

# **El valor optimo del indice de comportamiento**

Irasema Pedroza Meza

2024-08-12

# Tabla de contenidos

|  |          |
|--|----------|
| <b>Prefacio</b>  | <b>3</b> |
| <b>1 Introducción</b>                                  | <b>4</b> |
| <b>2 Formulación del Proceso de Decisión de Markov</b> | <b>5</b> |
| <b>3 Dinámica del Modelo</b>                           | <b>7</b> |

# **Prefacio**

En este libro se desarrollara el proyecto de la clase de Aprendizaje Reforzado.

# 1 Introducción

En la literatura existen una variedad de modelos en los cuales consideran la vacunación como medida de prevención para el control de enfermedades [Jorge, y mas modelos]. Sin embargo, este medio de control llega a presentar algunas fallas como son: la falla de grado, falla en la toma y falla en la duración [Maclean]. En la modelación de enfermedades respiratorias con ecuaciones diferenciales, se suele considerar que las vacunas tienen una falla tipo de grado [Jorge y mas modelos]. Por otro lado, Pedroza, et. el, proponen un modelo de ecuaciones diferenciales donde consideran que la vacuna tiene dos tipos de fallas: la falla de grado y la falla en la toma.

En este ultimo trabajo, proponen un índice de comportamiento ( $\psi$ ) el cual permite medir que tan riguroso pueden seguir las medidas de prevención una vez que son vacunados. En el modelo que proponen este índice solo afecta a los vacunados no inmunes

## 2 Formulación del Proceso de Decisión de Markov

Los estados de nuestro proceso de decisión de Markov representarán la proporción de la población en cada categoría del modelo propuesto por XXX:

- $S_t$ : Fracción de susceptibles en el tiempo  $t$ .
- $V_{+t}$ : Fracción de vacunados inmunes en el tiempo  $t$ .
- $V_{-t}$ : Fracción de vacunados no inmunes en el tiempo  $t$ .
- $I_t$ : Fracción de infectados en el tiempo  $t$ .
- $R_t$ : Fracción de recuperados en el tiempo  $t$ .

El estado global del sistema en el tiempo  $t$  se presenta como

$$x_t = (S_t, V_{+t}, V_{-t}, I_t, R_t)$$

El escenario que consideraremos para cada  $t \in 0, 1, \dots, N$  para el proceso de Markov:

- $x_t$ : representa la dinámica de la enfermedad en el tiempo  $t$ .
- $a_t$ : representa en qué escenario del índice de comportamiento se encuentra la población en el tiempo  $t$ .

Algunos supuestos que estaremos considerando para nuestro proceso son:

- Las personas cambian su comportamiento en el tiempo  $t$  de forma instantánea.
- Las únicas personas que pueden cambiar su comportamiento son los vacunados no inmunes.
- Supondremos que las personas cambian su comportamiento bajo una distribución uniforme  $[0.5, 2]$ .

Bajo los supuestos anteriormente mencionados, consideramos el siguiente Modelo de Control de Markov.

$$(\mathbf{X}, \{A(x) : x \in X\}, \mathbf{P}, \mathbf{C})$$

donde  $\mathbf{X}$  es el espacio de los estados,  $\{A(x) : x \in X\}$  es el espacio de las acciones admisibles,  $\mathbf{P}$  es la ley de transición de modelo y  $\mathbf{C}$  es la función de costo.

### 3 Dinámica del Modelo

En esta sección veremos cómo evoluciona el sistema a través del tiempo  $t$ . La dinámica de la enfermedad esta representando por la siguiente cadena de Markov

- $S_{t+1} = \mu - \beta S_t I_t - (\mu + \phi) S_t + \omega V_{+t} + \xi R_t$
- $V_{+t+1} = \phi_{+}(\sigma) S_t - (\mu + \omega) V_{+t}$
- $V_{-t+1} = \phi_{-}(\sigma) S_t - \psi(1 - \sigma) \beta V_{-t} I_t - \mu V_{-t}$
- $I_{t+1} = \beta S_t I_t + \psi(1 - \sigma) \beta V_{-t} I_t - (\mu + \gamma) I_t$
- $R_{t+1} = \gamma I_t - (\mu + \xi) R_t$

En la (**DiagramaModel?**) se observa

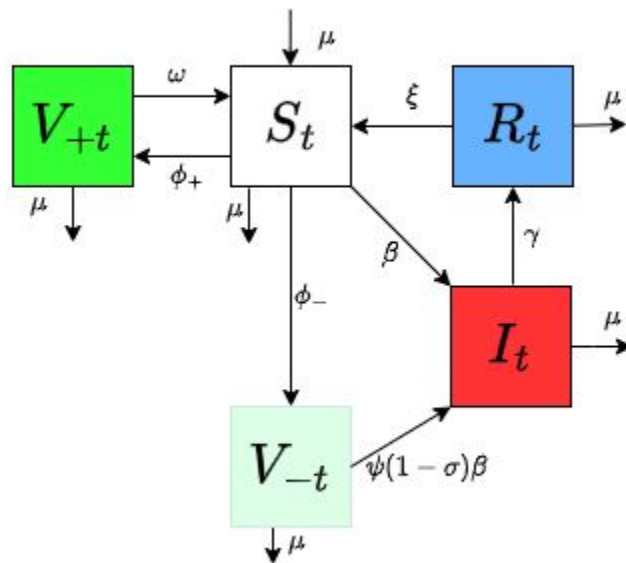


Figura 3.1: Diagrama que representa los estado en el tiempo  $t$

Las acciones representan los valores del índice de comportamiento ( $\psi$ ). Supondremos que los valores del índice de comportamiento están restringidos al intervalo  $[0.5, 2]$ . Las acciones consideradas en nuestro modelo están divididas en tres principales acciones:

- Si  $\psi \in [0.5, 0.9)$  entonces diremos que las personas se portan bien, es decir, que las personas siguen las medidas de prevención de forma estricta.
- Si  $\psi \in [0.9, 1.2]$  entonces diremos que las personas se portan normal, es decir, que las personas siguen las medidas de prevención.
- Si  $\psi \in (1.2, 2]$  entonces diremos que las personas se portan mal, es decir, que las personas no siguen las medidas de prevención.

Supondremos que las personas toman decisiones diarias mediante una distribución  $x_t \text{Uni}[0.5, 2]$  el periodo de observación será de un año. Como se ha mencionado con anterioridad el objetivo de este trabajo es encontrar el valor de  $\psi$  que permita tener la incidencia acumulada más pequeña al final del año. Entonces la probabilidad de tener  $i$  de incidencia acumulada y cambiar el comportamiento  $\alpha$  en el tiempo  $t$  y pasar al estado  $j$  está dada por:

$$P_{ij}(\alpha) = P[x_{t+1} = j | x_t = i, a_t = \alpha]$$