# El valor optimo del indice de comportamiento

Irasema Pedroza Meza

2024-08-12

### Table of contents

# **Prefacio**

En este libro se desarrollara el proyecto de la clase de Aprendizaje Reforzado.

#### 1 Introdución

En la literatura existen una variedad de modelos en los cuales consideran la vacunación como medida de prevención para el control de enfermedades [Jorge, y mas modelos]. Sin embargo, este medio de control llega a presentar algunas fallas como son: la falla de grado, falla en la toma y falla en la duración [Maclean]. En la modelación de enfermedades respiratorias con ecuaciones diferenciales, se suele considerar que las vacunas tienen una falla tipo de grado [Jorge y mas modelos]. Por otro lado, Pedroza, et. el, proponen un modelo de ecuaciones diferenciales donde consideran que la vacuna tiene dos tipos de fallas: la falla de grado y la falla en la toma.

En este ultimo trabajo, proponen un índice de comportamiento  $(\psi)$  el cual permite medir que tan riguroso pueden seguir las medidas de prevención una vez que son vacunados. En el modelo que proponen este índice solo afecta a los vacunados no inmunes

### 2 Formulación del Proceso de Decisión de Markov

Los estados de nuestro proceso de decisión de Markov representarán la proporción de la población en cada categoría del modelo propuesto por XXX:

- $S_t$ : Fracción de susceptibles en el tiempo t.
- $V_{+t}$ : Fracción de vacunados inmunes en el tiempo t.
- $V_{-t}$ : Fracción de vacunados no inmunes en el tiempo t.
- $I_t$ : Fracción de infectados en el tiempo t.
- $R_t$ : Fracción de recuperados en el tiempo t.

El estado global del sistema en el tiempo t se presenta como

$$x_{t} = (S_{t}, V_{+t}, V_{-t}, I_{t}, R_{t})$$

El escenario que consideraremos para cada  $t \in 0, 1, ..., N$ para el proceso de Markov:

- $x_t$ : representa la dinámica de la enfermedad en el tiempo t.
- $a_t$ : representa en qué escenario del índice de comportamiento se encuentra la población en el tiempot.

Algunos supuestos que estaremos considerando para nuestro proceso son:

- Las personas cambian su comportamiento en el tiempo t de forma instantánea.
- Las únicas personas que pueden cambiar su comportamiento son los vacunados no inmunes.
- Supondremos que las personas cambian su comportamiento bajo una distribución uniforme [0.5, 2].

Bajo los supuestos anteriormente mencionados, consideramos el siguiente Modelo de Control de Markov.

$$(\mathbf{X}, \{A(x) : x \in X\}, \mathbf{P}, \mathbf{C})$$

donde  $\mathbf{X}$  es el espacio de los estados,  $A(\mathbf{x})$  es el espacio de las acciones admisibles,  $\mathbf{P}$  es la ley de transicion de modelo y  $\mathbf{C}$  es la funcion de costo.

#### 3 Dinámica del Modelo

En esta sección veremos cómo evoluciona el sistema atreves del tiempo t. La dinámica de la enfermedad esta representando por la siguiente cadena de Markov

• 
$$S_{t+1} = \mu - \beta S_t I_t - (\mu + \phi) S_t + \omega V_+ + t + \xi R_t$$

$$\bullet \quad V_{+t+1} = \phi\_+(\sigma)S_t - (\mu+\omega)V_{+t}$$

• 
$$V_{-t+1} = \phi_{-}(\sigma)S_t - \psi(1-\sigma)\beta V_{-t}I_t - \mu V_{-t}$$

$$\bullet \quad I_{t+1} = \beta S_t I_t + \psi (1-\sigma) \beta V_{-t} I_t - (\mu + \gamma) I_t \\$$

$$\bullet \quad R_{t+1} = \gamma I_t - (\mu + \xi) R_t$$

Las acciones representan los valores del índice de comportamiento  $(\psi)$ . Supondremos que los valores del índice de comportamiento están restringidos al intervalo [0.5, 2]. Las acciones consideradas en nuestro modelo están dividas en tres principales acciones:

- Si  $\psi \in [0.5, 0.9)$  entonces diremos que las personas se portan bien, es decir, que las personas siguen las medidas de prevención de forma estricta.
- Si  $\psi \in [0.9, 1.2]$  entonces diremos que las personas se portan normal, es decir, que las personas siguen las medidas de prevención.
- Si  $\psi \in (1.2, 2]$  entonces diremos que las personas se portan mal, es decir, que las personas no siguen las medidas de prevención.

Supondremos que las personas toman decisiones diarias mediante unas distribución  $x_t Uni[0.5,2]$  el periodo de observación será de un año. Como se ha mencionado con anterioridad el objetivo de este trabajo es encontrar el valor de  $\psi$  que permita tener la incidencia acumulada más pequeña al final del año. Entonces la probabilidad de tener i de incidencia acumulada y cambiar el comportamiento  $\alpha$  en el tiempo t y pasar al estado j está dada por:

$$P_{ij}(\alpha) = P[x_{t+1} = j | x_t = i, a_t = \alpha]$$