## MODI – projekt I, zadanie 41

## Michał Stolarz

Obiekt dynamiczny opisany jest ciągłym modelem w przestrzeni stanu :

$$\frac{\mathrm{d}x_1(t)}{\mathrm{d}x} = -\frac{T_1 + T_2}{T_1 T_2} x_1(t) + x_2(t) \quad (1)$$

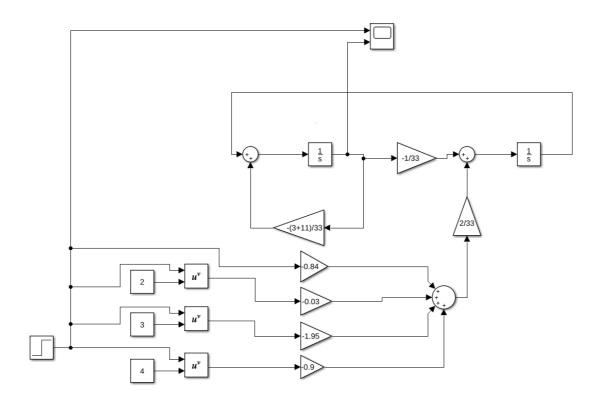
$$\frac{\mathrm{d}x_1(t)}{\mathrm{d}x} = -\frac{T_1 + T_2}{T_1 T_2} x_1(t) + x_2(t) \quad (1)$$

$$\frac{\mathrm{d}x_2(t)}{\mathrm{d}x} = -\frac{1}{T_1 T_2} x_1(t) + \frac{K}{T_1 T_2} (\alpha_1 u(t) + \alpha_2 u(t)^2 + \alpha_3 u(t)^3 + \alpha_4 u(t)^4) \quad (2)$$

$$y(t) = x_1(t) \quad (3)$$

gdzie: K = 2, T1 = 3, T2 = 11,  $\alpha$ 1 = -0,84,  $\alpha$ 2 = -0,03,  $\alpha$ 3 = -1,95,  $\alpha$ 4 = -0,9, sygnał sterujący spełnia warunek  $-1 \le u \le 1$ .

## Zad nr 1



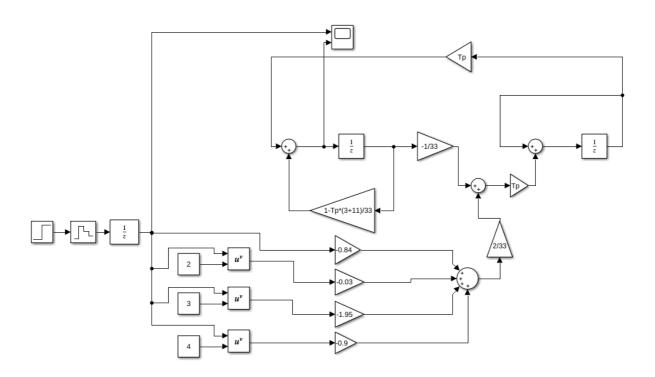
$$\frac{x_1(k) - x_1(k-1)}{Tp} = -\frac{T_1 + T_2}{T_1 T_2} x_1(k-1) + x_2(k-1)$$

$$\frac{x_2(k) - x_2(k-1)}{Tp} = -\frac{1}{T_1 T_2} x_1(k-1) + \frac{K}{T_1 T_2} (\alpha_1 u(k-1) + \alpha_2 u(k-1)^2 + \alpha_3 u(k-1)^3 + \alpha_4 u(k-1)^4)$$

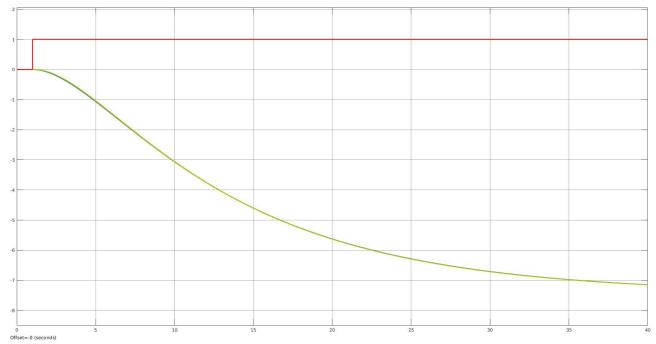
$$x_1(k) = x_1(k-1) - Tp \left( \frac{T_1 + T_2}{T_1 T_2} x_1(k-1) - x_2(k-1) \right) = x_1(k-1) \left( 1 - Tp \frac{T_1 + T_2}{T_1 T_2} \right) + x_2(k-1) Tp$$

$$x_2(k) = x_2(k-1) - Tp \left( \frac{1}{T_1 T_2} x_1(k-1) - \frac{K}{T_1 T_2} (\alpha_1 u(k-1) + \alpha_2 u(k-1)^2 + \alpha_3 u(k-1)^3 + \alpha_4 u(k-1)^4) \right)$$

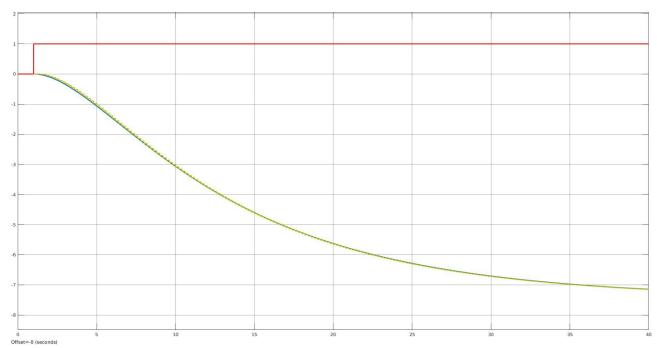
$$y(k) = x_1(k)$$



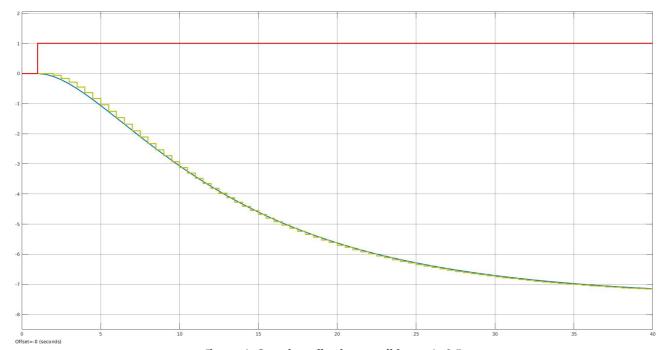
Zad nr 3



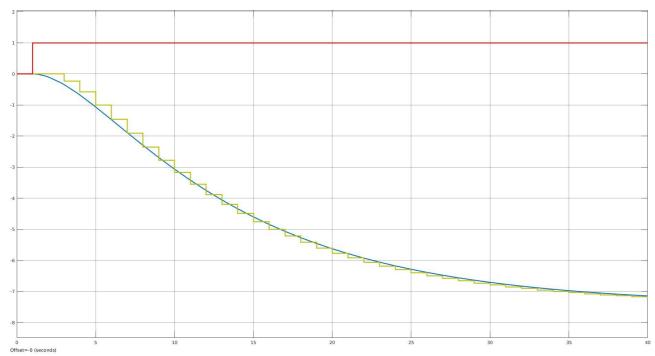
Ilustracja 1: wykres dla okresu próbkowania 0,1s



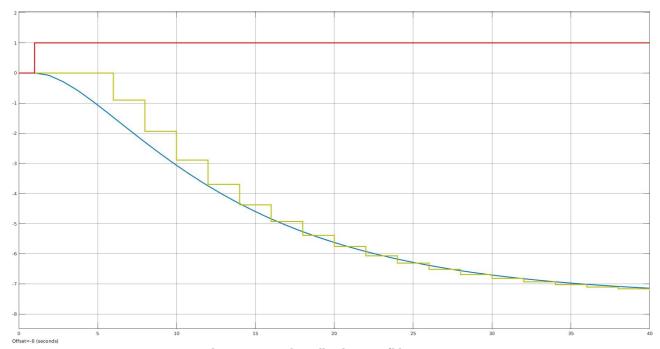
Ilustracja 2: wykres dla okresu próbkowania 0,2s



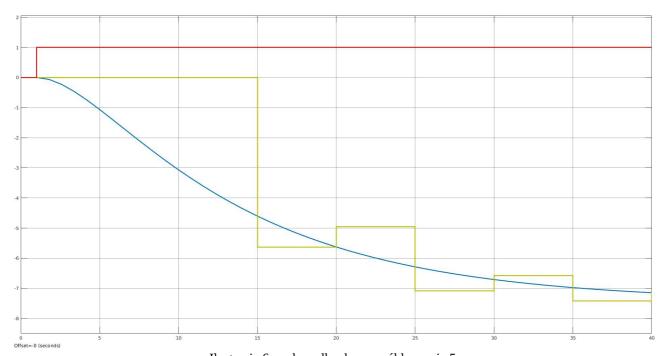
Ilustracja 3: wykres dla okresu próbkowania 0,5s



Ilustracja 4: wykres dla okresu próbkowania 1s



Ilustracja 5: wykres dla okresu próbkowania 2s



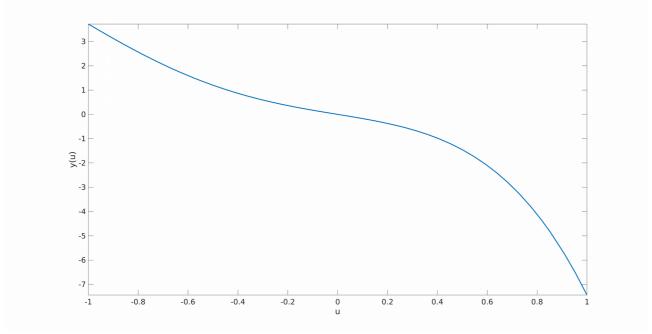
Ilustracja 6: wykres dla okresu próbkowania 5s

$$0 = -\frac{T_1 + T_2}{T_1 T_2} x_1 + x_2$$

$$0 = -\frac{1}{T_1 T_2} x_1 + \frac{K}{T_1 T_2} (\alpha_1 u + \alpha_2 u^2 + \alpha_3 u^3 + \alpha_4 u^4)$$

$$y = x_1$$

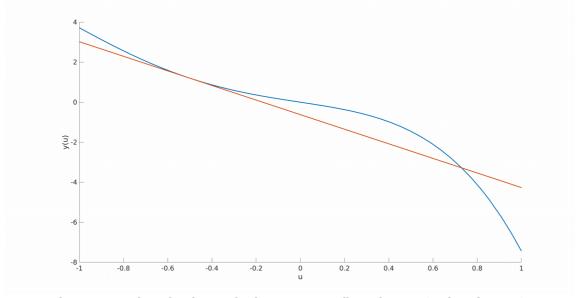
$$y(u) = x_1 = K(\alpha_1 u + \alpha_2 u^2 + \alpha_3 u^3 + \alpha_4 u^4)$$



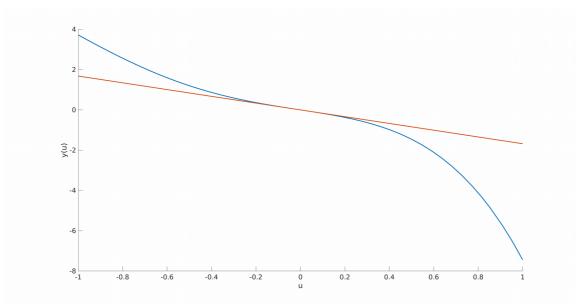
Ilustracja 7: wykres charakterystyki statycznej

Zad 5

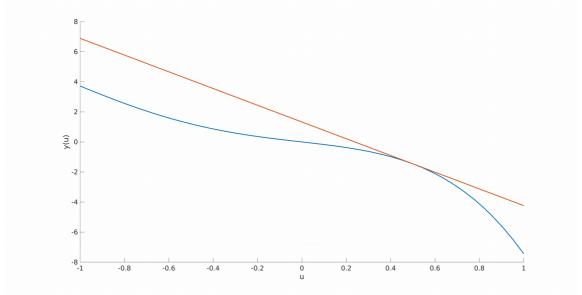
$$y(u) = K(\alpha_1 u + \alpha_2 u^2 + \alpha_3 u^3 + \alpha_4 u^4)$$
$$y(u) \approx K(\alpha_1 u + \alpha_2 (\overline{u}^2 + 2\overline{u}(u - \overline{u})) + \alpha_3 (\overline{u}^3 + 3\overline{u}^2(u - \overline{u})) + \alpha_4 (\overline{u}^4 + 4\overline{u}^3(u - \overline{u})))$$
$$y(u) \approx K(u(\alpha_1 + 2\alpha_2 \overline{u} + 3\alpha_3 \overline{u}^2 + 4\alpha_4 \overline{u}^3) - (\alpha_2 \overline{u}^2 + 2\alpha_3 \overline{u}^3 + 3\alpha_4 \overline{u}^4))$$



Ilustracja 8: wykres charakterystyki zlinearyzowanej dla punktu -0,5 (na tle nieliniowej)



Ilustracja 9: wykres charakterystyki zlinearyzowanej dla punktu 0 (na tle nieliniowej)



Ilustracja 10: wykres charakterystyki zlinearyzowanej dla punktu 0,5 (na tle nieliniowej)