

Complementos de Programação de Computadores – Aula 10

Estuturas de Dados: Listas, Pilhas e Filas

Mestrado Integrado em Electrónica Industrial e Computadores

Luís Paulo Reis

lpreis@dsi.uminho.pt

Professor Associado do Departamento de Sistemas de Informação, Escola de Engenharia,
Universidade do Minho, Portugal

(Slides Baseados em Cortez 2011 , Reis, Rocha e Faria, 2007)



Tipos de Dados Abstractos

- **Estruturas Lineares:**
 - definição
 - pilhas (*stacks*)
 - vector, list
 - Aplicações
 - implementação na STL (*Standard Template Library*)
 - filas (*queues*)
 - vector, list
 - Aplicações
 - implementação na STL (*Standard Template Library*)
 - listas (*lists*)
 - iteradores
 - vector, list
 - Aplicações
 - implementação na STL (*Standard Template Library*)

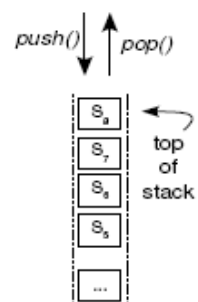
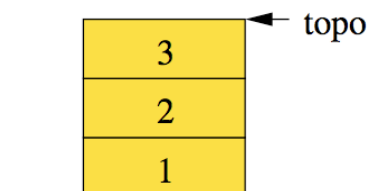
Tipos de Dados Abstractos

Definição de Tipo de Dados Abstractos (*sigla inglesa: ADT*)

- conjunto de objectos + conjuntos de operações
- abstracção matemática (dados são genéricos e não específicos)
- operações especificadas são implementadas de forma genérica
- implementação em C++:
 - classes genéricas
 - operações: membros-função públicos
- Exos. de ADT: listas de objectos, filas, dicionários...
- Exos. de operações: comparar objectos, encontrar um objecto...

Pilhas (Stacks)

- Estruturas eficientes para armazenar e retirar dados na ordem LIFO - LAST IN FIRST OUT (último a entrar, primeiro a sair);
- Aplicações chamada de funções, recursividade, calculadoras, ...
- estrutura de dados linear em que inserção e a remoção de elementos se faz pela mesma extremidade, designada por topo da pilha
- uma pilha pode ser considerada como uma *restrição de lista*
- porque é uma estrutura de dados mais simples que a lista, é possível obter implementações mais eficazes



Pilhas (Stacks)

Manipulação (operações/métodos) sobre pilhas:

- **peek** - inspeciona qual o elemento no topo, não retira
- **pop** - remove elemento do topo
- **push** - inclui elemento no topo
- **empty** - determina se a pilha está vazia.
- **size** - devolve o número de elementos
- **init (construtor)** - cria a pilha
- **destroy (destrutor)** - elimina a pilha

Implementação:

- Uma pilha pode ser implementada de diversas formas: vector, vector dinâmico, listas ligadas, etc...
- No exemplo utiliza-se pilha de inteiros (int) implementada utilizando um vector dinâmico



Pilhas (Stacks)

```
// exemplo completo, num único ficheiro stack.h
#include <iostream>
using namespace std;

class Stack { // uma stack de inteiros
    int top, d_size, *items; // topo, comprimento do vector dinamico
public:
    Stack(int size) { // construtor
        top = -1; d_size = size;
        items = new int[size];
    }
    ~Stack() { delete []items; } // destrutor

    bool empty() const { return top==-1; } // O(1), true se stack vazia

    int size() const { return top+1; } // O(1), devolve o tamanho

    void push(int elem) { // O(1), inclui elem no topo
        if(size()==d_size) cerr << "Stack Full!\n";
        else { top++; items[top] = elem; }
    }
}
```



Pilhas (Stacks)

```
// continuação do stack.h
int pop() { // O(1), remove e retorna o elem do topo
    if(this->empty()) cerr << "Empty stack\n";
    else return items[top--];
    return 0;
}

int peek() const { // O(1), inspeciona o topo
    if(this->empty()) cerr << "Empty stack\n";
    else return items[top];
    return 0;
}

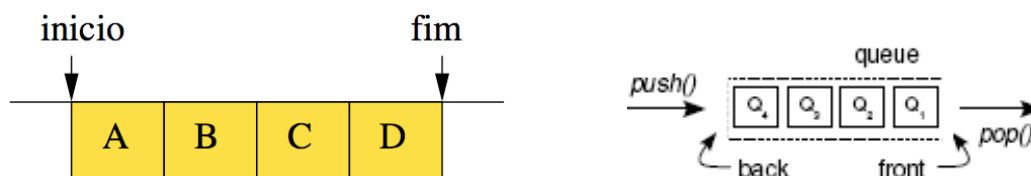
void print() const { // O(n), mostra a pilha no ecrã
    cout << "stack with " << size() << " elements\n";
    for(int i = size()-1; i>=0; i--)
        cout << items[i] << "\n";
    cout << "---" << endl;
}
}; // final da classe Stack
```

Classe stack (STL)

- **Alguns métodos da classe stack (STL):**
 - stack()
 - stack(const stack &)
 - bool empty() const
 - size_type size() const
 - T & top()
 - void push(const T &)
 - void pop()
 - stack & operator =(const stack &)
- **Funções globais (não membros da classe stack):**
 - bool operator ==(const stack &, const stack &)
 - bool operator <(const stack &, const stack &)
- **Ver:**
 - <http://www.sgi.com/tech/stl/stack.html>
 - <http://www.cppreference.com/cppstack>

Filas (Queues)

- Estruturas eficientes para armazenar e retirar dados na ordem FIFO - FIRST IN FIRST OUT (primeiro a entrar, primeiro a sair)
- Aplicações: buffers, simulação de filas de espera em supermercados, ...
- Estrutura de dados linear em que:
 - inserção de elementos se faz por uma extremidade, designada por cauda
 - remoção de elementos se faz por extremidade oposta à cauda, designada por cabeça
- uma fila pode ser considerada como uma *restrição de lista*



Filas (Queues)

Manipulação (operações/métodos) sobre filas:

- peek - inspeciona qual o elemento no início, não retira
- dequeue - remove elemento do início
- enqueue - inclui elemento no fim
- empty - determina se a fila está vazia.
- size - devolve o número de elementos
- init (construtor) - cria a fila
- destroy (destrutor) - elimina a fila

Implementação:

- Uma fila pode ser implementada de diversas formas: vector, vetor dinâmico, listas ligadas, etc...
- Nesta aula, iremos utilizar uma fila de inteiros (int) via um vetor dinâmico...
- O vector é utilizado de modo circular, existindo dois registos especiais: início e fim...

Filas (Queues)

```
// queue.h
#include <iostream>
using namespace std;

class Queue { // Fila (queue) de int
    int *items; // vector dinamico
    int inicio, fim, d_size;
public:
    Queue(int size) { //construtor
        d_size = size;
        items = new int[size];
        inicio = d_size-1;
        fim = d_size-1;
    }
    ~Queue() { // destrutor
        delete [] items;
    }
    bool empty() const { // O(1)
        return (inicio==fim);
    }
}
```

Filas (Queues)

```
// continuacao do queue.h
int size() const { // O(1), comprimento da queue
    if (inicio<=fim) return fim-inicio;
    else return (d_size-inicio)+fim;
}

void enqueue(int elem) { // O(1), insere no fim
    int aux = fim;
    if(aux==d_size-1) aux=0; else aux++;
    if(inicio==aux) cerr << "Queue is full\n";
    else { fim=aux; items[aux]=elem;}
}

int dequeue() { // O(1), remove e devolve o elemento do inicio
    if (empty()){ cerr << "Queue is empty\n"; return 0;}
    else{
        if(inicio==d_size-1) inicio=0;
        else inicio++;
        return items[inicio];
    }
}
```

Filas (Queues)

```
int peek() const { // O(1), devolve o elemento no inicio
    if (empty()) { cerr << "Queue is empty\n"; return 0;}
    else {
        int aux;
        if(inicio==d_size-1) aux=0;
        else aux = inicio+1;
        return items[aux];
    }
}

void print() const { // O(n), imprime uma queue
    int i,j; int s=size();
    cout << "head: " << inicio << " end:" << fim
        << " size: " << s << " [";
    for(i=inicio,j=0; j<s; i++,j++) {
        if (i==d_size-1) i=-1;
        cout << items[i+1] << " ";
    }
    cout << "]\n";
}
}; // fim de queue.h
```

Filas (Queues)

```
int main()
{
    Queue q(3);
    q.enqueue(3);
    q.enqueue(2);
    q.enqueue(1);
    q.print();
    cout << q.dequeue() << "\n";
}
```

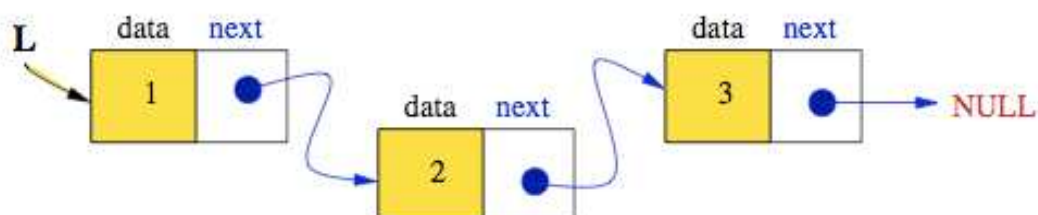
O Que aparece no écran?

Classe queue (STL)

- **Alguns métodos da classe queue (STL):**
 - queue()
 - queue(const queue &)
 - bool empty() const
 - size_type size() const
 - T & front()
 - T & back()
 - void push(const T &)
 - void pop()
 - queue & operator =(const queue &)
- **Funções globais (não membros da classe queue):**
 - bool operator ==(const queue &, const queue &)
 - bool operator <(const queue &, const queue &)
- **Ver:**
 - <http://www.sgi.com/tech/stl/queue.html>
 - <http://www.cppreference.com/cppqueue>

Listas Ligadas

- Estrutura de memória dinâmica para dados sequenciais, organizados por nodos
- Mais eficiente para um uso intensivo de inserções e remoções
- Menos eficiente para aceder a um dado elemento: $O(n)$
- Lista vazia, não tem nodos (0)



Listas Ligadas

Manipulação (operações/métodos) sobre listas:

- **remove** - remove elemento da lista (se ele existir) - $O(n)$
- **find** – procura o nodo do elemento na lista – $O(n)$
- **insert_head** - inclui elemento no início da lista – $O(1)$
- **insert_end** – inclui elemento no final da lista – $O(n)$
- **insert_sort** – insere elemento de modo ordenado – $O(n)$
- **empty** - determina se a lista está vazia – $O(1)$
- **size** - devolve o número de elementos – $O(n)$
- **init (construtor)** – cria uma lista vazia – $O(1)$
- **destroy (destrutor)** – elimina toda a lista ligada – $O(n)$

Implementação:

- Existem 2 classes: **Node** e **List**
- **Node**: contém o atributo **d_data** e **d_next**, **d_data** será do tipo **int** embora também possa ser **string** ou uma classe qualquer...
- **List**: contém o atributo **first**, do tipo **Node*** e que aponta para o primeiro nodo da lista...

Listas Ligadas

```
// exemplo completo, num único ficheiro list.h
#include <iostream>
using namespace std;
class Node // nodo de uma lista ligada de int
{ private:
    int d_data;    // pode ser string ou até um outro objecto
    Node *d_next; // aponta para o próximo nodo
public:
    Node(int data, Node *next){ d_data=data; d_next=next; }
    void setData(int data) { d_data=data; }
    void setNext(Node *next) { d_next=next; }
    // acessores
    int data() const { return d_data;}
    Node *next() const { return d_next;}
    void print() const { cout << d_data << " ";}
};
```

Listas Ligadas: Implementação

- **Travesia – $O(n)$:**
 - percorrer todos elementos da lista
- **Algoritmo típico:**

```
Node *aux=first;
while(aux!=0) {
    // processamento
    aux = aux->next();
}
```
- **Remove:**
 - procurar elemento, refazer ligações e apagar elemento

Listas Ligadas: Implementação

```
class List { // lista ligada de int
private:
    Node *first; // aponta para o primeiro nodo
public:
    List(){ // construtor de lista ligada vazia
        first=0;
    }
    ~List() { // destrutor
        Node *aux=first; Node *cur;
        while(aux!=0) {
            cur = aux; aux = aux->next(); delete cur;
        }
    }
    bool empty() const { return (first==0); } // O(1)

    void print() const { // O(n)
        Node *aux=first;
        while(aux!=0) { aux->print(); aux=aux->next(); }
        cout << "\n";
    }
}
```



Listas Ligadas: Implementação

```
Node *find(int elem) { // O(n)
    Node *aux = first;
    while(aux!=0 && aux->data()!=elem) aux=aux->next();
    if(aux!=0) return aux;
    else { cerr << "Elem is not in list\n"; return 0;}
}

void insert_head(int elem){ // O(1), insere no inicio da lista
    Node *res = new Node(elem, first);
    first = res;
}

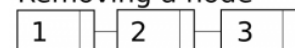
void insert_end(int elem){ // O(n), insere no fim
    Node *node, *aux;
    node = new Node(elem,0);
    aux = first;
    if(aux==0) first=node;
    else {
        while(aux->next()!=0) aux = aux->next();
        aux->setNext(node);
    }
}
```

Listas Ligadas: Implementação

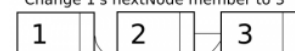
```
void insert_sort(int elem) { // O(n), insere de modo ordenado
    Node *prev, *node, *aux;
    node = new Node(elem,0); prev = 0; aux = first;
    while(aux!=0 && aux->data()<elem) { prev = aux; aux = aux->next();}
    node->setNext(aux);
    if(prev==NULL) first=node; else prev->setNext(node);
}

Node *remove(int elem) { // remove elem da lista
    Node *prev, *aux;
    prev= 0; aux = first;
    while(aux!=0 && aux->data()!=elem){ prev = aux; aux = aux->next();}
    if(aux==0) cerr << "Item not found\n";
    else {
        if(prev!=0) prev->setNext(aux->next());
        else first=aux->next();
        delete aux;
    }
}
}; // fim de list.h
```

Removing a node



Change 1's nextNode member to 3



Since there is nothing pointing to 2, it is deleted.



Listas Ligadas: Implementação

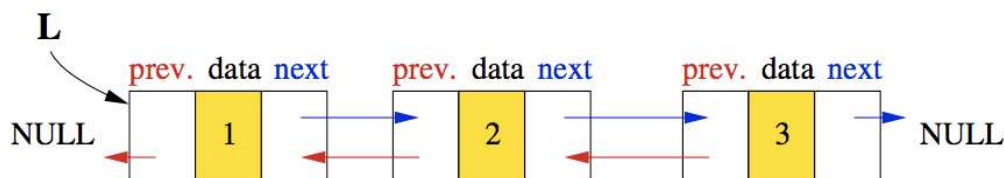
```
#include "list.h"
int main()
{
    List L;
    L.insert_sort(9);
    L.insert_sort(7);
    L.insert_sort(8);
    L.insert_head(1);
    L.insert_head(2);
    L.insert_head(3);
    L.insert_end(4);
    L.insert_end(5);
    L.insert_end(6);
    L.print();
    return 0;
}
```

O Que aparece no écran?

Listas Duplamente Ligadas

Lista Duplamente Ligada (*Double Linked List*):

- Permite uma navegação em frente e reversa (para trás)
- Por exemplo, a remoção torna-se mais intuitiva
- Cada nodo armazena também o nodo anterior (previous);



Listas Duplamente Ligadas

Manipulação (operações/métodos) sobre listas:

- remove - remove elemento da lista (se ele existir) - $O(n)$
- find – procura o nodo do elemento na lista – $O(n)$
- insert_head - inclui elemento no início da lista – $O(1)$
- insert_end – inclui elemento no final da lista – $O(n)$
- insert_sort – insere elemento de modo ordenado – $O(n)$
- empty - determina se a lista está vazia – $O(1)$
- size - devolve o número de elementos – $O(n)$
- init (construtor) – cria uma lista vazia – $O(1)$
- destroy (destrutor) – elimina toda a lista ligada – $O(n)$

Implementação (no exemplo):

- Existem 2 classes: DNode e DList;
- Node: contém o atributo d_data, d_next, d_previous e d_data (será do tipo string, mas pode ser uma qualquer classe...
- DList: contém os atributos first e last, do tipo DNode* e que apontam para o primeiro e último nodo da lista...

Listas Duplamente Ligadas

```
#include <iostream>
#include <string>
using namespace std;

class DNode // nodo de uma lista duplamente ligada
{
private:
    string d_data; // pode ser uma outra classe
    DNode *d_next; DNode *d_previous;
public:
    DNode(string data, DNode *previous, DNode *next) {
        d_data = data; d_previous = previous; d_next = next;
    }
    void setData(string data) { d_data = data;}
    void setPrevious(DNode *previous) { d_previous = previous;}
    void setNext(DNode *next) { d_next = next;}
    string data() const { return d_data;}
    DNode *next() const { return d_next;}
    DNode *previous() const { return d_previous;}
    void print() const { cout << d_data << " ";}
};
```

Listas Duplamente Ligadas

- **Travessia – $O(n)$:**
 - percorrer todos elementos da lista
- **Algoritmos (em frente e para trás):**

```
Node *aux = first;
While (aux!=0)
{
    // processamento
    aux = aux->next();
}
```

- **Remove – procurar elemento, refazer ligações e apagar elemento**

Listas Duplamente Ligadas

```
class DList // lista duplamente ligada de string
{
private:
    DNode *first; // primeiro da lista
    DNode *last; // ultimo da lista
public:
    DList(){ first=0; last=0;} // lista ligada vazia
    ~DList() // destrutor
    {
        DNode *aux = first; DNode *cur;
        while(aux!=0) { cur = aux; aux = aux->next(); delete cur;}
    }
    bool empty() const { return (first==0);} // O(1)
    void print() const // O(n)
    {
        DNode *aux=first;
        while(aux!=0) { aux->print(); aux = aux->next();}
        cout << "\n";
    }
}
```

Listas Duplamente Ligadas

```
int size() const
{
    DNode *aux = first; int i = 0;
    while(aux!=0) { i++; aux = aux->next();}
    return i;
}
DNode *find(string elem) // O(n)
{
    DNode *aux=first;
    while(aux!=0 && aux->data()!=elem) aux = aux->next();
    if(aux!=0) return aux;
    else { cerr << "Elem is not in list\n"; return 0;}
}
void insert_head(string elem) // O(1)
{
    DNode *node = new DNode(elem,0,first);
    if(last==0) last = node;
    if(first!=0) first->setPrevious(node);
    first = node;
}
```

Listas Duplamente Ligadas

```
void insert_end(string elem) // O(n)
{
    DNode *node, *aux;
    node = new DNode(elem,0,0);
    last = node; aux = first;
    if(aux==0) first = node;
    else {
        while(aux->next()!=0) aux = aux->next();
        aux->setNext(node);
        node->setPrevious(aux);
    }
}
void insert_before(string elem, DNode *B) // metodo auxiliar
{
    DNode *node = new DNode(elem,B->previous(),B);
    if(B->previous()==0) first = node; else B->previous()->setNext(node);
    B->setPrevious(node);
    if(B->next()==0) last = B;
}
```

Listas Duplamente Ligadas

```
void insert_sort(string elem)
{
    DNode *node, *aux;
    aux = first;
    while(aux!=0 && aux->data()<elem) aux = aux->next();
    if(aux!=0) insert_before(elem,aux); else insert_end(elem);
}

DNode *remove(string elem)
{
    DNode *aux = first;
    while(aux!=0 && aux->data()!=elem) aux = aux->next();
    if(aux==0) cerr << "Item not found\n";
    else {
        if(aux->previous()!=0) (aux->previous())->setNext(aux->next());
        else first=aux->next();
        if(aux->next()!=0) (aux->next())->setPrevious(aux->previous());
        else last=aux->previous();
        delete aux;
    }
}

}; // fim da classe
```



Listas Duplamente Ligadas

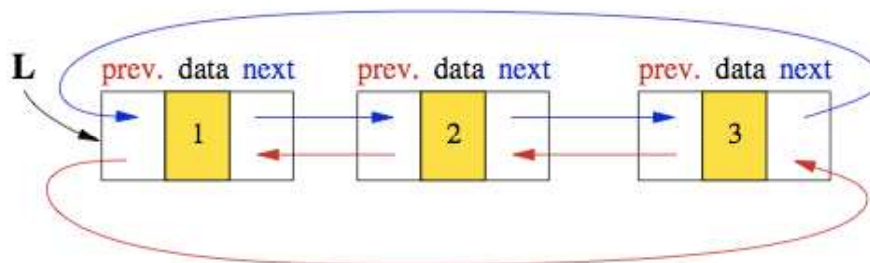
```
int main()
{
    DList DL;
    DL.insert_sort("d");
    DL.insert_sort("a");
    DL.insert_sort("c");
    DL.insert_sort("b");
    DL.insert_sort("e");
    DL.print();
    DL.print_reverse();
    DL.remove("b");
    DL.remove("d");
    DL.print();
    DL.remove("a");
    DL.remove("g");
    DL.print();
    return 0;
}
```

O Que aparece no écran?



Listas Circulares

- O último nodo liga-se ao primeiro, deixa de haver ligações 0 (NULL)
- Permite uma navegação completa a partir de qualquer nodo
- Pode haver listas circulares simples e duplamente ligadas



Implementação (no exemplo):

- Existem 2 classes: Node e ListC;
- Node: contém o atributo d_data, d_next e d_prev (será do tipo int, mas pode ser uma qualquer classe...
- List: contém os atributos first e last, do tipo Node* e que apontam para o primeiro e último nodo da lista...

Listas Circulares

```
class ListC // lista ligada de int,
{
private:
    Node *first; Node *last;
public:
    ListC(){ first = 0; last = 0;} // lista ligada vazia
    ~ListC() { // destrutor
        Node *aux=first; Node *cur;
        do { cur = aux; aux = aux->next(); delete cur;}
        while (aux!=first);
    }
    bool empty() const { return (first==0);} // O(1)
    void print() const { // O(n)
        Node *aux = first;
        do { aux->print(); aux = aux->next();}
        while (aux!=first);
        cout << "\n";
    }
}
```

Listas Circulares

```
void print(Node *N) const { // O(n)
    Node *aux=N;
    do { aux->print(); aux = aux->next(); } while (aux!=N);
    cout << endl;
}
Node *find(int elem) // O(n)
{
    Node *aux = first;
    if(aux!=0) {
        do {
            if(aux->data()==elem) return aux; else aux = aux->next();
        } while(aux!=first);
    }
    cerr << "Elem is not in list\n"; return 0;
}
void insert_head(int elem) { // O(1)
    Node *node = new Node(elem,first);
    if(last==0) last = node;
    first = node; last->setNext(first);
}
}; // fim da classe
```



Listas Circulares

```
int main()
{
    ListC LC;
    LC.insert_head(3);
    LC.insert_head(2);
    LC.insert_head(1);
    LC.print();
    Node *N = LC.find(2);
    LC.print(N);
    N = LC.find(3);
    LC.print(N);
    return 0;
}
```

O Que aparece no écran?



	Acesso	Comentário
Pilha	Apenas ao elemento mais recente $O(1)$	Muito rápido
Fila	Apenas ao elemento menos recente $O(1)$	Muito rápido
Lista Ligada	Qualquer item $O(N)$	
Árvore de Pesquisa	Qualquer item por nome ou ordem $O(\log N)$	Caso médio; em árvores especiais é pior caso
Tabela de Dispersão	Qualquer item por nome $O(1)$	Quase garantido
Fila de Prioridade	Acesso ao mínimo: $O(1)$ Apagar mínimo: $O(\log N)$	Inserção: $O(1)$ caso médio, $O(\log N)$ pior caso

Complementos de Programação de Computadores – Aula 10

Estruturas de Dados: Listas, Pilhas e Filas

Mestrado Integrado em Electrónica Industrial e Computadores

Luís Paulo Reis

lpreis@dsi.uminho.pt

Professor Associado do Departamento de Sistemas de Informação, Escola de Engenharia,
Universidade do Minho, Portugal

(Slides Baseados em Cortez 2011, Reis, Rocha e Faria, 2007)

