# Programación 3 Cursada 2023

# Ejercitación sobre Colas de Prioridades - Heap

## Ejercicio 1

A partir de una heap inicialmente vacía, inserte de a uno los siguientes valores:

## Ejercicio 2

- a) ¿Cuántos elementos hay, al menos, en una heap de altura h?
- b) ¿Dónde se encuentra ubicado el elemento mínimo en una max-heap?
- c) ¿El siguiente arreglo es una max-heap: [23, 17, 14, 6, 13, 10, 1, 5, 7, 12]?

## Ejercicio 3

Dados los siguientes árboles, indique si representan una heap. Justifique su respuesta.



## **Ejercicio 4**

Dibuje todas las min-heaps posibles para este conjunto de claves: {A, B, C, D, E}

#### Ejercicio 5

A partir de una min-heap inicialmente vacía, dibuje la evolución del estado de la heap al ejecutar las siguientes operaciones:

Insert(5), Insert(4), Insert(7), Insert(1), DeleteMin(), Insert(3), Insert(6), DeleteMin(), DeleteMin(), Insert(8), DeleteMin(), Insert(2), DeleteMin(), DeleteMin()

## Ejercicio 6

Aplique el algoritmo BuildHeap, para construir una min-heap en tiempo lineal, con los siguientes valores

## Ejercicio 7

Aplique el algoritmo *HeapSort*, para ordenar descendentemente los siguientes elementos:

Muestre paso a paso la ejecución del algoritmo sobre los datos.

#### **Ejercicio 8**

Construir una max-heap binaria con los siguientes datos:

- a) Insertándolos de a uno
- b) Usando el algoritmo BuildHeap

#### **Ejercicio 9**

Suponga que una heap que representa una cola de prioridades está almacenada en el arreglo A (se comienza de la posición A[1]). Si insertamos la clave 16, ¿en qué posición quedará?

	i:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
	A[i]:	11	21	27	37	36	34	32	43	44	42	51	62	
(a)	) A[2]		(b) A[3]			(c) A[6]			(d) A[7]			(e) A[1	L2]	23

## **Ejercicio 10**

Suponga que una heap que representa una cola de prioridades está almacenada en el arreglo A (se comienza de la posición A[1]). Si aplica un delete-min, ¿en qué posición quedará la clave **62**?

i:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
A[i]:	11	21	27	37	36	34	32	43	44	42	51	62	
(a) A[1]		(b) A[2]			(c) A[10]			(d) A[11]			(e) A[12]		

#### **Ejercicio 11**

- a) Ordenar en forma creciente los datos del ejercicio anterior, usando el algoritmo HeapSort.
- b) ¿Cuáles serían los pasos a seguir si se quiere ordenar en forma decreciente?

## Ejercicio 12

¿Cuáles de los siguientes arreglos representan una max-heap, min-heap o ninguna de las dos?

arreglo 1: 0120456789

arreglo 2: 9876543210

• arreglo 3: 5556666771

• arreglo 4: 9392167121

arreglo 5: 8761234212

## **Ejercicio 13**

Un arreglo de 7 enteros se ordena ascendentemente usando el algoritmo *HeapSort*. Luego de la fase inicial del algoritmo (la construcción de la heap), ¿cuál de los siguientes es un posible orden del arreglo?

- (a) 85 78 45 51 53 47 49
- (b) 85 49 78 45 47 51 53
- (c) 85 78 49 45 47 51 53
- (d) 45 85 78 53 51 49 47
- (e) 85 51 78 53 49 47 45

## **Ejercicio 14**

En una Heap, ¿para un elemento que está en la posición i su hijo derecho está en la posición.....?

- (a) | i/2 |
- (b) 2\*i
- (c) 2\*i + 1
- (d) Ninguna de las anteriores

#### **Ejercicio 15**

¿Siempre se puede decir que un árbol binario lleno es una Heap?

(a) Sí

(b) No

## **Ejercicio 16**

La operación que agrega un elemento a la heap que tiene *n* elementos, en el peor caso es de .....

- (a) O(n)
- (b) O(n log n)
- (c) O(log n)
- (d) Ninguna de las otras opciones

## **Ejercicio 17**

Se construyó una Máx-Heap con las siguientes claves: 13, 21, 87, 30, 25, 22, 18. ¿Cuál de las siguientes opciones corresponde al resultado de realizar la construcción insertando las claves **una a una**?

- (a) 87, 30, 25, 22, 21, 18, 13
- (b) 87, 30, 22, 21, 25, 13, 18
- (c) 87, 30, 25, 13, 22, 18, 21
- (d) 87, 30, 22, 13, 25, 21, 18

## **Ejercicio 18**

Se construyó una Máx-Heap con las siguientes claves: 13, 21, 87, 30, 25, 22, 18. ¿Cuál de las siguientes opciones corresponde al resultado de realizar la construcción aplicando el algoritmo **Build-Heap**?

- (a) 87, 30, 25, 22, 21, 18, 13
- (b) 87, 30, 22, 21, 25, 13, 18
- (c) 87, 30, 25, 13, 22, 18, 21
- (d) 87, 30, 22, 13, 25, 21, 18

## **Ejercicio 19**

El algoritmo HeapSort consta de dos etapas:

- 1) se construye una heap y
- 2) se realizan los intercambios necesarios para dejar ordenados los datos.

Asuma que la heap ya está construida y es la siguiente:

58 38 53 23 28 40 35 18

¿Cómo quedan los datos en el arreglo después de ejecutar sólo 2 pasos de la segunda etapa del Heapsort?

- (a) 40 38 23 28 35 18 53 58
- (b) 53 38 40 23 28 18 35 58
- (c) 40 38 23 35 28 18 53 58

## **Ejercicio 20**

Dada la Min-Heap 3, 8, 5, 15, 10, 7, 19, 28, 16, 25, 12. ¿En qué **posición** está ubicado el hijo derecho de la clave 15?

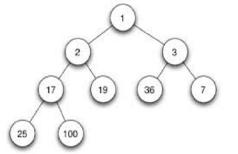
- (a) 7
- (b) 8
- (c) 9
- (d) 10

## **Ejercicio 21**

Construya una min-heap con las siguientes claves: 15, 25, 23, 13, 18, 2, 19, 20, 17 insertándolas una a una. Indique en qué posiciones quedaron ubicadas las claves: 2, 18 y 25.

## Ejercicio 22

Luego de insertar la clave **15** en la siguiente min-heap, ¿cuántas de las claves que ya estaban en la heap han mantenido su lugar (es decir, ocupan en la min-heap resultante la misma posición que ocupaban antes de la inserción)?



- a) Ninguna
- b) Seis
- c) Ocho
- d) Nueve

## **Ejercicio 23**

Luego de una operación de borrado del mínimo en la siguiente min-heap, ¿cuántas claves han cambiado de lugar (es decir, ocupan en la min-heap resultante un lugar diferente al que ocupaban en la min-heap antes del borrado) ? (No contar la clave borrada, ya que no pertenece más a la heap)

