

## Sing Alive

先转化为  $a^2 + b^2 = (d^2 - c^2) + k$ .

对于每个  $x$ , 记录  $f_x$  表示  $x$  可以表示成多少种  $a^2 + b^2$ ,  $g_x$  表示  $x$  可以表示成多少种  $d^2 - c^2 + k$ .

然后就只需要求  $\sum f_x g_x$  就行了。

复杂度  $O(n^2)$ 。

## Neo Aspect

称  $s_i = 0$  的元素为 0 元素, 反之则为 1 元素。考虑设计 DP 状态  $f(i, j)$  表示只考虑前  $i$  个元素组成的排列中, 0 元素的最大值是多少。那么考虑插入  $i + 1$  时, 如果  $i + 1$  是 0 元素, 那么要么  $p_{i+1} \leq j$ , 这种情况的转移是  $j \times f_{i,j} \rightarrow f_{i+1,j+1}$ ; 要么  $p_{i+1} > j$ , 这种情况的转移是  $\sum_{j < k} f_{i,j} \rightarrow f_{i+1,k}$ 。如果  $i + 1$  是 1 元素, 那么转移只能是  $(i + 1 - j) \times f_{i,j} \rightarrow f_{i+1,j}$ 。用前缀和优化, 复杂度  $O(n^2)$ 。

## Oneness

$L = R = 1$  的时候就是有向基环森林。求最短路是容易的。

$L > 1$  的时候可以看作每次选择一个步长  $L \leq x \leq R$ , 然后在基环树上沿着边跳  $x$  的距离。

那么跳  $k$  步就可以走任意  $\in [kL, kR]$  的长度。

那么现在就是要处理这样的一个问题: 从  $s \rightarrow t$  需要走  $d$  步 (如果  $t$  不在环上) 或者  $pw + q$  步 (如果  $t$  在环上且环长为  $w$ , 注意这里  $q$  可能会  $\geq w$ , 且  $p$  可以是自选的任意非负整数)。

前者应该是弱于后者的。我们直接看  $pw + q$  的情况怎么做。你当然可以直接类欧做。但是下面介绍一种不超纲的办法。设弱连通块大小为  $s$ , 那么在这个弱连通块的询问的答案应该  $\leq s$ , 并且  $q$  也应该  $\leq s$ 。

所以我们对于每个这样的连通块, 都做一遍下面的操作: 令  $f_x$  表示  $q = x$  时的答案。枚举答案  $k$ , 然后更新走的总长度为  $[kL, kR]$  时可以更新的  $f_x$ 。注意到可以同时更新  $f_{x-w}$  和  $f_x$ , 那么我们只需要更新  $f_x$ , 然后最后再一起从后往前扫一遍并用  $f_{x+w}$  更新  $f_x$ 。所以我们只需要选出极大的那些  $x$  去更新就好了, 这些  $x$  会形成最多两个区间。这就是一个典型的, 区间覆盖, 然后最后再求出每个点的值。复杂度  $O(s \log s)$ 。

总复杂度  $O(n \log n)$ 。代码较复杂。

## Zeal of Proud

首先确定一个性质: 假如在目前位置我们可以黏贴, 那么我们没有必要先输入几个字符之后再去做黏贴。这样显然没有意义。以下的 DP 状态与转移全部是基于这样的前提限制的。

一种暴力 DP: 构建  $s[1, i]$  的最少步数是  $f_i$ , 然后转移时枚举上一次复制是哪里。

考虑把转移分步一下。我们可以设一个  $g_i$  表示刚刚黏贴完得到  $s[1, i]$  的最少步数。 $f_i$  的转移就是枚举最后一次黏贴的位置, 用  $g_j + (i - j)$  来更新  $f_i$ 。

现在考虑  $g_i$  的转移。 $g_i$  的转移就是要找上一次复制的位置  $j$ ，用  $f_j$  来更新  $g_i$ 。

我们发现假如我们复制了  $s[1, j]$ ，那么在下一次复制之前，我们会在哪些位置黏贴是固定的（一定是从左到右，如果能匹配上就黏贴）。所以对于  $s[1, j]$ ，其可能会粘贴的位置只有  $\leq \frac{n}{j}$  个，所以可能的  $f_j \rightarrow g_i$  的更新只有  $O(n \log n)$  种。

现在问题是如何找这样的位置。我们先跑一下 Z 函数（二分+哈希对于  $\leq 10^5$  也行），求出  $r_i$  表示  $s[i, n]$  和  $s$  的 LCP，然后我们相当于只需要每次对于  $i, j$ ，找到最小的  $k > i$  使得  $r_k \geq j$ 。到这里就已经可以  $O(n \log^2 n)$  解决了。

但是这个问题可以做到更好。我们  $j$  不断变小时，可行的满足  $r_k \geq j$  的合法位置会不断变少。所以我们的操作其实是：找到  $i$  之后的第一个还存在的位置；将一个位置删掉。使用并查集即可。链上并查集可以在线性时间内维护（但用普通并查集应该也能过）。所以总复杂度  $O(n \log n)$ 。