

# 2025 春计算方法—实验报告 #4

姓名: \_\_\_\_\_ 学号: \_\_\_\_\_

2025 年 4 月 17 日

运行环境: \_\_\_\_\_

## 实验内容与要求

### 线性方程组的迭代法

实验内容: 考虑线性方程组  $(H + 2.25I)x = b$ , 其中  $I$  为单位阵,  $H$  为  $n$  阶 Hilbert 矩阵,

$$H = (h_{ij})_{n \times n}, \quad h_{ij} = \frac{1}{i+j-1}, \quad i, j = 1, 2, \dots, n$$

通过先给定解, 比如取  $x$  的各个分量为 1, 再计算出右端向量  $b$  的办法给出一个精确解已知的问题.

### 实验要求:

- (1) 分别编写 Jacobi 迭代法, Gauss-Seidel 迭代法的一般程序 (不得使用符号运算);
- (2) 所有迭代的初始向量均取为 0 向量, 停止条件为  $\|x^{(k+1)} - x^{(k)}\|_1 < \epsilon := 1 \times 10^{-5}$  或迭代步数超过 50 万 (可视为迭代失败);
- (3) 用以上二种迭代去求解前述的方程组, 分别取阶数  $n=10, 30, 100, 500, 1500, 5000$ ;
- (4) 列表给出各自数值解的计算误差 (1-范数下) 以及迭代步数; 报告数值实验过程中可能出现的计算问题;
- (5) 分析并比较以上二种迭代方法, 你能得出什么结论或经验教训.

# 1 数值结果

数值解误差及迭代步数

$n$	迭代法	迭代步数	绝对误差 $\ x^{(k)} - x\ _1$
$n = 10$	Jacobi	—	—
	Gauss-Seidel	—	—
$n = 30$	Jacobi	—	—
	Gauss-Seidel	—	—
$n = 100$	Jacobi	—	—
	Gauss-Seidel	—	—
$n = 500$	Jacobi	—	—
	Gauss-Seidel	—	—
$n = 1500$	Jacobi	—	—
	Gauss-Seidel	—	—
$n = 5000$	Jacobi	—	—
	Gauss-Seidel	—	—

表 1: Jacobi 与 Gauss-Seidel 迭代法的比较

# 2 算法分析

- Blah blah blah
- Blah blah blah
- Blah blah blah

# 3 实验小结

计算过程中可能出现的问题 (包括这次实验中的体会, 收获或经验教训):

- Blah blah blah,
- Blah blah blah,

比较三种算法的各自优缺点:

- Blah blah blah,
- Blah blah blah,
- Blah blah blah,