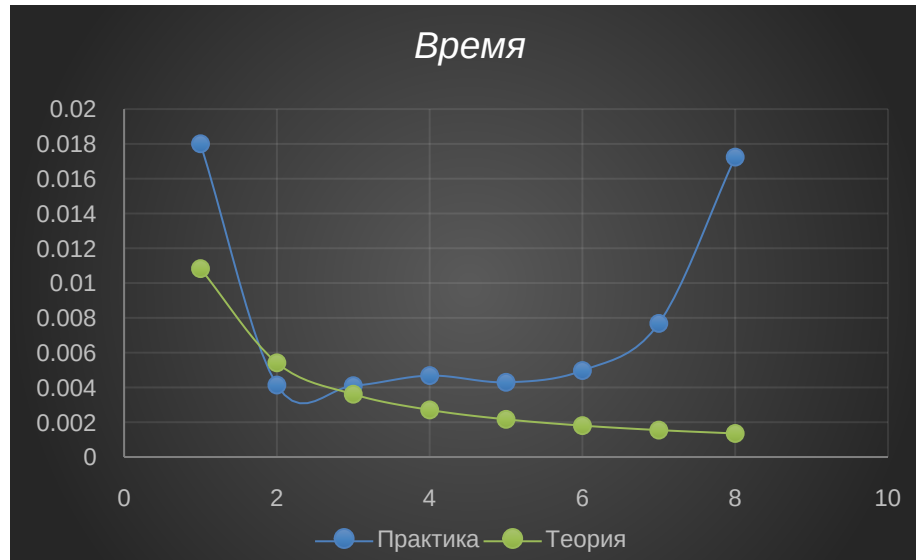
Анализ завершен!
```

```
[vdi@dislav@infnal]$ mpirun --oversubscribe -np 8 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 6 начал работу на компьютере infnall
Процесс 7 начал работу на компьютере infnall
Процесс 1 начал работу на компьютере infnall
Процесс 2 начал работу на компьютере infnall
Процесс 0 начал работу на компьютере infnall
Процесс 3 начал работу на компьютере infnall
Процесс 4 начал работу на компьютере infnall
Процесс 5 начал работу на компьютере infnall
Введите диапазон для определения простых чисел: 6001
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 750
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 750
Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 750
Процесс 5 получил данные от главного процесса, diapazon = 750
Процесс 7 получил данные от главного процесса, diapazon = 750
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 750
Процесс 6 получил данные от главного процесса, diapazon = 750
wall clock time = 0.017241
Анализ завершен!
```



Так как каждый из процессов (кроме главного) обрабатывает  $[N/p]$  чисел,  $\Rightarrow$  теоретическое ускорение  $p$ , а эффективность -  $p/p = 1$ .

Построим графики характеристик (для кривой теоретического времени первое время взято как сборка и запуск программы с помощью обычного gcc):



Как мы видим, результаты очень специфические, и никак не согласовываются с теорией. Это можно объяснить слишком малым объемом вычислений: при таком малом значении `rogor` у нас скорее всего вывод сообщений в выходной поток и файл занимает дольше времени, чем сами вычисления.

Но что будет, если значение `rogor` увеличить, и присвоить, например, 1000000 (1e6):

```
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
wall clock time = 59.296687
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 2 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 500000
wall clock time = 45.535751
Анализ завершен!
```

```
Анализ завершен!
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 3 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 333333
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 333333
wall clock time = 34.621044
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 4 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 250000
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 250000
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 250000
wall clock time = 28.188326
Анализ завершен!
```

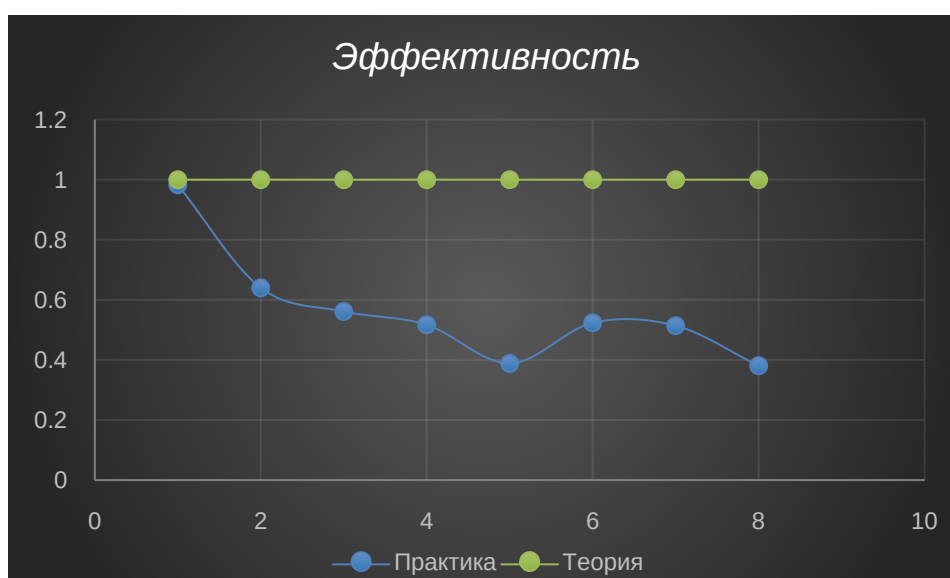
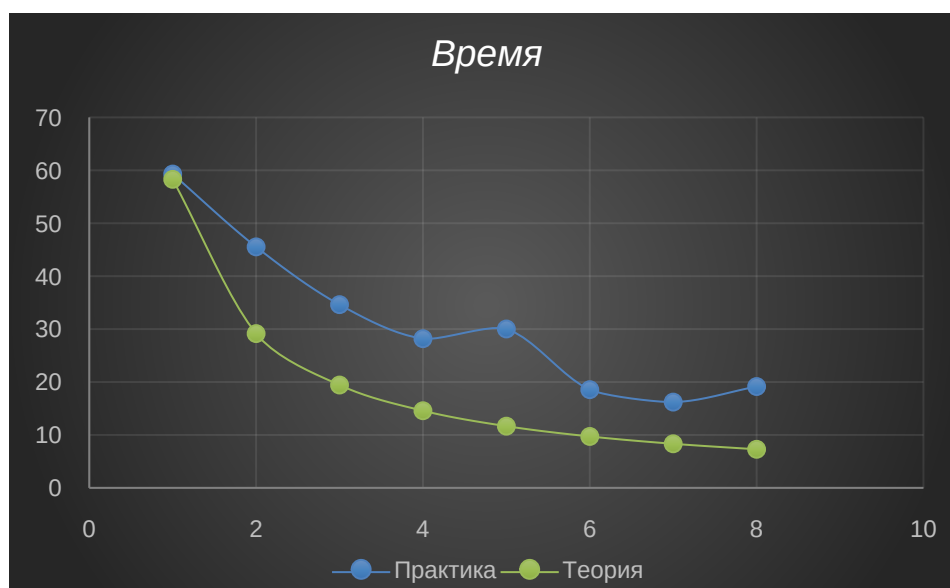
```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 5 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 200000
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 200000
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 200000
Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 200000
wall clock time = 30.023091
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 6 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 166666
Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 166666
Процесс 5 получил данные от главного процесса, diapazon = 166666
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 166666
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 166666
wall clock time = 18.555280
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 7 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal
Процесс 6 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 142857
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 142857
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 142857
Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 142857
Процесс 5 получил данные от главного процесса, diapazon = 142857
Процесс 6 получил данные от главного процесса, diapazon = 142857
wall clock time = 16.205472
Анализ завершен!
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 8 ./BDZ/build/prime_example
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 7 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal
Процесс 6 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Введите диапазон для определения простых чисел: 1000000
Процесс 1 получил данные от главного процесса, diapazon = 125000
Процесс 4 получил данные от главного процесса, diapazon = 125000
Процесс 5 получил данные от главного процесса, diapazon = 125000
Процесс 6 получил данные от главного процесса, diapazon = 125000
Процесс 2 получил данные от главного процесса, diapazon = 125000
Процесс 7 получил данные от главного процесса, diapazon = 125000
Процесс 3 получил данные от главного процесса, diapazon = 125000
wall clock time = 19.146287
Анализ завершен!
```

В таком случае графики характеристик будут вот такими:



При данном значении  $\rho$  максимальное ускорение достигло 3,59 (на 7 процессах), а эффективность в среднем равна 0,5.

Но самое интересное не это. На мой взгляд у этого кода предостаточно, я бы даже сказал, катастрофически много недочетов.

♦ Самое важное: здесь реализована т.н. «защита от дураков». Посмотрим на данную строку в книге (самый последний фрагмент):

```
// Ожидаем пока все процессы вызовут эту функцию  
free(chisla_buf); // Освобождаем динамическую память  
}
```

Здесь они высвобождают память от массива `int* chisla_buf`. Вот только тут и речи не может идти о ее высвобождении, так как это буфер ГЛАВНОГО процесса, а данный вызов `free()` используется в ОСТАЛЬНЫХ процессах, т.е. у которых `rank != 0`. Соответственно, мы пытаемся очистить неинициализированную память, что приведет к ошибке сегментирования. Да, программа выполнит таймирование и запишет все числа в файл, только в конце все равно будет ошибка. Поэтому там необходимо выполнить `free(chisla)` - очистку правильного массива:

```
// Ожидаем, пока все процессы вызовут эту функцию  
free(chisla); // Освобождаем динамическую память
```

♦ Зачем это?....

```
// первый раз j = z.  
buf = i/j;  
if ((buf*j)==i) // Если число поделилось нацело,  
// то оно не является простым  
    ...
```

По мне, так это максимально странная проверка на деление без остатка. Для этого есть оператор `'%'`, который, к тому же, работает вроде бы быстрее, чем две операции (деление нацело и умножение). Ну допустим. Самое главное: а зачем проверять ВСЕ делители?.... Достаточно проверить все числа от 2 до  $\sqrt{N}$ , где  $N$  - наше число. Ибо если делитель найдется среди чисел, больших корня, то автоматически второй делить должен быть в диапазоне от 2 до корня. А они НА ПОЛНОМ СЕРЬЕЗЕ проверяли все возможные числа от 2 до  $N$ ....

♦ Что делает первый процесс? Мало того, что он должен разослать всем процессам значение переменной `diapazon`, так ему еще и достается самый объемный по количеству чисел блок (`diapazon + ost`). И это еще не все. Этот блок - самый последний, а значит, и числа в нем самые большие из всей последовательности. А значит, перебираются они дольше. То есть 1 процесс будет работать быстрее всего

(ему достанется блок с самыми алыми числами), а 0 процессор - дольше всего. Причем НАМНОГО дольше. Это максимально несбалансированная нагрузка, отсюда и малое ускорение (конечно, не настолько, чтобы эффективность снизилась в 2 раза, но это тоже играет свою роль);

♦ Мне не нравится структура кода. Серьёзно. Почему все функции в мейне? Для чего инициализировать все переменные в начале кода? Кто будет в них разбираться с самого начала? Почему стоят циклы с послеусловием там, где можно было использовать for? Не говоря уже о таких странностях, как эта:

```
    consta[kol] = 2, // по условию  
    kol++;  
    start = start + 1;
```

Зачем?... Почему?....

Причем, в другом месте (для не главных процессов) декремент используется в обоих случаях:

```
    consta[kol] = 2, // по условию  
    kol++; // и переходим к  
    start++;
```

Такое ощущение, что код писали просто чтобы написать, и чтобы работало, даже не рефакторив его.

## Собственная реализация поиска

Но самая главная проблема того кода: плохой выбор алгоритма проверки числа на простоту.

В последней седьмой лабораторной, целью которой была исследовать работу связки MPI+OMP (<https://github.com/Infernalum/Parallel-Programming>) точно также необходимо было реализовать поиск простых чисел в заданном диапазоне.

А теперь давайте немного ее изменим так, чтобы формат ввода-вывода (в файл) был абсолютно такой же, как в представленном в книге примере (и изменим мою функцию проверки числа на простоту: чтобы немного ускорить работу - все таки целью лабораторной было не получить максимально быструю работу, а изучить связку, я сразу проверял число на кратность 2 и 3. Это позволяло из 6 последовательных чисел проверять 2: вида  $6k \pm 1$ , что ускорит работу в 3 раза). Единственное, в этой реализации Nstart и Nend у меня задаются в самом коде программы, а не через поток ввода (просто чтобы не делать лишней работы по синхронизации; это все равно на работу самого алгоритма влияет мизерно: надо только передать полученные главным процессом значения Nstart и Nend).

Кроме того, для более полной наглядности сбалансированности будем выводить время работы каждого из процессов.

Полный код моей реализации представлен в файле findprime.c во вложениях:

Параметры все те же самые: Nstart = 1; Nend = 1e6; структура параметров сборки/запуска та же самая:

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 1 ./BDZ/build/findprime
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 1000000
wall clock time = 0.211022
```

Напомню, что в предыдущей реализации с тем же параметрами программе требовалось 59,2 секунды.... А все потому, что проверять все числа от 1 до N для каждого чисел не рационально от слова абсолютно. Поэтому я буду использовать свой код, и получу ее характеристики.

Т.к. диапазон в  $1e6$  чисел она перебирает достаточно быстро, я возьму диапазон, на перебор которого потребуется хотя бы те же 59 секунд: это от 1 до  $7e7$ :

```
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
wall clock time (proc #0) = 61.090804
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 2 ./BDZ/build/findprime
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
wall clock time (proc #1) = 39.343187
wall clock time (proc #0) = 39.650840
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 3 ./BDZ/build/findprime
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
wall clock time (proc #1) = 23.202854
wall clock time (proc #2) = 28.869444
wall clock time (proc #0) = 29.160025
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 4 ./BDZ/build/findprime
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
wall clock time (proc #1) = 15.848813
wall clock time (proc #2) = 19.916948
wall clock time (proc #3) = 23.061588
wall clock time (proc #0) = 23.387373
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 5 ./BDZ/build/findprime
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
wall clock time (proc #1) = 19.052691
wall clock time (proc #2) = 19.539796
wall clock time (proc #3) = 19.612197
wall clock time (proc #4) = 21.270579
wall clock time (proc #0) = 21.573663
```

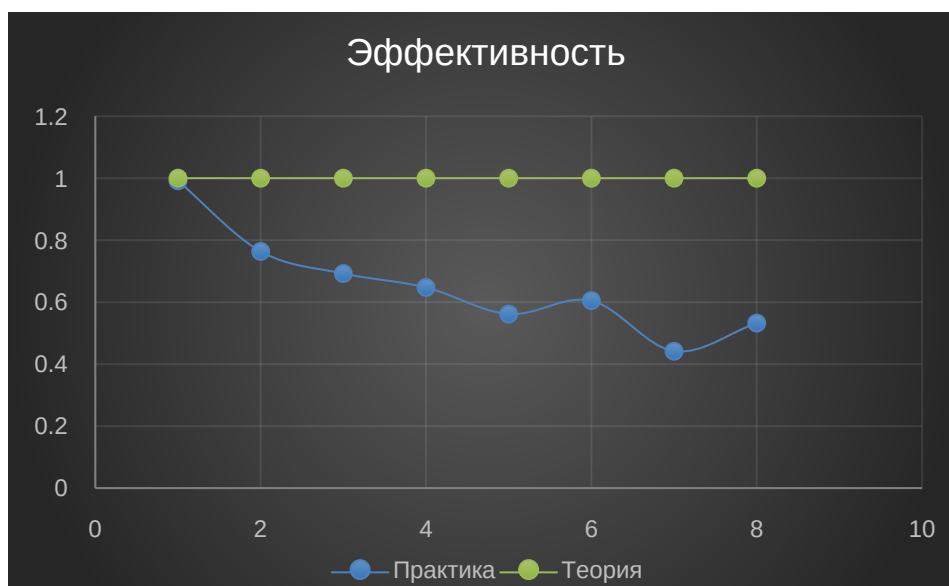
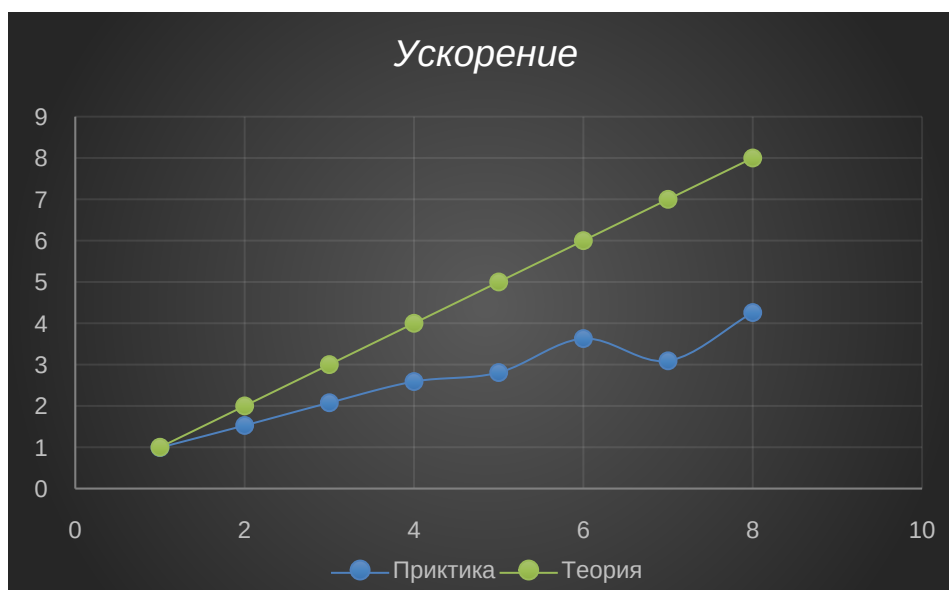
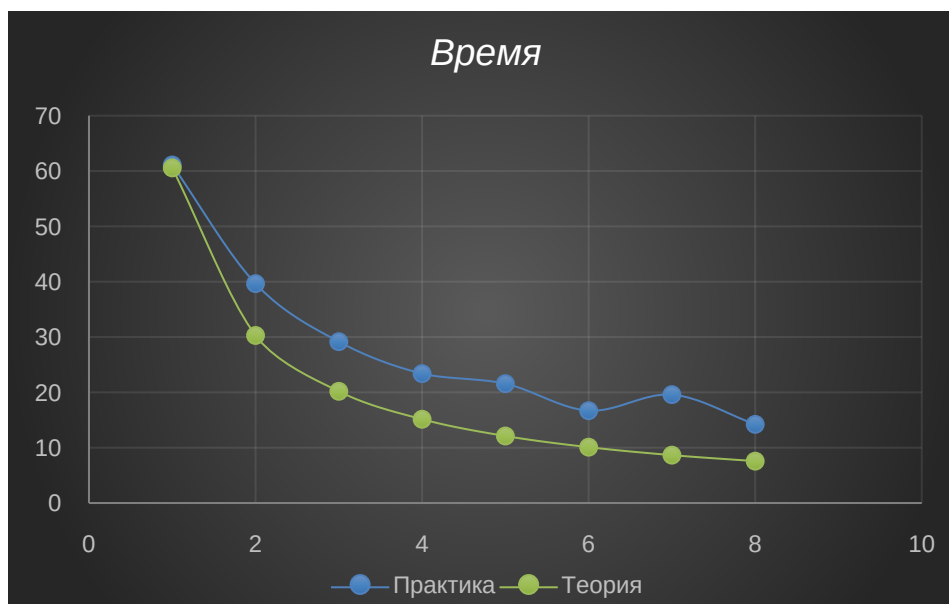
```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 6 ./BDZ/build/findprime
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal
wall clock time (proc #1) = 14.192134
wall clock time (proc #2) = 14.531143
wall clock time (proc #3) = 15.554108
wall clock time (proc #4) = 15.365881
wall clock time (proc #5) = 16.390342
wall clock time (proc #0) = 16.685366
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 7 ./BDZ/build/findprime
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal
Процесс 6 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
wall clock time (proc #1) = 12.443092
wall clock time (proc #2) = 12.467916
wall clock time (proc #3) = 15.350417
wall clock time (proc #4) = 15.374161
wall clock time (proc #5) = 18.366898
wall clock time (proc #6) = 19.304839
wall clock time (proc #0) = 19.591886
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$
```

```
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$ mpirun --oversubscribe -np 8 ./BDZ/build/findprime
Процесс 7 начал работу на компьютере infernal
Процесс 0 начал работу на компьютере infernal
Nstart = 1; Nend = 70000000
Процесс 1 начал работу на компьютере infernal
Процесс 2 начал работу на компьютере infernal
Процесс 4 начал работу на компьютере infernal
Процесс 5 начал работу на компьютере infernal
Процесс 6 начал работу на компьютере infernal
Процесс 3 начал работу на компьютере infernal
wall clock time (proc #1) = 10.297031
wall clock time (proc #2) = 11.757980
wall clock time (proc #3) = 11.778149
wall clock time (proc #4) = 12.342518
wall clock time (proc #5) = 12.542689
wall clock time (proc #6) = 12.560297
wall clock time (proc #7) = 13.934463
wall clock time (proc #0) = 14.217897
[vladislav@infernal Parallel-Programming]$
```



Выбираем наибольшее время работы процесса в каждом из запусков (которое будет, естественно, все еще у главного процесса):





Если честно, моя реализация мне нравится больше: мне кажется, она понятнее, у меня нет барьерных функций, и работа главного процесса более сбалансирована (что подтверждают результаты 7 лабораторной). Кроме того, в моем случае удалось достичь ускорения большего, чем в предыдущей реализации (максимальное ускорение 4,25 при 8 процессах), а средняя эффективность равна 0.65, что внушительно больше, чем в предыдущей реализации. Но я абсолютно уверен, что моя реализация тоже далека от хотя бы приемлимой.

## ***Выводы***

Было проведено исследование двух различных реализаций по сути одного и того же алгоритма поиска простых чисел в определенном диапазоне. Получены характеристики, свойственные параллельным кодам, а так же проведен сравнительный анализ двух реализаций.

Но в данном случае, использование MPI не самое оптимальное решение. Куда более проще использовать потоки OMP, которые смогли бы сами распределить весь цикл перебора чисел друг другу. Однако, как я уже отмечал в выводах лабораторной #7, цель MPI - организация кластерных вычислений. Поэтому использование его на одной локальной машине почти всегда не так эффективно, чем OpenMP.

Дополнительно нужно сказать, что полный перебор методом грубой силы (brute force) - далеко не оптимальный вариант поиска простых чисел. Существует куда более быстрые алгоритмы. Однако в данной работе стояла цель проверить способность к распараллеливанию самой простой реализации. Используя, например, полученный файл с простыми числами, возможно намного быстрее искать простые числа в диапазоне от  $7e7$  до  $5e15$  (приблизительно; как корень из максимального найденного простого числа). А так как простых чисел до  $7e7$  всего 3840555 (т.е. где-то 5% от общего кол-ва чисел от 1 до  $7e7$ ), происходить перебор будет гораздо быстрее.

### ***Список литературы***

- 1. Бабенко Л.К., Ищукова Е.А., Сидоров И.Д. Параллельные алгоритмы для решения задач защиты информации. – М.: Горячая линия – Телеком, 2014. – . с. 118 .. 125.
- [http://mech.math.msu.su/~shvetz/54/inf/perl-problems/chPrimes\\_sIdeas.xhtml](http://mech.math.msu.su/~shvetz/54/inf/perl-problems/chPrimes_sIdeas.xhtml)
- [https://ru.wikipedia.org/wiki/Тест\\_простоты](https://ru.wikipedia.org/wiki/Тест_простоты)