Экспериментальное сравнение задач и моделей планирования биохимического производства.

 $B.\ B.\ \Pi \omega p \ni y,\ C.\ A.\ Tpenun$ kondratiukvitalik@gmail.com; s.trenin@gmail.com

Целью данной научной работы является комплексное исследование задачи оперативного планирования производства для биохимической промышленности. Исследуются различные постановки задачи составления оптимальных расписаний, учитывающие различные ограничения, приходящие из практики: особенности хранения промежуточных веществ, требования к работе производственных узлов и особенности подготовки станков, такие как наладка и очистка между запусками. Основной класс рассматриваемых математических моделей - смешанное целочисленное линейное программирование, что означает, что рассматриваемые задачи являются NP-трудными. Сложность заключается в том, что схожие задачи могут решаться одинаковыми методами с разной степенью эффективности, что негативно сказывается на процессе внедрения моделей в практику. Для решения этого вопроса проводится экспериментальный запуск моделей, разработанных для одной предметной области, в задачах из другой, интерпретация полученных результатов и предложение эвристик для ускорения алгоритмов.

Ключевые слова: planning; sheduling; MILP

DOI:

1 Введение

15

16

17

18

19

20

21

22

23

На сегодняшний день наблюдается высокая конкуренция в разных областях биохимического производства, а так же усложнение производственных процессов, увеличение числа этапов, количества оборудования и объемов продукции. Это неизбежно влечёт появление естественных требований к алгоритмам планирования: они должны быть масштабируемыми, работать за разумное время, находить качественные приближения к оптимальному расписанию и быть гибкими к изменению начальных условий. Основной объект исследования — это различные варианты постановки задачи создания расписания как задачи оптимизации, методы её решения и эвристики, учитывающие индивидуальные особенности задач. На данный момент широкое распространение получили модели смешнанного 10 целочисленного линейного программирования(ЦЛП), так как соответствующие задачи хо-11 рошо изучены и существуют алгоритмы для их решения. Однако временные затраты и 12 степень оптимальности найденных решений сильно зависят от количества переменных и 13 ограничений в модели, что делает процесс моделирования значимым для создания плана. 14

Большинство статей в данной области посвящены конкретным постановкам задач, приходящим из практики и созданию конкретных моделей для их решения. При этом задачи сходны друг другу, хоть и принадлежат разным предметным областям: фармацевтической, пищевой, химической и др. Это, в свою очередь, позволяет применять идеи, высказанные для решения одной задачи к решению другой. Применение имеющихся моделей и эвристик к задачам, для которых они не были разработаны изначально позволит перенять имеющийся опыт, а так же провести тонкую настройку модели под конкретную постановку, что должно привести к улучшению качества.

Некоторые авторы предлагают пути упрощения модели с целью ускорить процесс получения результата без значительной потери его качества. Примером подобной эвристики 27

28

29

30

31

37

38

39

40

41

42

43

45

47

49

50

51

52

53

54

55

56

57

58

59

60

62

63

64

65

66

является двухступенчатая схема, представленная в [1]. В работе проводится анализ других способов упрощения модели и сравнительная оценка результатов. 26

Описание имеющихся данных

Так как авторы статьи поставили одной из своих целью собрать различные варианты постановок задач планирования из разных предметных областей, то в первую очередь необходимо эти задачи описать. Что есть задача автоматического планирования? Пусть описан некоторый процесс производства продукта в виде последовательности операций, которые необходимо произвести с имеющемися прекурсорами. 32

Определение 1. Прекурсор — вещество, имеющееся изначально на складе, из которо-33 го будут произведены все требуемые продукты. Также промежуточным прекурсором 34 будем называть вещество, получаемое после некоторых этапов производства, но не требу-35 емое для получения в финале. 36

В описание задачи входят описания всех прекурсоров, описание производственных узлов — сущностей, способных проводить реакции и описания рецептов приготовления промежуточных прекурсоров и финальных продуктов. Рецепт представляет собой описание одной операции: сколько нужно обрабатывать, на каком оборудовании и какие прекурсоры в какой пропорции, чтобы получить продукт.

Вещества разрешается хранить на складе, который описывается максимальной вместимостью. Некоторые вещества, возможно, хранить нельзя вовсе.

В данной работе рассматривается только пакетное производство. В этом случае на узел подаётся пакет некоторого размера и обрабатывается. Продуктом является пакет вещества-продукта. Для каждого узла известен максимальный и минимальный размер пакета, который можно подать. Этот подход является альтернативным к непрерывному производству, где узлы оперируют с непрерывными потоками данных, но это требует другого подхода к созданию моделей, и поэтому не рассматривается для перекрёстного запуска моделей.

В зависимости от задачи, время обработки пакета может как зависеть, так и не зависеть от его размера. В дальнейшем мы опишем, какие модели способны работать с неравными временами обработки пакета и насколько изменится время получения расписания.

Об оборудовании может быть известно время, необходимое для его настройку в начале производства, выключение в конце и очистку/перенастройку между запусками. О важности этих ограничений написано в [2], где помимо этого присутствуют данные о реальном процессе производства йогуртов. Будет изучено, как добавление этих ограничений влияет на скорость и сложность модели.

Зададимся вопросом о том, что есть хорошее расписание? Этот вопрос сводится к тому, какие величины входят в целевую функцию. В [3] описаны несколько видов целевой функции: общее время работы системы перед получением требуемых продуктов, разного рода стоимости (стоимости запуска узлов, хранения продуктов и др.), максимизация выгоды от продажи продуктов. Частью поставленного исследования является изучение влияния целевой функции на время получения расписания и его качество.

Процессы, в зависимости от их структуры делятся на две большие группы: последовательные и сетевые.

Определение 2. Последовательный процесс — процесс, который может быть раз-67 делён на несколько стадий, упорядоченных во времени, и пакеты передаются на произ-

- водство только от предыдущей стадии к следующей. В зависимости от числа стадий эти
 процессы делятся на одноступенчатые и многоступенчатые.
- Собственно, **сетевой** процесс это тот процесс, что не является последовательным. Как будет показано далее, сетевые процессы являются более общими, но и более сложными для моделирования.

Рис. 1 Пример STN некоторого процесса Product 1 40% 2 h Int AB Heating Reaction 2 10% 2 h Feed A Hot A 60% Impure E 90% Separation Int BC Product 2 2 h Feed B Reaction Reaction 3 Feed C 20% 50%

Процессы (в особенности сетевые) удобно представлять себе в виде графов состояний (STN), впервые предложенных в работе [6]. Пример такого графа можно видеть на рисунке 1

Network

Sequential

Single Stage

Multistage

Multiproduct

Multiproduct

Multiprose

Single Unit

Parallel Units

Multiproduct

Multiprose

Single Unit

Single Unit

Single Unit

Single Unit

Single Unit

Multiproduct

Multiproduct

Multiprose

Single Unit

Singl

Рис. 2 Классификация процессов

82

83

84

86

87

88

90

91

92

93

94

95

96

97

98

99

100 101

102

103

104

105

106 107

108

109

110 111

112

113

114

115

116

118

119

120

121

122

Классификация 2 взята из [3] где она является более подробной, но в этой статье 77 параллелизм и наличие многих продуктов/прекурсоров являются параметрами модели. 78 Основной вопрос состоит в том, как переход от последовательных процессов к сетевым 79 изменяет модель и какие методы, изобретённые для последовательных моделей примени-80 мы к сетевым и наоборот. 81

Описание моделей

Моделью в рамках данной работы будем называть задачу смешанного целочисленного линейного программирования в общей форме. На данном этапе необходимо закодировать решения, принимаемые системой составления расписаний в переменные, которые будут называться **решающими переменными**. Далее T будет обозначать множество промежутков времени и переменные, с ним связанные. Другими большими латинскими буквами (с индексами) будут обозначаться непрерывные решающие переменные, малыми бинарные решающие переменные и индексы (в некоторых моделях бинарные переменные и являются своеобразными «индексами» того, что какое-то утверждение верно или нет). Также большими буквами будут обозначаться параметры модели и их множества. Строчные греческие буквы по умолчанию означают разные затраты, сопровождающие процесс (в моделях, где они присутствуют).

Опишем все обозначения, которые будут встречаться в эксперименте.

1. Множества:

- U множество производственных узлов. Индексы у этого множества означают:
 - U_i узлы, способные производить задачу $j \in J$.
- Р множество продуктов (как прекурсоры, так и те, что получаются в процессе реакций). Индексы у этого множества означают:

 - P_j^{in} продукты, потребляемые задачей $j \in J$. P_j^{out} продукты, производимые задачей $j \in J$.
 - -P'- продукты, которые надо произвести к концу (заказ).
- *T* множество временных промежутков
- J множество задач (задача есть производство некоторого вещества по его рецепту). Индексы у этого множества означают:

 - J_p^{in} задачи, потребляющие продукт $p \in P$. J_p^{out} задачи, производящие продукт $p \in P$.
 - $-J^{u}$ задачи, которые могут быть произведены на узле $u \in U$.

2. Параметры:

- $-\ B_u^{min}, B_u^{max}$ минимальный и максимальный размеры пакета для запуска узла
- S_p^{max} максимальное количество продукта $p \in P$, которое может находиться на складе в любой момент времени.
- D_p внешние требования на производство продукта $p \in P$.
- $-I_{p}$ изначальное количество продукта $p \in P$ на складе.
- $-\mathcal{T}_{u,j}$ время работы задачи $j\in J$ на узле $u\in U$. По умолчанию считается, что время исполнения задачи не зависит от размера пакета. Будут рассмотренны случаи, в которых время может зависеть от размера пакета, в таком случае этот параметр значит «время работы за килограмм входных веществ».
 - $\mathcal{Q}_{p,j}^{in},\mathcal{Q}_{p,j}^{out}$ пропорции входного/выходного продукта $p\in P$ в пакете в рецепте задачи $j \in J$ в случае мультипотребления/мультипроизводства.
 - $-\theta_u$ стоимость запуска оборудования $u \in U$ за единицу времени.

- ψ_p стоимость хранения продукта $p \in P$ на складе.
 $\eta_{p,u}$ стоимость производства продукта $p \in P$ на узле $u \in U$ за килограмм.

В моделях будут рассматриваться две целевые функции:

1.

123 124

125

126

127

128

129

130

131

132

133

134

135

136

137

138

139

141

143

$$min MS$$

$$s.t.$$

$$MS \leqslant T_{u,i} \ \forall u \in U, i \in \mathbb{N}$$

$$(1)$$

Минимизация общего времени выполнения (makespan) при условиях, что оно больше, чем время окончания каждого запуска каждого узла. В зависимости от представления времени в модели величина справа будет по-разному выражаться из переменных.

2.

$$\min \sum_{p \in P, j \in J_p^{out}, u \in U_j, n \in \mathbb{N}} \eta_{p,u} \mathcal{Q}_{p,j}^{out} B_{j,n} + \sum_{j \in J, u \in U_j, n \in \mathbb{N}} \mathcal{T}_{u,j} * \theta_u * x_{u,j,n} + \sum_{p \in P, t \in T} S_{p,j,t}$$

$$s.t.$$

$$S_{p,j,t} = \sum_{j \in J_p^{out}, Tu, j < = t} B_{p,j,n} - \sum_{j \in J_p^{in}, Tu, j < = t} B_{p,j,n}$$

$$B_u^{min} \leq B_{p,j,n} \leq B_u^{max}$$

$$\forall p \in P, j \in J_p^{out}, u \in U_j, n \in \mathbb{N}$$

$$(2)$$

Минимизация стоимости производства, в которую входит стоимость работы узлов за время, стоимость производства продуктов за массу и стоимость хранения продуктов. Параметры $B_{j,n}$ — размер пакета, подаваемого на вход n-того запуска задачи $j, x_{u,j,n}$ — индикатор того, что n-тый запуск задачи j совершился на узле u будут считаться в каждой модели по-своему (данные уравнения отражают суть целевых функций и будут отличаться в зависимости от подхода).

3. Минимизация некоторого общего показателя (например, взвешенной суммы), зависящего от стоимости издержек и временных затрат.

Модели

Заключение 140

Желательно, чтобы этот раздел был, причём он не должен дословно повторять аннотацию. Обычно здесь отмечают, каких результатов удалось добиться, какие проблемы остались открытыми.

Литература 144

- [1] F. Blomer, H.-O. Gunther LP-based heuristics for scheduling chemical batch processes, 2010 145 International Journal of Production Research, 38:5, 1029-1051 doi: http://dx.doi.org/10.1080/ 002075400189004. 147
- [2] Georgios P. Georgiadis, Georgios M. Kopanos, Antonis Karkaris, Harris Ksafopoulos and Michael 148 C. Georgiadis Optimal Production Scheduling in the Dairy Industries, 2019 Industrial & 149 Engineering Chemistry Research 58 (16), 6537-6550 doi: http://dx.doi.org/10.1021/acs. 150 iecr.8b05710. 151
- Georgiadis, Georgios P. and Elekidis, Apostolos P. and Georgiadis, Michael C. Optimization-152 Based Scheduling for the Process Industries: From Theory to Real-Life Industrial Applications, 153 2019 Industrial & Engineering Chemistry Research 58 (16), 6537-6550 doi: http://dx.doi.org/ 154 10.3390/pr7070438. 155

165

- [4] Siqun Wang, Monique Guignard Hybridizing Discrete- and Continuous-Time Models For Batch
 Sizing and Scheduling Problems, 2006 Computers & Operations Research Volume 33, Issue 4
 doi: http://dx.doi.org/10.1016/j.cor.2004.11.013.
- [5] Christos T. Maravelias and Ignacio E. Grossmann Minimization of the Makespan with a Discrete Time State-Task Network Formulation, 2003 Industrial & Engineering Chemistry Research
 doi: http://dx.doi.org/10.1021/ie034053b.
- [6] E. Kondili, C.C. Pantelides, R. W.H. Sargent A general algorithm for short-term scheduling of batch operations—I. MILP formulation, 1993 Computers & Chemical Engineering doi: http://dx.doi.org/10.1021/ie034053b10.1016/0098-1354(93)80015-F.

Поступила в редакцию