Построение оптимальной модели декодирования сигналов при моделировании нейрокомпьютерного интерфейса.

Кудрявцева Полина Юрьевна

Московский физико-технический институт

Курс: Численные методы обучения по прецедентам (практика, В.В. Стрижов), весна 2019 Консультант: Роман Исаченко



Построение системы нейрокомпьютерного интерфейса

Цель исследования

- Построение прогностической модели в системе нейрокомпьютерного интерфейса.
- Повышение качества существующих прогностических моделей

Проблема

- Исходные сигналы и признаковое пространство сильно коррелированы
- Предсказательная модель неустойчива

Решение

Используются алгоритмы отбора признаков и снижения размерности исходных данных, использующие метод проекции в пространство меньшей размерности.

Литература

Смежные работы в изучаемой области

- Multi-way feature selection for ECoG-based Brain-Computer Interface. Anastasia Motrenko and Vadim V. Strijov. 2018
- Penalized Multi-Way Partial Least Squares for Smooth Trajectory Decoding from Electrocorticographic (ECoG) Recording. Andrey Eliseyev and Tetiana Aksenova. 2016

Используемые алгоритмы

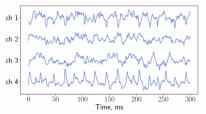
- Quadratic Programming Feature Selection. Rodriguez-Luján, Huerta, Elkan and Santa Cruz. 2010.
- Partial Least Squares (PLS) methods for neuroimaging: A tutorial and review. Krishnan, Williams, McIntosh and Abdi. 2011

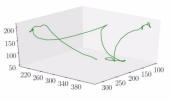
Исходные данные

Записаны в матрицах:

$$\mathbf{X}' = \{x_{tj}\}_{i=1,...,T,j=1,...,NF}; \qquad \mathbf{Y}' = \{y_{tj}\}_{i=1,...,T,j=1,2,3};$$

где \mathbf{X}' — считанные с кортекса головного мозга сигналы, T — число моментов времени, N — число каналов, F — набор частот. \mathbf{Y}' — матрица координат кисти в пространстве.





Данные матрицы \mathbf{X}'

Матрица **Y**′

Постановка задачи

Построение признакового пространства

К матрицам X' и Y' применяются алгоритмы проецирования в скрытое пространтсво и отбора признаков. Матрицы X,Y - новые матрицы после применения алгоритмов. Применяемые алгоритмы: алгоритм частичных наименьших квадратов (PLS), алгоритм отбора признаков с использованием задачи квадратичного программирования (QPFS).

Задача прогнозирования

Оптимальные параметры определяются минимизацией квадратичной функции ошибки:

$$L(\boldsymbol{\Theta}, \mathbf{X}, \mathbf{Y}) = \|f(\boldsymbol{X}, \boldsymbol{\Theta}) - \mathbf{Y}\|_2^2 \to \min_{\boldsymbol{\Theta}}.$$

В частности, будет решаться задача при $f(\boldsymbol{X}, \boldsymbol{\Theta}) = \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{X}$

Алгоритм PLS

Проецирует исходные матрицы \mathbf{X}' и \mathbf{Y}' в пространство меньшей размерности,

$$\mathbf{X} = \mathbf{TP}^T + \mathbf{F}, \mathbf{Y} = \mathbf{UQ}^T + \mathbf{E}.$$

При проецировании максимизируется взаимосвязь между матрицами T, U. Алгоритм проводит n шагов, на k-ом шаге вычисляются очередные столбцы $\mathbf{t}_k, \mathbf{u}_k, \mathbf{p}_k, \mathbf{q}_k$ матриц T, U, P, Q. После нахождения проекций, алгоритм максимизирует линейную зависимость между столбцами матриц T, U.

Алгоритм QPFS

Ставит задачу отбора признаков в виде задачи квадратичного программирования

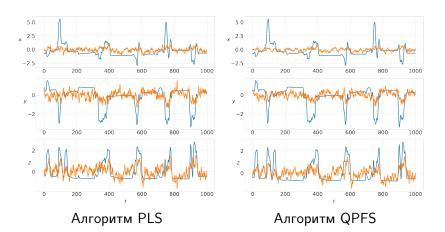
$$\min_{x} \frac{1}{2} x^{T} \mathbf{Q} x - \mathbf{F}^{T} x,$$

симметричная положительно определенная матрица ${f Q}$ является мерой подобия признаков. Элементы $q_{i,j}$ матрицы ${f Q}$ определяются, как взаимная информация i и j признака. Вектор ${f F}$ измеряет релевантность каждого признака по отношению к целевой переменной. Задача решается в условиях

$$x_i \ge 0, i = 1, ..., I;$$
 $\sum_{i=1}^{l} x_i = 1.$

Компоненты x_i решения задачи представляют собой веса i-го признака. Далее отбираются признаки с наибольшими весами в векторе x.

Вычислительный эксперимент



Заключение

Результаты

- Предложены алгоритмы построения признакового пространства
- Проведен вычислительный эксперимент
- Проведен анализ ошибки алгоритмов на данных