编译第二次 project

徐德嘉 1700013024

李泳民 1700012846

韩昱 1700012921

sirius.caffrey@gmail.com

liyongmin@pku.edu.cn

vickyhan@pku.edu.cn

张天远 1600012888

tianyuanzhang@pku.edu.cn

1. 算法简介

具体分工:

自动求导技术设计:张天远,李泳民,徐德嘉,韩昱

具体实现:李泳民 我们的算法分两步:

- 梯度树生成: 根据链式法则,对 project1 生成的 IR 进行一次 pass Tree 生成梯度公式(以 IR Tree 的形式)
- 梯度树翻译: 再次调用 project1 的 printer 将梯度树变为 c 代码

即我们大量复用了 project1 中的代码,只对原表达式的抽象语法树进行了操作。

1.1. 梯度树生成

梯度树的生成也就是,根据 project1 的语法树来生成梯度的公式。我们要做的事情就是对这个语法树的每个 Expr 类的叶子结点求出其梯度公式。我们知道了根部节点的梯度,而我们所有做的就是根据链式法则将根结点的 梯度流传到每个叶子结点。我们对整颗语法树进行深度优先搜索, visit 每个结点的时候, 为其各个儿子结点求得 梯度 (如果有的话), 然后自顶向下递归。在这个过程中,有两个问题我们认为比较重要

- 梯度公式问题: 节点的算子不同, 梯度公式不同
- 梯度顺序问题: 梯度运算结合律的问题, 也就是 A*B*C 这类问题谁先计算谁后计算

1.1.1 梯度公式问题

递归时,需要根据父节点的运算符进行分类讨论,具体如下:

- 父节点为: Expr C = Expr A: dA = C.grad
- 父节点为: Expr C = Expr A Expr B dA = C.grad; dB = -C.grad
- 父节点为: Expr C = Expr A * Expr B dA = C.grad * B; dB = C.grad * A

• 父节点为: Expr C = Expr A / Expr B dA = C.grad / B dB = - C.grad * A / (B * B)

另外对于梯度公式的下标难处理的问题,我们归纳后发现,根本不用对下标进行特殊的转换操作,只要初始化的时候把梯度初始化成 0,之后下标只需简单地将采用原下标,同时对每个下标的循环变量范围稍加注意即可。

举一个具体例子,在 case6 中,需要求导的式子为:

A<2, 8, 5, 5>[n, k, p, q] = B<2, 16, 7, 7>[n, c, p+r, q+s]*C<8, 16, 3, 3>[k, c, r, s]; 给出的答案为:

 $dB<2,\ 16,\ 7,\ 7>[n,\ c,\ h,\ w]=select((h\ -\ p\ >=\ 0)\ \&\&\ (w\ -\ q\ >=\ 0)\ \&\&\ (h\ -\ p\ <\ 3)\ \&\&\ (w\ -\ q\ <\ 3),\ dA<2,\ 8,\ 5,\ 5>[n,\ k,\ p,\ q]\ *\ C<8,\ 16,\ 3,\ 3>[k,\ c,\ h\ -\ p,\ w\ -\ q],\ 0.0);$

而我们生成的结果为:

tmp0[n][c][(p+r)][(q+s)] = (tmp0[n][c][(p+r)][(q+s)] + (dA[n][k][p][q] * C[k][c][r][s]));

此处 tmp0 对应的就是 dB, 而 dB 在一开始会初始化成 0。可以看出,数组下标对应替换之后,我们生成的结果和给出的答案逻辑上完全一致,而我们的下标则巧妙地直接采用了需要求导式子的下标,避免了下标的二次运算。说明了我们直接采用原下标的可行性和正确性。

1.1.2 梯度顺序问题

我们采用类似回填的方式来处理梯度顺序问题。我们先举一个例子来说明什么是梯度顺序的问题。

比如 D = (A*B)*C,那么 dA 应当为 (B*C)dD,如果我们 dfs 遍历一遍语法树,然后按照上文说的规则来计算各个子节点的梯度,则可能会出现这样的状况: 先计算 dAB = C*dD,然后才会计算 dA = B*(C*dD),这样子会带来数值偏差。为了解决这个问题,我们发现只要永远根据树的结构,自底向上地结合运算即可获得正确的运算顺序。具体地说,在这个例子里,传入梯度的 Expr 为 $dD*_$,然后把 _ 替换成 $C*_$,再传给第一个乘号,在第一个乘号的 Expr 中将 _ 修正为 Expr 传给 B,最后 B 把 _ 替换成 1. 这样就是一个类似回填的算法,最终产生结果为 Expr dD*Expr dD*Expr

该例子也说明了我们自动求导技术的可行性和正确性。

1.2. 梯度树翻译

生成了梯度树之后只用调用第一次 project 的 printer 则可以翻译, 需要注意的事情有两点

- ins, outs 的顺序
- 梯度初始化为全 0

1.3. 总结

本 project 中我们主要运用了编译课程中学到的抽象语法树的运算,结点之间信息的传递,同时还采用了"回填"的思想解决了梯度顺序的问题。