Лабораторная работа 1

Цель: изучение дискретного преобразования Фурье в Matlab.

Задание 1 – анализ сгенерированного сигнала

Сгенерировать сигнал продолжительностью 90 лет с шагом месяц => всего будет 90*12=1080 шагов. Сигнал содержит косинус периодом 1 год, синус периодом 8.86 года и еще один косинус периодом 18.6 года => период 1-ой функции 12 месяцев, 2-ой 8.86*12=106.32 месяцев и 3-ей функции 12*18.6=223.2 месяцев. Начало - дата рождения (05.2000)=>2000*12+5=24005=> начинаем с 24005-го месяца. Подбираем фазы так, чтобы нулевой аргумент годовой гармоники приходился на начало года, 8.86-летнего цикла — на начало 2024 года, 18.6-летнего цикла на начало 2006 года => $\phi_1=0, \phi_2=1.12*\pi, \phi_3=0.31*\pi$. Амплитуды сигналов выбрать в соответствии с правилом: 20+ номер по алфавиту первых букв Ваших Φ ИО => Пронин Арсений Сергеевич (ПАС - номера букв в алфавите = 16, 0, 18) $A_1=36, A_2=20, A_3=38$.

Выполнить спектральный анализ сигнала, построить график амплитудного спектра (рис. 1):

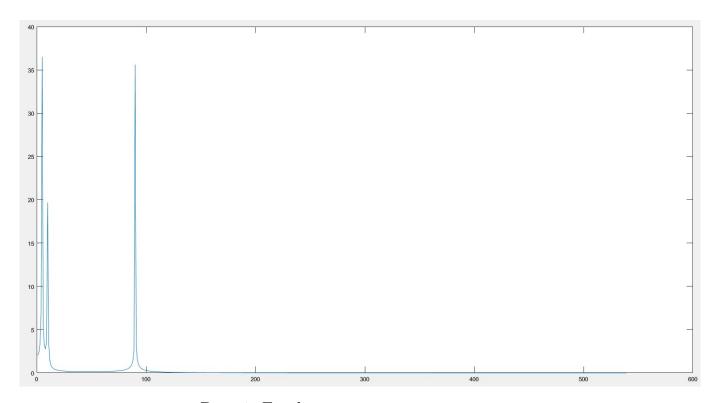


Рис. 1: График амплитудного спектра

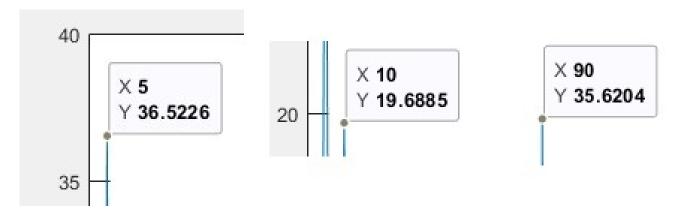


Рис. 2: Пиковые значения

На рисунке 2 видно что пиковые значения близки к амплитудам.

Задание 2 – фурье-анализ реального сигнала

Считать из бюллетеня EOP C01 службы вращения Земли данные UT-TAI (6-я колонка) и построить график (рис. 3):

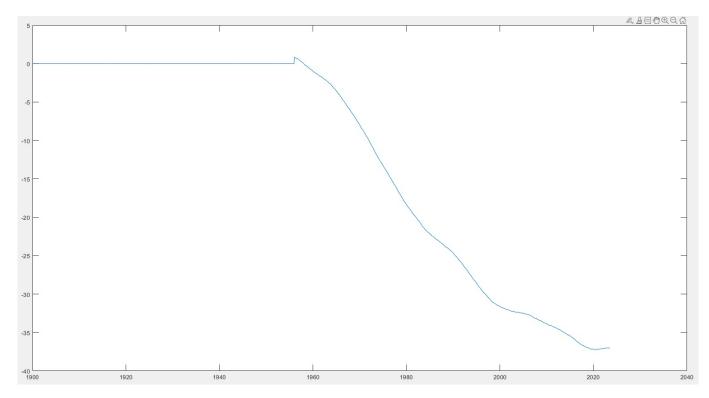


Рис. 3: Зависимость UTTAI от YEARS

Продифференцировать данные, получив LOD (минус производная, рис. 4):

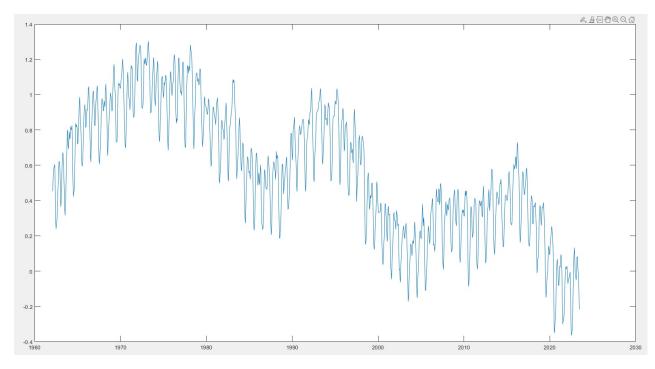


Рис. 4: Зависимость LOD от YEARS с 1962-го года

Взять ряд с 1962 года и вычислить его спектр. Построить график амплитудного спектра по частотам (рис. 5):

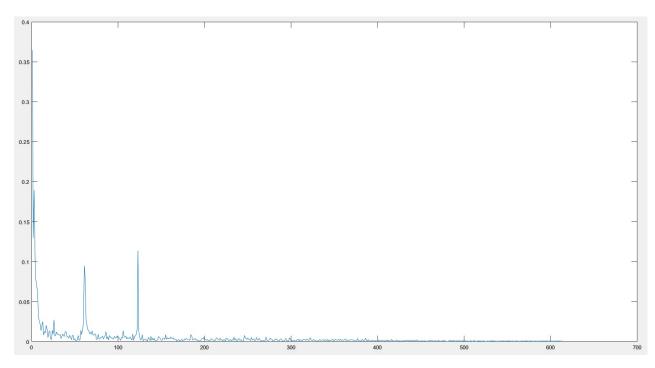


Рис. 5: График амплитудного спектра LOD с 1962-го года

Задание 3 – построение спектра комплексного ряда

Из того же файла считать вторую (x) и четвертую (y) колонки и объединить их в комплексный временной ряд (x+iy). Построить график спектра как для положительных так и для отрицательных частот:

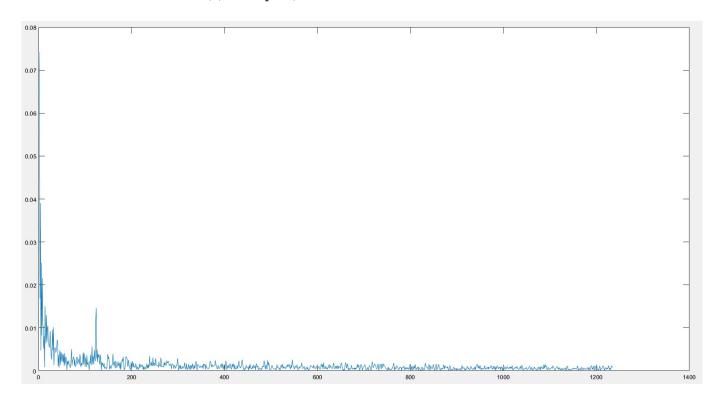


Рис. 6: График спектра