Laporan Praktikum II Analisis Algoritma



Disusun Oleh:

Irfan Satrio Nugroho 140810180003

Worksheet02

Studi Kasus 1: Pencarian Nilai Maksimal

Buatlah programnya dan hitunglah kompleksitas waktu dari algoritma berikut:

Algoritma Pencarian Nilai Maksimal

```
procedure CariMaks(input x_1, x_2, ..., x_n: integer, output maks: integer)
   Mencari elemen terbesar dari sekumpulan elemen larik integer x_1, x_2, ..., x_n. Elemen terbesar akan
   disimpan di dalam maks
   Input: x_1, x_2, ..., x_n
   Output: maks (nilai terbesar)
Deklarasi
         i: integer
Algoritma
         maks \square x_1
         i □ 2
         while i \le n do
         if x_i > maks then
                  maks \square x_i
         endif
         i \square i + 1
         endwhile
Jawaban Studi Kasus 1
T(n) = 2(n-2) + (n-2) + 2
      = 3 n - 4
```

PEMBAGIAN KOMPLEKSITAS WAKTU

Hal lain yang harus diperhatikan dalam menghitung kompleksitas waktu suatu algoritma adalah parameter yang mencirikan ukuran input. Contoh pada algoritma pencarian, waktu yang dibutuhkan untuk melakukan pencarian tidak hanya bergantung pada ukuran larik () saja, tetapi juga bergantung pada nilai elemen () yang dicari.

Misalkan:

- Terdapat sebuah larik dengan panjang elemen 130 dimulai dari $y_1, y_2, ..., y_n$
- Asumsikan elemen-elemen larik sudah terurut. Jika = , maka waktu pencariannya lebih cepat 130 kali dari pada = atau tidak ada di dalam larik.
- Demikian pula, jika $y_{65}=x$, maka waktu pencariannya ½ kali lebih cepat daripada $y_{130}=x$

Oleh karena itu, kompleksitas waktu dibedakan menjadi 3 macam:

- (1) $T_{min}(n)$: kompleksitas waktu untuk kasus terbaik (*best case*) merupakan kebutuhan waktu minimum yang diperlukan algoritma sebagai fungsi dari .
- (2) $T_{avg}(n)$: kompleksitas waktu untuk kasus rata-rata (*average case*) merupakan kebutuhan waktu rata-rata yang diperlukan algoritma sebagai fungsi dari . Biasanya pada kasus ini dibuat asumsi bahwa semua barisan

input bersifat sama. Contoh pada kasus *searching* diandaikan data yang dicari mempunyai peluang yang sama untuk tertarik dari larik.

(3) $T_{max}(n)$: kompleksitas waktu untuk kasus terburuk (*worst case*) merupakan kebutuhan waktu maksimum yang diperlukan algoritma sebagai fungsi dari .

Studi Kasus 2: Sequential Search

Diberikan larik bilangan bulan x_1 , x_2 , ..., x_n yang <u>telah terurut</u> menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan ratarata dari algoritma pencarian beruntun (*sequential search*). Algoritma *sequential search* berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan y. Jika y tidak ditemukan, indeks 0 akan dihasilkan.

```
<u>procedure</u> SequentialSearch(<u>input</u> x_1, x_2, ..., x_n: <u>integer</u>, y: <u>integer</u>, <u>output</u> idx: <u>integer</u>)
{ Mencari di dalam elemen x_1, x_2, ..., x_n. Lokasi (indeks elemen) tempat ditemukan diisi ke dalam idx. Jika
    tidak ditemukan, makai idx diisi dengan 0.
    Input x_1, x_2, ..., x_n
    Output: idx
Deklarasi
          i: integer
          found : boolean {bernilai true jika y ditemukan atau false jika y tidak ditemukan} Algoritma
          found \square false
          while (i \le n) and (not found) do
          \underline{if} x_i = y \underline{then}
                     found \[ \] true
           <u>else</u>
                     i \square i + 1
          endif
          endwhile
           \{i < n \text{ or found}\}
          If found then {y ditemukan}
                     idx 🗌 i
          <u>else</u>
                     idx \square 0 \{ y tidak ditemukan \}
          endif
```

```
    Jawaban Studi Kasus 2
    Kasus terbaik: ini terjadi bila a<sub>1</sub> = x.
    T<sub>min</sub>(n) = 1
    Kasus terburuk: bila a<sub>n</sub> = x atau x tidak ditemukan.
    T<sub>max</sub>(n) = n
    Kasus rata-rata: Jika x ditemukan pada posisi ke-j, maka operasi perbandingan (a<sub>k</sub> = x)akan dieksekusi sebanyak j kali.
```

$$T_{\text{avg}(n)} = \frac{(1+2+3+...+n)}{n} = \frac{\frac{1}{2}n(1+n)}{n} = \frac{(n+1)}{2}$$

Studi Kasus 3: Binary Search

Diberikan larik bilangan bulan x_1 , x_2 , ..., x_n yang <u>telah terurut</u> menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan ratarata dari algoritma pencarian bagi dua (*binary search*). Algoritma *binary search* berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan y. Jika y tidak ditemukan, indeks 0 akan dihasilkan.

```
<u>procedure</u> BinarySearch(<u>input</u> x_1, x_2, ..., x_n: <u>integer</u>, x: <u>integer</u>, <u>output</u>: idx: <u>integer</u>)
{ Mencari y di dalam elemen x_1, x_2, ..., x_n. Lokasi (indeks elemen) tempat y ditemukan diisi ke dalam
    idx. Jika y tidak ditemukan makai dx diisi dengan 0.
           Input: x_1, x_2, ..., x_n
           Output: idx
Deklarasi
                      i, j,
mid: integer
           found:
Boolean
Algoritma
i □ 1
j □ n
           found \Box false
           while (not found) and (i \le j) do
                      mid \square (i + j) \underline{div} 2
                      \underline{if} x_{mid} = y \underline{then}
                                  found
□ <u>true</u>
                       else
                             \underline{if} x_{mid} < y \underline{then}
                                                   {mencari di bagian kanan}
      i \square mid + 1
                                        {mencari di bagian kiri}
                       else
      j \square mid - 1
                      endif
                  <u>endif</u>
      endwhile
       {found or i > j}
      If found then
                  Idx □ mid
      <u>else</u>
                  Idx \ \Box \ 0
      endif
 Jawaban Studi Kasus 3
 1. Kasus terbaik
            T_{\min}(n) = 1
 2. Kasus terburuk:
            T_{\text{max}}(n) = {}^{2}\log n
```

Studi Kasus 4: Insertion Sort

- 1. Buatlah program insertion sort dengan menggunakan bahasa C++
- 2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma insertion sort.
- 3. Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```
procedure InsertionSort(input/output x_1, x_2, ..., x_n: integer)

{ Mengurutkan elemen-elemen x_1, x_2, ..., x_n dengan metode insertion sort.
    Input: x_1, x_2, ..., x_n
    OutputL x_1, x_2, ..., x_n (sudah terurut menaik)

}

Deklarasi

i, j, insert: integer Algoritma
    for i □ 2 to n do
    insert □ x_i
    j □ i

    while (j < i) and (x[j-i] > insert) do
        x[j] □ x[j-1]
        j □ j-1

    endwhile
    x[j] = insert endfor
```

Jawaban Studi Kasus 4

Loop sementara dijalankan hanya jika i> j dan arr [i] <arr [j]. Jumlah total iterasi loop sementara (Untuk semua nilai i) sama dengan jumlah inversi.

Kompleksitas waktu keseluruhan dari jenis penyisipan adalah O(n + f(n)) di mana f(n) adalah jumlah inversi. Jika jumlah inversi adalah O(n), maka kompleksitas waktu dari jenis penyisipan adalah O(n).

Dalam kasus terburuk, bisa ada inversi n * (n-1)/2. Kasus terburuk terjadi ketika array diurutkan dalam urutan terbalik. Jadi kompleksitas waktu kasus terburuk dari jenis penyisipan adalah O (n2).

Studi Kasus 5: Selection Sort

- 1. Buatlah program selection sort dengan menggunakan bahasa C++
- 2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma selection sort.
- 3. Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```
procedure SelectionSort(input/output x_1, x_2, ..., x_n: integer)
{ Mengurutkan elemen-elemen x_1, x_2, ..., x_n dengan metode selection sort.

Input x_1, x_2, ..., x_n
OutputL x_1, x_2, ..., x_n (sudah terurut menaik)
}

Deklarasi

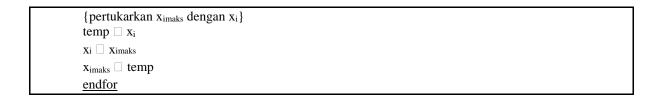
i, j, imaks, temp: integer

Algoritma

for i □ n downto 2 do {pass sebanyak n-1 kali}
imaks □ 1
for j □ 2 to i do if x<sub>j</sub>

> x<sub>imaks</sub> then

imaks □ j
endif endfor
```



Jawaban Studi Kasus 5

a. Jumlah operasi perbandingan element. Untuk setiap pass ke-i,

$$i = 1$$
 -> jumlah perbandingan = $n - 1$
 $i = 2$ -> jumlah perbandingan = $n - 2$
 $i = 3$ -> jumlah perbandingan = $n - 3$
 $i = k$ -> jumlah perbandingan = $n - k$

i = n - 1 -> jumlah perbandingan = 1

Jumlah seluruh operasi perbandingan elemen-elemen larik adalah T(n) = (n-1) + (n-2) + ... + 1

Ini adalah kompleksitas waktu untuk kasus terbaik dan terburuk, karena algoritma Urut tidak bergantung pada batasan apakah data masukannya sudah terurut atau acak.

b. Jumlah operasi pertukaran

Untuk setiap i dari 1 sampai n-1, terjadi satu kali pertukaran elemen, sehingga jumlah operasi pertukaran seluruhnya adalah T(n) = n-1.

Jadi, algoritma pengurutan maksimum membutuhkan n(n-1)/2 buah operasi perbandingan elemen dan n-1 buah operasi pertukaran.