# Создание ранжирующих моделей для систем информационного поиска.\*

Лепехин М. Н., Кулунчаков А. С., Стрижов В. В. lepehin.mn@phystech.edu

В данной работе исследуются различные методы построения нелинейных моделей для задач ранжирования. В качестве возможных моделей рассматривается множество суперпозиций простых функций, предлагаемых экспертами. Структура суперпозиции функций определяется с помощью обхода в глубину её синтаксического дерева. Предлагается метод прогнозирования такой структуры. Подход к порождению структуры оптимальной модели проверяется как на синтетических данных, так и на основе данных из текстовой коллекции TREC. На этих данных качество построенных суперпозиций алгебраических функций сравнивается с результатами уже известных моделей.

**Ключевые слова**: ранжирующие системы, информационный поиск, временные ряды, структурное обучение, суперпозиция моделей.

### 1 Введение

В данной работе решается задача ранжирования текстов по поисковым запросам. Эта задача актуальна для современных поисковых систем. Для того, чтобы пользователь получал на свои запросы ссылки на релевантные им документы, производится ранжирующая процедура. Она для каждой пары документ-запрос выдаёт релевантность документа данному запросу.

Несмотря на то, что уже существует большая коллекция алгоритмов для решения этой задачи, часто качество их работы оказывается недостаточно высоким. Например, в работах [1, 2] приведены примеры решений задачи ранжирования, столкнувшиеся с проблемой переобучения.

Существуют алгоритмы построения моделей высокого качества, позволяющие относительно эффективно бороться с переобучением [3]. Они строят ранжирующую модель как суперпозицию элементарных функций. Под элементарными функциями в данном случае подразумеваются показательная, логарифмическая и степенная функции. Лучшие по качеству композиции алгебраических функций из [3] превосходят на коллекциях TREC модели из [1, 2]. Но проблема такого метода построения моделей в том, что он использует полный перебор. Из-за этого такие алгоритмы имеют высокую вычислительную сложность и, следовательно, продолжительное время работы даже при построении относительно простых формул.

Кроме того, существуют решения задачи ранжирования с использованием генетического алгоритма. Генетические алгоритмы применяются для решения широкого класса задач. Например, в [6] они применяются для поиска и классификации изображений. Его основное преимущество - гибкость порождаемых им суперпозиций. В работах [4, 5] это позволило существенно расширить класс рассматриваемых ранжирующих функций по сравнению с работой [3]. Однако после 30-40 итераций генетического алгоритма сложность порождаемых суперпозиций примитивов резко возрастает, не давая при этом существенного повышения качества. Причина такой работы заключается в том, что предложенные методы не решали проблему эволюционной стагнации при прекращении изменения популяции.

<sup>\*</sup>Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ, проект №00-00-00000. Научный руководитель: Стрижов В. В. Задачу поставил: Эксперт Кулунчаков А. С. Консультант: Консультант Кулунчаков А. С.

Как правило, проблема эволюционной стагнации возникает, когда значительная часть построенных функций похожи по структуре и дают результаты высокого качества. В таком случае модели, получаемые при операции кроссовера, мало отличаются по структуре от уже сохранённых. Однако из-за высокого качества сохранённых ранжирующих суперпозиций вероятность того, что операция мутации позволит позволит получить из более качественную модель, мала. Из-за этого порождённая ранжирующая функция скорее всего будет удалена из множества.

В работе [7] предлагается учесть проблемы, возникающие при решении задачи ранжирования текстов при помощи описанных выше алгоритмов. Для этого предлагается изменить реализацию генетического алгоритма так, чтобы он был устойчив к эволюционной стагнации. На каждом шаге алгоритма при помощи структурных метрик индицируется эволюционная стагнация. Если эволюционная стагнация произошла, производится преобразование популяции ранжирующих моделей путём замены наименее качественных из них на случайные. Такой подход позволяет внести разнообразие в популяцию и сделать метод порождения моделей более устойчивым к стагнации. Помимо этого, для ограничения структурной сложности предлагается использовать регуляризаторы, штрафующие за сложность порождаемых функций. Такое видоизменение алгоритма позволяет ограничивать структурную сложность генерируемых суперпозиций и, как следствие, бороться с переобучением.

При исследовании текстов в задачах ранжирования будут использованы основные характеристики слов текста - tf (частоты слов в документе) и idf (числа документов, в которых слово встречается).

В данной работе предлагается развить идею предсказания промежуточной метамодели. Для этого рассматривается кластеризация документов по значениям tf-idf, посчитанным по корпусу текста. При этом предполагается, что текст разбивается на кластеры таким образом, что внутри каждого кластера документы будут близки друг к другу при ранжировании. Мета-модель предлагается строить как линейную комбинацию моделей, построенных для каждого кластера.

## 2 Постановка задачи

Имеется коллекция текстовых документов C, состоящая из документов  $\{d_i\}_{i=1}^{|C|}$  и множество поисковых запросов  $Q=\{q_j\}_{j=1}^{|Q|}$ . Для каждого из запросов  $q\in Q$  есть непустое множество документов  $C_q\subseteq C$ , оценённых экспертами. Все оценки r - бинарные:

 $r(d,q) \to \{0,1\}$ , где оценка 1 ставится в случае релевантности документа d запросу q. Для каждого слова при зафиксированной коллекции документов C введём обозначение  $\mathrm{count}(w,C)$  - количество документов  $d \in C$ , в которые входит слово w.

Кроме того, для каждой пары cлово-dокуменm определим freq(w, d) - количество вхождений слова w в документ d.

Введём характеристику коллекции size $_{avg}$  - среднее количество слов в документах коллекции. Для каждого документа  $d \in C$  определим size(d) - количество слов в документе d.

Будем рассматривать две характеристики пары документ-слово:  $(d, w, C) \to (\mathrm{tf}, \mathrm{idf}),$ где

$$idf(w, C) := \frac{count(w, C)}{|C|}$$

$$tf(w, d, C) := freq(w, d) * log \left(1 + \frac{size_{avg}}{size(d)}\right)$$

В дальнейшем для удобства будем опускать параметр C, считая его заданным изначально.

Для аппроксимации функции r будем генерировать суперпозицию грамматических элементов. Значение функции f на паре (d,q) определяется как сумма её значений на парах (d,w), где  $w \in q$  - слово из запроса.

$$f(d,q) := \sum_{w \in q} f(\mathsf{tf}(w,d), \mathsf{idf}(w))$$

Генерируемая суперпозиция оценивает релевантность документа для каждого запроса. Для оценивания качества модели на выборке, содержащей множество запросов Q, нужно усреднить оценки по все запросам. Для этого будем использовать метрику качества МАР (mean average precision).

$$MAP(f, C, Q) = \frac{1}{|Q|} \sum_{q \in Q} AvgP(f, q),$$

где

$$\operatorname{AvgP}(f,q) = \frac{\sum\limits_{k=1}^{|C_q|}\operatorname{Prec}(k)\times r(q,k)}{\sum\limits_{k=1}^{|C_q|}r(q,k)}, \operatorname{Prec}(k) = \frac{\sum\limits_{s=1}^k r(q,s)}{k}$$

В качестве математических примитивов h(x,y) будем использовать функции  $\sqrt{x}, x + y, x - y, x * y, x/y, log x, e^x$ .

Пространство всех суперпозиций указанных выше примитивов обозначим  $\mathcal{F}$ .

Основная цель данной статьи - нахождение функции f, которая максимизирует следующую метрику качества:

$$f^* = \underset{f \in \mathcal{F}}{\operatorname{arg\,max}} S(f, C, Q), \quad S(f, C, Q) = \operatorname{MAP}(f, C, Q) - R(f),$$

где R - регуляризатор, штрафующий за структурную сложность порождаемой суперпозиции.

## 3 Постановка задачи на кластерах документов

Обозначим L множество всех рассматриваемых слов в документах, |L|=n.

Определим tf - idf для всей коллекции документов. Рассмотрим отображение  $V:C\to\mathbb{R}^n$ , в котором каждому документу сопоставляется вектор tf - idf представления всех слов в нем. Для кластеризации документов будем использовать их представление в пространстве  $\mathbb{R}^n$ . Расстояние между документами считаем при помощи стандартной эвклидовой метрики.

Получаем множество кластеров D, |D| = m. Разбиение на кластеры выполним с использованием метода k ближайших соседей. Для каждого кластера при помощи генетического алгоритма построим семейство ранжирующих функций  $F_{d_i}^* = \{f_i^1, \ldots, f_i^n\}$ . В каждом семействе i выделим наилучшую по описанной выше метрике ранжирующую функцию  $f_i^* \in F_{d_i}$ .

#### Алгоритм 1 Создание ранжирующией функции для коллекции документов

**Вход.**  $N_{epoch}$  - количество итераций генетического алгоритма, **С**.

 ${f B}$ ыход.  $f^*$  - наилучшая модель в итоговой популяции.

Действия.

Сгенерировать начальную случайную популяцию  $\mathcal{T}_0$ 

epoch := 0

пока  $epoch < N_{epoch}$ 

повторять

Выполнить кроссовер для случайной пары суперпозиций из  $\mathcal{T}_{epoch}$ 

Мутировать случайную суперпозицию из  $\mathcal{T}_{epoch}$ 

Отранжировать популяцию  $\mathcal{T}_{epoch}$  согласно метрике MAP, учитывая регуляризацию по числу вершин.

Выбрать наилучшие суперпозиции, составить из них популяцию  $\mathcal{T}_{epoch+1}$ 

epoch := epoch + 1

Определим метрику качества на кластерах:

$$f^* = \underset{W \in \mathbb{R}^m}{\arg\max} \left( \left( MAP\left( \sum_{i=1}^m W_i f_i^*, C, Q \right) \right) - \sum_{i=1}^m R(f_i^*) \right)$$

Значения весов будем подбирать при помощи линейной регрессии.

### 4 Описание базового эксперимента

Случайная суперпозиция создаётся как случайное дерево малой глубины. В каждом узле этого дерева случайно выбирается одна из базовых операций (см. их список в разделе "Постановка задачи"). После выполнения данной процедуры получаются деревья из 15-30 узлов. При выполнении операции скрещивания на двух объектах популяции используется обмен случайных двух узлов в деревьях суперпозиций. В качестве операции мутации используется замена случайного поддерева суперпозиции на вновь сгенерированое дерево небольшой глубины. Кроме того, используется метод преодоления стагнации из [7]. Как только происходит стагнация.

## 5 Основные определения

**Определение 1.** Скрещивание функций  $f_i$  и  $f_j$ , представленных раскрашенными деревьями  $T_i, T_j$  - процесс получения новых моделей  $\widetilde{f_i}, \widetilde{f_j}$  посредством обмена деревьев  $T_i, T_j$  двумя случайными и равновероятными поддеревьями.

Пример.

$$f(x,y) = \sqrt{x} + \sin(xy), g(x,y) = e^y + x^2$$

$$\downarrow$$

$$\widetilde{f}(x,y) = \sqrt{x} + x^2, \widetilde{g}(x,y) = e^y + \sin(xy)$$

**Определение 2.** Мутация функции  $f_i$ , представленной раскрашенным деревом  $T_i$  процесс получения новой модели  $\widetilde{f_i}$  посредством замены случайного равновероятного поддерева  $T_i$  сгенерированным случайным деревом ограниченной структурной сложности.

Пример.

$$f(x,y) = (x+y)(7x^3 + x^2 - 29) \Rightarrow (x+y)e^x$$

**Определение 3.** Популяция  $\mathcal{T}$  - некоторое подмножество пространства допустимых суперпозиций  $\mathcal{F}$ .

Опишем формально шаги алгоритма.

Используемый метод - итерационный. На i-й итерации происходит порождение популяции  $\mathcal{T}_i \subset \mathcal{F}$  путём объединения следующих множеств:

- 1) популяция предыдущей итерации:  $\mathcal{T}_{i-1}$
- 2) набор моделей, получившихся при скрещивании моделей популяции  $\mathcal{T}_{i-1}$
- 3) набор моделей, получившихся после мутации моделей популяции  $\mathcal{T}_{i-1}$
- 4) множество случайных моделей  $\mathcal{R}_i$ , которое генерируется в случае, когда обнаруживается стагнации генетического алгоритма.

Для того, чтобы ограничить мощность популяции, порождённой на итерации i, в множестве  $\mathcal{T}_i$  остаются только  $|\mathcal{T}_{i-1}|$  наилучших моделей согласно критерию качества  $\mathcal{MAP}[7]$ . Таким образом, мощность популяции не меняется от итерации к итерации.

Эта мощность задаётся на 0-й итерации при генерации множества случайных функций  $\mathcal{T}_0 = \mathcal{R}_0$ .

#### 6 Используемые метрики

Для обнаружения стагнации метода, нам потребуется ввести метрику  $\mu: \mathcal{F}^2 \to \mathbb{R}$  для определения того, насколько модели близки друг к другу. Вводимые метрики должны удовлетворять стандартным метрическим аксиомам:

1) Неотрицательность:

$$\mu(f_1,f_2)\geqslant 0\; \forall f_1,f_2\in \mathcal{F}$$
  
При этом  $\mu(f_1,f_2)=0\Leftrightarrow f_1=f_2.$ 

2) Симметричность:

$$\mu(f_1, f_2) = \mu(f_2, f_1) \ \forall f_1, f_2 \in \mathcal{F}.$$

3) Неравенство треугольника:

$$\mu(f_1, f_2) \leq \mu(f_1, f_3) + \mu(f_3, f_2) \ \forall f_1, f_2, f_3.$$

## 7 Данные эксперимента

Для обучения и тестирования модели используется коллекция текстовых документов TREC [13]. В частности коллекции Trec-5 — Trec-8. Для каждой коллекции представлены набор запросов, ранжирование документов, проведенное экспертами экспертами, и сами документы, на которых решается задача информационного поиска. Основой каждой коллекции является набор документов, предоставляемых NIST, являющимся спонсором конференции TREC. В каждой коллекции представлено в среднем 500 000 документов, 100 запросов и порядка 2000 ответов для каждого запроса. Номер каждой коллекции непосредственно связан с номером конференции, на которой рассматривалась данная коллекция.

## Литература

[1] Salton, Gerard and McGill, Michael J. Introduction to Modern Information Retrieval // McGraw-Hill, Inc. New York, NY, USA, 1986

- [2] Ponte, Jay M. and Croft, W. Bruce A Language Modeling Approach to Information Retrieval // In Proceedings of the 21st Annual International ACM SIGIR Conference on Research and Development in Information Retrieval, pp. 275–281. ACM
- [3] P. Goswami, S. Moura, E. Gaussier, M.-R. Amini, F. Maes Exploring the space of ir functions // ECIR'14, 2014, pp. 372–384.
- [4] Fan, Weiguo and Gordon, Michael D. and Pathak, Praveen Personalization of Search Engine Services for Effective Retrieval and Knowledge Management // In Proceedings of the twenty first international conference on Information systems (ICIS '00). Association for Information Systems Atlanta, GA, USA, 20-34.
- [5] Fan, Weiguo and Gordon, Michael D. and Pathak, Praveen A Generic Ranking Function Discovery Framework by Genetic Programming for Information Retrieval // Inf. Process. Manage. 40, 4 (May 2004), 587-602.
- [6] C.-H. Lina, H.-Y. Chenb, Y.-S. Wua Study of image retrieval and classification based on adaptive features using genetic algorithm feature selection, Expert Systems with Applications 38241 (2014) 66116621.
- [7] A.S. Kulunchakov, V.V. Strijov Study of image retrieval and classification based on adaptive features using genetic algorithm feature selection, Expert Systems with Applications: An International Journal (2017).