# El valor optimo del indice de comportamiento

Irasema Pedroza Meza

2024-08-12

## Table of contents

# **Prefacio**

En este libro se desarrollara el proyecto de la clase de Aprendizaje Reforzado.

#### 1 Introdución

En la literatura existen una variedad de modelos en los cuales consideran la vacunación como medida de prevención para el control de enfermedades [Jorge, y mas modelos]. Sin embargo, este medio de control llega a presentar algunas fallas como son: la falla de grado, falla en la toma y falla en la duración [Maclean]. En la modelación de enfermedades respiratorias con ecuaciones diferenciales, se suele considerar que las vacunas tienen una falla tipo de grado [Jorge y mas modelos]. Por otro lado, Pedroza, et. el, proponen un modelo de ecuaciones diferenciales donde consideran que la vacuna tiene dos tipos de fallas: la falla de grado y la falla en la toma.

En este ultimo trabajo, proponen un índice de comportamiento  $(\psi)$  el cual permite medir que tan riguroso pueden seguir las medidas de prevención una vez que son vacunados. En el modelo que proponen este índice solo afecta a los vacunados no inmunes

### 2 Formulación del Proceso de Decisión de Markov

Los estados de nuestro proceso de decisión de Markov representarán la proporción de la población en cada categoría del modelo propuesto por XXX:

- $S_t$ : Fracción de susceptibles en el tiempo t.
- $V_{+t}$ : Fracción de vacunados inmunes en el tiempo t.
- $V_{-t}$ : Fracción de vacunados no inmunes en el tiempot.
- $I_t$ : Fracción de infectados en el tiempo t.
- $R_t$ : Fracción de recuperados en el tiempo t.

El estado global del sistema en el tiempo t se presenta como

$$x_t = (S_t, V_{+t}, V_{-t}, I_t, R_t)$$

El escenario que consideraremos para cada  $t \in 0, 1, ..., N$ para el proceso de Markov:

- $x_t$ : representa la dinámica de la enfermedad en el tiempo t.
- $a_t$ : representa en qué escenario del índice de comportamiento se encuentra la población en el tiempo t.

Algunos supuestos que estaremos considerando para nuestro proceso son:

- Las personas cambian su comportamiento en el tiempot de forma instantánea.
- Las únicas personas que pueden cambiar su comportamiento son los vacunados no inmunes.
- Supondremos que las personas cambian su comportamiento bajo una distribución uniforme [0.5, 2].

Bajo los supuestos anteriormente mencionados, consideramos el siguiente Modelo de Control de Markov.

$$(X, A, \{A(x) : x \in X\}, P, C)$$

donde X es el espacio de los

## 3 Dinámica del Modelo

La dinámica del sistema evoluciona en el tiempo t e