# Мультимоделирование как универсальный способ описания выборки общего вида

#### Роман Алексеевич Логинов

Московский физико-технический институт

Курс: Численные методы обучения по прецедентам (практика, В.В. Стрижов), Группа 694, весна 2019 Консультант: А.А. Адуенко

## Цель исследования

## Задача

По заданной мультимодели, а также новому набору данных, понять, каким образом дообучать мультимодель.

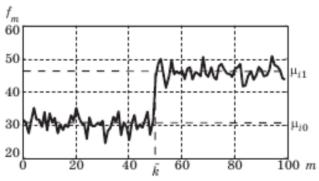
Детектировать изменение зависимости в данных во времени в задаче бинарной классификации.

#### Требования к моделям

- Статистически отличимы друг от друга
- Обучены на соответсвующих подвыборках
- Параметры изменяются при получении новых объектов

## Примеры временной зависимости

- Разная вероятность одобрения кредита с одинаковой зарплатой 10 лет назад и сейчас. Возможно использование мультимодели.
- Ежедневная прибыль магазина. Закономерность меняется при появлении конкурентов.



## Теоретическая база

#### Ближайшая работа

#### Адуенко А.А.

Выбор мультимоделей в задачах классификации, МФТИ, 2017

- Алгоритм построения мультимоделей в частных случаях
- Количественная оценка различимости моделей
- Отсутствие временной структуры

#### Теоретические сведения

Bishop Pattern recognition and machine learning Motrenko, Strijov Sample size determination for logistic regression Ge, Jiang On Consistency of Bayesian Inference with Mixtures of logistic regression

# Обозначения: одиночный классификатор

#### Дано:

$$\mathfrak{D} = \{(\mathbf{x}_i, y_i)\}, i \in \mathcal{I} = \{1, ..., m\}$$

- обучающая выборка  $\mathbf{x}_i \in \mathbb{X} \subset \mathbb{R}^n$  - признаковое описание объекта  $y_i \in \{+1,-1\}$  - корректная метка класса

## Вероятностный классификатор:

$$p(y, \mathbf{w} | \mathbf{x}, \mu) = \sigma(y \mathbf{w}^{\top} \mathbf{x}) p(\mathbf{w} | \mu),$$

где  ${\bf w}$  - параметр модели, получаемый при обучении,  $\mu$  - гиперпараметры

#### Временная структура:

$$t(X_i) < t(X_j) \ \forall i < j, \ i,j \in \mathcal{I}$$

## Многоуровневая модель

#### Дополнительные данные:

Разбиение выборки на множества

$$\mathcal{I} = \mathcal{I}_1 \sqcup ... \sqcup \mathcal{I}_K,$$

правила кластеризации объектов:

$$\mathbb{R}^n = \mathbb{X}_1 \sqcup ... \sqcup \mathbb{X}_K$$

гиперпараметры распределения весов  $\mathbf{A}_1,...,\mathbf{A}_k$ . Сводится к независимому обучению K логистических регрессий.

В итоге построен новый алгоритм именно для многоуровневой модели.

## Смесь моделей

Аналогично смеси распределений, для каждого объекта выбирается модель генерации вероятностно.

Распределение на индексах моделей  $\pi$  обучается вместе с весами.

Соответствующий структурный параметр  $\mu$  - параметр распределения Дирихле.

В основе обучения - вариационная нижняя оценка и ЕМ-алгоритм.

## Оценка качества модели

#### Требования

- В каждый момент времени обучена мультимодель зафиксированного вида.
- Предсказания на новом объекте получаются лишь при обучении на предыдущих.
- Модель перестраивается в зависимости от времени.

Пусть  $f_{mult}$  – полученный классификатор. Цель – отыскать

arg max 
$$AUCROC(\mathfrak{D}, f_{mult}(\mathbf{w}))$$
  
s.t.  $\mathbf{w} = \mathbf{w}(t)$ .

## Описание алгоритма

Выборка — последовательные во времени блоки размера C. C — гиперпараметр, который требуется подбирать отдельно.

Пусть f — имеющийся классификатор на момент времени T,  $G_i$  — новый блок данных заданного размера.

#### Алгоритм

- **1** Построить мультимодель  $f_0$ , обучив её на данных из  $G_i$ ;
- $oldsymbol{2}$  Вычислить s-score для оценки различимости f и  $f_0$ ;
- **③** Если различимость не отвергается, то дообучить f на данных из  $G_i$ ;
- **4** Если отвергается, заменить f на  $f_0$ .

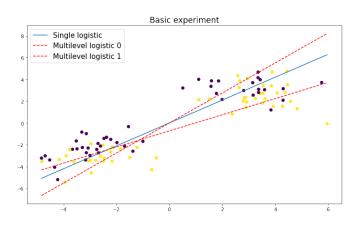
## План эксперимента

#### Для описанных моделей

- Проверить работу базового алгоритма в случае неоднородности данных
- Исследовать поведение критерия различимости моделей
- Понять, какой размер выборки необходим для разлечения моделей на двух разных кластерах
- Сгенерировать датасет с изменяющимися во времени параметрами
- Протестировать на этих данных описанный алгоритм

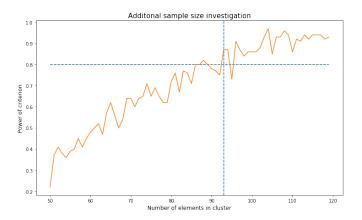
## Базовый алгоритм

## Простой случай мультимодели с очевидной неоднородностью



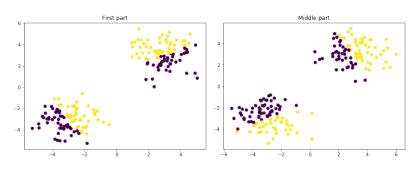
## Мощность критерия

Гипотеза  $H_0$ : модели, обученные на различных данных, неразличимы между собой (гипотеза близости). Основная идея — применение s-score как функции близости.

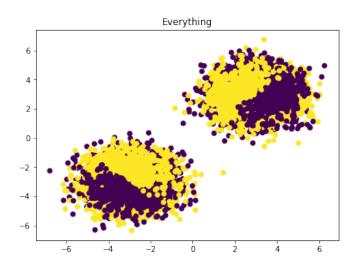


## Генерация датасета

2 кластера, в которых разделяющие прямые поворачиваются через равные промежутки времени

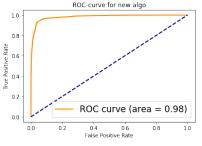


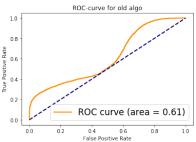
# Итоговый датасет



## Результат

С учетом того, что параметр C подобран оптимально, получаем значимые улучшения в AUC-ROC.





#### Заключение

#### Итоги:

- Подобран размер выборки для разделения моделей на кластерах с заданным различием весов
- Сгенерирован датасет с изменением во времени
- Реализован алгоритм, учитывающий подобную структуру
- Проведено сравнение с имеющимся ранее алгоритмом

#### Дальнейшее исследование:

- Сравнить работу алгоритмов на реальных данных из UCI
- Найти метод подбора размера блока
- Смоделировать временную структуру при помощи гауссовского процесса