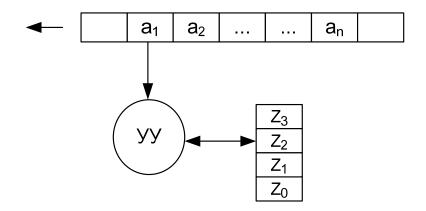
БГТУ, ФИТ, ПОИТ, 3 семестр, Языки программирования

Синтаксический анализатор: алгоритмы синтаксического разбора

Цель: ознакомление с назначением и принципами работы синтаксического анализатора, получение практических навыков построения синтаксического анализатора для заданной грамматики.

- 1. **Синтаксический анализатор:** часть компилятора, выполняющая синтаксический анализ. Входом для синтаксического анализа является таблица лексем и таблица идентификаторов. Выходом дерево разбора.
- 2. Схема работы автомата с магазинной памятью:



3. Формальное описание МП-автомата:

$$M = \langle Q, V, Z, \delta, q_0, z_0, F \rangle$$

 ${\it Q}$ – множество состояний;

 \widetilde{V} – алфавит входных символов;

Z – специальный алфавит магазинных символов;

 δ – функция переходов автомата $Q \times (V \cup \{\lambda\}) \times Z \to P(Q \times Z^*)$, где $P(Q \times Z^*)$ – множество подмножеств $Q \times Z^*$;

 $q_0 \in Q$ – начальное состояние автомата;

 $z_0 \in Z$ – начальное состояние магазина (маркер дна);

 $F \subseteq Q$ – множество конечных состояний.

- 4. Работа МП-автомата $M=\langle Q,V,Z,\delta,q_0,z_0,F\rangle$
 - 1) текущее состояние автомата $(q, a\alpha, z\beta)$
 - 2) возможны два случая:
 - а. читает символ a, находящийся под головкой (сдвигает ленту);
 - b. не читает ничего (читает λ , не сдвигает ленту);
 - 3) по функции переходов δ определяет новое состояние q', если $(q',\gamma) \in \delta(q,a,z)$ или $(q',\gamma) \in \delta(q,\lambda,z)$.
 - 4) читает верхний символ z (в магазине) и записывает цепочку γ т.к. $(q',\gamma)\in\delta(q,a,z)$, при этом, если $\gamma=\lambda$, то верхний символ магазина просто удаляется.
 - 5) работа автомата заканчивается (q, λ, λ)

Напоминание:

на каждом шаге автомата возможны три случая:

- 1) функция $\delta(q,a,z)$ определена осуществляется переход в новое состояние;
- 2) функция $\delta(q, a, z)$ не определена, но определена $\delta(q, \lambda, z)$ осуществляется переход в новое состояние (лента не продвигается);
- 3) функции $\delta(q,a,z)$ и $\delta(q,\lambda,z)$ не определены дальнейшая работа автомата не возможна (цепочка не разобрана).

По произвольной КС-грамматике $G_{II} = \langle T, N, P, S \rangle$ всегда можно построить недетерминированный МП-автомат, который допускает цепочки языка, заданного данной грамматикой.

Работа распознавателя:

- 1) если верхний символ магазина (вершина стека) МП-автомата является нетерминальным символом A, то его можно заменить на цепочку символов α при условии, что в грамматике языка есть правило $A \to \alpha$, где $A \in N$, $\alpha \in V^*$. Считывающая головка автомата при этом не сдвигается (этот шаг работы называется «подбор альтернативы» или выбор правила);
- 2) если верхний символ магазина (вершина стека) является терминальным символом a, который совпадает с текущим символом входной цепочки, то этот символ выталкивается из стека и считывающая головка передвигается на одну позицию вправо.

5. Дано описание языка:

Компонента	Описание		
Символы	Windows-1251		
Символы-сепараторы	пробел – допускается везде кроме идентификаторов		
	и ключевых слов;		
	; (точка с запятой) – разделитель инструкций;		
	{} – программный блок;		
	() – параметры;		
	() – приоритетность операций.		
Идентификаторы	только малые буквы, от 1 до 5 букв;		
	идентификатор не может совпадать с ключевыми		
	словами;		
	максимальное количество идентификаторов 2 ¹⁶		
Типы данных	integer – целочисленные данные (четыре байта,		
	значения от -2^{31} до 2^{31} -1), автоматическая		
	инициализация 0, LE;		
	string – строка (любые символы, макс. 255		
	символов, первый байт длина строки),		
	автоматическая инициализация строкой длины 0		
Операции с данными	+ – бинарный, суммирование, (integer, integer);		
	+ – бинарный, конкатенация, (string, string);		
	- – бинарный, вычитание, (integer, integer);		
	* – бинарный, умножение, (integer, integer);		
	/ – бинарный, деление, (integer, integer)		
Программные	главная функция (точка входа):		
конструкции	main		
	{		
	return <integer-идентификатор> <integer-литерал>;</integer-литерал></integer-идентификатор>		
	}		
	Функции:		
	<тип данных> function<идентификатор> (
	<тип данных> <идентификатор>,)		
	1		
	return <идентификатор>;		
	Honoxomer Arverrer monormor mo organization		
Потомо то с	Параметры функции: передаются по значению.		
Литералы	числа 2^{31} до 2^{31} -1, интерпретируются как intege		
	могут быть только rvalue;		
	строки, символы, заключенные в ''(кавычки), могут		
D. тромонна	быть только rvalue		
Выражения	арифметические с применением $+$, -, $/$, $*$, ();		
	строковые с применением +,()		
•••	•••		

6. Пример правильной программы:

```
integer function fi(integer x, integer y)
{
declare integer z;
z = x*(x+y);
return z;
string function fs (string a, string b)
declare string c;
declare string function substr(string a, integer p,
                     integer n);
c = substr(a, 1,3) + b;
return c;
};
main
declare integer x;
declare integer y;
declare integer z;
declare string sa;
declare string sb;
declare string sc;
declare integer function strlen(string p);
x = 1;
y = 5;
sa = '1234567890';
sb = '1234567890';
z = fi(x,y);
sc = fs(sa,sb);
print 'контрольный пример';
print z;
print sc;
print strlen(sc);
return 0;
};
```

7. Лексемы:

конструкция	лексема	примечание
integer	t	ТИ: integer или
string		string, значение по умолчанию:
		для integer – нуль, для string –
		пустая строка
идентификатор	i	ТИ: строка идентификатора,
		усеченная до 5 символов.
		Префикс: имя конструкции
литералы	1	integer или
		string, значение.
function	f	
declare	d	
return	r	
print	p	
main	m	
•	•	
,	,	
{	{	
}	}	
((
)		
=	=	
+	V	
_		
*		
/		

8. Лексический анализатор:

- убрать все лишние пробелы;
- построить регулярные выражения для лексем;
- выполнить распознавание лексем;
- построить таблицу лексем и таблицу идентификаторов;
- при неуспешном распознавании или обнаружении некоторых ошибок во входном тексте выдать сообщение об ошибке.

Результат лексического разбора (таблица лексем):

Вход лексического	Выход	Дополнительная информация	
анализатора	(таблица лексем)	(таблица идентификаторов)	
integer	t		
function	f		
fi	i	fi – идентификатор функции, integer	
((
integer	t		
X	i	fix – имя, параметр, integer	
,	,		
integer	t		
у	i	fiy- имя,параметр integer	
)		
{	{		
declare	d		
integer	t		
Z	i	fiz – имя, integer, значение: 0	
•	•		
Z	i	указатель на fiz	
=	=		
X	i	указатель на fix	
*	V	*	
((
X	i	указатель на fix	
+	v	+	
у	i	указатель на fiy	
)		

, return r z i указатель на fiz ; ; } ; string t function f fs i fs –идентификатор функции, string	
z і указатель на fiz ; ; } ; string t function f fs і fs –идентификатор	
; ; } ; string t function f fs i fs –идентификатор	
functionffsifs –идентификатор	
functionffsifs –идентификатор	
functionffsifs –идентификатор	
fs i fs –идентификатор	
функции, запід	
string t	
·	
a 1 Isa — имя,параметр string	
atring t	
string t fab was vorm string	
b i fsb – имя, параметр string	
declare d	
string t	
c i fsc – имя, string, значение:	пустая
строка	
,	
declare d	
string t	
function f	
substr i substr – идентификатор фу	ткции,
String	
atring	
string t	
a i substra – имя, параметр strin	ıg
· , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	
integer t	
р i substrp – имя, параметр integ	ger
, ,	
integer t	
n i substrn – имя, параметр integ	ger
;	
с i указатель на fsc	
substr i указатель на substr	
а i указатель на fsa	

1			
, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	1	1	L01 – питерал integer значение:1
) + V + b i указатель на fsb ; ; return r указатель на fsc c i ; ; } ; main m { declare d declare d mainx – имя, integer, значение: 0 ; declare d mainy – имя, integer, значение: 0 geclare d declare d integer t z i declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; declare d mainsa – имя, string, значение: пустая строка			
) + V + b i указатель на fsb ; ; return r указатель на fsc c i ; ; } ; main m { declare d declare d mainx – имя, integer, значение: 0 ; declare d mainy – имя, integer, значение: 0 geclare d declare d integer t z i declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; declare d mainsa – имя, string, значение: пустая строка	3	1	L02 – питерал integer значение:3
b і указатель на fsb ; ; return г указатель на fsc c і ; ; ; ; main m { declare d declare i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y і i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d declare d string t sa і mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d)		
b і указатель на fsb ; ; return г указатель на fsc c і ; ; ; ; main m { declare d declare i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y і i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d declare d string t sa і mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	+	V	+
; return г указатель на fsc с i ; ; ; ; main m ; declare d ; integer t t x i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; ; declare d i integer t t z i mainy – имя, integer, значение: 0 declare d t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d t string t t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; ; declare d	b	•	указатель на fsb
с і ; ; } ; main m { { declare d integer t y i i mainy – имя, integer, значение: 0 integer t z i declare d declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	:		January 190
с і ; ; } ; main m { { declare d integer t y i i mainy – имя, integer, значение: 0 integer t z i declare d declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	return	r	указатель на fsc
; ; } ; main m { declare integer t x i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d		•	,
{ { declare d integer t x i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d string t mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	:	:	
{ { declare d integer t x i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d string t mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	}	}	
{ { declare d integer t x i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d string t mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	main	m	
integer t x i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t mainz – имя, integer, значение: 0 declare d mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	{	{	
integer t x i mainx – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t mainz – имя, integer, значение: 0 declare d mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	declare	d	
х і таіпх – имя, іптедег, значение: 0 десlare d іптедег t десlare d десlare d десlare t десlare таіпх – имя, іптедег, значение: 0 десlare д за і таіпх – имя, зтіпд, значение: пустая строка десlare д десlare д		,	
; ; declare d integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 ; ; declare d integer t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d		•	mainx – имя, integer, значение: 0
integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 declare d integer t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	:	:	
integer t y i mainy – имя, integer, значение: 0 declare d integer t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	declare	d	
у і mainy – имя, integer, значение: 0 declare d integer t z і mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa і mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; declare d			
; declare integer t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d		•	mainy – имя, integer, значение: 0
integer t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	:		
integer t z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d	declare	d	
z i mainz – имя, integer, значение: 0 declare d string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d			
declare d string t sa i mainsa — имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d			mainz – имя. integer, значение: 0
string t sa i mainsa – имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d			
sa i mainsa — имя, string, значение: пустая строка ; ; declare d		t	
		i	mainsa – имя, string, значение:
; ; declare d			
declare d	:		J. W. F. W.
	declare		
SUTING I	string	t	
sb i mainsb – имя, string, значение:			mainsb – имя. string, значение:
пустая строка			
	:	:	1
declare d	declare	d	
string t			
sc i mainsc – имя, string, значение:		•	mainsc – имя, string, значение:
пустая строка			
; ;	•		
declare d	declare		
integer t		t	
function f		f	

(string t p i strlenp – имя, параметр stri) ; x i указатель на mainx = = 1 1 указатель на mainy = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = 1 L03 – литерал, string, знач ; ; sb i указатель на mainsb = = (10245/67890) 1	ng		
р і strlenp — имя, параметр stri) ; ; ; х і указатель на mainх = 1 ; ; у і указатель на mainy = 5 1 L03 — литерал, integer, знач ; ; sa і указатель на mainsa = 10]1234567890 ; ; sb і указатель на mainsb =	ng		
) ; x i указатель на mainx = 1 указатель на L01 ; ; y i указатель на mainy = = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = - '1234567890' L03 – литерал, string, значания ; ; sb i указатель на mainsb = -	ng		
) ; x i указатель на mainx = 1 указатель на L01 ; ; y i указатель на mainy = = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = - '1234567890' L03 – литерал, string, значания ; ; sb i указатель на mainsb = -			
х і указатель на mainx = 1 указатель на L01 ; ; у і указатель на mainy = = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa і указатель на mainsa = 1 '1234567890' L03 – литерал, string, значання проводу значання прово			
= = 1 1 указатель на L01 ; ; y i указатель на mainy = = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = 10]1234567890 ; ; sb i указатель на mainsb = =			
1 указатель на L01 ; ; указатель на mainy = 5 1 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = 1234567890' L03 – литерал, string, значанией ; ; sb i указатель на mainsb =			
; ј указатель на mainy = = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa і указатель на mainsa = = '1234567890' L03 – литерал, string, значаний проводу провеждения пр			
= = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = = '1234567890' L03 – литерал, string, значания предоставления пред			
= = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = = '1234567890' L03 – литерал, string, значания предоставления пред			
= = 5 1 L03 – литерал, integer, знач ; ; sa i указатель на mainsa = = '1234567890' L03 – литерал, string, значания в терания			
; sa i указатель на mainsa = = (1234567890)			
; sa i указатель на mainsa = = (1234567890)	чение:5		
sa 1 указатель на mainsa = = '1234567890' L03 — литерал, string, зн [10]1234567890 ; указатель на mainsb = =			
= =			
[10]1234567890 ; sb i указатель на mainsb = =			
	начение:		
(100.45.65000)			
'1234567890' 1 указатель на L03			
z			
fi ј указатель на fi			
х i указатель на mainx			
,			
y i указатель на mainy			
sc i указатель на mainsc			
fc i указатель на fc			
sa i указатель на mainsa			
sb i указатель на mainsb	указатель на mainsh		
print p			

'контрольный	1	L04 – литерал, string, значение:
пример'		[17]контрольный пример
,	,	
print	p	
Z	i	указатель на mainz
,	,	
print	p	
sc	i	указатель на mainc
,	,	
print	p	
strlen	i	указатель на strlen
((
sc	i	указатель на mainsc
)	
,	•	
return	r	
0	1	L05 – литерал, integer, значение:0
,	,	
}	}	
	•	

9. Синтаксический анализатор

Грамматики типа 2 иерархии Хомского:
$$G_{II} = \langle T, N, P, S \rangle$$
 – контекстно-свободные грамматики.

Правила имеют вид: $A \to \alpha$, где $A \in N$, $\alpha \in V^*$.

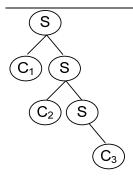
Грамматика:

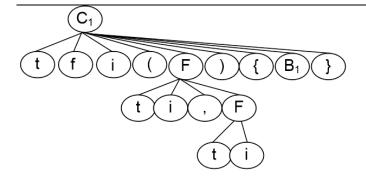
Терминалы	Назначение		
t	тип данных		
i	идентификатор		
1	литерал		
f	function		
d	declare		
r	return		
p	print		
m	main		
,	,		
,	,		
{	{		
}	}		
((
)			
V	+		
	-		
	*		
	/		

Нетерминалы	Назначение
S	Стартовый символ
С	Программная конструкция (функция или главная функция)
В	Тело программной конструкции
F	Параметры
N	Последовательность операторов программы
0	Оператор программы
Е	Выражение
W	Подвыражение

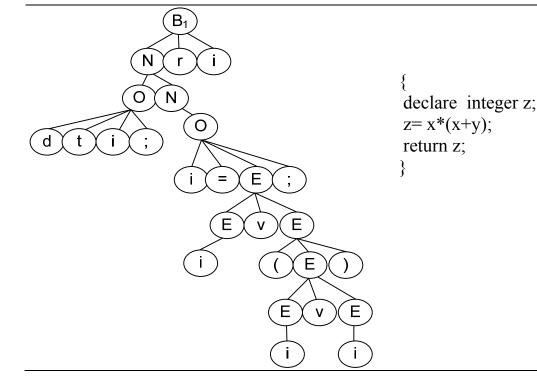
Правила грамматики:

```
\begin{split} S \rightarrow & C; | CS; \\ C \rightarrow & tfi(F)\{B\}; | m\{B\}; \\ B \rightarrow & NrE; \\ N \rightarrow & O|ON \\ O \rightarrow & dti; | rE; | i=E; | dtfi(F); \\ E \rightarrow & i|l|(E)|EvE|i(W) \\ F \rightarrow & ti|ti, F \\ W \rightarrow & i|l|i, W|l, W \end{split}
```





```
integer function fi(integer x, integer y)
{
  declare integer z;
  z= x*(x+y);
  return z;
}
```



10. Семантика компилятора:

Ŋoౖ	Правило	
1	Наличие функции main	
2	Усечение слишком длинных идентификаторов до 5 символов	
3	Сначала осуществляется проверка на ключевые слова, а затем на	
	идентификатор. Не допускаются идентификаторы совпадающие с	
	ключевыми словами	
4	Нет повторяющихся наименований функций	
5	Нет повторяющихся объявлений идентификаторов	
6	Предварительное объявление, применяемых функций	
7	Предварительное объявление, применяемых идентификаторов.	
8	Соответствие типов формальных и фактических параметров при вызове	
	функций	
9	Усечение слишком длинного значения string-литерала	
10	Округление слишком большого значения integer-литерала	
11	Если ошибка возникает на этапе лексического анализа, синтаксический	
	анализ не выполняется	
12	При возникновении ошибки в процессе лексического анализа,	
	ошибочная фраза игнорируется (предполагается, что ее нет) и	
	осуществляется попытка разбора следующей фразы.	
	Граница фразы, любой сепаратор (пробел, скобка, запятая, точка с	
	запятой и пр.)	
13	Если 3 подряд фразы не разобраны, то работа транслятора	
	останавливается	
14	При возникновении ошибки в процессе синтаксического анализа,	
	ошибочная фраза игнорируется (предполагается, что ее нет) и	
	осуществляется попытка разбора следующей фразы. Граница фразы –	
	точка с запятой.	

- 11. Построение МП-автомата $M = \langle Q, V, Z, \delta, q_0, z_0, F \rangle$
- 12. Пусть $G = \langle T, N, P, S \rangle$ контекстно-свободная грамматика.
- 13. Магазинный автомат $M = \langle Q, V, Z, \delta, q_0, z_0, F \rangle$:

$$Q = \{q_0\}, V = T, F = \{q_0\}, Z = T \cup N \cup \{z_0\}$$

$$\forall A: (A \rightarrow \alpha) \in P \Rightarrow \delta(q_0, \lambda, A) = (q_0, \alpha^R)$$

$$\forall a \in T \Rightarrow \delta(q_0, a, a) = (q_0, \lambda)$$

$$\delta(q_0, \lambda, z_0) = (q_0, \lambda)$$

Стартовая конфигурация МП-автомата: $(q_0, w, z_0 S)$

14. Пример: $G = \langle T, N, P, S \rangle$

$$S \rightarrow C|CS$$

 $C \rightarrow tfi(F)\{B\};|m\{B\};$
 $B \rightarrow NrE;$
 $N \rightarrow O|ON$
 $O \rightarrow dti;|rE;|i=E;|dtfi(F);$
 $E \rightarrow i|l|(E)|EvE|i(W)$
 $F \rightarrow ti|ti,F$
 $W \rightarrow i|l|i,W|l,W$

15.
$$Q = \{q_0\}, V = \{d, f, i, l, r, t, v, \backslash\}, \backslash\{, \backslash\}, \langle, , , \rangle$$

 $Z = V \cup \{S, C, B, N, O, E, F, W\} \cup \{q_0\}$

16. Функция переходов
$$\forall A: (A \to \alpha) \in P \Rightarrow \delta(q_0, \lambda, A) = (q_0, \alpha^R)$$

аргументы	α^{R}	α^{R}	α^{R}	α^{R}	α^{R}
q_0,λ,S	C	SC			
q_0,λ,C	;}B{)F(ift	;}B{m			
q_0,λ,B	;ErN				
q_0,λ,N	О	NO			
q_0,λ,O	;itd	;Er	;E=i	;)F(iftd	
q_0,λ,E	i	1)E(EvE)W(i
q_0,λ,F	it	F,it			
q_0,λ,W	i	1	W,i	W,l	

Стек - список элементов, организованных по принципу LIFO.

Обозначения:

S – стартовый символ.

 z_0 – символ дна стека (в программе можно обозначить \$).

Конец входной ленты обозначим символом, совпадающим с символом дна стека \$ (можно использовать как признак завершения разбора).

17. Функция переходов $\forall a \in T \Longrightarrow \delta(q_0, a, a) = (q_0, \lambda)$

(на вершине стека находится терминальный символ, который совпадает с текущим символом входной цепочки. Этот символ выталкивается из стека, считывающая головка передвигается на одну позицию вправо)

аргументы	Значение
q ₀ ,d,d	
q_0,f,f	
q ₀ ,i,i	
q_0,r,r	q_0,λ
q_0,t,t	- 1 03-1
$q_0, \}, \}$	
$q_0, \{, \{$	
$q_0,(,($	
$(q_0,),)$	
$q_0,;;$	

18. Функция переходов $\delta(q_0, \lambda, z_0) = (q_0, \lambda)$ z_0 - начальное состояние (маркер дна)

19. Работа магазинного автомата.

1	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z_0S

1.1	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z_0C (1-е правило для $S \rightarrow C$)

1.1.1	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;
	};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i)
	;pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0;$ }B{)F(ift (1-е правило для C \rightarrow tfi(F){B};)
Лента	ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};
	m { dti ; dti ; dti ; dti ; dti ; $dtfi$ (ti); i = i ; i = i ; i = i ; i = i ; i = i (i , i); i = i (i , i); p
	l;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_{0}; B()F$

1.1.1.1	
Лента	ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};
	m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);p l;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0;$ }B{)it (1-е правило для $F \rightarrow ti$)
Лента	ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};
	m { dti ; dti ; dti ; dti ; dti ; $dtfi$ (ti); i = i ; i = i ; i = i ; i = i ; i = i (i , i); i = i (i , i); p
	l;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0; B()$ it
Лента	,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m
	{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;
	pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0; B()$
Автомат остановлен	

1.1.1.2	
Лента	ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};
	m { dti ; dti ; dti ; dti ; dti ; $dtfi$ (ti); i = i ; i = i ; i = i ; i = i ; i = i (i , i); i = i (i , i); p
	l;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0;$ }B{)F,it (2-е правило для F \rightarrow ti,F)
Лента	ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{
	dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi
	;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0;B()F$

1.1.1.2.1	
Лента	ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{ dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi
	;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0; B()$ it (1-е правило для $F \rightarrow ti$)
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;
	dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi; pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0;$ B

1.1.1.2.2		
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};	
Магазин	$Z_0;$;ErN (правило для $B \rightarrow NrE;$)	
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};	
Магазин	$Z_0;$;ErO (1-е правило для N \rightarrow O)	
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};	
Магазин	$Z_0;$;ErNO (2-е правило для N \rightarrow ON)	
Лента	dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};	
Магазин	Z ₀ ;};ErN;itd (1-е правило для О→dti;)	
Лента	<pre>i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti; dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);pl;};</pre>	
Магазин	$Z_0;$;ErN	
Лента	<pre>i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti; dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);pl;};</pre>	
Магазин	$Z_0;$;ErO (1-е правило для N \rightarrow O)	
Лента	<pre>i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti; dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};</pre>	
Магазин	$Z_0;$;Er;itd (1-е правило для $O \rightarrow dti;$)	
	Автомат остановлен	

1.1.2	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;
	<pre>};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i)</pre>
	;pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0;$ }B{m (2-е правило для С \to m{B};)
Автомат остановлен	

1.2	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z_0SC

1.2.1	
Лента	tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;}
	<pre>};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i) ;pl;pi;pi(i);rl;};</pre>
Магазин	$Z_0S;$ }B{)F(ift (1-е правило для С \rightarrow tfi(F){B};)
Лента	ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;}; m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);p l;pi;pi(i);rl;};
Магазин	и т.д.

Правильная траектория:

tfi(ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;
};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i)
;pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Z_0S
Z_0SC
Z_0S B ${)$ F(ift
ti,ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};
m {dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);p
l;pi;pi;pi(i);rl;};
Z_0S B ${}$)F
Z_0S B ${)F,ti}$
ti){dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{
dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi
;pi;pi(i);rl;};
Z_0S B ${}$)F
Z_0S B ${$)it
dti;i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;
dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;
pi(i);rl;};
Z_0S B
Z_0S };ErN
Z_0S };ErNO
Z_0S };ErN;itd (1-е правило для $O \rightarrow dti$;)
i=iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;
dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i
);rl;};
Z_0S };ErN
Z_0S };ErO (1-е правило для N \rightarrow O)
Z_0S };Er;E=i (1-е правило для O \rightarrow i=E;)
iv(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dt
i;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);

	rl;};
Магазин	Z_0S };Er;E
Магазин	Z ₀ S};Er;EvE
Магазин	Z ₀ S};Er;Evi
Лента	(ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;
Jionia	dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl
	: 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
Магазин	Z_0S ;Er;E
Магазин	Z ₀ S};Er;)E(
Лента	ivi);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dt
Jionia	i;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;}
Магазин	Z ₀ S};Er;)E
Магазин	Z_0S ;Er;)EvE
Магазин	Z ₀ S};Er;)Evi
Лента	i);ri;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;
ЛСНТА	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z ₀ S};Er;)E
Магазин	Z_0S ; Er;)i
Лента	i;}tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;
Лента	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	
Магазин	Z_0S ;E
	Z_0S ; i
Лента	tfi(ti,ti){dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dti
Maria	;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	Z ₀ S
Магазин	Z ₀ SC
Магазин	Z ₀ S;}B{)F(ift
Лента	ti,ti) {dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m {dti;dti;dti;dti;dti;dt
	fi(ti);i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;B\{\}F$
Магазин	$Z_0S;B\{\}F,it$
Лента	ti) {dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m {dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(
	ti);i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;B(F)$
Магазин	$Z_0S;B\{$)it
Лента	dti;dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i
	=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};
Магазин	$Z_0S;$ }B
Магазин	$Z_0S;$;ErN
Магазин	$Z_0S;$;ErNO
Магазин	$Z_0S;$;ErN;itd
Лента	dtfi(ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i

	=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$;ErN				
Магазин	Z ₀ S;};ErNO				
Магазин	$Z_0S;$; ErN;)F(iftd				
Лента	ti,ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i				
	=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$; ErN;)F				
Магазин	$Z_0S;$; ErN;)F,it				
Лента	ti,ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;				
	i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$;ErN;)F				
Магазин	$Z_0S;$; ErN;)F,it				
Лента	ti);i=i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i				
	=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$;ErN;)F				
Магазин	$Z_0S;$; ErN;) it				
Лента	$i=i(i,l,l)vi;ri;$; m { $dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i$				
	=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;;				
Магазин	$Z_0S;$;ErN				
Магазин	$Z_0S;$;ErO				
Магазин	$Z_0S;$; Er; E=i				
Лента	i(i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i				
	(i,i); $i=i(i,i)$; pl ; pi ; pi ; $pi(i)$; rl ; f ;				
Магазин	$Z_0S;$;Er;E				
Магазин	$Z_0S;$; Er; EvE				
Магазин	$Z_0S;$; Er; Ev)W(i				
Лента	i,l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,				
	i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$; Er; Ev)W				
Магазин	$Z_0S;$; Er; Ev)W,i				
Лента	l,l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i				
);i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$; Er; Ev)W				
Магазин	$Z_0S;$; Er; Ev)W,l				
Лента	l)vi;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);				
	i=i(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$; $Er; Ev)W$				
Магазин	$Z_0S;$; Er; Ev)l				
Лента	l;ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i				
	(i,i);pl;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$;Er;E				
Магазин	$Z_0S;$;Er;1				
Лента	ri;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i				

	,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	Z ₀ S;};Er				
Лента	i;};m{dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,				
	i);pl;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0S;$; E				
Магазин	$Z_0S;$; i				
Лента	$m\{dti;dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);p\}$				
	l;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	Z_0S				
Магазин	Z_0C				
Магазин	$Z_0;$ B{m				
Лента	dti;dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi				
	;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	Z ₀ ;}B				
Магазин	Z ₀ ;};ErN				
Магазин	Z ₀ ;};ErNO				
Магазин	Z_0 ;;ErN;itd				
Лента	dti;dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;				
	pi(i);rl;};				
Магазин	Z ₀ ;};ErN				
Магазин	Z ₀ ;};ErNO				
Магазин	Z ₀ ;};ErN;itd				
Лента	dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i				
);rl;};				
Магазин	Z ₀ ;};ErN				
Магазин	Z ₀ ;};ErNO				
Магазин	Z_0 ;;ErN;itd				
Лента	dti;dti;dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl				
	;};				
Магазин	Z ₀ ;};ErN				
Магазин	$Z_0;$;ErNO				
Магазин	Z_0 ;;ErN;itd				
Лента	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErN				
Магазин	Z ₀ ;};ErNO				
Магазин	Z_0 ; ErN; itd				
Лента	dti;dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErN				
Магазин	Z ₀ ;};ErNO				
Магазин	$Z_0;$; ErN; itd				
Лента	dtfi(ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErN				
Магазин	$Z_0;$;ErNO				

Магазин	Z ₀ ;};ErNO;)F(iftd				
Лента	ti);i=i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	Z ₀ ;};ErNO;)F				
Магазин	Z ₀ ;};ErNO;)it				
Лента	i=i;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErNO				
Магазин	$Z_0;$;ErN;E=i				
Лента	i;i=l;i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErN;E				
Магазин	Z ₀ ;};ErN;i				
Лента	i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErN				
Магазин	$Z_0;$;ErNO				
Магазин	$Z_0;$; ErN; E=i				
Лента	i=l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErN				
Магазин	$Z_0;$;ErNO				
Магазин	$Z_0;$;ErN;E=i				
Лента	l;i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
Магазин	$Z_0;$;ErN;E				
Магазин	Z ₀ ;};ErN;l				
Лента	i=l;i=i(i,i);i=i(i,i);pl;pi;pi;pi(i);rl;};				
•••					
Лента					
Магазин	Z_0				
Магазин					
	Цепочка разобрана				

аргументы	α^{R}	α^{R}	α^{R}	α^{R}	α^{R}
q_0,λ,S	C	SC			
q_0,λ,C	;}B{)F(ift	;}B{m			
αο λ Β	;ErN				
q_0,λ,N	O	NO			
q_0,λ,O	;itd	;Er	;E=i	;)F(iftd	
q_0,λ,E	i	1)E(EvE)W(i
q_0,λ,N q_0,λ,O q_0,λ,E q_0,λ,F	it	F,it			
q_0,λ,W	i	1	W,i	W,l	