



ΕΘΝΙΚΟ ΚΑΙ
ΚΑΠΟΔΙΣΤΡΙΑΚΟ
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ
ΑΘΗΝΩΝ



A.M: 201100079	Επώνυμο: Κορομηλάς	Όνομα: Χρήστος
Ημ/νία(Ημέρα,Ωρα) εκτέλεσης της άσκησης: 30/03/2022 (Τετάρτη, 15:30-18:00)		
Ημ/νία παράδοσης της άσκησης: 13/04/2022		

MATLAB

Εισαγωγικές ασκήσεις στη Matlab με σκοπό την εκμάθηση και εξοικείωση με το περιβάλλον της.

➤ **Άσκηση 1^η:**

Ακολουθεί το πρόγραμμα *deyterobathmia.m* στη λειτουργική του μορφή:

```
%We solve the Equation  $ax^2+bx+c=0$ 

clear;
clc;
close all;

%Parametroi Programmatos

a = 1;
b = 1;
c = 1;

D = sqrt(b^2-4*a*c);

p1 = (-b+D)/(2*a);
p2 = (-b-D)/(2*a);

p1r = real(p1);
p1i = imag(p1);

p2r = real(p2);
p2i = imag(p2);

fprintf('p1=%.4f %.4fi\np2=%.4f %.4fi\n',p1r,p1i,p2r,p2i);
```

Το πρόγραμμα πραγματοποιεί την επίλυση μίας δευτεροβάθμιας εξίσωσης, όπως αναγράφεται στο εργαστηριακό οδηγό και όταν γίνει run επιστρέφει:

p1=-0.5000 0.8660i

p2=-0.5000 -0.8660i

➤ **Άσκηση 2^η :**

Ακολουθεί το πρόγραμμα *deyterobathmia2.m* στην λειτουργική του μορφή:

```
%We solve the Equation  $a_1x^2 + a_2x^2 + a_3x = 0$ 

clear;
clc;
close all;

for i=1:1:3
    fprintf('a%d=',i);
    a(i)=input(' ');
    fprintf('\n');
end

res = roots([a(1) a(2) a(3)])
```

Το πρόγραμμα αρχικά εκκινεί ένα **for loop** κατά το οποίο ζητάει και δέχεται τους τρεις συντελεστές του πολυωνύμου δεύτερου βαθμού. Έπειτα αφού κλείσει η επανάληψη επιστρέφει στην μεταβλητή **res** το αποτέλεσμα της συνάρτησης **roots** η οποία δέχεται τους πολυωνυμικούς συντελεστές και να επιστρέφει τις λύσεις του πολυωνύμου.

➤ **Άσκηση 3^η:**

Ακολουθεί το πρόγραμμα: *askisi3.m* στην λειτουργική του μορφή:

```
%Loop for_end

clear;
clc;
close all;

a0 = 1;
an = a0;

for (i=1:1:10)
    fprintf('an=%.2f\n',an); gia na doume endiamesa ta apotelesmata
    an = - 0.8*an + 2;
end

fprintf('an=%.2f\n',an);
```

Απάντηση ερωτήσεων:

Ερώτημα 1: Το πρόγραμμα στην έξοδό του τυπώνει:

an=1.10

Ερώτημα 2: Εάν τοποθετήσουμε την εντολή *fprintf* μέσα στην επανάληψη *for* τότε θα μπορούσαμε εύκολα να κάνουμε το πρόγραμμά μας να τυπώνει κάθε αλλαγή που γίνεται στη μεταβλητή *an*

Ερώτημα 3: Το πρόγραμμα αρχικά ορίζει ως αρχική τιμή *a0* ίση με το **1** και αρχικοποιεί τη μεταβλητή *an* θέτοντας την ίση με την *a0*. Στη συνέχεια αρχίζει ένα *for loop* που θα κάνει **10** επαναλήψεις στο οποίο η τιμή *an* αντικαθίσταται από την σχέση $-0.8 * an + 2$ όπου *an* η τιμή της μεταβλητής στη προηγούμενη επανάληψη. Τέλος αφού τελειώσουν όλες οι επαναλήψεις τυπώνεται στην οθόνη το τελικό αποτέλεσμα της *an* με ακρίβεια δύο δεκαδικών ψηφίων.

Ερώτημα 4: Η γραμμή 5 και 6 αντίστοιχα:

5^η *an = a0;*

6^η *for (i=1:1:10)*

Η 5^η γραμμή θέτει την αρχική τιμή που θα έχει το *an* καθώς θα ξεκινάει η επανάληψη, ενώ η 6^η γραμμή περιέχει τις τρεις απαραίτητες συνθήκες που χρειάζεται για να πραγματοποιηθεί η επανάληψη, οι οποίες είναι αντίστοιχα αρχική τιμή, βήμα αύξησης, τελική τιμή.

➤ **Άσκηση 4^η:**

Ακολουθεί το πρόγραμμα: *askisi4.m* στην λειτουργική του μορφή:

```
%Loop while_end

clear;
clc;
close all;

i = 0;
a0 = 1;
an = a0;

while (an<1.110 || an>1.118) % || is 'or' operator
    i = i+1;
    an = - 0.8*an+2;
end

fprintf('an=%.2f\t i=%.0f\n',an,i);
```

Απάντηση ερωτήσεων:

Ερώτημα 1: Το πρόγραμμα καθώς το τρέξουμε τυπώνει:

an=1.12 i=13

Ερώτημα 2: Αρχικά το πρόγραμμα αρχικοποιεί τρεις μεταβλητές την $i = 0$, $a0 = 1$ και την $an = a0$. Στη συνέχεια το πρόγραμμα εκκινεί μία **while** επανάληψη κατά την οποία πρέπει να ισχύει είτε η συνθήκη $an < 1.110$ είτε η συνθήκη $an > 1.118$, για να συνεχίσει η επανάληψη. Η μεταβλητή i λειτουργεί ως μετρητής των πόσων επαναλήψεων έχουν πραγματοποιηθεί ενώ σε κάθε επανάληψη η μεταβλητή an παίρνει την τιμή $-0.8 * an + 2$ όπου η an μέσα σε αυτή τη σχέση έχει τη τιμή που είχε στη περασμένη επανάληψη. Τέλος, αφού τερματίσει το **while** τυπώνεται η τελική τιμή του an με ακρίβεια δύο δεκαδικών ψηφίων και ο αριθμός των επαναλήψεων που έχουν πραγματοποιηθεί (δηλαδή η τιμή που έχει η μεταβλητή i).

Ερώτημα 3: Η γραμμή 5 και 6 αντίστοιχα:

5^η $i = 0$;

6^η $a0 = 1$;

Η 5^η γραμμή θέτει την μεταβλητή $i = 0$ η οποία λειτουργεί ως μετρητής θέτοντας την ίση με το 0 πρακτικά μηδενίζει τον μετρητή, έτσι ώστε να μπορεί να μετρήσει σωστά τον αριθμό επαναλήψεων που θα ακολουθήσουν. Ακόμη, η γραμμή 6^η αρχικοποιεί τη μεταβλητή $a0 = 1$ η οποία θα αποτελέσει την αρχική τιμή της μεταβλητής an πριν ξεκινήσει η επανάληψη.

Ερώτημα 4: Σύμφωνα με τον εργαστηριακό μας οδηγό η γραμμή που θα έπρεπε να αλλάξει είναι η γραμμή 9:

από

```
while(an<1.110 || an>1.118)
```

σε

```
while(an<=1.11 || an>=1.115)
```

➤ **Άσκηση 5^η :**

Ακολουθεί το πρόγραμμα: *askisi5.m* στην λειτουργική του μορφή:

```
%Plotting example

clear;
clc;
close all;

a0 = 1;
an = a0;
epsilon = 1e-3;

res = 1;
n = 1;

while (res>epsilon)
    an_in = an;
    res1(n) = an;
    x(n) = n;
    an = -0.8*an + 2;
    n = n+1;
    res = abs(abs(an_in)-abs(an));
end

fprintf('an=%.2f\nn=%d\n',an,n);

plot(x,res1);
drawnow;
```

Απάντηση ερωτήσεων:

Ερώτημα 1: Το πρόγραμμα πραγματοποιεί την ακολουθία:

$$a_{n+1} = -0.8 * a_n + 2$$

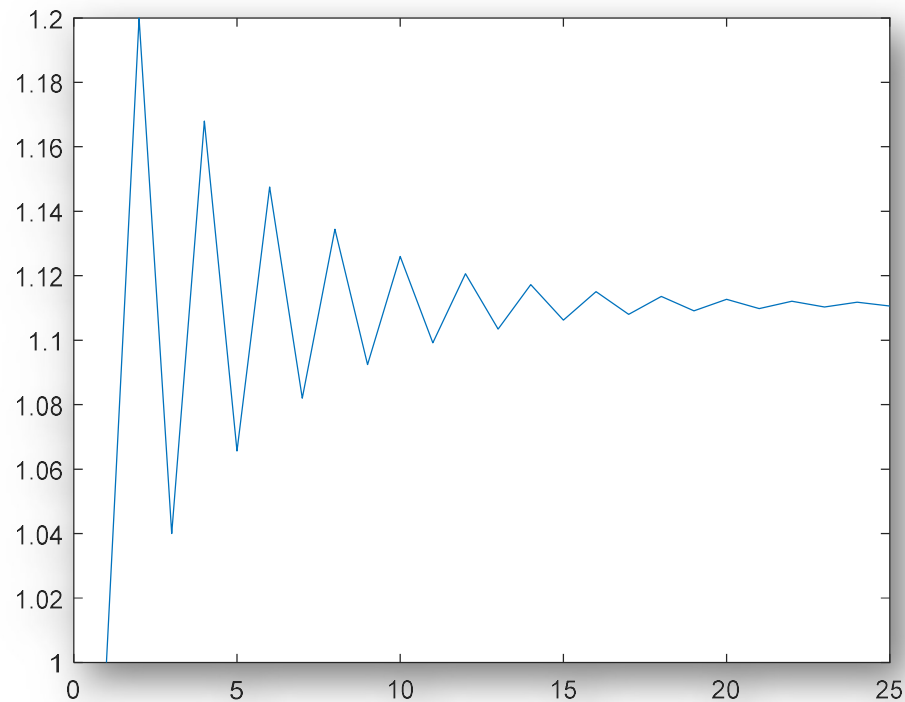
έως ότου το απόλυτο σφάλμα του $a_{n+1} - a_n$ (δηλαδή δυο διαδοχικών τιμών) να είναι μικρότερο από το 10^{-3} . Τέλος αφού πραγματοποιηθούν όλοι οι υπολογισμοί το πρόγραμμα τυπώνει τη τιμή του τελευταίου **an** που υπολογίστηκε, τον αριθμό των επαναλήψεων που πραγματοποιήθηκαν και το διάγραμμα που βρίσκεται στο επόμενο ερώτημα.

Ερώτημα 2: Καθώς τρέχουμε το πρόγραμμα λαμβάνουμε την ακόλουθη έξοδο:

an=1.11

n=26

Όπου a_n η τιμή που υπολογίστηκε στη τελευταία επανάληψη και n ο αριθμός των επαναλήψεων που πραγματοποιήθηκαν. Ακόμη τυπώνεται το ακόλουθο διάγραμμα όπου στον άξονα *x* αναγράφεται ο αριθμός επανάληψης, ενώ στον άξονα *y* αναγράφεται η υπολογιζόμενη τιμή an στο αντίστοιχο σημείο **n**.



Ερώτημα 3: Το πρόγραμμα καθώς ξεκινάει αρχικοποιεί τη μεταβλητή a_n με τη τιμή **1**, ορίζει το σφάλμα με το οποίο θα γίνεται ο έλεγχος τερματισμού δηλαδή το **$\epsilonpsilon = 1e - 3$** και αρχικοποιεί το απόλυτο σφάλμα δύο διαδοχικών τιμών **res** με τη τιμή **1** καθώς και το βήμα επανάληψης **n**. Έπειτα ξεκινάει μία **while** επανάληψη κατά την οποία θέτουμε $an_{in} = a_n$ δηλαδή ως an_{in} τη προηγούμενη τιμή a_n , αποθηκεύουμε τη τιμή του a_n στο array **res1(n)** (με το επόμενο βήμα της ακολουθίας που αναφέραμε στο ερώτημα 1, ανεβάζουμε κατά **1** το μετρητή επανάληψης και υπολογίζουμε το απόλυτο σφάλμα των δύο διαδοχικών τιμών. Εάν το απόλυτο σφάλμα είναι μικρότερο ή ίσο με τη τιμή 10^{-3} τότε η επανάληψη τερματίζει, διαφορετικά η επανάληψη συνεχίζεται. Μετά το τερματισμό της, τυπώνονται οι έξοδοι που αναφέρθηκαν στα προηγούμενα ερωτήματα.

Η συνάρτηση **plot(x, y)** πραγματοποιεί γραφικές αναπαραστάσεις παίρνοντας δεδομένα για τον **x** και τον **y** άξονα αντίστοιχα, ενώ η συνάρτηση **drawnow** ανανεώνει τα δεδομένα που πρόκειται να εμφανιστούν μέσα στα παράθυρα γραφικών παραστάσεων.

επαναλήψεων που θα ακολουθήσουν. Ακόμη, η γραμμή 6^η αρχικοποιεί τη μεταβλητή **a0 = 1** η οποία θα αποτελέσει την αρχική τιμή της μεταβλητής **an** πριν ξεκινήσει η επανάληψη.

➤ **Άσκηση 6^η:**

Ακολουθεί το πρόγραμμα: **grammiko1.m** στην λειτουργική του μορφή:

```
%We solve the linear 3X3 system:
%a11*x + a12*y + a13*z = a14
%a21*x + a22*y + a23*z = a24
%a31*x + a32*y + a33*z = a34
clear;
clc;
close all;
for (i=1:1:3)
    for (j=1:1:4)
        fprintf('a%d%d=',i,j);
        a(i,j)=input('');
        fprintf('\n');
    end
end
for (i=1:1:3)
    for (j=1:1:3)
        Dxyz1(i,j) = a(i,j);
    end
end
for (i=1:1:3)
    for (j=1:1:4)
        if (j==4)
            k=1;
        else
            k=j;
        end
        Dx1(i,k) = a(i,j);
    end
end
for (i=1:1:3)
    for (j=1:1:4)
        if (j==4)
            k=2;
        else
            k=j;
        end
        Dy1(i,k) = a(i,j);
    end
end
for (i=1:1:3)
    for (j=1:1:4)
        if (j==4)
            k=3;
        else
            k=j;
        end
        Dz1(i,k) = a(i,j);
    end
end
Dxyz = det(Dxyz1);
Dx = det(Dx1); Dy = det(Dy1); Dz = det(Dz1);
x = Dx/Dxyz; y = Dy/Dxyz; z = Dz/Dxyz;
fprintf('x=%.4f\ny=%.4f\nz=%.4f\n',x,y,z);
```

Απάντηση ερωτήσεων:

Ερώτημα 1: Καθώς τρέξουμε το πρόγραμμα μας το πρώτο πράγμα που θα εκτυπωθεί θα η ένδειξη: $a_{11} =$

Η οποία μας επιτρέπει να δώσουμε τη τιμή a_{11} του πίνακα A δεδομένου ότι επιλύουμε σύστημα μορφής: $Ax = b$.

Ερώτημα 2: Ουσιαστικά το πρόγραμμα εκτελεί επίλυση συστήματος εξισώσεων 3×3 με τη μέθοδο *Cramer*.

Ερώτημα 3: Αφού περάσουμε όλα τα δεδομένα μέσα στο πρόγραμμα και το αφήσουμε να κάνει τους τελικούς υπολογισμούς του η έξοδος που θα πάρουμε θα έχει τη μορφή:

`x=##.####`

`y=##.####`

`z=##.####`

`(##.#### λύση για την εκάστοτε μεταβλητή)`

Ερώτημα 4: Το πρόγραμμα μας χρησιμοποιεί 5 βασικές επαναλήψεις για να καταφέρει να τρέξει. Καθώς ξεκινάει το πρόγραμμα η πρώτη επανάληψη υπάρχει για να εισάγει ο χρήστης όλες τις τιμές του πίνακα A και του πίνακα b καθώς χωρίς αυτές δεν μπορεί να υπάρξει κανένας υπολογισμός. Έπειτα στη δεύτερη επανάληψη, αξιοποιούνται τα δεδομένα που έδωσε ο χρήστης για τη κατασκευή του πίνακα A ο οποίος αναγράφεται ως $Dxyz1$. Στις επόμενες 3 επαναλήψεις δημιουργούμε τους πίνακες $Dx1$, $Dy1$, $Dz1$ οι οποίοι είναι ο πίνακας $Dxyz1$ στον οποίο έχουμε αντικαταστήσει τη πρώτη δεύτερη και τρίτη στήλη αντίστοιχα με το πίνακα /διάνυσμα b (ο οποίος δεν έχει σχηματιστεί αλλά υπάρχει μέσα στα δεδομένα του χρήστη που έχουν δοθεί στο a). Αφού τερματίσουν όλες οι επαναλήψεις υπολογίζονται οι ορίζουσες των πινάκων που σχηματίστηκαν στις *for* επαναλήψεις και επιστρέφονται στις αντίστοιχες μεταβλητές τους όπως βλέπουμε ακολούθως:

`Dxyz = det(Dxyz1);`

`Dx = det(Dx1);`

`Dy = det(Dy1);`

`Dz = det(Dz1);`

Συνεπώς, τώρα μένει μόνο να γίνουν οι υπολογισμοί της μεθόδου του *Cramer* όπως:

`x = Dx/Dxyz;`

`y = Dy/Dxyz;`

`z = Dz/Dxyz;`

Τελειώνοντας το πρόγραμμα τυπώνει τις μεταβλητές x , y , z που περιέχουν την επίλυση του συστήματος, όπως αναγράφεται στην απάντηση του ερωτήματος 3 .

Για να υπάρξουν επαναλήψεις όπου σχηματίζουμε πίνακες χρησιμοποιούμε διπλή επανάληψη *for*, έτσι ώστε να μπορούμε να γράψουμε σε δύο διαστάσεις.

➤ **Άσκηση 7^η :**

Ακολουθεί το πρόγραμμα: *grammiko2.m* στην λειτουργική του μορφή:

```
%We solve a linear NXN system:

clear;
clc;
close all;

fprintf('please insert the number N: ');
n = input('');

for (i=1:1:n)
    for (j=1:1:n+1)
        fprintf('a%d%d=',i,j);
        a(i,j)=input('');
        fprintf('\n');
    end
end
for (i=1:1:n)
    for (j=1:1:n)
        Dxyz1(i,j) = a(i,j);
    end
end

Dxyz = det(Dxyz1);

for (m=1:1:n)
    for (i=1:1:n)
        for (j=1:1:n+1)
            if (j==n+1)
                k=m;
            else
                k=j;
            end
            Dx1(i,k) = a(i,j);
        end
    end
    Dx=det(Dx1);
    x=Dx/Dxyz;
    fprintf('The answer for x_%d=%.4f\n',m,x);
end
```

➤ **Άσκηση 8^η :**

Ακολουθεί το πρόγραμμα: *grammiko3.m* στην λειτουργική του μορφή:

```

%%% We solve the linear 3X3 system with matrix:
%%% a11*x + a12*y + a13*z = a14
%%% a21*x + a22*y + a23*z = a24
%%% a31*x + a32*y + a33*z = a34

clear;
clc;
close all;

li = 3;
co = li+1;
[b] = fun1(li,co);

for(i=1:1:li)
    for(j=1:1:co-1)
        Dxyz1(i,j)=b(i,j);
    end
end
for (i=1:1:li)
    for(j=1:1:co)
        if (j==4)
            k=1;
        else
            k=j;
        end
        Dx1(i,k) = b(i,j);
    end
end
for (i=1:1:li)
    for(j=1:1:co)
        if (j==4)
            k=2;
        else
            k=j;
        end
        Dy1(i,k) = b(i,j);
    end
end
for (i=1:1:li)
    for(j=1:1:co)
        if (j==4)
            k=3;
        else
            k=j;
        end
        Dz1(i,k) = b(i,j);
    end
end
fun2(Dxyz1,Dx1,Dy1,Dz1);

```

Ακολουθούν οι 2 συναρτήσεις: *fun1.m* και *fun2.m* αντίστοιχα:

```
function [b]=fun1(lin,col);
for (i=1:1:lin)
    for (j=1:1:col)
        fprintf('elmnt%d%d= ',i,j);
        b(i,j)=input(' ');
        fprintf('\n');
    end
end
```

```
function [a]=fun2(Dxyz2,Dx2,Dy2,Dz2);
Dxyz = det(Dxyz2);
Dx = det(Dx2);
Dy = det(Dy2);
Dz = det(Dz2);
x = Dx/Dxyz;
y = Dy/Dxyz;
z = Dz/Dxyz;
fprintf('x=%.4f\ny=%.4f\nz=%.4f\n',x,y,z);
```

Απάντηση ερωτήσεων:

Ερώτημα 1: Μετά τη την εκτέλεση της εντολής εμφανίζεται στην οθόνη μας το ακόλουθο:

```
>> help grammiko1.m
We solve the linear 3X3 system:
a11*x + a12*y + a13*z = a14
a21*x + a22*y + a23*z = a24
a31*x + a32*y + a33*z = a34

>> help grammiko3.m
% We solve the linear 3X3 system with matrix:
% a11*x + a12*y + a13*z = a14
% a21*x + a22*y + a23*z = a24
% a31*x + a32*y + a33*z = a34
```

Στη MATLAB τα σχόλια εμφανίζονται με % ή %% παραπάνω % απλά θα εμφανίζονται στο command center της MATLAB χωρίς όμως να επηρεάζουν το κώδικα όταν γίνεται run.

Ερώτημα 2: Το πρόγραμμα μας πραγματοποιεί ακριβώς την ίδια διαδικασία που πραγματοποιεί το πρόγραμμα **grammiko1.m** με τη διαφορά πως έχουμε τοποθετήσει δύο λειτουργίες του μέσα σε εξωτερικές συναρτήσεις. Στην συνάρτηση **fun1.m** βρίσκεται το κομμάτι του κώδικα που ζητάει και καταχωρεί τα δεδομένα από το χρήστη σε έναν ενιαίο πίνακα, ενώ στη συνάρτηση **fun2.m** βρίσκεται το κομμάτι του κώδικα που υπολογίζει τις ορίζουσες, πραγματοποιεί τη τελευταία πράξη υπολογισμού στον αλγόριθμο του **Cramer** και τυπώνει τις λύσεις x, y, z .

Ερώτημα 3: Η έξοδος που θα πάρουμε από το πρόγραμμα αφού καταχωρηθούν τα δεδομένα θα είναι της μορφής:

`x=##.####`

`y=##.####`

`z=##.####`

(`##.####` λύση για την εκάστοτε μεταβλητή όπως ακριβώς και στο **grammiko1.m**)

Ερώτημα 4: Όπως ακριβώς είχαμε απαντήσει και στην Έκτη Άσκηση, αυτής της εργαστηριακής μας άσκησης, το πρόγραμμα αυτό επιλύει ένα γραμμικό σύστημα εξισώσεων 3×3 με τη μέθοδο **Cramer**. Λειτουργεί και υπολογίζει όλες τις μεταβλητές με ίδιο τρόπο με αυτού του προγράμματος **grammiko1.m** όμως κατά την εκκίνηση του, το πρόγραμμα **grammiko3.m** καλεί μία συνάρτηση, τη **fun1.m** να τρέξει το κομμάτι του αλγόριθμου που δέχεται δεδομένα από το χρήστη και στο τελείωμά του, το πρόγραμμα καλεί τη συνάρτηση **fun2.m** για τους τελικούς υπολογισμούς και την εκτύπωση αποτελεσμάτων που είδαμε στα ερωτήματα 2 και 3 αντίστοιχα.

➤ **Άσκηση 9^η:**

Ακολουθεί το πρόγραμμα: **pinakas1.m** στην λειτουργική του μορφή:

```
%Computation of a weird matrix:
% F_ij = 2*(a_ij)^5 + 3*(b_ij)^3 + 5*(a_ij*b_ij) +1
% A,B: 3X4

clear;
clc;
close all;

li = 3;
co = li+1;

fprintf('\nGive me the elements of the first (A) matrix \n') ;
[A] = fun1(li,co);
fprintf('\nGive me the elements of the second (B) matrix \n') ;
[B] = fun1(li,co);

fprintf('\n Printing Answers:\n');

for(i=1:1:li)
    for(j=1:1:co)
        F(i,j)=2.*A(i,j).^5+3.*B(i,j).^3+5*A(i,j).*B(i,j)+1;
        fprintf('F%d%d=%.4f',i,j,F(i,j));
        fprintf('\n');
    end
end
```

Έγινε χρήση της συνάρτησης **fun1.m** για τη καταχώρηση των πινάκων από τη προηγούμενη άσκηση.

```
function [b]=fun1(lin,col);

for (i=1:1:lin)
    for (j=1:1:col)
        fprintf('elmnt%d%d=',i,j);
        b(i,j)=input('');
        fprintf('\n');
    end
end
```