## Условия существования петель скрытой обратной связи в рекомендательных системах

## Антон Александрович Пилькевич

Московский физико-технический институт

Курс: Автоматизация научных исследований (практика, В.В. Стрижов)/Группа 813

Эксперт: А. С. Хританков

Консультант: А. С. Хританков

2021

## Существование петель при параметрах шума $oldsymbol{w}, oldsymbol{Q}$

Распределение отклика  $c_t^i$  для рекомендации  $a_t$ :

$$c_t^i \sim \mathsf{Bern}\left(\sigma\left(\mu_t^i(a_t^i) + w(q_t^i - 1/2)\right)\right), \ \mu_{t+1} - \mu_t = \delta_t c_t - \delta_t (1 - c_t),$$

где  $q_t^i \sim \text{Beta}(Q,Q), \delta_t \sim U[0,0.01]$ . Рекомендации семплируются алгоритмом Thompson Sampling.

Условие существования петель:

$$\lim_{t\to\infty}\|\mu_t-\mu_0\|_2=\infty.$$

