

2η Σειρά Εργαστηριακών Ασκήσεων

Οι εργαστηριακές ασκήσεις είναι ατομικές. Οι απαντήσεις θα πρέπει να υποβληθούν με **turnin**, το αργότερο μέχρι την **Τρίτη 5 Απριλίου 2022, ώρα 23:59**.

Οι ώρες οι οποίες έχουν δεσμευτεί για το εργαστήριο του μαθήματος είναι την Παρασκευή 10-12πμ. Η παρουσία στο εργαστήριο τις παραπάνω ώρες δεν είναι υποχρεωτική. Μπορείτε να έρχεστε στο εργαστήριο τις ώρες αυτές για όποια βοήθεια χρειάζεστε σχετικά με την εκπόνηση των εργαστηριακών ασκήσεων και γενικότερα τον προγραμματισμό στη γλώσσα Haskell, καθώς και για την επίλυση προβλημάτων που παρουσιάζονται κατά τη συγγραφή των προγραμμάτων στο πλαίσιο των εργαστηριακών ασκήσεων. Για αντίστοιχα προβλήματα ή απορίες που θα προκύψουν στο διάστημα από την περάτωση του εργαστηρίου μέχρι την υποβολή της εργασίας μπορείτε να επικοινωνήσετε με την κ. Βίκυ Σταμάτη την Τρίτη 10:00-12:00 είτε δια ζώσης (Γραφείο B11) είτε μέσω ηλεκτρονικού ταχυδρομείου (vstamati@uoi.gr). Θα απαντηθούν μόνο ηλεκτρονικά μηνύματα που έχουν σταλεί από τον ιδρυματικό σας λογαριασμό.

Πριν ξεκινήσετε να γράφετε τα προγράμματα που ζητούνται στις ασκήσεις της σειράς αυτής, **διαβάστε πολύ προσεκτικά τις αναλυτικές οδηγίες** που ακολουθούν.

Οδηγίες

- Για τη συγγραφή των προγραμμάτων επιτρέπεται να χρησιμοποιήσετε προκαθορισμένες συναρτήσεις και προκαθορισμένους τελεστές **μόνο εφόσον αναφέρονται στις σημειώσεις του μαθήματος**. Δεν επιτρέπεται η χρήση του `import`.
- Για τη συγγραφή των συναρτήσεων θα πρέπει να χρησιμοποιήσετε το αρχείο πρότυπο `Lab2.hs` (που υπάρχει στην ιστοσελίδα του μαθήματος), στο οποίο υπάρχουν έτοιμες οι δηλώσεις τύπων των συναρτήσεων που θα πρέπει να κατασκευάσετε καθώς και μία ισότητα που ορίζει τις συναρτήσεις ώστε να επιστρέφουν μία προκαθορισμένη τιμή για όλες τις τιμές των ορισμάτων. Για να απαντήσετε σε μία άσκηση μπορείτε να αντικαταστήσετε την παραπάνω ισότητα με τις κατάλληλες ισότητες που ορίζουν την τιμή της συνάρτησης. **Δεν θα πρέπει να τροποποιήσετε το τύπο ούτε το όνομα της συνάρτησης**.
- Μπορείτε να χρησιμοποιήσετε όσες βοηθητικές συναρτήσεις θέλετε, οι οποίες θα καλούνται από τις συναρτήσεις που σας ζητείται να υλοποιήσετε. Σε καμία περίπτωση δεν θα πρέπει να προσθέσετε άλλα ορίσματα στις συναρτήσεις που σας ζητούνται (καθώς αυτό συνεπάγεται αλλαγή του τύπου τους).
- Αν χρησιμοποιήσετε προκαθορισμένες συναρτήσεις ή τελεστές που δεν αναφέρονται στις σημειώσεις του μαθήματος ή αν χρησιμοποιήσετε το `import`

για να ενσωματώσετε έτοιμο κώδικα, η αντίστοιχη άσκηση δεν θα βαθμολογηθεί.

- Ο έλεγχος της ορθότητας των απαντήσεων θα γίνει με ημι-αυτόματο τρόπο. Σε καμία περίπτωση δεν θα πρέπει ο βαθμολογητής να χρειάζεται να κάνει παρεμβάσεις στο αρχείο που θα υποβάλετε. Συνεπώς θα πρέπει να λάβετε υπόψη τα παρακάτω:
 1. Κάθε μία από τις συναρτήσεις που σας ζητείται να υλοποιήσετε θα πρέπει να έχει το συγκεκριμένο όνομα και το συγκεκριμένο τύπο που περιγράφεται στην εκφώνηση της αντίστοιχης άσκησης και που υπάρχει στο αρχείο πρότυπο Lab2.hs. **Αν σε κάποια άσκηση το όνομα ή ο τύπος της συνάρτησης δεν συμφωνεί με αυτόν που δίνεται στην εκφώνηση, η άσκηση δεν θα βαθμολογηθεί.**
 2. Το αρχείο που θα παραδώσετε δεν θα πρέπει να περιέχει συντακτικά λάθη. Αν υπάρχουν τμήματα κώδικα που περιέχουν συντακτικά λάθη, τότε θα πρέπει να τα διορθώσετε ή να τα αφαιρέσετε πριν από την παράδοση. **Αν το αρχείο που θα υποβάλετε περιέχει συντακτικά λάθη, τότε ολόκληρη η εργαστηριακή άσκηση θα μηδενιστεί.**
 3. Οι συναρτήσεις θα πρέπει να επιστρέφουν αποτέλεσμα για όλες τις τιμές των ορισμάτων που δίνονται για έλεγχο στο τέλος κάθε άσκησης. Αν κάποιες από τις τιμές που επιστρέφουν οι συναρτήσεις δεν είναι σωστές, αυτό θα ληφθεί υπόψη στη βαθμολογία, ωστόσο η άσκηση θα βαθμολογηθεί κανονικά. **Αν ωστόσο οι συναρτήσεις δεν επιστρέφουν τιμές για κάποιες από τις τιμές ελέγχου (π.χ. προκαλούν υπερχείλιση στοίβας, ατέρμονο υπολογισμό ή κάποιο σφάλμα χρόνου εκτέλεσης) τότε η αντίστοιχη άσκηση δεν θα βαθμολογηθεί.**
 4. Κατα τη διόρθωση των ασκήσεων οι βαθμολογητές δεν θα κάνουν κλήσεις στις βοηθητικές συναρτήσεις που ενδεχομένως θα χρησιμοποιήσετε. Η χρήση των βοηθητικών συναρτήσεων θα πρέπει να γίνεται μέσα από τις συναρτήσεις που σας ζητείται να υλοποιήσετε.
- Μετά το τέλος της εκφώνησης κάθε άσκησης δίνονται τιμές που μπορείτε να χρησιμοποιήσετε για έλεγχο της ορθότητας των συναρτήσεων.
- Για υποβολή με turnin γράψτε:

turnin Haskell-2@myy401 Lab2.hs

Άσκηση 1.

Είναι γνωστό από τα μαθηματικά ότι αν a, k, m είναι μη αρνητικοί ακέραιοι αριθμοί με $m \geq 2$ τότε το σύνολο $\{n \in \mathbb{N} \setminus \{0\} \mid (n + a)^k < m^n\}$ περιέχει άπειρα στοιχεία. Γράψτε μία συνάρτηση `search` σε Haskell η οποία θα δέχεται ως ορίσματα τρεις ακέραιους αριθμούς a, k, m και θα επιστρέφει τον ελάχιστο θετικό ακέραιο n για τον οποίο ισχύει $(n + a)^k < m^n$ (δηλαδή το ελάχιστο στοιχείο του συνόλου που περιγράφεται παραπάνω). Ο τύπος της συνάρτησης θα πρέπει να είναι `Integer->Integer->Integer->Integer`. Μπορείτε να υποθέσετε ότι a, k, m είναι μη αρνητικοί ακέραιοι αριθμοί και ότι $m \geq 2$.

Δεν επιτρέπεται να χρησιμοποιήσετε λίστες.

Για έλεγχο χρησιμοποιήστε τις παρακάτω τιμές:

```
Main> search 0 2 2
1
Main> search 1 2 2
6
Main> search 2 2 2
7
Main> search 2 5 2
24
Main> search 5 2 2
8
Main> search 1 10 3
32
Main> search 1 100 2
997
Main> search 1000 2 3
13
Main> search 100 100 100
117
Main> search 1000 1000 1000
1108
```

Άσκηση 2.

Μπορούμε να μετατρέψουμε έναν δεδομένο θετικό ακέραιο αριθμό σε έναν μονοψήφιο αριθμό με την παρακάτω διαδικασία: ενώσο ο αριθμός δεν είναι μονοψήφιος τον αντικαθιστούμε με το γινόμενο των μη μηδενικών ψηφίων του. Για παράδειγμα: $1978 \rightarrow 504 \rightarrow 20 \rightarrow 2$. Αν ο δεδομένος αριθμός είναι μονοψήφιος, τότε το αποτέλεσμα ισούται με τον ίδιο τον αριθμό.

Γράψτε μία συνάρτηση `compress` σε Haskell, η οποία θα δέχεται ως όρισμα έναν ακέραιο αριθμό n και θα τον μετατρέπει σε μονοψήφιο εφαρμόζοντας την παραπάνω διαδικασία. Ο τύπος της συνάρτησης θα πρέπει να είναι `Integer->Integer`. Μπορείτε να υποθέσετε ότι ο n είναι θετικός ακέραιος αριθμός.

Δεν επιτρέπεται να χρησιμοποιήσετε λίστες.

Για έλεγχο χρησιμοποιήστε τις παρακάτω τιμές:

```
Main> compress 7
7
Main> compress 32
6
Main> compress 35
5
Main> compress 39
4
Main> compress 58
4
Main> compress 7235
2
Main> compress 87251
3
Main> compress 25522525
1
Main> compress (11^15)
2
Main> compress (13^7128)
8
```