Условия существования петель скрытой обратной связи в рекомендательных системах

 $A.~A.~\Piunbkeeuu^1,~A.~C.~Xpumankoo^2$ anton39reg@mail.ru; anton.khritankov@gmail.com

В работе исследуются петли скрытой обратной связи в рекомендательных системах. Под положительной обратной связью подразумевается неограниченный рост интереса пользователя к предлагаемым объектам. Решается задача поиска условий возникновения положительной обратной связи. Учитывается наличие шума в выборе пользователя. Рекомендательная система использует алгоритм Thomson Sampling Multi-armed Bandit. В задачах без шума известно, что существуют условия неограниченного роста. Но отсутствие шума не реализуется в реальных системах. Экспериментально проверяются полученные условия в имитационной модели.

Ключевые слова: machine learning; hidden feedback loops

DOI:

1 Введение

Рекомендательные системы являются важной составляющей социальных сетей, вебпоиска и других сфер [...]. Рассматриваются петли скрытой обратной связи, которые подразумевает рост качества предсказаний, как результат учёта принятых решений. Эффект
петель скрытой обратной связи в реальных и модельных задачах в публикациях [...] описыается как нежелательное явление. Частные и часто рассматриваемые случаи скрытой
обратной являются echo chamber и filter bubles [1]. До сих пор нет строгой формализации
условий возникновения этих эффектов при условиях приближенных к реальности [...].

Целью данной работы является нахождение условий существования петель обратной связи в рекоммендательной системе с алгоритмом Thomson Sampling в условиях зашумлённости выбора пользователя. Зашумлённость выбора рассматривается, как смещение первоночального интереса к исходному объект или категории. Предлагается способ отыскание условий модели исходя из теоретических свойств алгоритма ТЅ. Под условиями подразумеваются параметры шума и параметры рекомендательной системы. Для описания условий предлагается выражение для математического ожидания интереса. Также рассмаривается вариант нахождения этих условий чисто из экспериментов. Целью является матетическое описание искомых условий с дальнейшим экспериментальным подтверждением полученных условий. Для проверки результатов используется имитационная модель, использующая синтетические данные.

Существует ранее описанання модель [1] петель в случае отсутствия шума в действиях пользователя. Подобное исследование проводилось в статье [1] на примере различных моделей (Oracle, Optimal Oracle, UCB, TS) в задаче многорукого бандита. Удалось показать условия существования неограниченного роста интереса пользователя. В работе [2] изучалась схожая постановка задачи и были получены условия возникновения, но рассматривалась линейная модель и градиентный бустинг. Но отсутвие шума в ответах пользователей в работах [1,2] не реализуется на практике. Важным отличием данной работы является факт рассмотрения более сложных условий модели, таких как шум в выборе пользователя и другой алгоритм рекомендательной системы.

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40 41

42

43

46

48

50

53

55

58

В работе предлагается анализ роста интереса пользователя. Рассматривается математическое ожидание изменения интереса. Полученные условия проверяются в вычислительном эксперименте.

2 Петли скрытой обратной связи

Целью работы является теоретический анализ условий сходимости TS для различных параметров шума и экспериментальное подтверждение полученых соотношений. Также делается уточнений условий из [1].

2.1 Модель рекомендательной системы

Обозначим за t очередной момент выдачи рекомендаций. Рекомендательная система на шаге t выбирает элементы (a_t^1,\ldots,a_t^l) из конечного набора M. Истинный unmepec пользователя к элементу $a\in M$ описывается неизвестным отображением $\mu_t:M\to\mathbb{R}$. При этом считается, что чем больше значение $\mu_t(a)$, тем заинтересованнее пользователь в рекомендии a.

После очередного набора рекомендаций $a_t=(a_t^1,\ldots,a_t^l)$ пользователь возвращает $om\kappa nu\kappa\ c_t=(c_t^1,\ldots,c_t^l), c_t^i\in\{0,1\}.$ Предполагается, он выбирает элементы c_t^i случайно и независимо, пропорционально $\mu_t(a)$. Значит отклик имеет распределение Бернулли .

$$c_t^i \sim Bern(\sigma(\mu_t(a_t^i))),$$
 где $\sigma(x) = \frac{1}{1+x}$ — сигмоида .

Предполагаем, что интерес пользователя во времени описывается как

$$\begin{cases} \mu_{t+1} \geqslant \mu_t, \text{ если } c_t = 1, \\ \mu_{t+1} < \mu_t, \text{ иначе.} \end{cases}$$

47 Тогда петля обратной связи выражается как

$$\lim_{t\to\infty}\|\mu_t-\mu_0\|_2=\infty.$$

49 Обновление интереса происходит по правилу:

$$\mu_{t+1} - \mu_t = \delta_t c_t - \delta_t (1 - c_t)$$
, где $\delta_t \sim U[0, 0.01]$.

оптимизационной задачей рекомендательной системы является задача минимизации потерь. Максимальная сумма наград:

$$\max_{c_t^i} \sum_{t=1}^{T} \sum_{i=1}^{l} c_t^i = T \cdot l.$$

₅₄ Тогда задача ставится так :

$$T \cdot l - \sum_{t=1}^{T} \sum_{i=1}^{l} c_t^i \rightarrow \min_b,$$

 $_{56}$ где b- используемый алгоритм в рекомендательной системе.

2.2 Алгоритм рекомендательной системы

Задача многорукого бандита состоит из k бандитов и системы взаимодействующей с ними. Каждый бандит имеет собственное распределение неизвестное для системы. Система "дёргает"за ручки бандита и получает награду из соответствующего распределения

61 бандита. Задачей системы является максимизации суммы наград или же минимизации 62 потерь.

В данной задаче рекомендательная система использует алгоритм Thompson Sampling [3] для задачи бернуллиевского бандита. Бандитами являются отклики пользователя c_t^i на очередую рекомендацию. Средняя награда равна: $\sigma(\mu_t(a_t^i))$.

В начальный момент времени определены вероятности бернуллиевских случайных величин c_t^i для элементов M равные $\pi_0(\theta_1),\ldots,\pi_0(\theta_m)$. Задаётся априорное распределение для θ_i равное бэта-распределению Beta(1,1)=U[0,1]. Апостериорное распределение для элемента $a^i\in M$ описывается бэта-распределением: $Beta(\alpha_t^i,\beta_t^i)$. Параметры после очередной рекомендации обновляются по закону:

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + c_t, \beta_{t+1} = \beta_t + 1 - c_t.$$

2.3 Учёт шума в поведении пользователя

63

64

65

66

68

71

84

Шум откликов описывается следующим образом:

$$c_t^i \sim Bern\left(\sigma(s_t^i \cdot \mu_t(a_t^i) + q_t^i)\right),$$

$$P(s_t^i = 1) = p,$$

$$P(s_t^i = -1) = 1 - p,$$

$$q_t^i \sim U[-w, w].$$

Наличие q_t^i позволяет описать несмещённый аддитивный шум, то есть отклонение от истинного интереса пользователь. А s_t^i описывает кардинальное изменение интереса на противоположный.

3 Теоретическое обоснование

Утверждение 1. Пусть p=1. Тогда при $w\geqslant 0:\lim_{t\to\infty}\|\mu_t-\mu_0\|_2=\infty.$

Или же при фиксированном p=1 и любых параметрах шума w возникает петля скрытой обратной связи.

Доказательство. При достаточно большом t бандит имеет ограниченную дисперсию апостериорного распределния, поэтому точно извествно, что он будет рекомендовать. Для случая нормы интересов:

$$\|\mu_t - \mu_0\|_2^2 = \sum_{i=1}^M (\mu_t^i - \mu_0^i)^2,$$

80 с ростом t сновной вклад будут давать только l объектов.

Рассмотрим изменение интереса для произвольного фиксированного объекта $a \in M$. Обновление интереса происходит согласно: $\mu_t - \mu_{t-1} = \delta_t c_t - \delta(1-c_t)$. Случайные величины δ_t, c_t независимы, поэтому:

$$\mathsf{E}\delta_t c_t = \mathsf{E}\delta_t \mathsf{E}c_t$$

. Для удобства будем считать, что у нас $c_t \sim \mathrm{Bern}_{\pm}(\sigma(s_t \cdot \mu_t(a_t) + q_t))$ Тогда:

$$\mathsf{E}(c_t|s_t = x, q_t = y) = 2\sigma(x \cdot \mathsf{E}\mu_{t-1} + y) - 1,$$

$$\mathsf{E}(\mathsf{E}(c_t|s_t, q_t = y)) = p \cdot (2\sigma(\mathsf{E}\mu_{t-1} + y)) - 1) + (1 - p) \cdot (2\sigma(-\mathsf{E}\mu_{t-1} + y)) - 1).$$

В случае $\mathsf{E}(\mathsf{E}(\mathsf{E}(c_t|s_t,q_t)))>0$ петля будет возникать, так как рост интереса в среднем положителен.

Далее для простоты считается, что $\sigma(x) \approx \left(\frac{x}{4} + \frac{1}{2}\right) \cdot I[-2, 2] + I[2, \infty]$ и p = 1. Задача в этом случае записывается так:

$$\mathsf{E}(\mathsf{E}(c_t|s_t, q_t = y)) \approx 2\left(\frac{\mathsf{E}\mu_{t-1} + y}{4} + \frac{1}{2}\right) - 1.$$

87 Теперь петля возникает при условии: Е $\sigma(x) > rac{1}{2}$.

Тогда остаётся посчитать:

$$\begin{split} \mathsf{E}\sigma(\mu_t) &\approx \int_{-\infty}^{\infty} \left(\frac{\mathsf{E}\mu_t + y}{4} + \frac{1}{2}\right) I\{-2 < \mathsf{E}\mu_t + y < 2\} f(y) dy \\ &+ \int_{-\infty}^{\infty} I\{2 < \mathsf{E}\mu_t + y\} f(y) dy = \\ &\int_{-2}^{2} \left(\frac{z}{4} + \frac{1}{2}\right) f_s(z) dz + \int_{2}^{\infty} f_s(z) dz, \end{split}$$

- в где $f_s(z)$ плотность $U[\mathsf{E}\mu_t-w,\mathsf{E}\mu_t+w]$. Таким образом у нас возникает 6 случаев.
 - 1. $E\mu_t + w < -2$. Тогда, очевидно:

$$\mathsf{E}\sigma(\mu_t)=0.$$

2. $\mathsf{E}\mu_t - w < -2 < \mathsf{E}\mu_t + w < 2$. Тогда:

$$\mathsf{E}\sigma(\mu_t) = \frac{1}{16w} (y+2)^2 \Big|_{-2}^{\mathsf{E}\mu_t + w} = \frac{1}{16w} (\mathsf{E}\mu_t + w + 2)^2 > \frac{1}{2},$$
$$(\mathsf{E}\mu_t + w + 2)^2 > 8w,$$
$$\left\{ \mathsf{E}\mu_t > -w - 2 + \sqrt{8w}, \atop \mathsf{E}\mu_t < -w - 2 - \sqrt{8w}, \right\} \to \mathsf{poct}.$$

3. $E\mu_t - w < -2, E\mu_t + w > 2.$

$$\mathsf{E}\sigma(\mu_t) = \frac{1}{16w}(y+2)^2 \Big|_{-2}^2 + \frac{1}{2w}(\mathsf{E}\mu_t + w - 2) = \frac{1}{w} + \frac{\mathsf{E}\mu_t + w}{2w} - \frac{1}{w} = \frac{\mathsf{E}\mu_t + w}{2w} > \frac{1}{2} \Rightarrow \mathsf{E}\mu_t > 0, w > 2 \to \mathsf{poct}.$$

4. $E\mu_t - w > -2$, $E\mu_t + w < 2$. Тогда:

$$\mathsf{E}\sigma(\mu_t) = \frac{1}{16w} (y+2)^2 \bigg|_{\mathsf{E}\mu_t - w}^{\mathsf{E}\mu_t + w} > \frac{1}{2},$$

$$(\mathsf{E}\mu_t + w + 2)^2 - (\mathsf{E}\mu_t - w + 2)^2 > 8w,$$

$$(2\mathsf{E}\mu_t + 4) \cdot 2w > 8w,$$

$$\mathsf{E}\mu_t > 0 \to \mathsf{poct}.$$

5. $E\mu_t - w > -2$, $E\mu_t + w > 2$. Тогда:

$$\begin{split} \mathsf{E}\sigma(\mu_t) &= \frac{1}{16w}(y+2)^2 \bigg|_{\mathsf{E}\mu_t-w}^2 + \frac{1}{2w} \bigg|_2^{\mathsf{E}\mu_t+w} = \\ &\frac{1}{16w} \left(16 - (\mathsf{E}\mu_t - w + 2)^2 \right) + \frac{1}{2w} (\mathsf{E}\mu_t + w - 2) = \\ &\frac{1}{w} - \frac{(\mathsf{E}\mu_t - w + 2)^2}{16w} + \frac{\mathsf{E}\mu_t + w}{2w} - \frac{1}{w} = \\ -\frac{1}{16w} (\mathsf{E}^2\mu_t - 2(w-2)\mathsf{E}\mu_t + (w-2)^2) + \frac{\mathsf{E}\mu_t + w}{2w} > \frac{1}{2} \Rightarrow \\ \mathsf{E}^2\mu_t - 2(w-2)\mathsf{E}\mu_t + (w-2)^2 - 8(\mathsf{E}\mu + w) + 8w < 0, \\ \mathsf{E}^2\mu_t - 2(w+2)\mathsf{E}\mu_t + (w-2)^2 < 0, \\ (\mathsf{E}\mu_t - (w+2))^2 - (w+2)^2 + (w-2)^2 < 0, \\ (\mathsf{E}\mu_t - (w+2))^2 - 8w < 0, \\ \mathsf{E}\mu_t < w + 2 + \sqrt{8w}, \\ \mathsf{E}\mu_t > w + 2 - \sqrt{8w}, \\ \mathsf{E}\mu_t > w + 2 - \sqrt{8w}, \\ \end{split}$$

6. $E\mu_t - w > 2$. Тогда:

$$\mathsf{E}\sigma(\mu_t) = 1 > \frac{1}{2}.$$

4 Вычислительный эксперимент

Целью эксперимента является подтвержедние существования петель скрытой обратной связи для произвольных параметров шума w. Важной частью эксперимента является сравнения поведений рекомендательной системы с шумом в ответах пользователя и без.

4.1 Описание данных и работы модели

Перед началом эксперимента фиксируются следующие параметры: T — число итераций рекомендательной системы, |M| — число рассматриваемых объектов для рекомендации, l — число элементов в одной выдачи. Также фиксируются параметры шума p, w, u. Далее случайным образом сэмплируются начальные значения интереса $\{\mu_0^i\}_{i=1}^{|M|}$. Параметры априорного распеределения $\{\alpha_0^i,\beta_0^i\}_{i=1}^{|M|}$ также семплируются случайно.

Генерация элементов очередной рекомендации производится на основе текущего апостериорного распределения. Выбираются элементы с наибольшим значением. Получение отклика от пользователя заключается в генерации случайных величин на основе рекомендации. Обновление параметров апостериорного распределения происходит по правилу $\alpha_{t+1} = \alpha_t + c_t$, $\beta_{t+1} = \beta_t + 1 - c_t$. Интерес обновляется согласно $\mu_{t+1} - \mu_t = \delta_t c_t - \delta_t (1 - c_t)$.

Также рассматривается вариант эксперимента, когда используется случайная модель генерации рекомендации. В этом случае l элементов для очередной рекомендации выбираются случайным образом.

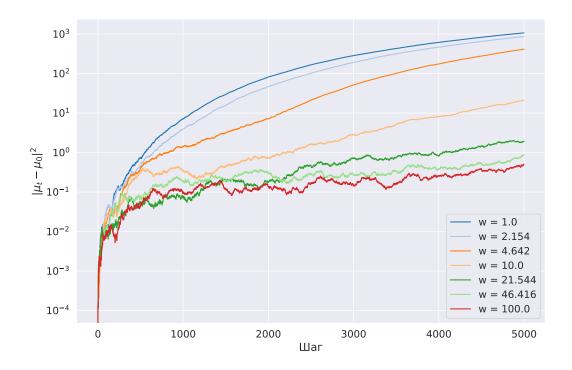
В каждый момент выдачи t фиксируются значения интереса μ_t^i , сумма откликов c_t^i и параметры апостериорного распределения. По полученным данным строятся графики для определения наличия петель скрытой обратной связи (см. рис. ...). Как определялось раньше, петля скрытой обратной связи выражается так: $\lim_{t\to\infty} \|\mu_t - \mu_0\|_2 = \infty$.

4.2 Псевдокод проведения эксперимента

```
Вход: M, l, T, w, p
112
       BanditLoopExperiment.prepare()
113
       для t от 1 до T
114
          r_t \leftarrow \text{TSBandit.predict}()
115
          c_t \leftarrow \text{make\_response\_noise}(r_t, w, p)
116
          TSBandit.update(c_t)
117
          Model.interest\_update(c_t)
118
          save_iter(t, c_t, \mu_t)
119
```

120 5 Результаты

121 Наблюдается эффект неограниченного роста интереса. Наличие петель скрытой об-122 ратной связи иллюстрируется следующим графиком:



124 Это согласуется с определением петель.

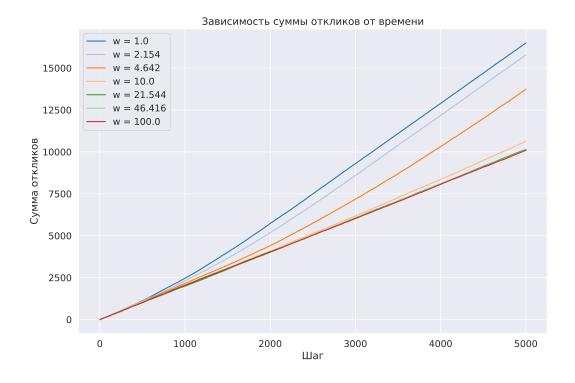
123

125

127

Из графика суммы наград видно, что с определённого момента кривые начинают идти параллельно максимально возможной сумме. Это свидетельствует о наличии петель обратной связи.

Машинное обучение и анализ данных, 2017. Том??. № ??.



Разброс значений нормы интересов.

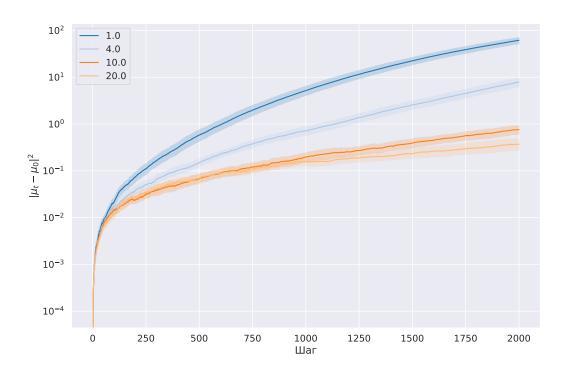
128

129

130

131

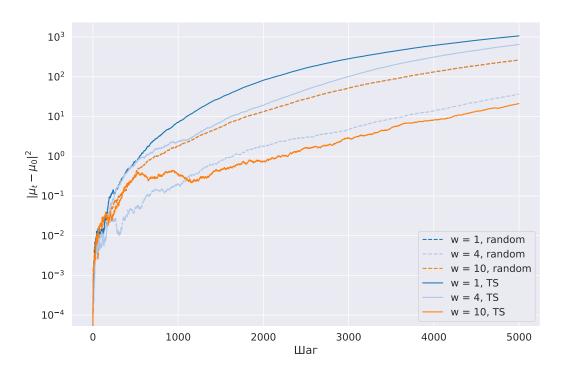
132



Для случайной модели тоже наблюдается образование петли. Она более хаотична, но тренд неограниченного роста интереса всё равно присутствует.

Машинное обучение и анализ ланных 2017 Том?? №??

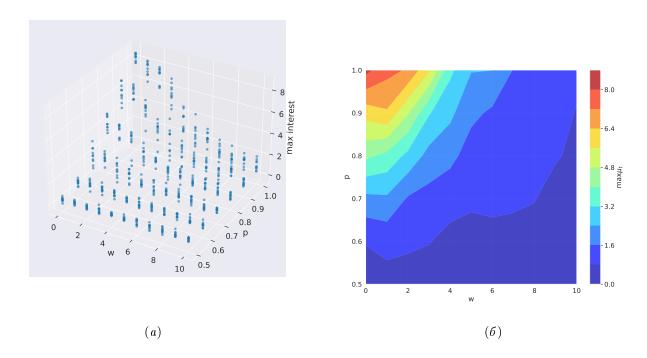
А. А. Пилькевич и др.



133

134

135



Весь экперимент и исходники расположены в гите:

https://github.com/Intelligent-Systems-Phystech/2021-Project-74.

6 Заключение

136

137

138

139

140

141

142

143

153

Поставлена задача существования петель скрытой обратной связи при наличии шума в ответах пользователя. Для текущей модели шума было получено, что при любых параметрах возникают петли. Это также подверждается в эксперименте.

В дальнейшем требуется проверить гипотезу о возникновении петель при любом несмещённом аддитивном шума. Также стоит расмотреть другие модели шума. Так как после определённого значения интереса из-за сигмоиды любое влияние шума сводилось на нет.

Литература

- 144 [1] Ray Jiang, Silvia Chiappa, Tor Lattimore, András György, Pushmeet Kohli Degenerate Feedback Loops in Recommender Systems// CoRR, 2019, Vol. abs/1902.10730, URL: https://arxiv.org/ abs/1902.10730.
- [2] Khritankov, Anton Hidden Feedback Loops in Machine Learning Systems: A simulation Model and Preliminary Results// Springer, 2021, P. 54–65.
- [3] Daniel Russo, Benjamin Van Roy, Abbas Kazerouni, Ian Osband A Tutorial on Thompson Sampling// CoRR, 2017, Vol. abs/1707.02038, URL: https://arxiv.org/abs/1707.02038.
- [4] Shipra Agrawal, Navin Goyal Analysis of Thompson Sampling for the multi-armed// CoRR, 2011,
 Vol. abs/1111.1797, URL: https://arxiv.org/abs/1111.1797.

Поступила в редакцию