Условия существования петель скрытой обратной связи в рекомендательных системах

Антон Александрович Пилькевич

Московский физико-технический институт

Курс: Автоматизация научных исследований (практика, В.В. Стрижов)/Группа 813

Эксперт: А. С. Хританков

Консультант: А. С. Хританков

2021

Существование петель при параметрах шума w, Q

Распределение отклика c_t^i для рекомендации $\mathbf{a_t}$:

$$\begin{split} c_t^i \sim \mathsf{Bern}\left(\sigma\left(\mu_t^i(a_t^i)\right)\right) \to \\ c_t^i \sim \mathsf{Bern}\left(\sigma\left(\mu_t^i(a_t^i) + \frac{w(q_t^i - 1/2)}{}\right)\right), \end{split}$$

где $q_t^i \sim \mathsf{Beta}(Q,Q)$.

Алгоритм Thompson Sampling:

Условие существования петель:

$$\lim_{t\to\infty}\|\mu_t-\mu_0\|_2=\infty.$$

$$\begin{aligned} \mathsf{Beta}(\alpha_t, \beta_t), \\ \alpha_{t+1} &= \alpha_t + c_t, \\ \beta_{t+1} &= \beta_t + 1 - c_t \end{aligned}$$