

Динамическое выравнивание многомерных временных рядов*

Гончаров А. В., Моргачев Г. И., Смирнов В., Липницкая Т.

morgachev.gi@phystech.edu, smirnov.vs@phystech.edu, tanya.lipnizky@yandex.ru

МФТИ

В данной работе исследуется кластеризация многомерных временных рядов с использованием алгоритма DTW. При использовании DTW в многомерном случае возникает проблема определения функций расстояния между элементами временных рядов. Основной целью статьи является нахождение зависимости качества кластеризации от выбора этой функции расстояния. В связи с повышением размерности возникает вопрос эффективности и применимости DTW на многомерных рядах. В качестве прикладной задачи исследуется кластеризация размеченных данных о деятельности человека полученных с акселерометра. Оценка качества кластеризации производится при сравнении с результатами кластеризации на основе авторегрессионной модели и анализу распределения классов данных в полученных кластерах.

Ключевые слова: *временные ряды, многомерные временные ряды, DTW, авторегрессионная модель.*

1 Введение

Для описания различных данных широко используются временные ряды. Чтобы найти их сходство вводится функция расстояния, однако стандартный поточечный подход не является информативным вследствие того, что ряды могут содержать общие паттерны, деформированные относительно временной оси: претерпевшие сдвиги либо сжатия [1]. Одним из способов решения этой проблемы является выравнивание временных рядов (DTW) [2] и его модификаций [3]. Этот подход в большом спектре задач позволяет достичь максимального качества среди его аналогов.

В работе рассматривается применения DTW для кластеризации в случае многомерных временных рядов. Использование DTW на подобных данных описано в [4], [5]. В работе [4] предлагается способ выравнивания многомерных рядов, основанный на нормализации исходных данных и нахождении векторной нормы. В [5] рассматривается алгоритм, позволяющий выполнить выравнивание временных рядов между координатами. Многомерное DTW предполагает различные варианты выравнивания, такие как выравнивание относительно общей временной шкалы и между соответствующими каналами.

В процессе работы алгоритма DTW происходит вычисление расстояний между точками сравниваемых рядов. Поскольку в многомерном случае координаты точек описываются векторами, на результат будет влиять выбор функций расстояния между ними. Исследование влияние выбора этих функций на качество кластеризации является главной особенностью этой работы. В работе используются функции расстояния порождённые L_1 и L_2 нормами.

Ещё одним стандартным подходом к нахождению сходства между рядами является сравнение представления рядов коэффициентами их регрессионных моделей. Полученная в ходе работы DTW кластеризация сравнивается кластеризацией на основе авторегрессионной модели.

* Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ, проект № 00-00-00000. Научный руководитель: Гончаров А. В. Задачу поставил: Гончаров А. В. Консультант: Гончаров А. В.

В статьях [1] рассматриваются различные виды алгоритмов кластеризации временных рядов, среди которых неплохие результаты показывают варианты иерархической кластеризации. Данный вид кластеризации был выбран в качестве базового.

Данные представляют собой измерения акселерометра некоторого носимого устройства, например мобильного телефона, находящегося в кармане человека, и используется для идентификации действия человека в конкретный момент времени. Данные разделены на 6 классов: ходьба, бег, подъём по лестнице, спуск по лестнице, сидение, лежание.

2 Постановка задачи

Пусть $s_i \in \mathbb{R}^n$ - временные ряды, являющиеся объектами некоторой выборки, ρ - некоторые выбранные метрики, Q - критерий качества (данные с соизмеримым количеством точек), являющийся ответом.

Требуется построить такую функцию выравнивания, что:

$$f = \operatorname{argmin}(Q(s_i, \rho))$$

3 Описание основных методов

Для построения функции выравнивания и проверки её качества используются модель DTW (и её оптимизации), кластеризация и авторегрессионная модель.

3.1 Описание функции расстояния между объектами

В данной работе в качестве метрического расстояния между объектами предлагается использовать строитость *пути наименьшей стоимости* между объектами.

Dynamic time warping - измерение расстояния между двумя временными рядами.

Задано два временных ряда, Q длины n и C длины m .

$$Q = q_1, q_2, \dots, q_i, \dots, q_n$$

$$C = c_1, c_2, \dots, c_j, \dots, c_m$$

Требуется построить матрицу размера $n \times m$ с элементами $D_{ij} = d(q_i, c_j)$, где d - выбранная метрика.

Чтобы найти наибольшее соответствие между рядами нужно найти выравнивающий путь W , который минимизирует расстояние между ними. W - набор смежных элементов матрицы D , $w_k = (i, j)_k$.

$$W = w_1, w_2, \dots, w_k, \dots, w_K$$

$\max(n, m) \leq K \leq m + n + 1$, где K -длина выравнивающего пути

Выравнивающий путь должен удовлетворять следующим условиям:

$$w_1 = (1, 1), w_K = (n, m)$$

$$w_k = (a, b), w_{k-1} = (a', b') : a - a' \leq 1, b - b' \leq 1$$

$$w_k = (a, b), w_{k-1} = (a', b') : a - a' \geq 0, b - b' \geq 0$$

Оптимальный выравнивающий путь должен минимизировать выравнивающую стоимость пути:

$$DTW(Q, C) = \sum_{k=1}^K w_k$$

Путь находится рекуррентно:

$\gamma(i, j) = d(q_i, c_j) + \min(\gamma(i-1, j-1), \gamma(i-1, j), \gamma(i, j-1))$, где $\gamma(i, j)$ суммарное расстояние, $d(q_i, c_j)$ расстояние в текущей клетке.

3.2 Описание алгоритма классификации

todo

3.3 Описание модели авторегрессии

todo

4 Название секции

4.1 Название параграфа.

4.2 Теоретическую часть работы

5 Заключение

Литература

- [1] Hui Ding, Goce Trajcevski, Peter Scheuermann, Xiaoyue Wang, and Eamonn Keogh. *Querying and mining of time series data: Experimental comparison of representations and distance measures*, volume 1, pages 1542–1552. 2 edition, 8 2008.
- [2] Eamonn J. Keogh and Michael J. Pazzani. Derivative dynamic time warping. In *In SIAM International Conference on Data Mining*, 2001.
- [3] Stan Salvador and Philip Chan. Toward accurate dynamic time warping in linear time and space. *Intell. Data Anal*, 11(5):561–580, 2007.
- [4] G.A. ten Holt, M.J.T. Reinders, and E.A. Hendriks. Multi-dimensional dynamic time warping for gesture recognition. In *Thirteenth annual conference of the Advanced School for Computing and Imaging*, 2007.
- [5] Parinya Sanguansat. Multiple multidimensional sequence alignment using generalized dynamic time warping. 2012.