Выбор оптимальной модели рекуррентной сети в задачах поиска парафраза

Смердов Антон Николаевич

Научный руководитель д.ф-м.н. В.В. Стрижов

Московский физико-технический институт Факультет управления и прикладной математики Кафедра «Интеллектуальные системы»

МФТИ, 28 июня 2018



Решаемая задача и предлагаемый подход

Цель работы

Оптимизация структур моделей глубокого обучения и выбор модели с наибольшим правдоподобием.

Проблема

Избыточное число параметров в моделях глубокого обучения влечёт переобучение и сложность оптимизации параметров.

Метод решения

Используется вариационный байесовский подход с предположением о нормальном распределении вектора параметров модели. Для оптимизации структуры предлагается удалять параметры с наибольшей плотностью распределения в нуле.

Литература

- Sanborn A., Skryzalin J. Deep Learning for Semantic Similarity // CS224d: Deep Learning for Natural Language Processing Stanford, CA, USA: Stanford University, 2015. Unpublished.
- Graves A. Practical variational inference for neural networks // Advances in Neural Information Processing Systems 24 (NIPS 2011). P. 2348–2356.
- О.Ю. Бахтеев, В.В. Стрижов. Выбор моделей глубокого обучения субоптимальной сложности // Автоматика и телемеханика, 2018.

Задача нахождения оптимальной модели

Дано $\mathfrak{D} = \{(\mathbf{a}_i, \mathbf{b}_i, y_i)\}, i = \overline{1, N}, \mathbf{a}_i, \mathbf{b}_i$ — последовательности векторов слов, $y_i \in \mathbb{Y}$ — экспертная оценка их близости.

Оптимальная модель ${f f}$ находится максимизацией логарифма правдоподобия модели:

$$L_f(y,\mathfrak{D},f) = \log \rho(y|\mathfrak{D},f) = \log \int_{\mathbf{w}} \rho(y|\mathfrak{D},\mathbf{w}) \rho(\mathbf{w}|f) d\mathbf{w}.$$

Априорное и апостериорное распределения параметров будем считать нормальными:

$$p(\mathbf{w}|\mathbf{f}) \sim \mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_1, \mathbf{A}_1^{\text{-}1}), \ p(\mathbf{w}|\mathbf{y}, \mathfrak{D}, \mathbf{f}) \sim \mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_2, \mathbf{A}_2^{\text{-}1}).$$

Решение предлагается искать в классе $\mathfrak F$ рекуррентных нейронных сетей с одним скрытым слоем.

Вектор значений скрытого слоя:

$$\mathbf{h}_i = \tanh(\mathbf{x}_i^T \mathbf{W} + \mathbf{h}_{i-1}^T \mathbf{U} + \mathbf{b}),$$

где $\mathbf{x}_i \in R^m$ — входной вектор, $\mathbf{h}_i \in R^n$, $\mathbf{W} \in R^{n \times m}$, $\mathbf{U} \in R^{n \times n}$, $\mathbf{b} \in R^n$.

Вариационная нижняя оценка $L_{\mathbf{f}}(\mathbf{y},\mathfrak{D},\mathbf{f})$

Из неравенства Йенсена:

$$\begin{split} L_{\mathbf{f}}(\mathbf{y},\mathfrak{D},\mathbf{f}) &= \int_{\mathbf{w}} \rho_{2}(\mathbf{w}) \log p(\mathbf{y}|\mathfrak{D},\mathbf{f}) d\mathbf{w} \geq \\ &\geq -\underbrace{D_{\mathsf{KL}}(\mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_{2},\mathbf{A}_{2}^{-1})||\mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_{1},\mathbf{A}_{1}^{-1}))}_{L_{\mathbf{w}}(\mathfrak{D},\mathbf{f})} + \underbrace{\int_{\mathbf{w}} \rho_{2}(\mathbf{w}) \log p(\mathbf{y}|\mathfrak{D},\mathbf{f},\mathbf{w}) d\mathbf{w}}_{-L_{E}(\mathbf{y},\mathfrak{D},\mathbf{f},\mathbf{w})}. \end{split}$$

Второе слагаемое является матожиданием правдоподобия выборки $L_{\mathfrak{D}}(\mathbf{y},\mathfrak{D},\mathbf{f},\mathbf{w}) = \sum_{(\mathbf{a},\mathbf{b},v)\in\mathfrak{D}}\log p(y|\mathbf{a},\mathbf{b},\mathbf{w},\mathbf{f})$:

$$\mathit{L}_{\mathit{E}}(\mathsf{y},\mathfrak{D},\mathsf{f},\mathsf{w}) = -\mathsf{E}_{\mathsf{w}\sim\mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_{2},\boldsymbol{\mathsf{A}}_{2}^{-1})} \mathit{L}_{\mathfrak{D}}(\mathsf{y},\mathfrak{D},\mathsf{f},\mathsf{w}).$$

Оптимизируемый функционал записывается в виде

$$L(y, \mathfrak{D}, f, w) = L_E(y, \mathfrak{D}, f, w) + L_w(\mathfrak{D}, f, w),$$

оптимальная модель находится из выражения

$$f = \mathsf{argmin}_{f \in \mathfrak{F}} \textit{L}(\textbf{y}, \mathfrak{D}, f, \textbf{w}).$$

Предлагаемое решение $L(\mathbf{y},\mathfrak{D},\mathbf{f},\mathbf{w}) \to \min$

lacktriangle Для оценки $L_E(\mathbf{y}, \mathfrak{D}, \mathbf{f}, \mathbf{w})$ воспользуемся интегрированием Монте-Карло:

$$L_E(\mathbf{y}, \mathfrak{D}, \mathbf{f}, \mathbf{w}) \approx \frac{1}{S} \sum_{k=1}^{S} L_{\mathfrak{D}}(\mathbf{y}, \mathfrak{D}, \mathbf{f}, \mathbf{w}_k)$$

 $oldsymbol{2}$ Сложность модели $L_{f w}(\mathfrak{D},{\sf f},{\sf w})$ может быть найдена аналитически:

$$\begin{split} L_{\mathbf{w}}(\mathfrak{D},\mathbf{f},\mathbf{w}) &= D_{\mathsf{KL}}(\mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_{1},\mathbf{A}_{1}^{-1})||\mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_{2},\mathbf{A}_{2}^{-1})) = \frac{1}{2} \big(\log\frac{|\mathbf{A}_{2}^{-1}|}{|\mathbf{A}_{1}^{-1}|} - \\ &- W + \mathsf{tr}(\mathbf{A}_{2}\mathbf{A}_{1}^{-1}) + (\boldsymbol{\mu}_{1} - \boldsymbol{\mu}_{2})^{T}\mathbf{A}_{2}(\boldsymbol{\mu}_{1} - \boldsymbol{\mu}_{2})\big) \end{split}$$

Обновление параметров распределений

Скалярные априорная дисперсия и вектор средних, апостериорная матрица ковариаций диагональна:

$$\mathbf{A}_{1}^{\text{-}1} = \sigma \mathbf{I}, \ \mathbf{A}_{2}^{\text{-}1} = \mathrm{diag}(\boldsymbol{\sigma}), \ \boldsymbol{\mu}_{1} = \mu, \ \boldsymbol{\mu}_{2} = \mathbf{m}.$$

Тогда
$$L_{\mathbf{w}}(\mathfrak{D},\mathbf{f},\mathbf{w}) = \sum_{i=1}^d (\log \frac{\sigma}{\sigma_i} + \frac{(\mu - m_i)^2 + \sigma_i^2 + \sigma^2}{2\sigma^2})$$

$$\frac{\partial}{\partial \mu}D_{\mathsf{KL}} = \sum_{i=1}^{W} \frac{\mu - m_i}{\sigma^2} = 0 \implies \hat{\mu} = \frac{1}{W} \sum_{i=1}^{W} m_i.$$

$$\frac{\partial}{\partial \sigma^2} D_{\text{KL}} = \sum_{i=1}^{W} \frac{1}{2\sigma^2} - \frac{(\mu - m_i)^2 + \sigma_i^2}{2\sigma^4} = 0 \implies \hat{\sigma}^2 = \frac{1}{W} \sum_{i=1}^{W} (\mu - m_i)^2 + \sigma_i^2.$$

В частности, если апостериорная матрица ковариаций скалярна, т.е. $\mathbf{A}_2^{\text{-}1} = \beta \mathbf{I}$:

$$\frac{\partial}{\partial \sigma^2} D_{\text{KL}} = \sum_{i=1}^W \frac{1}{2\sigma^2} - \frac{(\mu - m_i)^2 + \beta^2}{2\sigma^4} = 0 \implies \hat{\sigma}^2 = \frac{1}{W} \sum_{i=1}^W (\mu - m_i)^2 + \beta^2.$$



Алгоритм обновления параметров распределений

Оптимизация параметров:

- **1** Инициализация $\mathbf{m} = \mathbf{0}, \ \sigma = \mathbf{1}, \ \mu = \mathbf{0}, \ \sigma^2 = \mathbf{1}$
- **2** Повторять:
- f 3 Сделать градиентный шаг $m \sigma:=m \sigma-\eta
 ablam \sigma,\ m m:=m m-\eta
 ablam m$
- **②** Обновить параметры априорного распределения $\mu := \hat{\mu}, \ \sigma^2 := \hat{\sigma}^2.$
- \bullet Пока значение L не стабилизируется

Проверка метода для задачи поиска парафраза

Цели вычислительного эксперимента

Проверить работоспособность метода. Путём удаления наименее важных весов найти оптимальную структуру сети в задачах поиска парафраза.

Данные

Вычислительный эксперимент проводился на выборке пар предложений разной степени схожести SemEval 2015. Тренировочная, валидационная и тестовая выборки составили 70%. 15% и 15% соответственно.

Векторизация слов для использования алгоритмами проводилась методом GloVe.

Функционалом качества была выбрана F1-мера:

$$F_1 = \frac{2 \cdot \mathsf{precision} \cdot \mathsf{recall}}{\mathsf{precision} + \mathsf{precision}}$$

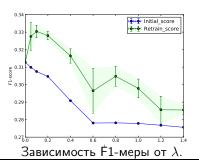
Сравнение с базовыми алгоритмами

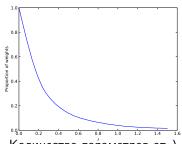
Результаты вычислительного эксперимента:

Classificator	F1-measure
Logistic Regression	0.286
SVC	0.290
DecisionTreeClassifier	0.316
KNeighborsClassifier	0.322
RNN	0.362
RNN+variational, I, I	0.311
RNN+variational, D, I	0.330

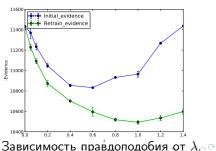
Результаты вычислительного эксперимента

Чем больше плотность вероятности в нуле $\rho(0)=\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_i^2}}exp(-\frac{\mu_i^2}{2\sigma_i^2})$, тем меньше важность параметра. Обозначим отношение сигнал-шум за $\lambda=\left|\frac{\mu_i}{\sigma_i}\right|$, тогда $\rho(0)\sim exp(-\frac{\lambda^2}{2})$. Параметры с большим значением λ могут быть удалены.









Выбор оптимальной модели рекуррентной сети 11 / 12

Заключение

- Предложена реализация байесовского вывода для задачи поиска парафраза.
- Минимизация правдоподобия модели не приводит к переобучению.
- Алгоритм удаления параметров позволяет упростить структуру модели без существенных потерь качества.

Публикации

А. Н. Смердов, О. Ю. Бахтеев, В. В Стрижов. Выбор оптимальной модели рекуррентной сети в задачах поиска парафраза // Информатика и её применения, 2019. Том 13, выпуск 2.