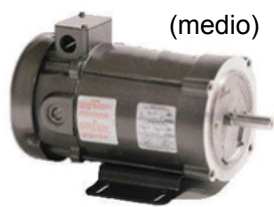


## MOTORE IN CORRENTE CONTINUA

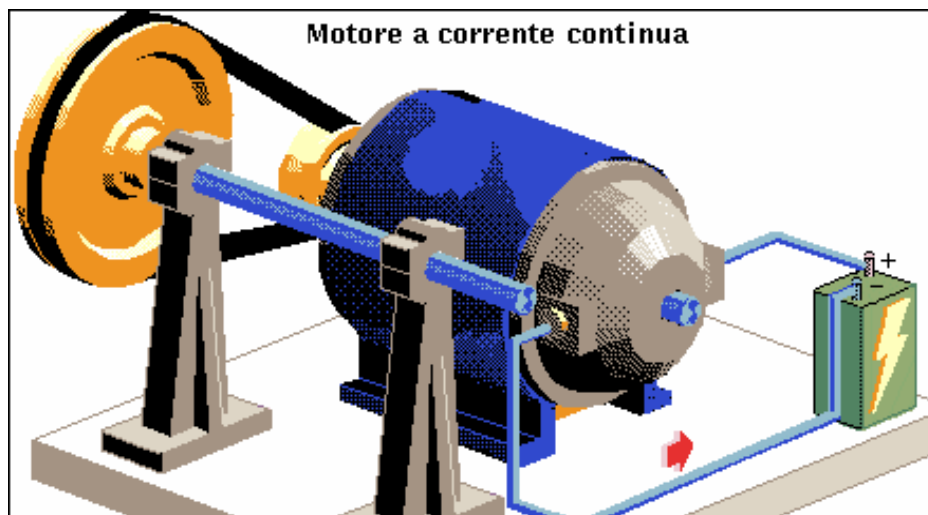
- Motore in corrente continua
  - Schema elettrico
  - Modello Motore+Carico



(piccolo)

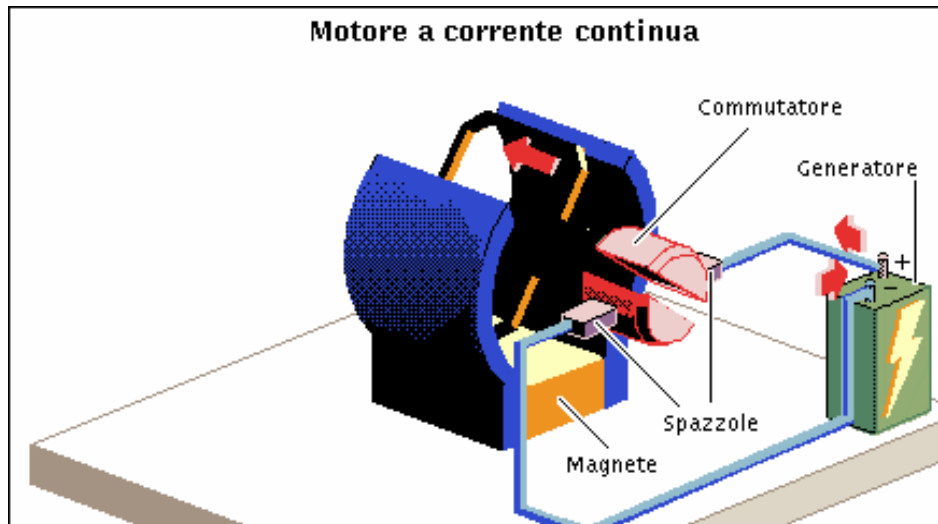


## MOTORE A CORRENTE CONTINUA



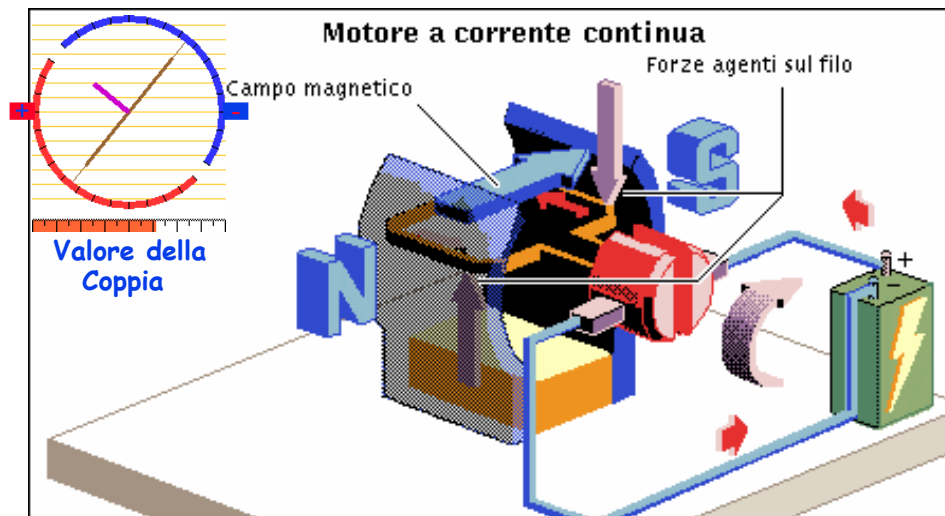
## CIRCUITO CON UNA SPIRA

### Motore a corrente continua

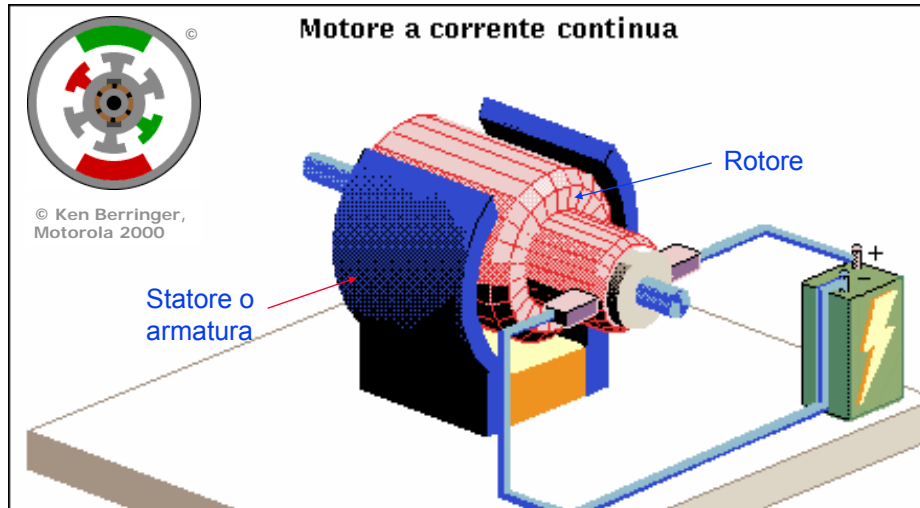


## COPPIA INDOTTA DAL PASSAGGIO DI CORRENTE

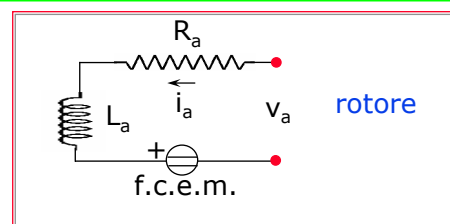
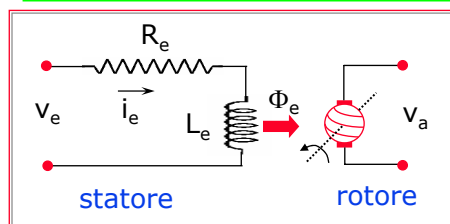
### Motore a corrente continua



## MOTORE CON PIÙ SPIRE



## MODELLO ANALITICO



$$\begin{cases} \Phi_e = K_e i_e & \text{flusso magnetico generato dallo statore} \\ \text{f.c.e.m.} = \Phi_e K_a \omega & \text{forza contro-elettromotrice dovuta alla rotazione} \\ \tau_m = \Phi_e K_a i_a & \text{momento generato} \end{cases}$$

$$\begin{cases} v_e = R_e i_e + L_e \frac{di_e}{dt} \\ v_a = R_a i_a + L_a \frac{di_a}{dt} + \text{f.c.e.m.} \end{cases}$$

**termini non lineari**

## ECCITAZIONE COSTANTE

$$\begin{cases} v_e = R_e i_e + L_e \frac{di_e}{dt} \\ v_a = R_a i_a + L_a \frac{di_a}{dt} + \text{f.c.e.m.} \end{cases}$$

Se si impiegano magneti permanenti

o  $i_e$  costante, i.e.  $\Phi_e$  costante

$$K_m = K_e i_e K_a = \text{costante}$$

le eqs. diventano lineari

Sostituendo:

$$v_a = R_a i_a + L_a \frac{di_a}{dt} + \text{f.c.e.m.} = R_a i_a + L_a \frac{di_a}{dt} + K_m \omega$$

Trasformando

$$I_a(s) = \frac{1}{R_a + sL_a} [V_a(s) - K_m \Omega(s)] \quad \tau_m(s) = K_m I_a(s)$$

## SCHEMA A BLOCCHI MOTORE + CARICO

Motore:

$$I_a(s) = \frac{1}{R_a + sL_a} [V_a(s) - K_m \Omega(s)]$$

$$\tau_m = K_m I_a$$

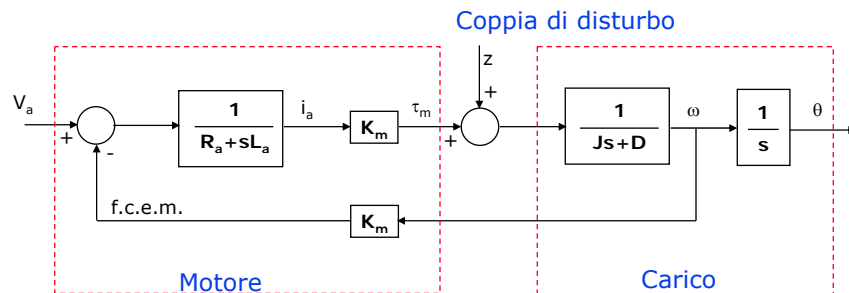
Equazione di un carico con inerzia  $J$  ed attrito  $D$  :

$$J \dot{\omega}(t) = -D\omega(t) + \tau_m$$

Trasformando con Laplace e ricavando la velocità  $\Omega(s)$ :

$$\Omega(s) = \frac{1}{Js + D} \tau_m$$

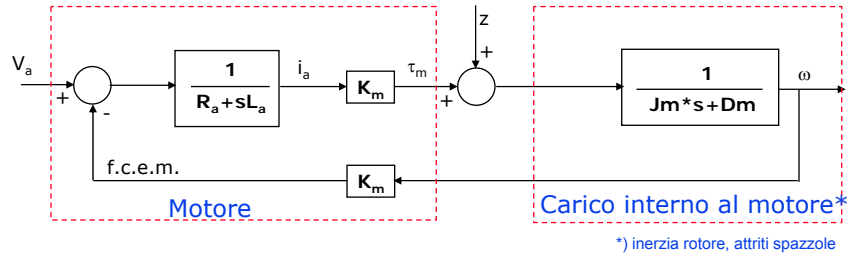
Lo schema a blocchi che ne risulta è il seguente:



## SCHEMA A BLOCCHI

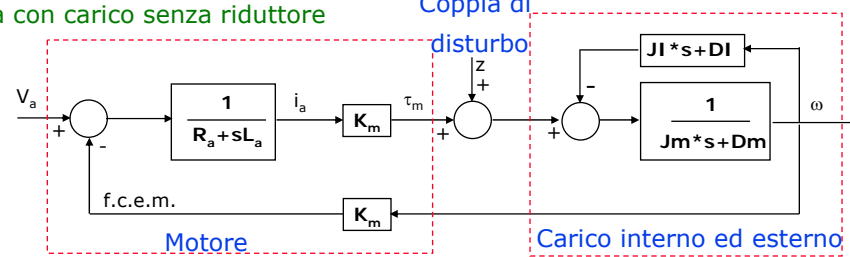
Schema senza carico

Coppia di disturbo

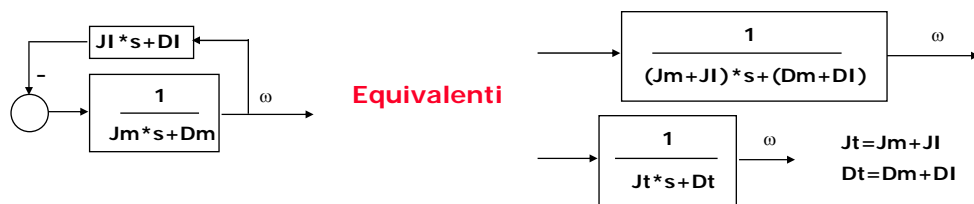


Schema con carico senza riduttore

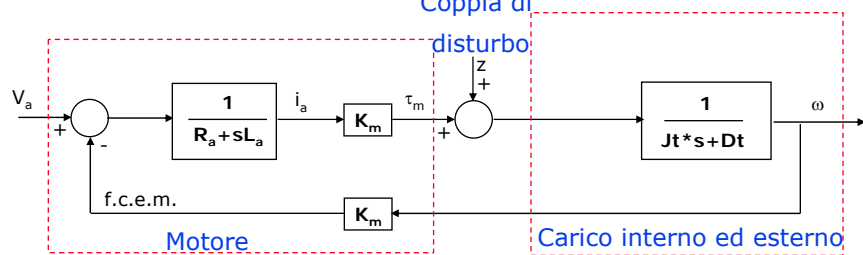
Coppia di disturbo

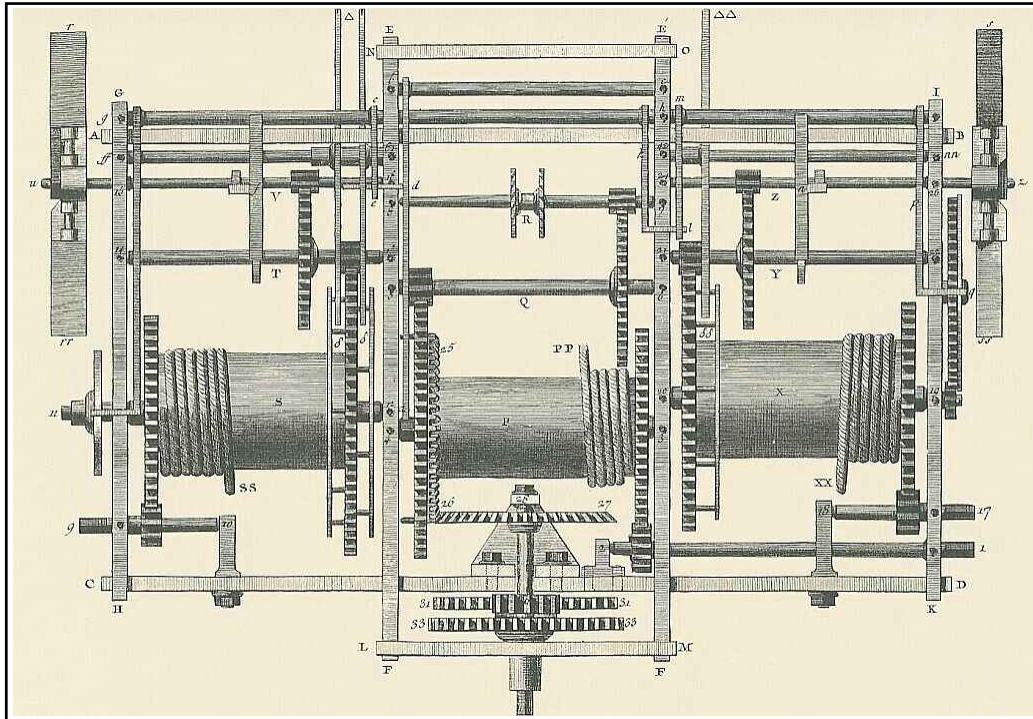


## SEMPLIFICAZIONE



Coppia di disturbo

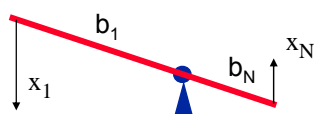




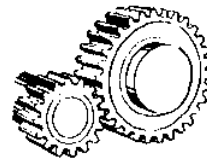
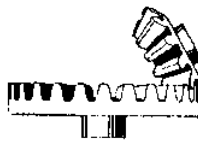
## IL RIDUTTORE (INGRANAGGI)

In generale i motori in c.c. sono troppo veloci e danno una coppia ridotta rispetto alle esigenze dei carichi.

Si usa una riduzione meccanica (cambio)



analogo della leva



Rapporto tra # denti 1 : N

rapporto tra le velocità N : 1

Leva:

Il lavoro è costante quindi (considerando che gli spostamenti hanno verso opposto):

$$F_1 \cdot x_1 = F_N \cdot x_N \Rightarrow F_1 = F_N (x_N / x_1) = F_N (b_N / b_1)$$

Anche la potenza è costante quindi derivando la precedente:

$$F_1 \cdot v_1 = F_N \cdot v_N \Rightarrow F_1 = F_N (v_N / v_1) = F_N (b_N / b_1)$$

## IL RIDUTTORE

Riduttore:

Il lavoro è costante quindi :

$$C_1 \theta_1 = C_2 \theta_2$$

Anche la potenza è costante quindi derivando la precedente:

$$C_1 \omega_1 = C_N \omega_N$$

$$\omega_N = \frac{1}{N} \omega_1; \quad C_1 \omega_1 = C_N \frac{1}{N} \omega_1$$

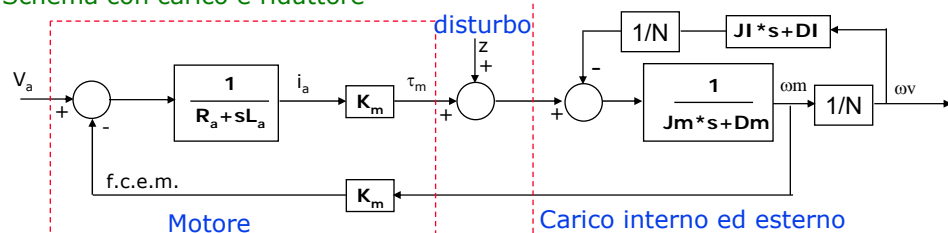
L'albero di uscita è più lento  
ma fornisce coppia maggiore  
(es.: cambio della bicicletta)



## SCHEMA A BLOCCHI

Schema con carico e riduttore

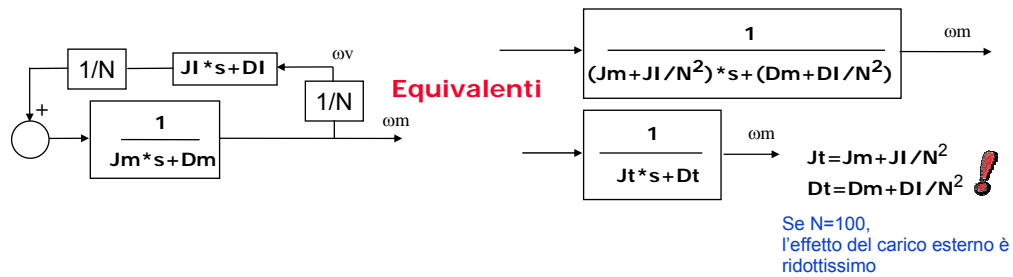
Coppia di disturbo



$$\frac{1}{Jm^*s + Dm} = \frac{1}{\cancel{Jm^*s + Dm}} = \frac{1}{(Jm^*s + Dm)N^2 + JI^*s + DI}$$

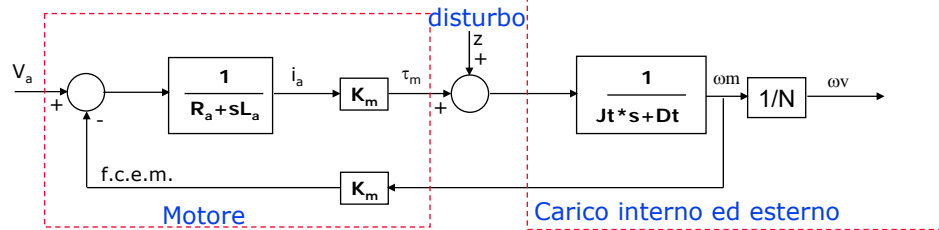
$$= \frac{1}{(Jm^*s + Dm)N^2} = \frac{1}{(Jm + JI/N^2)^*s + Dm + DI/N^2}$$

## SEMPLIFICAZIONE

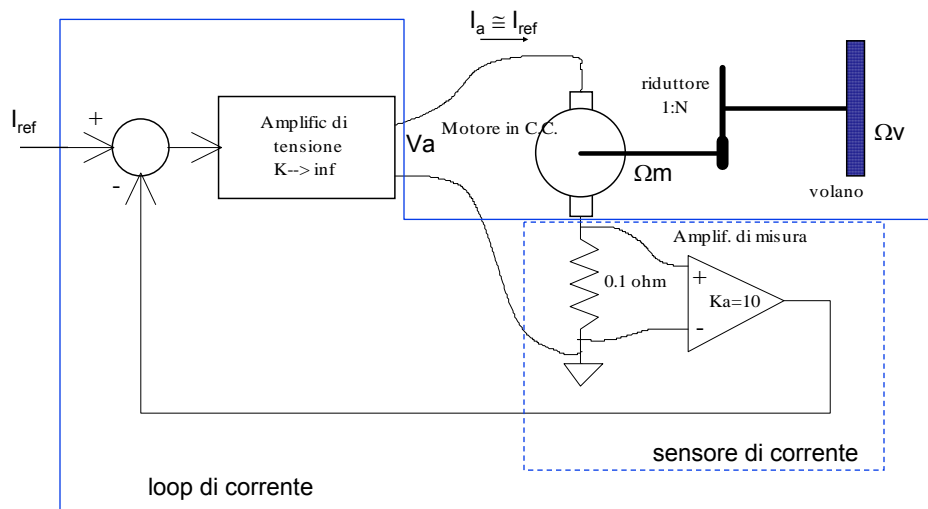


Schema con carico e riduttore

Coppia di disturbo

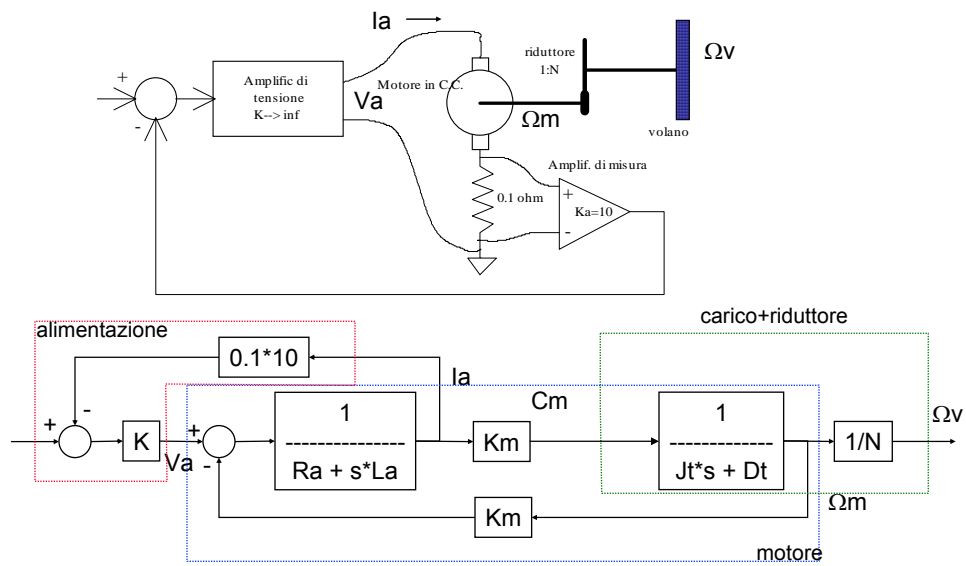


## CONTROLLO IN CORRENTE SULL'ARMATURA

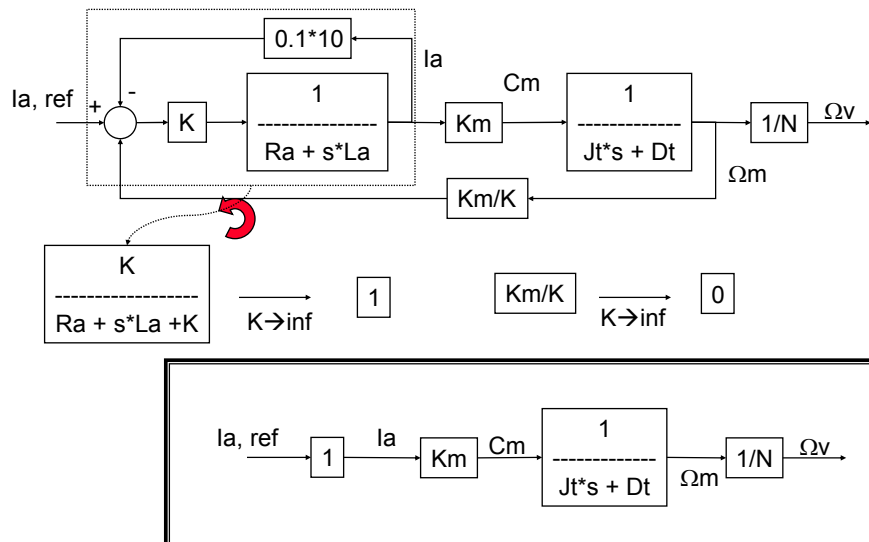




## SCHEMA A BLOCCHI



## SEMPLIFICAZIONE



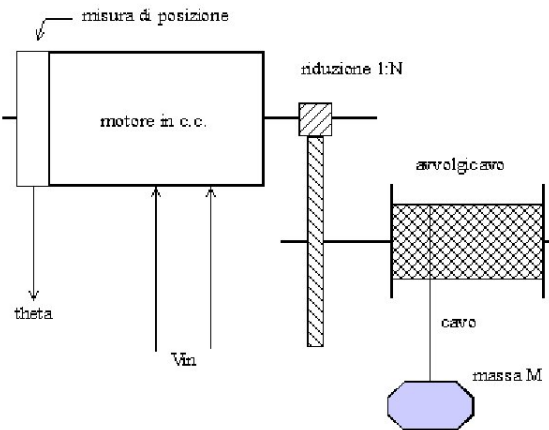
Il controllo in corrente equivale a controllare la coppia

## ESERCIZIO (ESAME 7-1 1-2000)

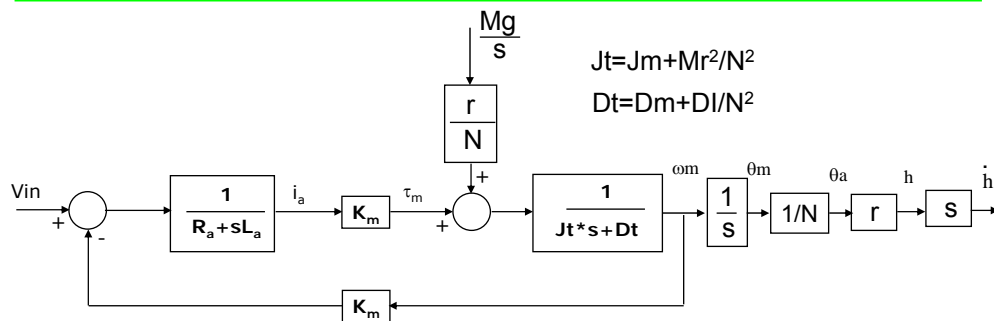
1) Si deve controllare la quota  $h$  della massa  $M$  col sistema raffigurato. Si determinino:

- la funzione di trasferimento tra  $V_{in}$  e  $\theta_m$  e quella tra  $\theta_m$  e quota della massa  $M$
- la velocità di caduta a regime della massa quando  $V_{in}=0$  (alimentazione in corto)

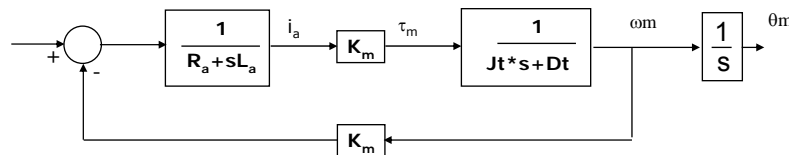
La massa è soggetta alla gravità e si possono trascurare gli attriti e le inerzie delle ruote dentate.



## SOLUZIONE ESERCIZIO



Funzione di Trasferimento tra  $V_{in}$  e  $\theta_m$ :



## SOLUZIONE ESERCIZIO

$$\frac{\omega_m}{V_{in}} = \frac{K_m \frac{1}{Ra+sLa} \frac{1}{Jt^*s+Dt}}{1 + K_m^2 \frac{1}{Ra+sLa} \frac{1}{Jt^*s+Dt}} = \frac{K_m \frac{1}{Ra+sLa} \frac{1}{Jt^*s+Dt}}{\frac{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt) + Km^2}{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt)}} =$$

$$= \frac{K_m}{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt) + Km^2}$$

Inoltre essendo  $\theta_m = \omega_m * 1/s$  :

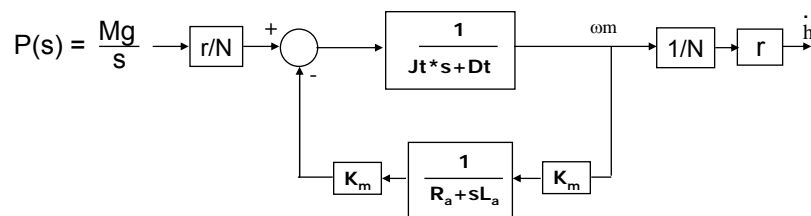
$$\frac{\theta_m}{V_{in}} = \frac{1}{s} \frac{K_m}{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt) + Km^2}$$

Funzione di Trasferimento tra  $\theta_m$  e  $h$ :

$$\frac{h}{\theta_m} = \frac{r}{N}$$

## SOLUZIONE ESERCIZIO

Funzione di Trasferimento tra forza peso ( $Mg/s$ ) e  $dh/dt$  :



$$\frac{\dot{h}}{P(s)} = \frac{\frac{1}{Jt^*s+Dt}}{1 + K_m^2 \frac{1}{Ra+sLa} \frac{1}{Jt^*s+Dt}} \frac{r^2}{N^2} = \frac{\frac{1}{Jt^*s+Dt}}{\frac{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt) + Km^2}{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt)}} \frac{r^2}{N^2} =$$

$$= \frac{(Ra+sLa)}{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt) + Km^2} \frac{r^2}{N^2}$$

## SOLUZIONE ESERCIZIO

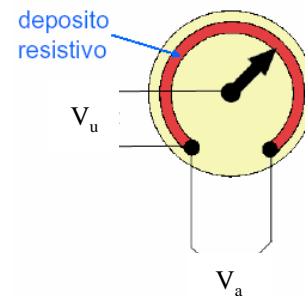
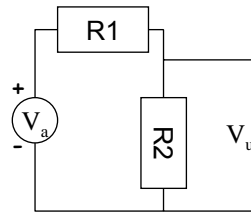
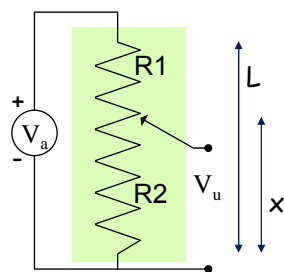
$$\dot{h} = \frac{(Ra+sLa)}{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt) + Km^2} \frac{r2}{N2} \frac{Mg}{s}$$

$$\frac{dh}{dt}(\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{(Ra+sLa)}{(Ra+sLa)(Jt^*s+Dt) + Km^2} \frac{r2}{N2} \frac{Mg}{s} =$$

$$= \frac{Ra}{Ra \cdot Dt + Km^2} \frac{r2}{N2} \frac{Mg}{s}$$

## POTENZIOMETRO

Trasduttore posizione-tensione.  
Può essere lineare o rotativo (fino a 10 giri).



$$V_u = \frac{R_2 V_a}{R_1 + R_2} = \frac{\rho x V_a}{\rho L} = \frac{V_a}{L} x$$

$\rho$  : resistività [ $\Omega/m$ ]