Теория вероятностей для специальности ИУ7, 3-й курс, 5-й семестр. Вопросы для подготовки к рубежному контролю №2

1. Теоретические вопросы, оцениваемые в 2 балла

- Сформулировать определение несовместных событий. Как связаны свойства несовместности и независимости событий?
- 2. Сформулировать геометрическое определение вероятности.
- Сформулировать определение сигма-алгебры событий. Сформулировать ее основные свойства.
- Сформулировать аксиоматическое определение вероятности. Сформулировать основные свойства вероятности.
- Записать аксиому сложения вероятностей, расширенную аксиому сложения вероятностей и аксиому непрерывности вероятности. Как они связаны между собой?
- 6. Сформулировать определение условной вероятности и ее основные свойства.
- Сформулировать теоремы о формулах умножения вероятностей для двух событий и для произвольного числа событий.
- 8. Сформулировать определение пары независимых событий. Как независимость двух событий связана с условными вероятностями их осуществления?
- Сформулировать определение попарно независимых событий и событий, независимых в совокупности. Как эти свойства связаны между собой?
- 10. Сформулировать определение полной группы событий. Верно ли, что некоторые события из полной группы могут быть независимыми?
- 11. Сформулировать теорему о формуле полной вероятности.
- 12. Сформулировать теорему о формуле Байеса.
- 13. Дать определение схемы испытаний Бернулли. Записать формулу для вычисления вероятности осуществления ровно k успехов в серии из n испытаний.
- 14. Записать формулы для вычисления вероятности осуществления в серии из n испытаний а) ровно k успехов, б) хотя бы одного успеха, в) от k_1 до k_2 успехов.

2. Теоретические вопросы, оцениваемые в 4 балла

- Сформулировать определение элементарного исхода случайного эксперимента и пространства элементарных исходов. Сформулировать классическое определение вероятности. Привести пример.
- Сформулировать классическое определение вероятности. Опираясь на него, доказать основные свойства вероятности.
- Сформулировать статистическое определение вероятности. Указать его основные недостатки.
- 18. Сформулировать определение сигма-алгебры событий. Доказать ее основные свойства.
- Сформулировать аксиоматическое определение вероятности. Доказать свойства вероятности для дополнения события, для невозможного события, для следствия события.
- Сформулировать аксиоматическое определение вероятности. Сформулировать свойства вероятности для суммы двух событий и для суммы произвольного числа событий. Доказать первое из этих свойств.

ИУ7, 5-й сем., Теория вероятностей, вопросы для подготовки к РК2 (модуль 1), 2021-2022 уч. год

 Сформулировать определение условной вероятности. Доказать, что она удовелтворяет трем основным свойствам безусловной вероятности.

- Доказать теоремы о формулах умножения вероятностей для двух событий и для произвольного числа событий.
- Сформулировать определение пары независимых событий. Сформулировать и доказать теорему о связи независимости двух событий с условными вероятностями их осуществления.
- Сформулировать определение попарно независимых событий и событий, независимых в совокупности. Показать на примере, что из первого не следует второе.
- 25. Доказать теорему о формуле полной вероятности.
- 26. Доказать теорему о формуле Байеса.
- 27. Доказать формулу для вычисления вероятности осуществления ровно k успехов в серии из n испытаний по схеме Бернулли.

Образец билета

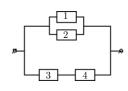
БИЛЕТ № 0 (теория)

- 1. Сформулировать определение условной вероятности и ее основные свойства.
- **2.** Доказать формулу для вычисления вероятности осуществления ровно k успехов в серии из n испытаний по схеме Бернулли.

№ вопроса	1	2	$\Sigma = \max$	min
Баллы	2	4	6	4

БИЛЕТ № 0 (практика)

- 1. Преферансную колоду (32 карты, без шестерок) сдают двум игрокам. Какова вероятность того, что у них будет одинаковое число карт трефовой масти?
- 2. На рисунке изображена структурная схема некоторой системы. Через отказавший элемент ток не проходит. Считается, что система работает, если по ней проходит ток. Пусть A событие, означающее работу системы, а A_i событие, означающее работу i-го элемента, $i=\overline{1,4}$. Предполагая, что элементы выходят из строя независимо друг от друга, выразить A и \overline{A} через события A_i и \overline{A}_i , а также найти P(A), если $P(A_1)=0.6,\ P(A_2)=0.8,\ P(A_3)=0.9$ и $P(A_4)=0.7$.



- 3. В баскетбольной команде 30 игроков, из которых 7 негров, 13 европейцев и 10 азиатов. Трехочковый бросок негр успешно выполняет с вероятностью 0.95, европеец с вероятностью 0.85, а азиат с вероятностью 0.7. 1) Найти вероятность того, что случайно выбранный игрок успешно выполнит трехочковый бросок. 2) К какой группе вероятнее всего принадлежит случайно выбранный игрок, если известно, что он успешно выполнил трехочковый бросок?
- 4. Для сдачи экзамена по Правилам дорожного движения в ГИБДД используют машиныэкзаменаторы, которые на каждый вопрос предлагают два варианта ответа. При этом для сдачи экзамена одной машине нужно правильно ответить на 3 вопроса из 4-х, а другой – на 4 вопроса из 5-ти. Экзаменуемый, который не знает Правил, выбирает ответы наугад. На какой из двух машин вероятность сдать экзамен больше?

№ вопроса	1	2	3	4	$\Sigma = \max$	min
Баппы	5	-5	- 5	-5	20	12