

For: nbre itérations connu

3 parties :

- ① Initialisation
- ② Condition de maintien
- ③ Evolution du compteur

Bloc d'instructions concerné par la boucle.

```
for ( ① ; ② ; ③ )
{ ..... }
```

Formule de Leibniz pour le calcul de π

$$\pi \simeq 4 \cdot \sum_{n=0}^{N_{\max}} \frac{(-1)^n}{2n+1}$$

① $n = 0$

② $n \leq N_{\max}$

③ $n++$

bloc: calculer $\frac{(-1)^n}{2n+1}$

accumuler le calcul dans une variable "s"

En fin de boucle: afficher $\pi \times s$

TD 2022/17

Implémentez cet algorithme

Hyp: N_{\max} : constante 10'000

Liste des variables	identificateur	type	valeur initiale
(const)	N_{\max}	int size_t	10000
	π	double	0.
	s	double	0.
	n	int size_t	0

Résultat pour $N_{\max} = 10'000$: $\pi \simeq 3.14169$

N_{\max}	π	temps d'exécution	
10'000	3.14169	< 1s	
10'000'000	"	$\simeq 1s$	
100'000'000	"	$\simeq 5s$	(0.25s)
1'000'000'000	"	$\simeq 30s$ (208s)	(2.34s)

$\simeq 4s$

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
```

$$\pi \approx 4 \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n+1}$$

```
int main(void)
{
```

size_t

N_MAX

const

```
int n_max = 1000000000;
```

```
double pi_sur_4 = 0;
```

```
double pi = 0;
```

```
size_t n = 0;
```

N_MAX

```
for (size_t n = 0; n <= n_max; n++)
```

```
{
    pi_sur_4 += pow((-1), n) / (2. * n + 1);
}
```

```
pi = 4. * pi_sur_4;
```

```
printf("pi = %.8lf\n", pi);
```

```
return 0;
```

```
}
```

n	$(-1)^n$	$2n+1$
0	1	1
1	-1	3
2	1	5
3	-1	7
...

① Modif: optimiser $\text{pow}(-1, n)$

3.5s → 6s

② Modif: optimiser $2n+1$

6s → 25s

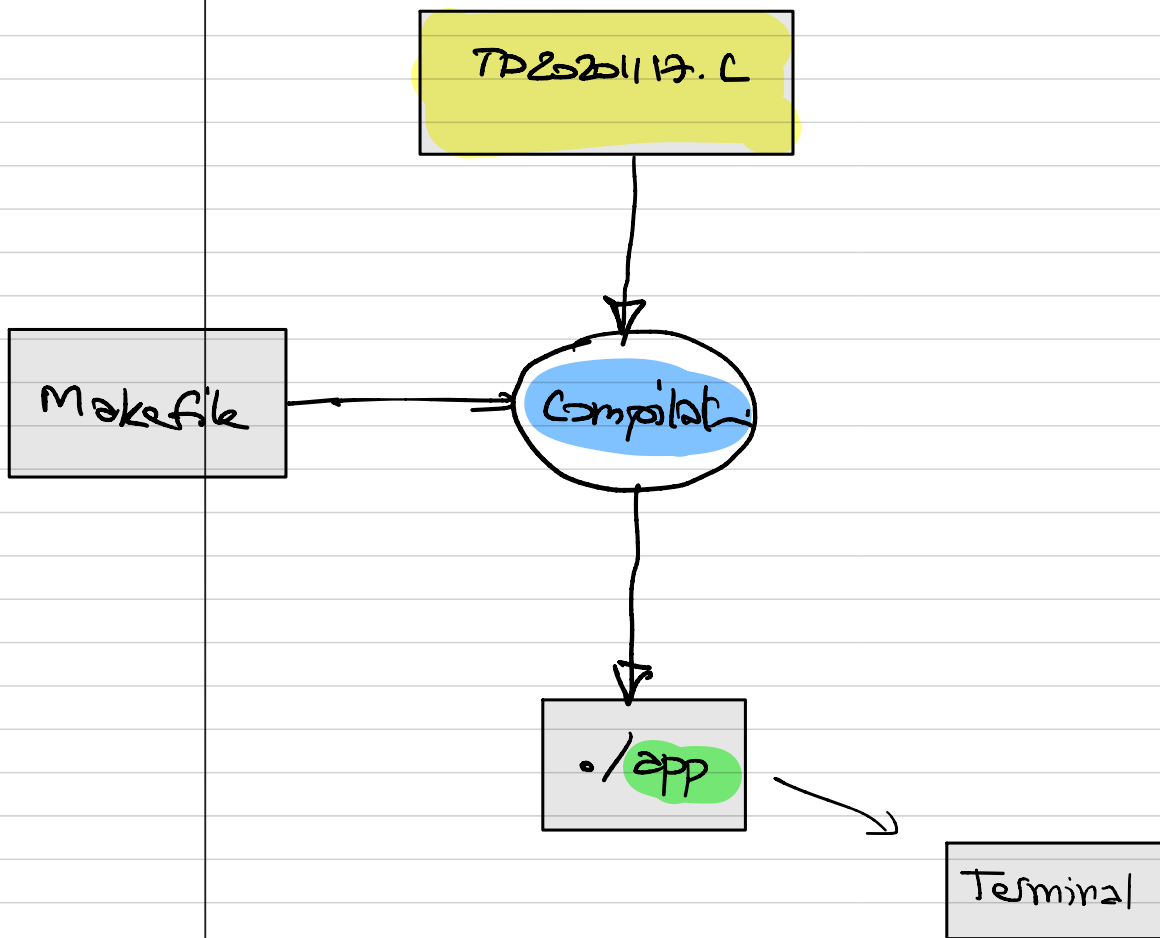
↑

?

```
for (n = 0; n <= k_max; n++) {
    sum += num / den;
    num = -num;
    den += 2;
}
```

③ Modif: optimiser $\text{Makefile} (-O3)$

3.3s



set the executable name

EXEC=app

CC=gcc

CFLAGS+= -std=c99 -Wall -g

CFLAGS+= -Iinclude

CFLAGS+= -D_XOPEN_SOURCE

LDLIBS:= -lm

ODIR:=obj

SRC := \$(wildcard *.c)

OBJS = \$(patsubst %, \$(ODIR)/%, \$(SRC:.c=.o))

-03

make clean
make app

Nom de l'exécutable

Nom du compilateur