编译第二次 project

徐德嘉 1700013024

李泳民 1700012846

韩昱 1700012921

sirius.caffrey@gmail.com

liyongmin@pku.edu.cn

vickyhan@pku.edu.cn

张天远 1600012888

tianyuanzhang@pku.edu.cn

1. 算法简介

我们的算法分两步

- 梯度树生成: 根据链式法则,对 project1 生成的 IR 进行一次 pass Tree 生成梯度公式(以 IR Tree 的形式)
- 梯度树翻译: 再次调用 project1 的 printer 将梯度树变为 c 代码

1.1. 梯度树生成

梯度树的生成也就是,根据 project1 的语法树来生成梯度的公式。我们要做的事情就是对这个语法树的每个 Expr 类的叶子结点求出其梯度公式。我们知道了根部节点的梯度,而我们所有做的就是根据链式法则将根结点的 梯度流传到每个叶子结点。我们对整颗语法树进行深度优先搜索, visit 每个结点的时候, 为其各个儿子结点求得 梯度 (如果有的话), 然后自顶向下递归。在这个过程中, 有两个问题我们认为比较重要

- 梯度公式问题: 节点的算子不同, 梯度公式不同
- 梯度顺序问题: 梯度运算结合律的问题, 也就是 A*B*C 这类问题谁先计算谁后计算

1.1.1 梯度公式问题

递归时,需要根据父节点的运算符进行分类讨论,具体如下

- 父节点为: Expr C = Expr A: dA = C.grad
- 父节点为: Expr C = Expr A Expr B dA = C.grad; dB = -C.grad
- 父节点为: Expr C = Expr A * Expr B dA = C.grad * B; dB = C.grad * A
- 父节点为: Expr C = Expr A / Expr B $dA = C.grad \ / \ B \ dB = \ C.grad \ * \ A \ / \ (B \ * B)$

另外对于梯度公式的下标难处理的问题,我们归纳后发现,根本不用对下标进行特殊的转换操作,只要初始化的时候把梯度初始化成 0,之后下标只需简单地将采用原下标,同时对每个下标的循环变量范围稍加注意即可。

1.1.2 梯度顺序问题

我们采用类似回填的方式来处理梯度顺序问题。我们先举一个例子来说明什么是梯度顺序的问题。

比如 D = (A*B)*C,那么 dA 应当为 (B*C)dD,如果我们 dfs 遍历一遍语法树,然后按照上文说的规则来计算各个子节点的梯度,则可能会出现这样的状况: 先计算 dAB = C*dD,然后才会计算 dA = B*(C*dD),这样子会带来数值偏差。为了解决这个问题,我们发现只要永远根据树的结构,自底向上地结合运算即可获得正确的运算顺序。

1.2. 梯度树翻译

生成了梯度树之后只用调用第一次 project 的 printer 则可以翻译, 需要注意的事情有两点

- ins, outs 的顺序
- 梯度初始化为全 0