# Динамическое выравнивание многомерных временных рядов\*

 $\Gamma$ ончаров A.B., Mоргачев  $\Gamma.M.$ , Cмирнов B.,  $\Pi$ ипницкая T. morgachev.gi@phystech.edu, smirnov.vs@phystech.edu, tanya.lipnizky@yandex.ru  $M\Phi$ T $\Pi$ 

В работе рассматривается задача получения расстояния между многомерными временными рядами. На текущий момент для этого используется алгоритм DTW и его эффективные модификации. В классическом понимании DTW реализует способ получения расстояния между двумя одномерными рядами. Исследуется возможность его обобщения на многомерный случай. Рассматриваиются существующий подходы к решению данной задачи и исследуется зависимость качества выравнивания от использования различных функций расстояния. В качества прикладной задачи рассматривается кластеризация данных мозговой активности обезъян. Качество кластеризации на основе полученной функции расстояния сравнивается с алгоритмом на основе авторегрессионной модели.

**Ключевые слова**: Временные ряды, многомерные временные ряды, DTW.

## 1 Введение

В ряде задач анализа данных исследователям приходится иметь дело с измерениями, зависящими от времени. Последовательности такие измерений часто называют временными рядами. Для применения многих стандартных методов к подобным данным на них необходимо задать функцию расстояния. Стандартный подход, базирующийся на сумме поточечным расстояний, плохо отражают схожесть временных рядов [1]. Одним из способов решения этой проблемы является выравнивание рядов друг относительно друга. [2] и его модификаций [3]. В работе рассматривается обобщение DTW на случай многомерных рядов.

В работах [4], [5] предлагаются подходы к решеню этой задачи. В работе [4] предлагается способ выравнивания многомерных рядов, основанный на нормализации исходных данных и нахождениии векторной нормы. В работе [5] рассматривается алгоритм, позволяющий выполнить выравнивание временных рядов между координатами.

Предлагается рассмотреть влияниее различных функций расстояния на точность выравнивания: расстояние Минковского при p = 1, 2, косинусная мера.

Зачастую, перед работой с временными рядами полезно провести их предварительную кластеризацию. Качество полученной функции расстояния будет оцениваться как качество кластеризации временных рядов метрическими методами.

В качестве данных для задачи выступают данные мозговой активности обезъян и ее зависимости от положения глаз. Данные представляют собой электрокортикограмму - зависимости потенциалов в 128 точках мозга и положения глаз от времени. Рассматривается кластеризация данных мозговой активности, что соответствует кластеризация 128-мерных временных рядов.

Исследуется возможность обобщения DTW для выравнивания многомерных временных рядов относительно общей временной шкалы. Также рассматривается возможность выравнивания значний координат друг относительно друга.

<sup>\*</sup> Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ, проект № 00-00-00000. Научный руководитель: Гончаров А.В. Задачу поставил: Гончаров А.В. Консультант: Гончаров А.В.

Расстояния между выравненными рядами получаются как сумма поточечных расстояний и используются для кластеризации методом k-средних. Для оценки качества полученных расстояний предлагается сравнивать качества кластеризация с кластеризация на основании коэффициентов авторегрессионой модели для различных функций расстояния между выравненными рядами.

## 2 Название раздела

- 2.1 Название параграфа.
- 2.2 Теоретическую часть работы

### 3 Заключение

## Литература

- [1] Hui Ding, Goce Trajcevski, Peter Scheuermann, Xiaoyue Wang, and Eamonn Keogh. Querying and mining of time series data: Experimental comparison of representations and distance measures, volume 1, pages 1542–1552. 2 edition, 8 2008.
- [2] Eamonn J. Keogh and Michael J. Pazzani. Derivative dynamic time warping. In *In SIAM International Conference on Data Mining*, 2001.
- [3] Stan Salvador and Philip Chan. Toward accurate dynamic time warping in linear time and space. *Intell. Data Anal*, 11(5):561–580, 2007.
- [4] G.A. ten Holt, M.J.T. Reinders, and E.A. Hendriks. Multi-dimensional dynamic time warping for gesture recognition. In *Thirteenth annual conference of the Advanced School for Computing and Imaging*, 2007.
- [5] Parinya Sanguansat. Multiple multidimensional sequence alignment using generalized dynamic time warping. 2012.