

CSCM603130: Sistem Cerdas State Space & Uninformed Search

Fariz Darari, Aruni Yasmin Azizah

Fakultas Ilmu Komputer
Universitas Indonesia

2019/2020 • Semester Ganjil



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



Problem-Solving Agent

- Di kuliah yang lalu kita melihat contoh **reflex agent**: tidak cocok untuk masalah besar!
- **Goal-based agent**: memiliki tujuan, memungkinkan evaluasi tindakan dan memilih yang terbaik.
- Kali ini kita membahas satu kemungkinan jenis goal-based agent: **problem-solving agent**
 - Apa problem-nya? Apa solution-nya?
- Kita mulai dengan membatasi solusi dalam bentuk **serangkaian tindakan** (fixed sequence of actions) yang diambil untuk mencapai tujuan.



Mekanisme kerja Problem-Solving Agent

- 1 **Perumusan tujuan (goal formulation)**: tentukan tujuan yang ingin dicapai
- 2 **Perumusan masalah (problem formulation)**: tentukan tindakan (**action**) dan keadaan (**state**) yang dipertimbangkan dalam mencapai tujuan
 - Untuk saat ini problem solving agent mengasumsikan bahwa environment-nya: fully observable, deterministic, static, discrete
- 3 **Pencarian solusi masalah (searching)**: tentukan rangkaian tindakan yang perlu diambil untuk mencapai tujuan
- 4 **Pelaksanaan solusi (execution)**: laksanakan rangkaian tindakan yang sudah ditentukan di tahap sebelumnya
 - Agent ini melaksanakan tindakan dengan “**mata tertutup**” → mengabaikan percept!



Agent program Problem-Solving Agent

function SIMPLEPROBLEMSOLVINGAGENT (*percept*) **returns**
action

$state \leftarrow \text{UPDATESTATE}(state, percept)$

if *seq* is empty **then**

$goal \leftarrow \text{FORMULATEGOAL}(state)$

$problem \leftarrow \text{FORMULATEPROBLEM}(state, goal)$

$seq \leftarrow \text{SEARCH}(problem)$

if *seq* = failure **then return** a null action

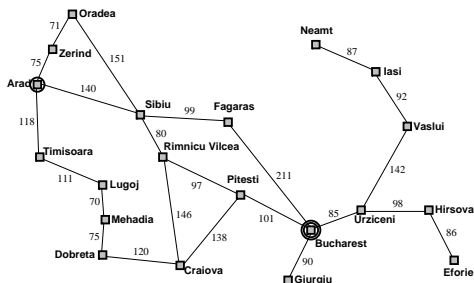
$action \leftarrow \text{FIRST}(seq)$

$seq \leftarrow \text{REST}(seq)$

return *action*



Tourist Agent berlibur di Rumania



Kini, berada di Arad. Besok, berada di Bucharest.

- **Perumusan tujuan:** berada di Bucharest
- **Perumusan masalah:**
 - **Tindakan (action):** menyetir dari kota ke kota
 - **Keadaan (state):** berada di kota tertentu yang ada di Rumania
- **Pencarian solusi:** rangkaian tindakan menyetir dari satu kota ke kota lain menuju Bucharest

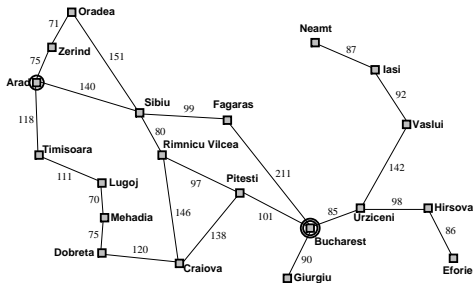


Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space**
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



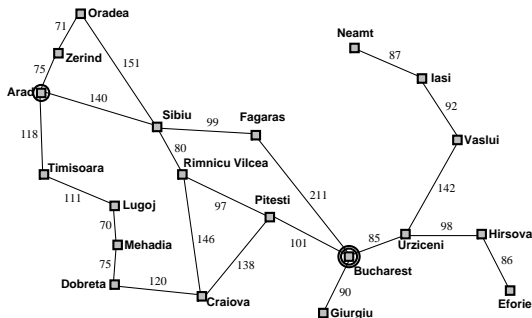
Perumusan masalah sebagai state space



- **Initial state:** keadaan awal di mana si agent mulai, mis: *BeradaDi(Arad)*
- **Possible actions:** tindakan yang dapat dilakukan si agent pada state s , mis: *NyetirKe(Zerind)* dapat dilakukan saat agent berada pada state *BeradaDi(Arad)*.



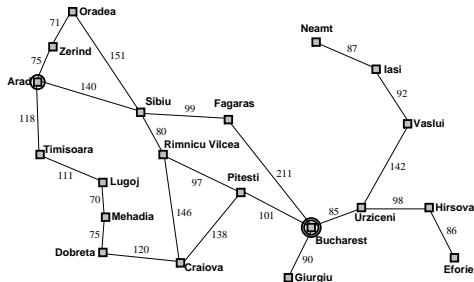
Perumusan masalah sebagai state space



- **Model transisi** dispesifikasikan melalui sebuah **fungsi** $Result(s, a)$ yang memberikan state sebagai hasil pelaksanaan tindakan a saat berada di state s . Contoh:
 $Result(BeradaDi(Arad), NyetirKe(Zerind)) = BeradaDi(Zerind)$.



Perumusan masalah sebagai state space



- Initial state, tindakan, dan model transisi mendefinisikan **state space**: himpunan semua state yang dapat dicapai dari initial state melalui serangkaian tindakan.
 - Dapat direpresentasikan sebagai **graph**.
 - **Path** dalam state space adalah serangkaian state (dihubungkan serangkaian action).



Merumuskan state space

- Dunia nyata luar biasa kompleks dan rumit! State space harus merupakan **abstraksi masalah** supaya bisa dipecahkan.
 - **State** = representasi “keadaan nyata”. Mis: *BeradaDi(Arad)*
 - irrelevant: dengan siapa? kondisi cuaca?
 - **Action** = representasi “tindakan nyata”. Mis: *NyetirKe(Sibiu)*
 - irrelevant: jalan tikus, isi bensin, istirahat, dll.
- Abstraksi ini membuat **masalah yang nyata lebih mudah dipecahkan**.



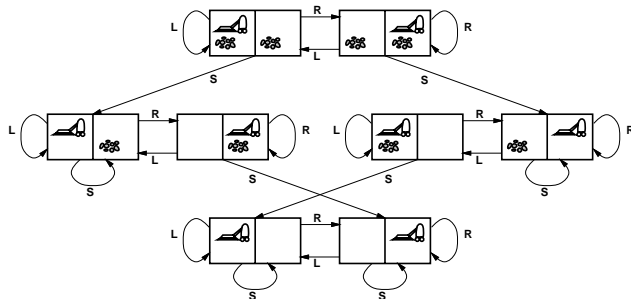
Menelusuri sebuah state space

- **Goal test**: penentuan apakah suatu state adalah tujuan yang ingin dicapai.
 - Eksplisit**: himpunan **goal state**, mis: $\{BeradaDi(Bucharest)\}$.
 - Implisit**: deskripsi tujuan, mis: dalam catur \rightarrow skak mat.
- **Path cost function**: sebuah fungsi yang memberikan nilai numerik terhadap setiap path. Fungsi ini merefleksikan **performance measure** si agent.
 - Kita asumsikan path cost function merupakan *jumlah* dari cost individual action sepanjang path.
 - $c(s, a, s')$: **step cost** melakukan tindakan a di state s untuk mencapai state s'
- Sebuah **solusi** adalah path dari initial state ke goal state.
- Sebuah **solusi optimal** adalah solusi dengan nilai path cost minimal.

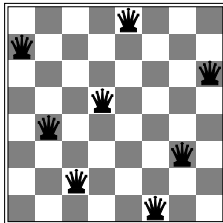


Contoh: VacuumCleanerWorld

- **State:** lokasi agent, status debu
- **Possible action:** *DoKeKiri* (L), *DoKeKanan* (R), *DoSedot* (S)
- **Goal test:** apakah semua ruangan bebas debu?
- **Path cost:** jumlah langkah dalam path, step cost = 1
- Model transisi sbb:



Contoh: 8-Queens Problem



Letakkan 8 bidak menteri (*queen*) sedemikian sehingga tidak ada yang saling menyerang (*queen* bisa menyerang dalam satu baris, kolom, diagonal).

- **State:** Papan catur dengan n buah *queen*, $0 \leq n \leq 8$.
 - **Initial state:** Papan catur yang kosong.
- **Possible action:** Letakkan sebuah *queen* di posisi kosong.
- **Goal test:** 8 *queen* di papan, tidak ada yang saling makan.



Masalah state space... combinatorial explosion!

- Dengan definisi masalah demikian, ada $64 \times 63 \times \dots \times 57 \approx 1.8 \times 10^{14}$ path!
- Definisi masalah yang lebih baik:
 - **State**: Papan catur dengan n queen, $0 \leq n \leq 8$, satu per kolom di n kolom paling kiri sehingga tidak saling makan.
 - **Possible action**: Letakkan sebuah queen di posisi kosong di kolom paling kiri yang belum ada queen-nya sehingga tidak ada yang saling makan.
- State space sekarang ukurannya tinggal 2057, dan mudah dipecahkan.
- Perumusan masalah yang tepat bisa berakibat **drastis**!
- Meskipun demikian, untuk $n = 100$: 10^{400} vs. 10^{52} ...



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search**
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search**
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening

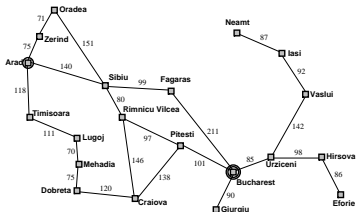


Mencari solusi melalui search tree

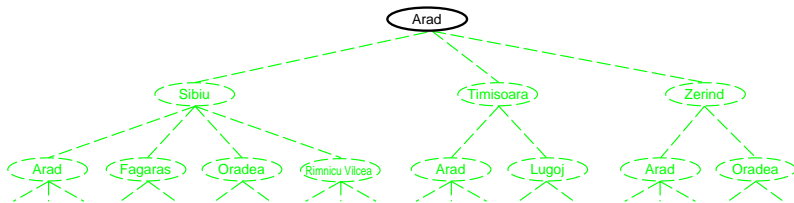
- Setelah merumuskan masalah → cari solusinya menggunakan sebuah **search algorithm**
- **Search tree**: sequence dari possible actions yang dimulai dari initial state.
- Search tree terdiri dari kumpulan **node**: merepresentasikan suatu *state* pada suatu *state space*.
- **Root node** merepresentasikan initial state.
- **Node expansion** → Penerapan fungsi RESULT: menerapkan action yang ada pada *current state* (yang diwakili *node*) menghasilkan *state* baru (percabangan dari parent node ke child node).
- Kumpulan semua node yang belum di-*expand* disebut **frontier** sebuah *search tree*.



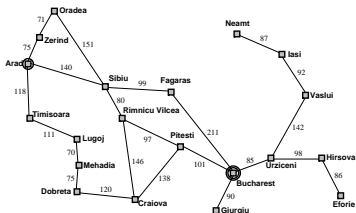
Contoh pembentukan search tree



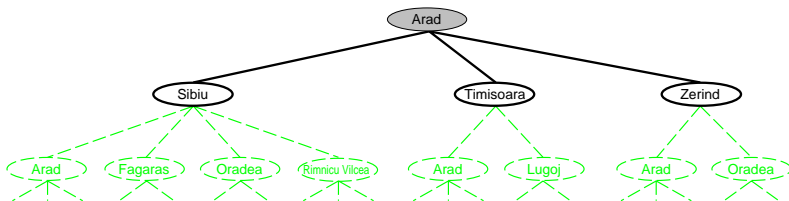
- Mulai dari root node (Arad) sebagai **current node**.
- Lakukan goal test.



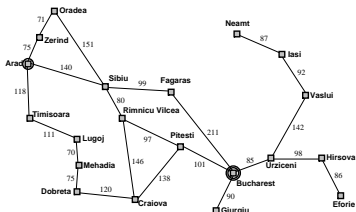
Contoh pembentukan search tree



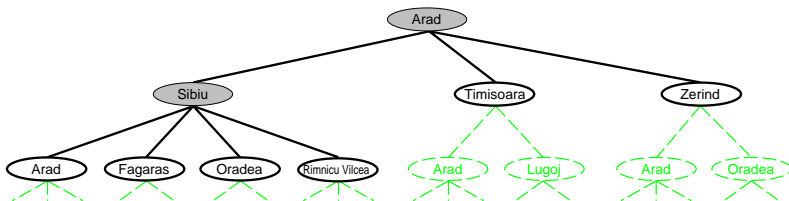
- Lakukan *node expansion* terhadapnya.



Contoh pembentukan search tree



- Pilih salah satu node yang di-expand sebagai current node yang baru. Ulangi langkah sebelumnya.



Algoritma TREESEARCH

```
function TREESEARCH (problem) returns solution or failure
```

```
  initialize frontier using the initial state of problem
```

```
  loop do
```

```
    if the frontier is empty then return failure
```

```
    choose a leaf node and remove it from the frontier
```

```
    if the node contains a goal state
```

```
      then return corresponding solution
```

```
    expand the chosen node, adding the resulting nodes to the frontier
```



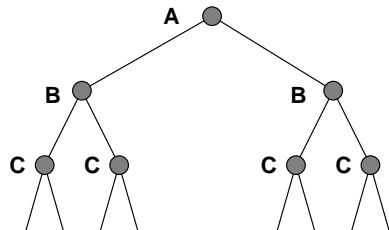
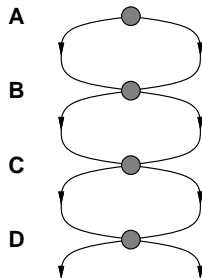
Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search**
 - State space search
 - **Pengulangan state**
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



Masalah: *state* yang mengulang di dalam *search tree*

Kegagalan menangani *state* yang mengulang dapat membuat masalah linier menjadi eksponensial!



Ingat dua variasi definisi masalah 8-queens problem.



Solusi: belajar dari sejarah

- *Algorithms that forget their history are doomed to repeat it...*
- Solusinya adalah untuk mencatat *state* mana yang sudah pernah dicoba. Catatan ini disebut **explored set**
- Modifikasi algoritma TREESEARCH dengan *explored set* menjadi GRAPHSEARCH.



Algoritma GRAPHSEARCH

function GRAPHSEARCH (*problem*) **returns** *solution or failure*

initialize *frontier* using the initial state of *problem*

initialize *explored set* **to be empty**

loop do

if the *frontier* is empty **then return** failure

 choose a leaf node and remove it from the *frontier*

if the node contains a goal state

then return corresponding solution

add the node to the *explored set*

 expand the chosen node, adding the resulting nodes to the *frontier*

only if not in the *frontier* **or** *explored set*



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



Strategi pencarian

- Terdapat berbagai jenis **strategi** untuk melakukan search.
- Semua strategi ini berbeda dalam satu hal: **urutan dari node expansion**.
- Search strategy di-evaluasi berdasarkan:
 - **completeness**: apakah solusi (jika ada) pasti ditemukan?
 - **time complexity**: berapa lama waktu utk menemukan solusi?
 - Diukur menggunakan jumlah node yang di-expand.
 - **space complexity**: berapa banyak memory dlm melakukan search?
 - Diukur dengan jumlah maksimum node di dalam memory.
 - **optimality**: apakah solusi optimal pasti ditemukan?
- Time & space complexity diukur berdasarkan
 - b - branching factor (maks banyaknya successor) dari suatu node
 - d - kedalaman minimal dari suatu node goal
 - m - kedalaman maksimum dari search tree (bisa **infinite!**)



Uninformed search strategies

- **Uninformed search** hanya menggunakan informasi dari definisi masalah.
- Bisa diterapkan secara generik terhadap semua jenis masalah yang bisa direpresentasikan dalam sebuah state space.
- Ada beberapa jenis:
 - Breadth-first search
 - Uniform-cost search
 - Depth-first search
 - Depth-limited search
 - Iterative-deepening search



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening

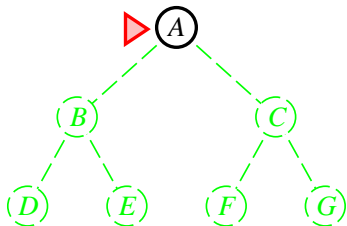


Breadth-first search

Prinsip algoritma breadth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **dekat** ke *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah sebuah *queue*, struktur data FIFO (First In First Out)
- Hasil *node expansion* (successor function) ditaruh di belakang

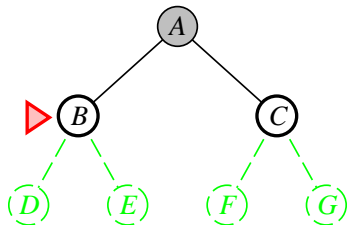


Breadth-first search

Prinsip algoritma breadth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **dekat** ke *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah sebuah *queue*, struktur data FIFO (First In First Out)
- Hasil *node expansion* (successor function) ditaruh di belakang

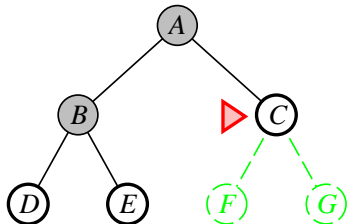


Breadth-first search

Prinsip algoritma breadth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **dekat** ke *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah sebuah *queue*, struktur data FIFO (First In First Out)
- Hasil *node expansion* (successor function) ditaruh di belakang

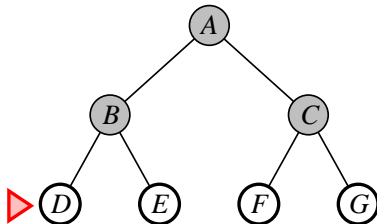


Breadth-first search

Prinsip algoritma breadth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **dekat** ke *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah sebuah *queue*, struktur data FIFO (First In First Out)
- Hasil *node expansion* (successor function) ditaruh di belakang



Sifat breadth-first search

- Complete?



Sifat breadth-first search

- **Complete?** Ya, jika b terbatas



Sifat breadth-first search

- Complete? Ya, jika b terbatas
- Time complexity?



Sifat breadth-first search

- **Complete?** Ya, jika b terbatas
- **Time complexity?** $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d = O(b^d) \rightarrow$ eksponensial dalam d .



Sifat breadth-first search

- **Complete?** Ya, jika b terbatas
- **Time complexity?** $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d = O(b^d) \rightarrow$ eksponensial dalam d .
- **Space complexity?**



Sifat breadth-first search

- **Complete?** Ya, jika b terbatas
- **Time complexity?** $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d = O(b^d) \rightarrow$ eksponensial dalam d .
- **Space complexity?** $O(b^d)$, yaitu didominasi oleh banyaknya node pada frontier.



Sifat breadth-first search

- **Complete?** Ya, jika b terbatas
- **Time complexity?** $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d = O(b^d) \rightarrow$ eksponensial dalam d .
- **Space complexity?** $O(b^d)$, yaitu didominasi oleh banyaknya node pada frontier.
- **Optimal?**



Sifat breadth-first search

- **Complete?** Ya, jika b terbatas
- **Time complexity?** $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d = O(b^d) \rightarrow$ eksponensial dalam d .
- **Space complexity?** $O(b^d)$, yaitu didominasi oleh banyaknya node pada frontier.
- **Optimal?** Pada umumnya tidak optimal (optimal, jika semua *step cost* sama).



Sifat breadth-first search

- **Complete?** Ya, jika b terbatas
- **Time complexity?** $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d = O(b^d) \rightarrow$ eksponensial dalam d .
- **Space complexity?** $O(b^d)$, yaitu didominasi oleh banyaknya node pada frontier.
- **Optimal?** Pada umumnya tidak optimal (optimal, jika semua *step cost* sama).

Masalah utama breadth-first search adalah **space**

Mis: 1 node memakan 1000 byte, dan $b = 10$

Jika $d = 6$, ada 10^6 node \approx 1 gigabyte.

Jika $d = 12$, ada 10^{12} node \approx 1 petabyte!



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - **Uniform-cost**
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



Uniform-cost search

Prinsip algoritma uniform-cost search

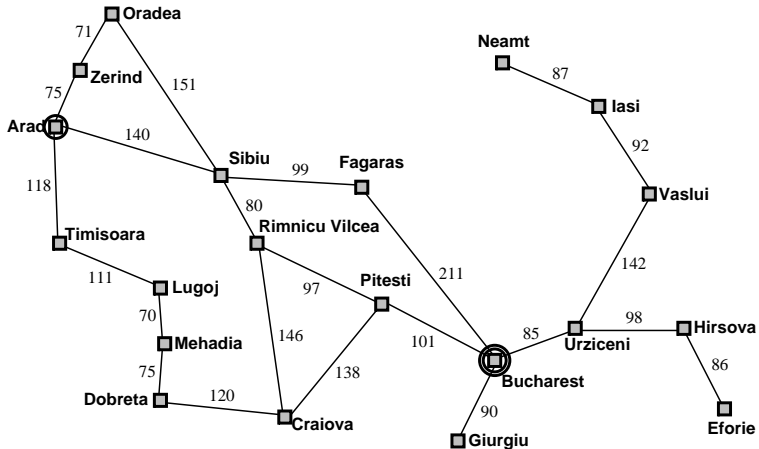
Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang path cost-nya paling kecil.

- Implementasi: *frontier* adalah sebuah *priority queue* di mana node disortir berdasarkan path cost function $g(n)$.
- Jika semua step cost sama, *uniform-cost* sama dengan *breadth-first*.



Contoh uniform-cost search

Coba cari **optimal solution** dari Arad ke Bucharest!



Sifat uniform-cost search

- Complete?



Sifat uniform-cost search

- **Complete?** Ya, jika $\text{step cost} \geq \epsilon$ untuk $\epsilon > 0$



Sifat uniform-cost search

- **Complete?** Ya, jika $\text{step cost} \geq \epsilon$ untuk $\epsilon > 0$
- **Time complexity?**



Sifat uniform-cost search

- **Complete?** Ya, jika *step cost* $\geq \epsilon$ untuk $\epsilon > 0$
- **Time complexity?** $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$, di mana C^* adalah *cost* dari *optimal solution*



Sifat uniform-cost search

- **Complete?** Ya, jika $\text{step cost} \geq \epsilon$ untuk $\epsilon > 0$
- **Time complexity?** $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$, di mana C^* adalah *cost* dari *optimal solution*
- **Space complexity?**



Sifat uniform-cost search

- **Complete?** Ya, jika $\text{step cost} \geq \epsilon$ untuk $\epsilon > 0$
- **Time complexity?** $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$, di mana C^* adalah *cost* dari *optimal solution*
- **Space complexity?** $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$
- **Optimal?**



Sifat uniform-cost search

- **Complete?** Ya, jika *step cost* $\geq \epsilon$ untuk $\epsilon > 0$
- **Time complexity?** $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$, di mana C^* adalah *cost* dari *optimal solution*
- **Space complexity?** $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$
- **Optimal?** Ya, karena urutan *node expansion* dilakukanurut $g(n)$.



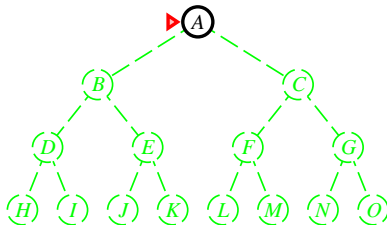
Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - **Depth-first**
 - Iterative-deepening



Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

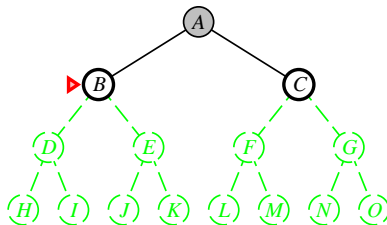


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

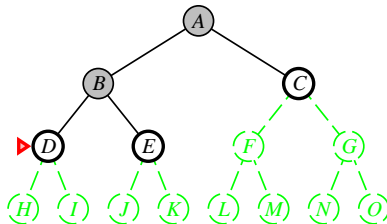


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

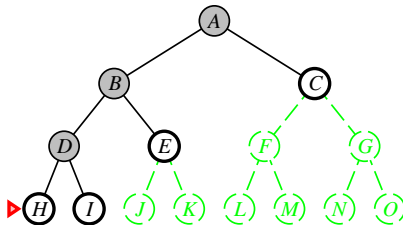


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

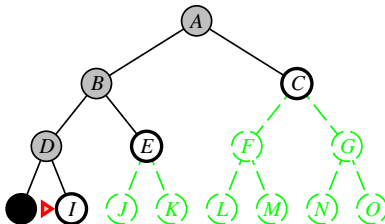


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

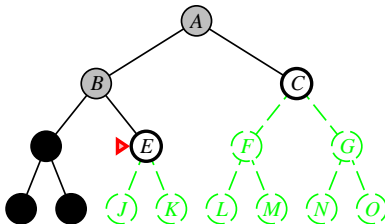


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

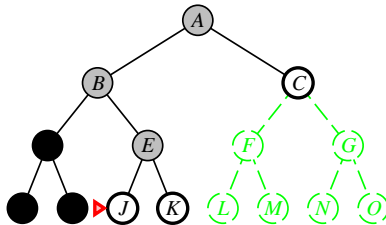


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

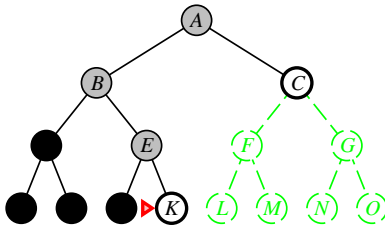
Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.



Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

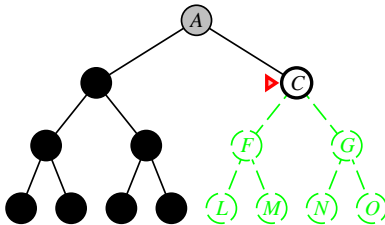


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

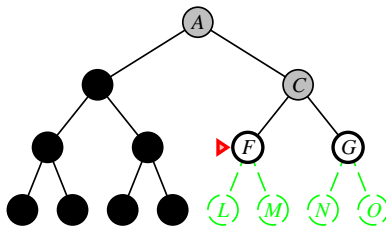


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

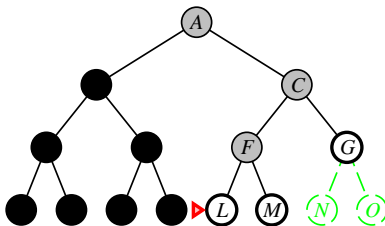


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.

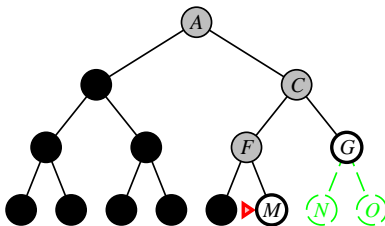


Depth-first search

Prinsip algoritma depth-first search

Lakukan node expansion terhadap node di *frontier* yang paling **jauh** dari *root*.

- Implementasi: *frontier* adalah *stack* (Last In First Out).
- Hasil *node expansion* ditaruh di depan
- Depth-first search cocok diimplementasikan secara **rekursif**.



Sifat depth-first search

- Complete?



Sifat depth-first search

- **Complete?** Tidak, *bisa* gagal jika m tak terbatas, atau (untuk TREESEARCH) state space dengan *loop*.
- **Time complexity?**



Sifat depth-first search

- **Complete?** Tidak, *bisa* gagal jika m tak terbatas, atau (untuk TREESEARCH) state space dengan *loop*.
- **Time complexity?** $O(b^m) \rightarrow$ jika $m \gg d$, parah!



Sifat depth-first search

- **Complete?** Tidak, *bisa* gagal jika m tak terbatas, atau (untuk TREESEARCH) state space dengan *loop*.
- **Time complexity?** $O(b^m) \rightarrow$ jika $m \gg d$, parah!
- **Space complexity?**



Sifat depth-first search

- **Complete?** Tidak, *bisa* gagal jika m tak terbatas, atau (untuk TREESEARCH) state space dengan *loop*.
- **Time complexity?** $O(b^m) \rightarrow$ jika $m \gg d$, parah!
- **Space complexity?** $O(bm) \rightarrow$ *linear space*!



Sifat depth-first search

- **Complete?** Tidak, *bisa* gagal jika m tak terbatas, atau (untuk TREESEARCH) state space dengan *loop*.
- **Time complexity?** $O(b^m) \rightarrow$ jika $m \gg d$, parah!
- **Space complexity?** $O(bm) \rightarrow$ *linear space*!
- **Optimal?**



Sifat depth-first search

- **Complete?** Tidak, *bisa* gagal jika m tak terbatas, atau (untuk TREESEARCH) state space dengan *loop*.
- **Time complexity?** $O(b^m) \rightarrow$ jika $m \gg d$, parah!
- **Space complexity?** $O(bm) \rightarrow$ *linear space*!
- **Optimal?** Tidak.

Depth-first search mengatasi masalah **space**

Mis: 1 node memakan 1000 byte, dan $b = 10$

Jika $d = 12$, space yang dibutuhkan hanya 118 kilobyte ...
bandingkan dengan 10 petabyte!



Variasi depth-first search

- **Backtracking search**: lakukan *node expansion* satu successor setiap waktu. Jika gagal, *backtrack* dan coba successor yang lain.
- **Depth-limited search**: Batasi kedalaman maksimal yang dilihat adalah ℓ .
 - Mengatasi masalah untuk *state space* tak terbatas.
 - Sayangnya, ada unsur *incompleteness* baru, jika $\ell < d$.
 - Biasanya d tidak diketahui (tapi bisa ada estimasi, mis. *diameter state space*).



Implementasi rekursif *depth-limited search*

```
function RECURSIVEDLS (node, problem, limit) returns solution or failure/cutoff
```

```
  if GOALTEST[problem](STATE[node]) then return SOLUTION(node)
  else if limit = 0 then return cutoff
  else
```

```
    cutoff_occurred?  $\leftarrow$  false
```

```
    for each successor in EXPAND(node,problem) do
```

```
        result  $\leftarrow$  RECURSIVEDLS(successor,problem,limit - 1)
```

```
        if result = cutoff then cutoff_occurred?  $\leftarrow$  true
```

```
        else if result  $\neq$  failure then return result
```

```
    if cutoff_occurred? then return cutoff else return failure
```

```
function DEPTHLIMITEDSEARCH (problem, limit) returns solution or failure/cutoff
```

```
return RECURSIVEDLS(MAKE_NODE(INITIALSTATE[problem]), problem, limit)
```

Perhatikan perbedaan antara *cutoff* dan *failure*.



Outline

- 1 Problem-solving agent
- 2 Representasi masalah: state space
- 3 Pencarian solusi: search
 - State space search
 - Pengulangan state
- 4 Strategi pencarian
 - Breadth-first
 - Uniform-cost
 - Depth-first
 - Iterative-deepening



Iterative-deepening search

Prinsip algoritma iterative-deepening search

Lakukan depth-limited search secara bertahap dengan nilai ℓ yang *incremental*.

- Strategi ini menggabungkan manfaat *depth* dan *breadth* first: *space complexity* **linier** dan *completeness* **terjamin**!
- Lakukan depth-limited search dengan $\ell = 0, 1, 2, \dots$ sampai tidak *cutoff*.

function ITERATIVEDEEPENINGSEARCH (*problem*) **returns** *solution* or *failure*

for *depth* $\rightarrow 0$ **to** ∞ **do**

result \rightarrow DEPTHLIMITEDSEARCH(*problem*, *depth*)

if *result* \neq *cutoff* **then return** *result*



Contoh iterative-deepening search

$$\ell = 0$$

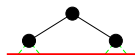
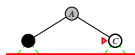
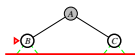
Limit = 0



Contoh iterative-deepening search

$$\ell = 1$$

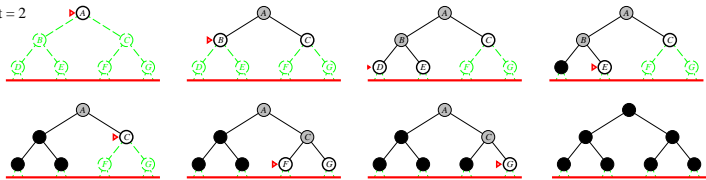
Limit = 1



Contoh iterative-deepening search

$$\ell = 2$$

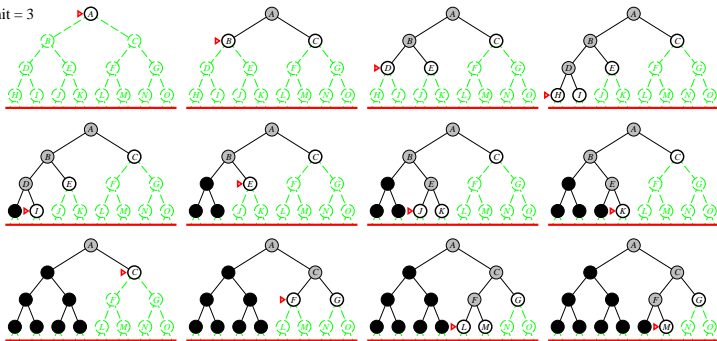
Limit = 2



Contoh iterative-deepening search

$$\ell = 3$$

Limit = 3



Sifat iterative-deepening search

- Complete?



Sifat iterative-deepening search

- **Complete?** Ya, jika branching factor finite.



Sifat iterative-deepening search

- **Complete?** Ya, jika branching factor finite.
- **Time complexity?**



Sifat iterative-deepening search

- **Complete?** Ya, jika branching factor finite.
- **Time complexity?**
 $(d + 1)b^0 + db^1 + (d - 1)b^2 + \dots + b^d = O(b^d)$
- **Space complexity?**



Sifat iterative-deepening search

- **Complete?** Ya, jika branching factor finite.
- **Time complexity?**
 $(d + 1)b^0 + db^1 + (d - 1)b^2 + \dots + b^d = O(b^d)$
- **Space complexity?** $O(bd)$



Sifat iterative-deepening search

- **Complete?** Ya, jika branching factor finite.
- **Time complexity?**
 $(d + 1)b^0 + db^1 + (d - 1)b^2 + \dots + b^d = O(b^d)$
- **Space complexity?** $O(bd)$
- **Optimal?**



Sifat iterative-deepening search

- **Complete?** Ya, jika branching factor finite.
- **Time complexity?**
 $(d + 1)b^0 + db^1 + (d - 1)b^2 + \dots + b^d = O(b^d)$
- **Space complexity?** $O(bd)$
- **Optimal?** Ya, jika semua *step cost* sama.



Kinerja iterative-deepening search

Secara sekilas, strategi ini kelihatan tidak efisien, atau boros:
banyak usaha terulang!

Keborosan pada Iterative-deepening search secara umum tidaklah terlalu parah.

$$N(IDS) = db + (d - 1)b^2 + \dots + (1)b^d$$

$$N(BFS) = b + b^2 + \dots + b^d$$

Untuk $b = 10$ dan $d = 5$:

$$N(IDS) = 50 + 400 + 3,000 + 20,000 + 100,000 = 123,450$$

$$N(BFS) = 10 + 100 + 1,000 + 10,000 + 100,000 = 111,110$$

Pada umumnya, *iterative deepening search* adalah *uninformed search strategy* yang **terbaik** jika *state space* besar dan kedalaman solusi (d) tidak diketahui.



Perbandingan strategi pencarian

Criterion	Breadth-First	Uniform-Cost	Depth-First	Depth-Limited	Iterative Deepening
Complete?	Ya*	Ya*	Tidak	Tidak	Ya*
Time	$O(b^d)$	$O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(b^m)$	$O(b^\ell)$	$O(b^d)$
Space	$O(b^d)$	$O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(bm)$	$O(b\ell)$	$O(bd)$
Optimal?	Tidak*	Ya	Tidak	Tidak	Ya*

