MINISTERUL EDUCAȚIEI AL REPUBLICII MOLDOVA UNIVERSITATEA DE STAT DIN TIRASPOL

CATEDRA

FIZICĂ, MATEMATICĂ ȘI TEHNOLOGII INFORMAȚIONALE

SPECIALITATEA

TEHNOLOGII INFORMAȚIONALE ÎN INSTRUIRE

Structuri algebrice pe calculator

Laboratoare Nr.1 și Nr.2

Realizat: Cojucovschi Ion

Grupa: C111

Verificat: Chiriac Liubomir

Algoritmi de verificare a unor proprietăți algebrice și de identificare a unităților pe structuri algebrice finite

Problema.Se dă grupoidul (Q,). Se cere de elaborat un program care verifică dacă în grupoidul respective se îndeplinesc următoarele proprietăți:

- 1. Asociativitatea: a(bc)=(ab)c, $\forall a,b,c \in Q$
- 2. Medialitatea: (ab)(cd)=(ac)(bd), \forall a,b, c,d \in Q
- 3. Paramedialitatea: (ab)(cd)=(db)(ca), \forall a,b, c,d \in Q
- 4. Bicomutativitatea: (ab)(cd)=(dc)(ba), \forall a ,b , c ,d \in Q
- 5. AG grupoid: (ab) c=(cb)a, $\forall a,b$, $c \in Q$
- 6. GA grupoid: (ab) $c=c(ba), \forall a, b, c \in Q$
- 7. GA-1 grupoid: (ab) c=(ca)b, $\forall a,b$, $c \in Q$
- 8. AD grupoid: $a(bc)=c(ba), \forall a,b,c \in Q$
- 9. DA grupoid: $a(bc)=c(ab), \forall a,b,c \in Q$
- 10. Hexagonalitatea: a = a; (ab)(cd) = (ac)(bd), a(ba) = (ab)a = b, $\forall a, b, c, d \in Q$
- 11. Distributivitatea la dreapta: (ab)c=(ac)(bc), \forall a, b, c \in Q
- 12. Distributivitatea la stânga: c (ab)=(ca)(cb), \forall a ,b , c \in Q
- 13. Unitatea la dreapta: xe=x, $\forall x \in Q$
- 14. Uniatea la stânga: ex=x, $\forall x \in Q$
- 15. Unitateaxe=ex=x, $\forall x \in Q$

Crupaidul/

- 16. Ward: $ab=(ac)(bc) \forall a, b, c \in Q$
- 17. Ward invers: $ab=(ca)(cb) \forall a,b,c \in Q$.

Aplicând programul elaborat să se cerceteze proprietățile următoarelor structuri algebrice:

Crupaidul/

Grupoldul()						Grupolaul()							Grupoldul()						
		1	2	3	4		1	2	3	4			1	2	3	4			
	1	2	3	1	4	1	1	2	4	3		1	1	2	4	3			
	2	4	1	3	4	2	2	3	1	4		2	2	3	1	4			

Crupaidul/

3	3	2	4	1		3	4	1	3	2		3	4	1	3	2					
4	1	4	2	3		4	3	4	2	1		4	3	4	2	1					
	•					•						•									
Grup	oidul	()				Grup	oidul()				Grup	oidul()							
	1	2	3	4			1	2	3				1	2	3	4					
1	2	1	3	4		1	1	2	3			1	1	4	2	3					
2	1	3	4	2		2	2	3	1			2	3	2	4	1					
3	3	4	2	1		3	3	1	2			3	4	1	3	2					
4	4	2	1	3								4	2	3	1	4					
Grup	oidul(Grup											
	1	2	3	4	5	6	7				1	2	3	4	5	6					
1	1	4	7	3	6	2	5			1	1	2	2	5	6	4					
2	6	2	5	1	4	7	3			2	2	2	2	5	6	4					
3	4	7	3	6	2	5	1			3	2	2	3	3	6	4					
4	2	5	1	4	7	3	6			4	6	6	6	4	2	5					
5	7	3	6	2	5	1	4			5	4	4	4	6	5	2					
6	5	1	4	7	3	6	2			6	5	5	5	2	4	6					
7	3	6	2	5	1	4	7														
6		/ \				6				Crupoid::I/)											
Grup	Grupoidul()				Grupoidul()				Grupoidul()												
	1	2	3	4			1	2	3	4			1	2	3	4					
1	1	2	4	3		1	2	1	3	4		1	2	1	3	4					
2	2	3	1	4		2	1	3	4	2		2	3	4	2	1					
3	4	1	3	2		3	3	4	2	1		3	4	3	1	2					
4	3	4	2	1		4	4	2	1	3		4	1	2	4	3					
Crus	الماماد	()				Crus	oidul(`\				Crun	البياء أما	1							
Gru	ooidul 1	() 2	3			Grup	1	.)	3			Grup	oidul(1) 2	3	4					
1	1	2	3			1	1	3	2			1	1	3	2	4					
2	3	1	2			2	2	3 1	3			2	2	1	4	3					
3	2	3	1			3	3	2	1			3	3	4	1	2					
3		3	1			ا د	3	2	1			4	4	2	3	1					
												7	-	2	J						
Grur	ooidul	()				Grur	oidul(`)													
Ciap	1	2	3	4		O. up	1	.,	3	4	5	6									
1	1	2	3	4		1	1	3	2	4	5	6									
2	3	1	4	2		2	2	1	3	6	4	5									
3	2	4	1	3		3	3	2	1	5	6	4									
4	4	3	2	1		4	4	6	5	1	2	3									
•	ı .	•	_	-		5	5	4	6	3	1	2									
						6	6	5	4	2	3	1									
						-	•	-	•	_	•	_									

Elaborarea programului:

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
namespace Laboratorul_numarul_1
{
```

```
class Program
{
    static int r1, d1, r, d, r2, n, t, i, j, k, p, d2;
   static void Main()
    {
       int[,] a = new int[3, 3] { {0,0,0}},
        { 0,1,2},
       { 0,2,1} };
       int n = 0;
       Console.Write("Dati ordinul matricei");
       n= Convert.ToInt32(Console.ReadLine());
        ///initializam rarrayul
       for (int i = 0; i < n; i++)
        {
            for (int j = 0; j < n; j++)
            {
                Console.WriteLine("a[" + i + 1 + "," + j + 1 + "]=");
                a[i, j] = Convert.ToInt32(Console.ReadLine());
            }
        }
        r = 0; r1 = 0;
       afisare(a,n);
       asociativ(a,n);
       medial(a,n);
       paramedial(a,n);
       bicomutativ(a,n);
       ag gr(a,n);
       ga gr(a,n);
       ga_gr1(a,n);
       ad gr(a,n);
```

```
da_gr(a,n);
    hexagonal(a,n);
   dist dr(a,n);
   dist_st(a,n);
   unitate_dreapta(a,n,out r);
   unitate_stanga(a,n,out r1);
   unitate(ref r, ref r1);
   ward(a,n);
   ward invers(a,n);
   Console.ReadKey();
}
public static void afisare(int[,] a,int n) {
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
    {
        for (int j = 1; j < n+1; j++)
        {
            Console.Write(a[i, j]);
        }
        Console.WriteLine();
    }
   Console.WriteLine();
}
public static void asociativ(int[,] masiv,int n) {
   int l=0;
    for (int i = 1; i < n+1; i++) {
        for (int j = 1; j < n+1; j++) {
            for (int k = 1; k < n+1; k++)
                d = masiv[j, k];
```

```
d1 = masiv[i, j];
                if (masiv[i, d] != masiv[d1, k]) l++;
            }
       }
    }
    if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE ASOCIATIV");
    else Console.WriteLine("NU ESTE ASOCIATIV");
}
public static void medial(int[,] masiv, int n) {
    int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
    {
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
        {
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                for (int t = 1; t < n+1; t++) {
                    d = masiv[i, j];
                    r = masiv[k, t];
                    d1 = masiv[i,k];
                    r1 = masiv[j, t];
                    if (masiv[d, r] != masiv[d1, r1])
                        1++;
                }
            }
       }
    }
    if (l == 0) Console.WriteLine("ESTE MEDIAL");
    else Console.WriteLine("NU ESTE MEDIAL");
```

```
public static void paramedial(int[,] masiv, int n) {
   int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
    {
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
        {
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                for (int t = 1; t < n+1; t++)
                {
                    d = masiv[i, j];
                    r = masiv[k, t];
                    d1 = masiv[t, j];
                    r1 = masiv[k, i];
                    if (masiv[d, r] != masiv[d1, r1]) l++;
                }
       }
    }
   if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE PARAMEDIAL");
   else Console.WriteLine("NU ESTE PARAMEDIAL");
}
public static void bicomutativ(int[,] masiv, int n) {
   int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
```

{

```
for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                for (int t = 1; t < n+1; t++)
                {
                    d = masiv[i, j];
                    r = masiv[k, t];
                    d1 = masiv[t, k];
                    r1 = masiv[j, i];
                    if (masiv[d, r] != masiv[d1, r1]) l++;
               }
            }
        }
    }
    if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE BICOMUTATIV");
    else Console.WriteLine("NU ESTE BICOMUTATIV");
}
public static void ag gr(int[,] masiv,int n) {
    int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
    {
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
        {
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                d = masiv[i, j];
                d1 = masiv[k,j];
                if (masiv[d, k] != masiv[d1, i]) l++;
            }
        }
    }
    if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE AG GRUPOID");
```

```
else Console.WriteLine("NU ESTE AG GRUPOID");
}
public static void ga_gr(int[,] masiv, int n)
{
    int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                d = masiv[i, j];
                d1 = masiv[j, i];
                if (masiv[d, k] != masiv[k,d1]) l++;
           }
        }
    }
    if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE GA GRUPOID");
    else Console.WriteLine("NU ESTE GA GRUPOID");
}
public static void ga gr1(int[,] masiv, int n)
{
   int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
    {
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
        {
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
                d = masiv[i, j];
                d1 = masiv[k, i];
```

```
if (masiv[d, k] != masiv[d1, j]) l++;
            }
        }
    }
   if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE GA1 GRUPOID");
   else Console.WriteLine("NU ESTE GA1 GRUpoid");
}
public static void ad gr(int[,] masiv, int n)
    int l = 0;
   for (int i = 1; i < n + 1; i++)
    {
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
        {
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                d = masiv[j, k];
                d1 = masiv[j, i];
                if (masiv[i, d] != masiv[k, d1]) l++;
           }
        }
    }
    if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE AD GRUPOID");
   else Console.WriteLine("NU ESTE AD GRUpoid");
}
public static void da gr(int[,] masiv, int n)
{
   int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
        {
```

```
for (int k = 1; k < n + 1; k++)
                    {
                        d = masiv[j, k];
                        d1 = masiv[i, j];
                        if (masiv[i, d] != masiv[k, d1]) l++;
                    }
                }
            }
            if (l == 0) Console.WriteLine("ESTE DA GRUPOID");
            else Console.WriteLine("NU ESTE DA GRUpoid");
        public static void hexagonal(int[,] masiv, int n)
        {
            int l = 0;
            for (int i = 1; i < n + 1; i++)
            {
                for (int j = 1; j < n + 1; j++)
                {
                    for (int k = 1; k < n + 1; k++)
                    {
                        for (int t = 1; t < n+1; t++)
                        {
                            d = masiv[i, j];
                            r = masiv[k, t];
                            d1 = masiv[i, k];
                            r1 = masiv[j, t];
                            r2 = masiv[j,i];
                            if (masiv[i, i] != i || masiv[d, r]!=masiv[d1,r1] ||
masiv[i,r2]!=masiv[d,i] && masiv[d,i]!=j) l++;
```

```
}
    }
    if (l == 0) Console.WriteLine("ESTE HEXAGONAL");
    else Console.WriteLine("NU ESTE HEXAGONAL");
}
public static void dist dr(int[,] masiv, int n)
    int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
       for (int j = 1; j < n + 1; j++)
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                d = masiv[i, j];
                d1 = masiv[i, k];
                r1 = masiv[j, k];
                if (masiv[d, k] != masiv[d1, r1]) l++;
            }
    if (l == 0) Console.WriteLine("ESTE DISTRIBUTIV DE DREAPTA");
    else Console.WriteLine("NU ESTE DISTRIBUTIV DE DREAPTA");
}
public static void dist st(int[,] masiv, int n)
{
   int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
```

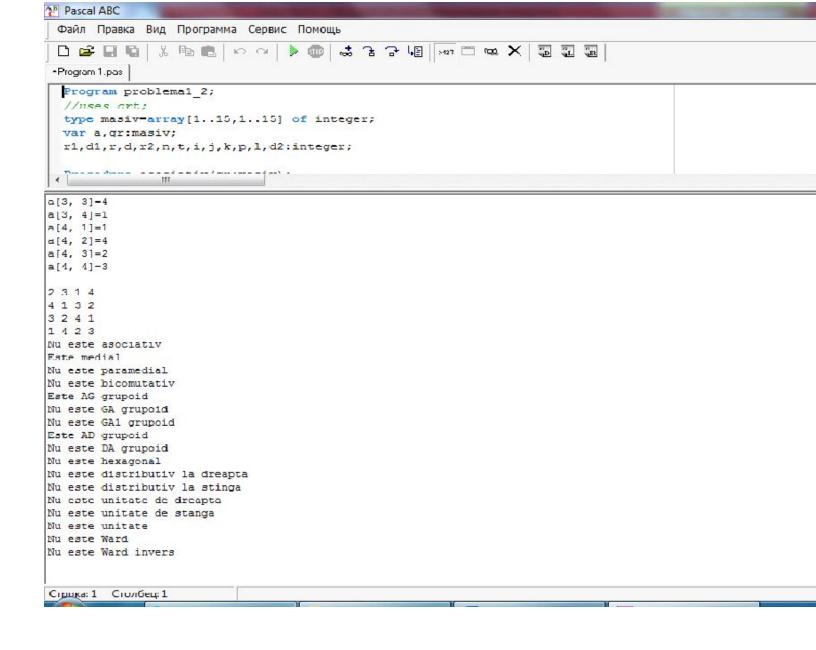
```
d = masiv[i, j];
                d1 = masiv[k, i];
                r1 = masiv[k, j];
                if (masiv[k,d] != masiv[d1, r1]) l++;
            }
    if (l == 0) Console.WriteLine("ESTE DISTRIBUTIV DE STANGA");
    else Console.WriteLine("NU ESTE DISTRIBUTIV DE STANGA");
}
public static void unitate_dreapta(int[,] masiv, int n, out int r)
   int 1;
    int j = 0; r = 0;
    for (int i = 1; i < n+1; i++)
    {
        1 = 0;
        j++;
       if (masiv[j, i] == i)
        {
            for (int k = 1; k < n+1; k++)
            {
                if (masiv[k, j] == k) l++;
               if (1 == n) r = j;
        }
    }
    if (r != 0) Console.WriteLine("ESTE UNITATE DREAPTA " + r);
    else Console.WriteLine("NU ESTE UNITATE STANGA");
}
public static void unitate_stanga(int[,] masiv, int n, out int r2)
```

```
int 1;
    int j = 0; r2 = 0;
    for (int i = 1; i < n+1; i++)
    {
       1 = 0;
       j++;
       if (masiv[i, j] == i)
        {
            for (int k = 1; k < n+1; k++)
            {
                if (masiv[j, k] == k) l++;
               if (1 == n) r2 = j;
           }
       }
    }
   if (r2 != 0) Console.WriteLine("ESTE UNITATE STANGA "+r2);
   else Console.WriteLine("NU ESTE UNITATE STANGA");
}
public static void unitate(ref int r, ref int r2) {
   if (r1 == r2 && r > 0) Console.WriteLine("Este unitate " + r);
   else Console.WriteLine("NU este unitate");
}
public static void ward(int[,] masiv,int n) {
   int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
                d = masiv[i,j];
                d1 = masiv[i, k];
```

```
d2 = masiv[j,k];
                if (d != masiv[d1, d2]) 1 += 1;
            }
    if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE WARD");
    else Console.WriteLine("NU ESTE WARD");
}
public static void ward_invers(int[,] masiv,int n)
    int l = 0;
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
        for (int j = 1; j < n + 1; j++)
            for (int k = 1; k < n + 1; k++)
            {
                d = masiv[i, j];
                d1 = masiv[k, i];
                d2 = masiv[k,j];
                if (d != masiv[d1, d2]) 1 += 1;
            }
    if (1 == 0) Console.WriteLine("ESTE WARD INVERS");
    else Console.WriteLine("NU ESTE WARD INVERS");
}
```

În urma compilării sau obținut următoarele rezultatele :

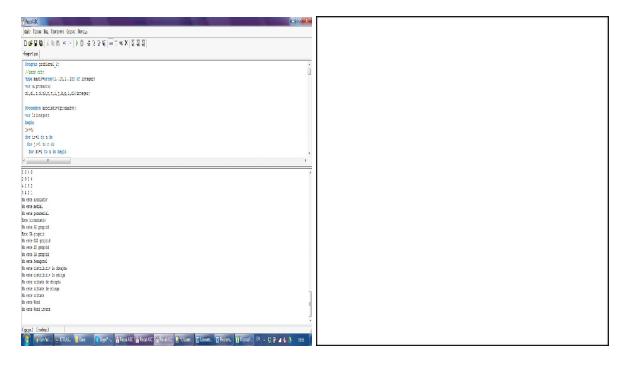
Grupoidul 1:



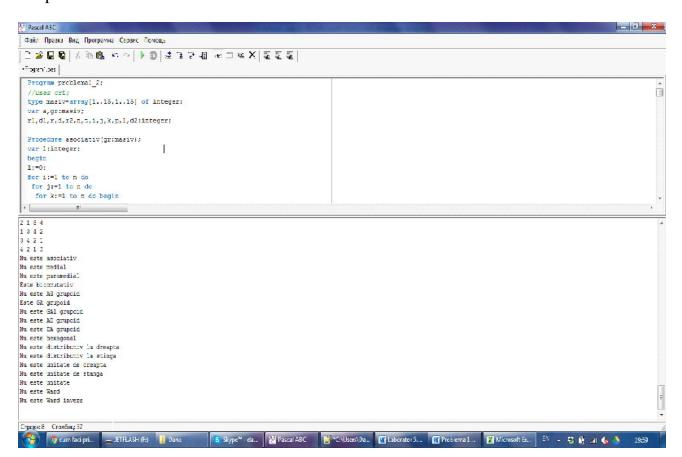
Grupoidul 2:

```
AB Pascal ARC
 Файл Правка Вид Программа Сервис Помощь
 •Program1.pas
  Program problema1 2;
   //uses crt:
  type masiv-array[1..15,1..15] of integer;
  var a, gr:masiv;
  r1,d1,r,d,r2,n,t,i,j,k,p,1,d2:integer;
  Procedure asociativ(gr:masiv);
  var l:integer;
  begin
  1:=0;
  for i:=1 to n do
for j:=1 to n do
    for k:=1 to n do begin
1 2 4 3 2 3 1 4
4 1 3 2 3 4 2 1
Nu este asociativ
Nu este medial
Nu este paramedial
Este bicomutativ
Nu este AG grupoid
Este GA grupoid
Nu este GAl grupoid
Nu cate AD grupoid
Nu este DA grupoid
Nu este hexagonal
Nu este distributiv la dreapta
Nu este distributiv la stinga
Nu este unitate de dreapta
Nu este unitate de stanga
Nu este unitate
Nu cate Ward
Nu este Ward invers
Строка: 2 Столбец: 3
```

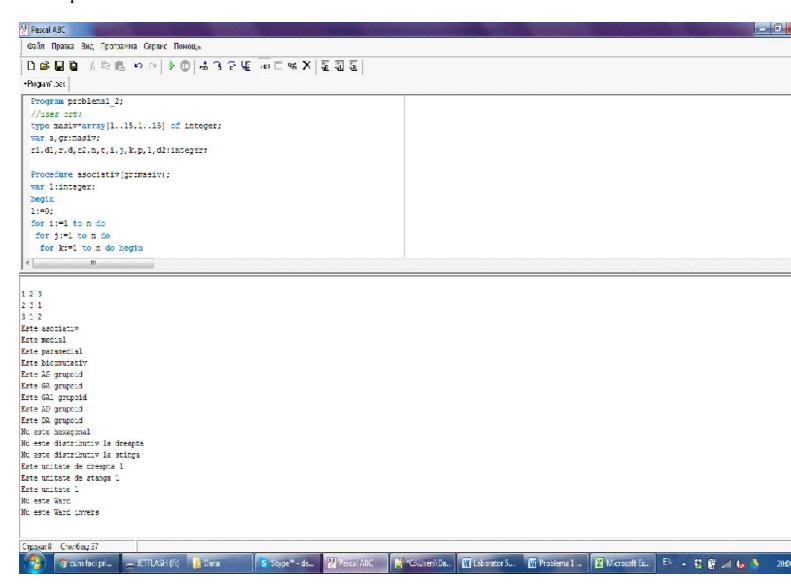
Grupoidul 3:



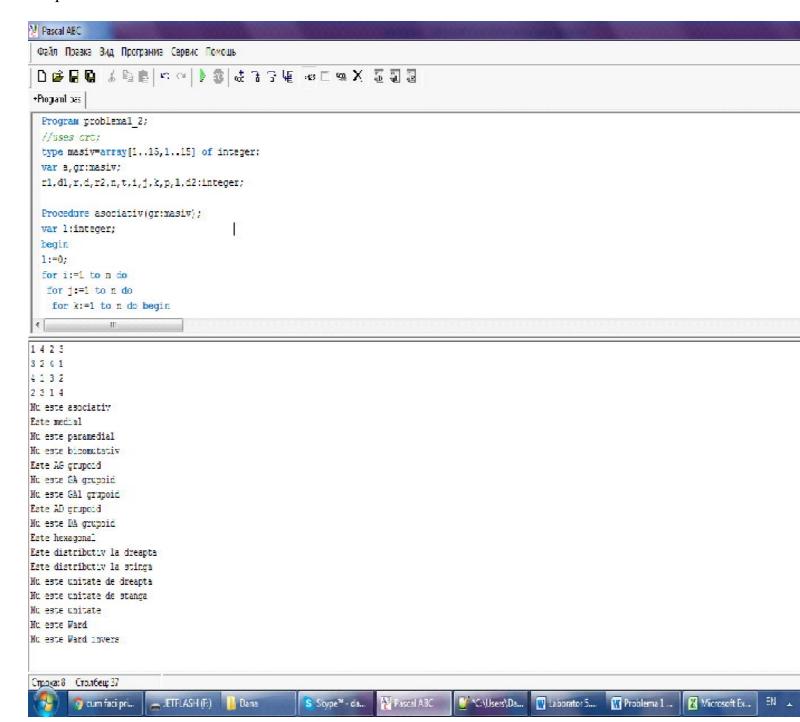
Grupoidul 4:



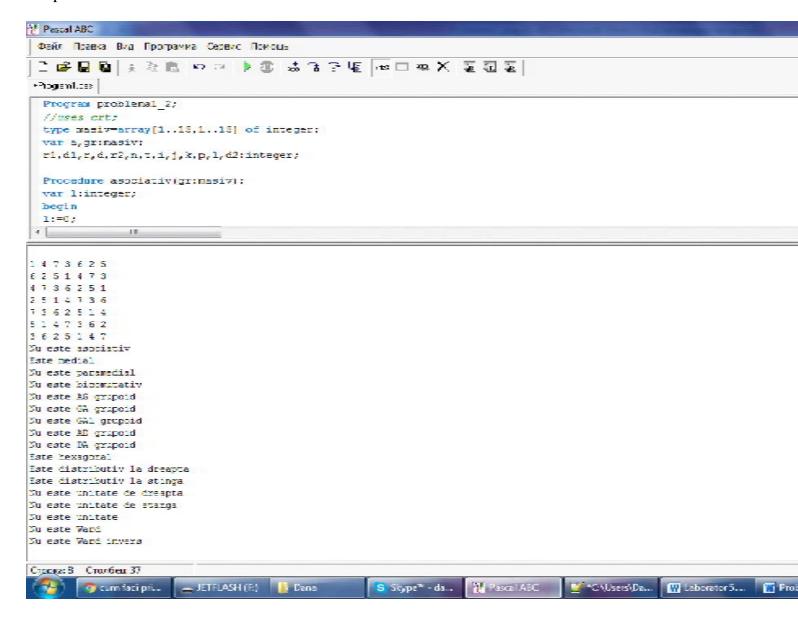
Grupoidul 5:



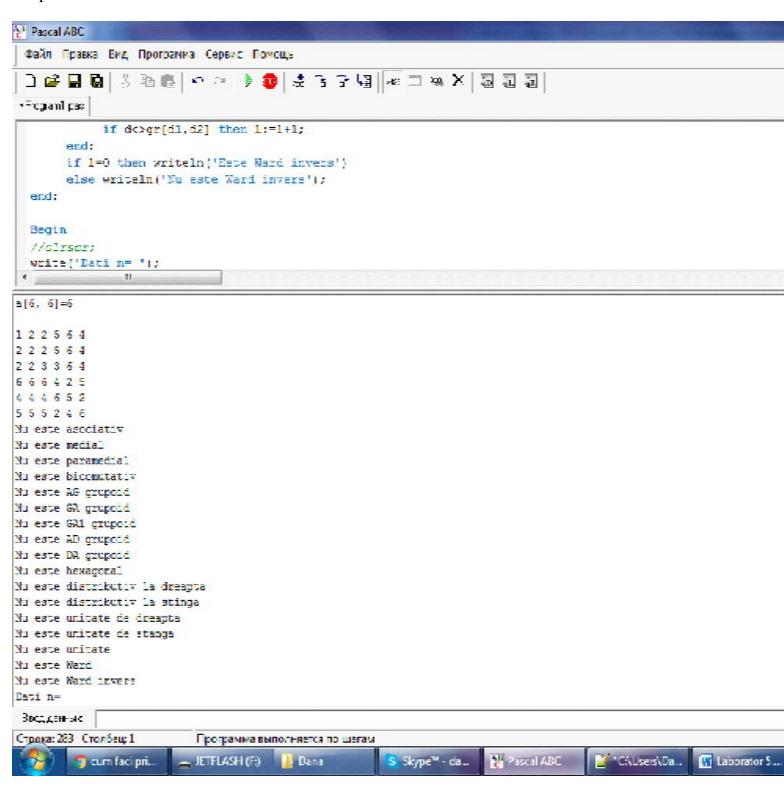
Grupoidul 6:



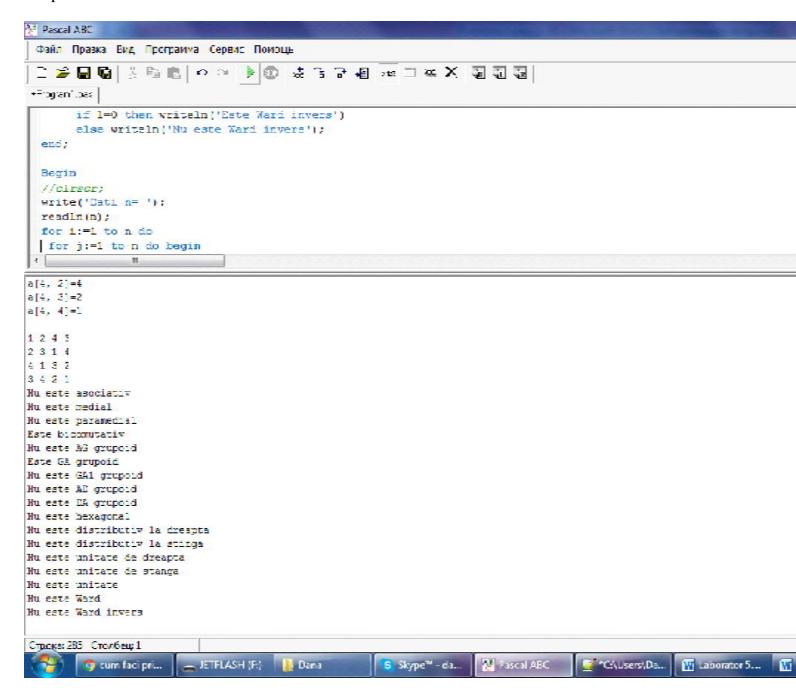
Grupoidul 7:



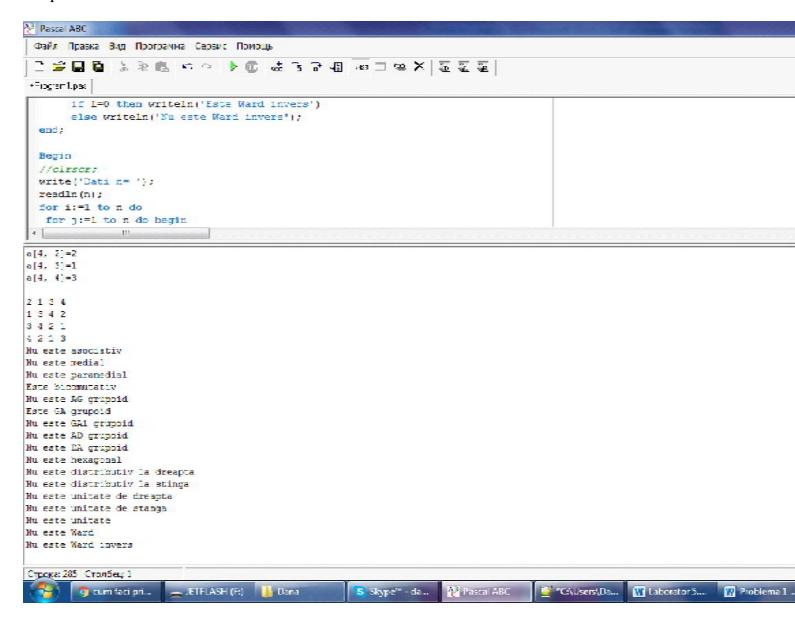
Grupoidul 8:



Grupoidul 9:



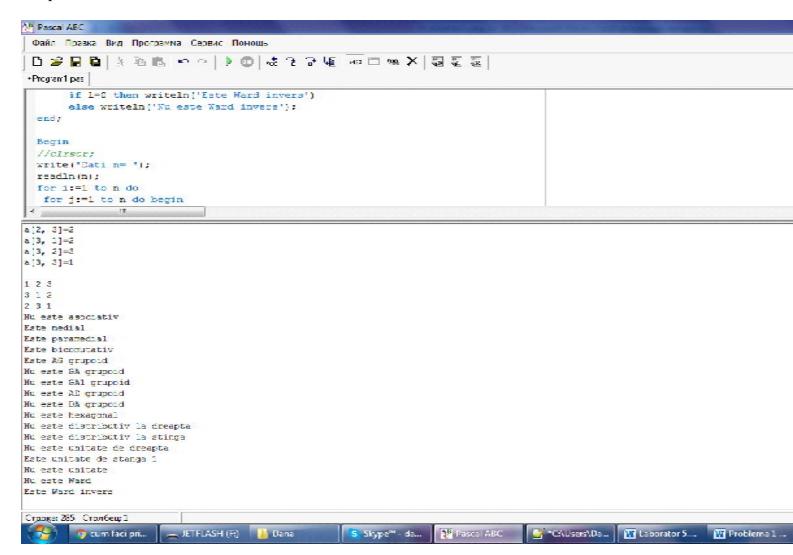
Grupoidul 10:



Grupoidul 11:

```
Pascal ABC
 Файл Правка Вид Программа Сервис Помощь
 +<sup>E</sup>rograni Joas
       if 1=0 them writeln('Esta Ward invers')
       else writeln('Nu este Ward invers');
  end:
  Begin
  //clrscr;
  write("Dati n= ');
  readln(n);
  for i:=1 to n do
  for j:=1 to n do begin
               III.
a[4, 2]=2
a[4, 3]=4
a[4, 4]=3
2 1 3 4
3 4 2 1
4 3 1 2
1243
Nu este asociativ
Mu este medial
Este paramedial
Nu este bloomutativ
Nu este MG grupoid
Nu este GA grupoid
Nu este GA1 grupoid
Nu este AD grupoid
Nu este DA grupcid
Nu este bexagonal
Nu este distributiv la dreapta
Nu este distributiv la stinga
Nu este unitate de dreapta
Nu este unitate de stanga
Nu este unitate
Mu este Ward
Mu este Ward invers
Строка: 285 Столбец: 1
                                                     S Skype" - da...
                                                                   Pascal ABC
                                                                                  C/Users/Da...
                                                                                                 Laborator 5...
                                                                                                                W Proble
                        __ JETFLASH (F:)
                                      M Cana
        👩 cum faci pri...
```

Grupoidul 12:



Grupoidul 13:

```
AB Pascal ABC
  Файл Правка Вид Программа Сервис Помощь
  D 👺 🖫 🖶 ※ 🖦 🛤 💌 🕶 🕨 💿 (志 3 3 대 )
 ·Program1.pas
         if 1=0 then writeln('Este Ward invers')
        else writeln('Nu este Ward invers');
  end:
  Begin
  //ulrsur;
  write('Dati n- ');
  readln(n);
for i:=1 to n do
  for j:=1 to n do begin
 · _ ______
a[2, 3]=3
a[3, 1]=3
a[3, 2]-2
a[3, 3]-1
1 3 2
2 1 3
3 2 1
Nu este asociativ
Este medial
Este paramedial
Este bicomutativ
Nu este AG grupoid
Nu este GA grupoid
Nu este GAl grupoid
Este AD grupoid
Nu este DA grupoid
Nu este hexagonal
Nu este distributiv la dreapta
Nu este distributiv la stinga
Este unitate de dreapta 1
Nu este unitate de stanga
Nu este unitate
Este Ward
Nu cote Ward invers
Строка: 285 Столбец: 1
                                                               S Skype™ - da... 
Pascal ABC 

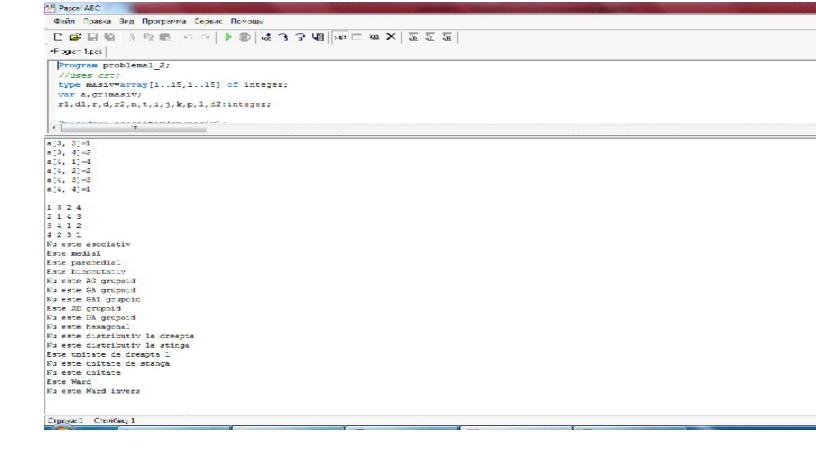
*C:\Users\Da... 

W Laborator 5.... 

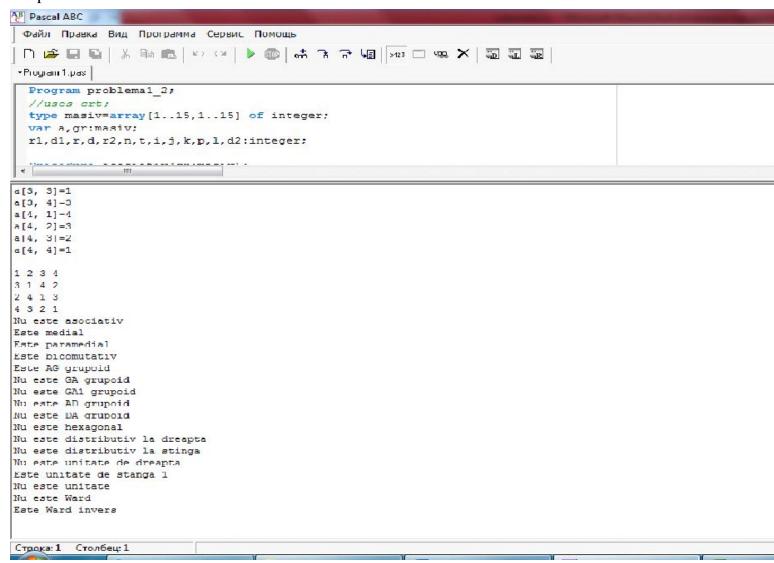
W Problema 1 ... 

Micro
 🧽 🧑 cum faci pri...
```

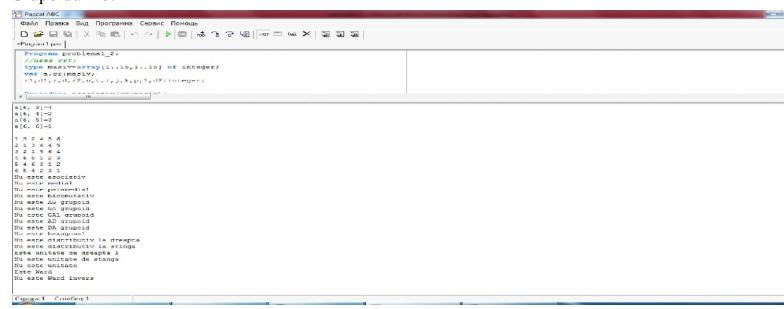
Grupoidul 14:



Grupoidul 15:



Grupoidul 16:



Tabelul cu proprietățile grupoizilor:

	G1	G2	G3	G4	G5	G6	G7	G8	G9	G10	G11	G12	G13	G14	G15	G16
Asociativ	-	-	-	-	+	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Medial	+	-	-	-	+	+	+	-	-	-	-	+	+	+	+	-
Paramedial	-	-	-	-	+	-	-	-	-	-	+	+	+	+	+	-
Bicomutativ	-	+	+	+	+	-	-	-	+	+	-	+	+	+	+	-
AG grupoid	+	-	-	-	+	+	-	-	-	-	-	+	-	-	+	-
GA grupoid	-	+	+	+	+	-	-	-	+	+	-	-	-	-	-	-
GA1 grupoid	-	-	-	-	+	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
AD grupoid	+	-	-	-	+	+	-	-	-	-	-	-	+	+	-	-
DA grupoid	-	-	-	-	+	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Hexagonal	-	-	-	-	-	+	+	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Distributivladreapta	-	-	-	-	-	+	+	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Distributivlastânga	-	-	-	-	-	+	+	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Unitatededreapta	-	-	-	-	1	-	-	-	-	-	-	-	1	1	-	1
Unitatedestânga	-	-	-	-	1	-	-	-	-	-	-	1	-	-	1	-
Unitate	-	-	-	-	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
Ward	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	+	+	-	+
Wardinvers	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	+	-	-	+	-