

# 中山大学理工学院 2014-2015 学年春季学期 课程考试试卷答案(B 卷)

课程名称：光学 考试时间：120 分钟 年级：2014 级

专业：光信息科学与技术

题目部分，（卷面共有 26 题，100 分，各大题标有题量和总分）

## 一、单选（8 小题，共 16 分）

1. B
2. B
3. D
4. B
5. C
6. A
7. D
8. A

## 二、填空（12 小题，共 24 分）

1. 1:2    2    暗

2.  $M = -\frac{f_1'}{f_2'}$

3.  $\frac{\lambda}{2L}(N_2 - N_1)$

4.  $A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2$

5. 2    正

6. 倒，正

7. 反射,折射

^^

8. 波动

9. 电磁波、390 ~ 760

10. 折射率

11. 390~760 nm

12. 电场

## 三、解答计算题（6 小题，共 60 分）

1. 解：（a）振幅矢量法

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = 4^2 + 6^2 + 2 \times 4 \times 6 \cos \frac{\pi}{3} = 16 + 36 + 48 \times \frac{1}{2} = 76$$

$$\therefore \text{合振动的振幅} \quad A = \sqrt{76}$$

$$\tan \varphi = \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2} = \frac{4 \sin 0 + 6 \sin \frac{\pi}{3}}{4 \cos 0 + 6 \cos \frac{\pi}{3}} = \frac{6 \frac{\sqrt{3}}{2}}{4 + 6 \times \frac{1}{2}} = \frac{3\sqrt{3}}{7}$$

$$\therefore \text{合振动的初位相为 } \varphi = \tan^{-1} \frac{3\sqrt{3}}{7}$$

(b) 三角函数加法

$$\begin{aligned} y &= 4 \cos \frac{\pi}{2} t + 6 \cos \left( \frac{\pi}{2} t + \frac{\pi}{3} \right) \\ &= 4 \cos \frac{\pi}{2} t + 6 \left( \cos \frac{\pi}{2} t \cdot \cos \frac{\pi}{3} - \sin \frac{\pi}{2} t \cdot \sin \frac{\pi}{3} \right) \\ &= 4 \cos \frac{\pi}{2} t + 3 \cos \frac{\pi}{2} t - 3\sqrt{3} \sin \frac{\pi}{2} t \\ &= 7 \cos \frac{\pi}{2} t - 3\sqrt{3} \sin \frac{\pi}{2} t \end{aligned}$$

$$\text{令} \quad A \cos \varphi = 7 \quad A \sin \varphi = 3\sqrt{3}$$

$$\text{则} \quad y = A \cos \varphi \cos \frac{\pi}{2} t - A \sin \varphi \sin \frac{\pi}{2} t$$

$$\begin{aligned} &= A \cos \left( \frac{\pi}{2} t + \varphi \right) \\ &= \sqrt{76} \cos \left( \frac{\pi}{2} t + \tan^{-1} \frac{3\sqrt{3}}{7} \right) \end{aligned}$$

$$A = \sqrt{76} \quad \varphi = \tan^{-1} \frac{3\sqrt{3}}{7}$$

(c) 复数法

$$z_1 = 4e^{i\frac{\pi}{2}t} \quad z_2 = 6e^{i\frac{\pi}{2}t} e^{i\frac{\pi}{3}}$$

$$\begin{aligned}
z &= z_1 + z_2 = 4e^{\frac{i\pi}{2}t} + 6e^{\frac{i\pi}{2}t} e^{\frac{i\pi}{3}} \\
&= e^{\frac{i\pi}{2}t} (4 + 6e^{\frac{i\pi}{3}}) \\
&= e^{\frac{i\pi}{2}t} [4 + 6(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3})] \\
&= e^{\frac{i\pi}{2}t} [4 + 6(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i)] = e^{\frac{i\pi}{2}t} (7 + 3\sqrt{3}i) \\
&= e^{\frac{i\pi}{2}t} \sqrt{7^2 + (3\sqrt{3})^2} e^{itg^{-1} \frac{3\sqrt{3}}{7}} \\
&= \sqrt{76} e^{i(\frac{\pi}{2}t + tg^{-1} \frac{3\sqrt{3}}{7})}
\end{aligned}$$

$$A = \sqrt{76} \quad \varphi = tg^{-1} \frac{3\sqrt{3}}{7}$$

2. 2.4mm

3. 解：(a) 设两次成像的像高分别为  $y'_1$  和  $y'_2$ ，物距和像距分别为  $s_1, s_2$  和  $s'_1, s'_2$ 。由横向

放大率公式，得  $y'_1 = \frac{s'_1}{s_1} y, y'_2 = \frac{s'_2}{s_2} y$

根据光路可逆原理，可知

$$\begin{aligned}
(-s_1) &= s'_2 = \frac{l-d}{2} \\
s'_1 &= (-s_2) = \frac{l-d}{2} + d = \frac{l+d}{2}
\end{aligned}$$

将上面两式代入前两式得

$$\begin{aligned}
y'_1 &= \frac{s'_1}{s_1} y = -\left(\frac{l+d}{l-d}\right)y \\
y'_2 &= \frac{s'_2}{s_2} y = -\left(\frac{l-d}{l+d}\right)y \\
\therefore \frac{y'_2}{y'_1} &= \left(\frac{l-d}{l+d}\right)^2
\end{aligned}$$

(b) 将  $s'_1$  及  $s_1$  的数值代入高斯公式，得

$$\frac{1}{f'} = \frac{1}{s'_1} - \frac{1}{s_1} = \frac{2}{l+d} + \frac{2}{l-d} = \frac{4l}{l^2 - d^2}$$

$$\therefore f' = \frac{l^2 - d^2}{4l}$$

(c) 由上式得

$$4f' = \frac{l^2 - d^2}{l} = l - \frac{d^2}{l}$$

$$\therefore 0 < d < l \quad l > 4f'$$

4. 解：判断孔径光阑：第一个透镜对其前面所成像为本身， $D_{L1} = 4cm$

第二个透镜对其前面所成像为  $L_2'$ ，其位置：

$$\frac{1}{l'} - \frac{1}{l} = \frac{1}{f'} = -40/3cm$$

大小为：

$$\frac{y'}{y} = \frac{l'}{l}, 2y' = 10.7cm$$

故第一透镜为孔阑，其直径为 4 厘米。它同时为入瞳。

5. 解：

$$\begin{cases} f_1' = 100 \\ f_2' = 50 \\ f = 100 \end{cases} \quad \text{又} \because f' = -\frac{f_1' f_2'}{\Delta}$$

$$\therefore \Delta = -50 = d - f_1' + f_2' = d - 100 - 50 \quad \text{得} : d = 100mm$$

$$(1) \beta = -1 = -\frac{x'}{f'} \quad \text{得} : x' = 450, \text{即} l' = -900$$

6. 解：

$$(2) \beta = -1 = -\frac{l'}{l} \quad \text{得} : l = l' = -900$$

此为平板平移后的像。

$$\Delta l' = d(1 - \frac{1}{n}) = 5$$

$$900 - (15 - 5) = 890$$