Основы машинного обучения

Лекция 9

Метрики качества классификации

Евгений Соколов

esokolov@hse.ru

НИУ ВШЭ, 2022

Метрики качества классификации

Качество классификации

• Доля неправильных ответов:

$$\frac{1}{\ell} \sum_{i=1}^{\ell} [a(x_i) \neq y_i]$$

Качество классификации

• Доля правильных ответов (accuracy):

$$\frac{1}{\ell} \sum_{i=1}^{\ell} [a(x_i) = y_i]$$

- Несбалансированная выборка объектов одного класса существенного больше
- Пример: предсказание кликов по рекламе
- Пример: медицинская диагностика
- Пример: предсказание оттока клиентов
- Пример: специализированный поиск

- Пример:
 - Класс -1: 950 объектов
 - Класс +1: 50 объектов
- a(x) = -1
- Доля правильных ответов: 0.95
- Почему результат нас не устраивает?

- Пример:
 - Класс -1: 950 объектов
 - Класс +1: 50 объектов
- a(x) = -1
- Доля правильных ответов: 0.95
- Почему результат нас не устраивает?
- Модель не несёт экономической ценности
- Цены ошибок неравнозначны

- q_0 доля объектов самого крупного класса
- Для разумных алгоритмов:

accuracy ∈
$$[q_0, 1]$$

• Если получили большой ассuracy — посмотрите на баланс классов

Улучшение метрики

- Два алгоритма
- Доли правильных ответов: r_1 и r_2
- Абсолютное улучшение: $r_2 r_1$
- Относительное улучшение: $\frac{r_2 r_1}{r_1}$

Улучшение метрики

•
$$r_1 = 0.8$$

•
$$r_2 = 0.9$$

$$\cdot \frac{r_2 - r_1}{r_1} = 12.5\%$$

•
$$r_1 = 0.5$$

•
$$r_2 = 0.75$$

$$\bullet \, \frac{r_2 - r_1}{r_1} = 50\%$$

•
$$r_1 = 0.001$$

•
$$r_2 = 0.01$$

$$\cdot \frac{r_2 - r_1}{r_1} = 900\%$$

Цены ошибок

- Пример: кредитный скоринг
- Модель 1:
 - 80 кредитов вернули
 - 20 кредитов не вернули
- Модель 2:
 - 48 кредитов вернули
 - 2 кредита не вернули
- Кто лучше?

Цены ошибок

- Что хуже?
 - Выдать кредит «плохому» клиенту
 - Не выдать кредит «хорошему» клиенту
- Доля верных ответов не учитывает цены ошибок

Матрица ошибок

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	True Positive (TP)	False Positive (FP)
a(x) = -1	False Negative (FN)	True Negative (TN)

Матрица ошибок

• Модель $a_1(x)$:

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	80	20
a(x) = -1	20	80

• Модель $a_2(x)$:

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	48	2
a(x) = -1	52	98

Точность (precision)

• Можно ли доверять классификатору при a(x) = 1?

$$precision(a, X) = \frac{TP}{TP + FP}$$

Точность (precision)

• Модель $a_1(x)$:

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	80	20
a(x) = -1	20	80

• precision $(a_1, X) = 0.8$

• Модель $a_2(x)$:

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	48	2
a(x) = -1	52	98

• precision(a_2, X) = 0.96

Полнота (recall)

• Как много положительных объектов находит классификатор?

$$\operatorname{recall}(a, X) = \frac{TP}{TP + FN}$$

Полнота (recall)

• Модель $a_1(x)$:

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	80	20
a(x) = -1	20	80

• recall(a_1, X) = 0.8

• Модель $a_2(x)$:

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	48	2
a(x) = -1	52	98

• recall(a_2, X) = 0.48

Антифрод

- Классификация транзакций на нормальные и мошеннические
- Высокая точность, низкая полнота:
 - Редко блокируем нормальные транзакции
 - Пропускаем много мошеннических
- Низкая точность, высокая полнота:
 - Часто блокируем нормальные транзакции
 - Редко пропускаем мошеннические

Кредитный скоринг

- Неудачных кредитов должно быть не больше 5%
- Ограничение: precision $(a, X) \ge 0.95$
- Максимизируем полноту

Медицинская диагностика

- Надо найти не менее 80% больных
- Ограничение: $\operatorname{recall}(a, X) \ge 0.8$
- Максимизируем точность

- accuracy(a, X) = 0.99
- precision(a, X) = 0.33
- $\operatorname{recall}(a, X) = 0.1$

	y = 1	y = -1
a(x) = 1	10	20
a(x) = -1	90	10000

Совмещение точности и полноты

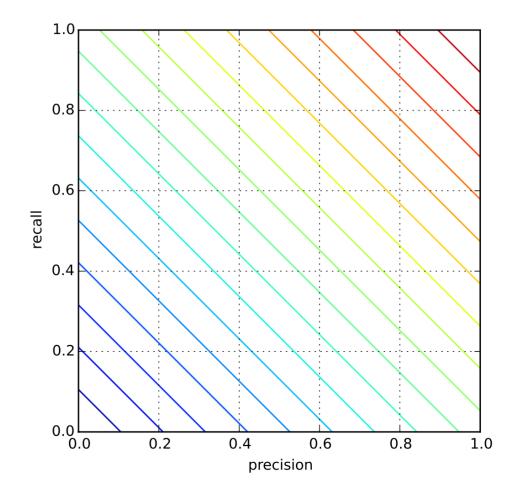
Точность и полнота

- Точность можно ли доверять классификатору при a(x) = 1?
- Полнота как много положительных объектов находит a(x)?

- Оптимизировать две метрики одновременно очень неудобно
- Как объединить?

Арифметическое среднее

$$A = \frac{1}{2}(\text{precision} + \text{recall})$$

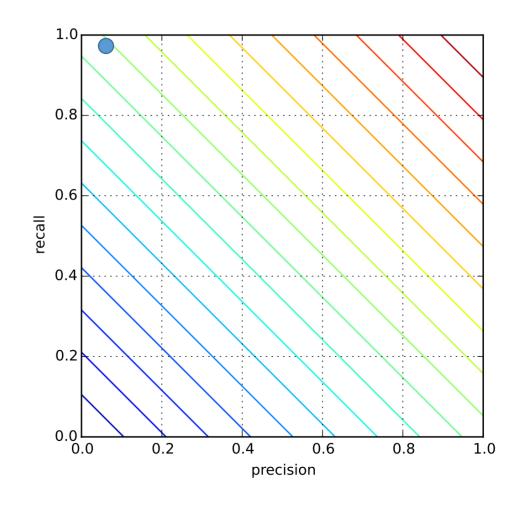


Арифметическое среднее

$$A = \frac{1}{2} (precision + recall)$$

- precision = 0.1
- recall = 1
- A = 0.55

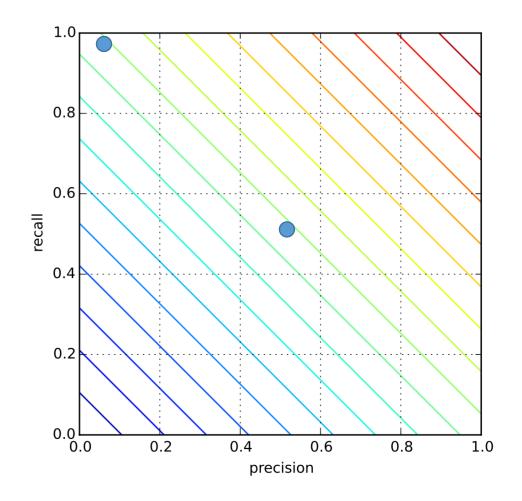
• Плохой алгоритм



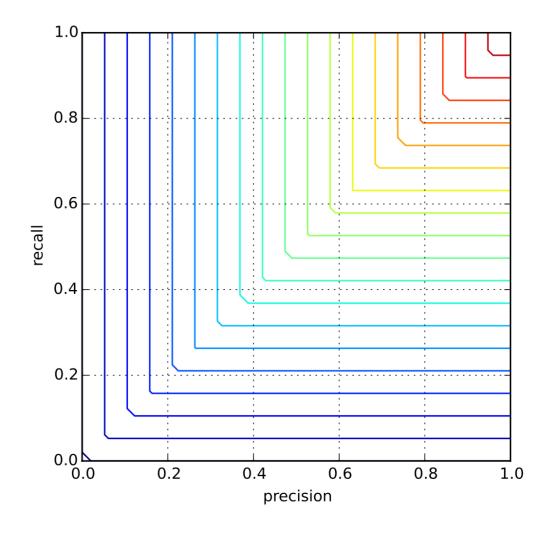
Арифметическое среднее

$$A = \frac{1}{2} (precision + recall)$$

- precision = 0.55
- recall = 0.55
- A = 0.55
- Нормальный алгоритм
- Но качество такое же, как у плохого

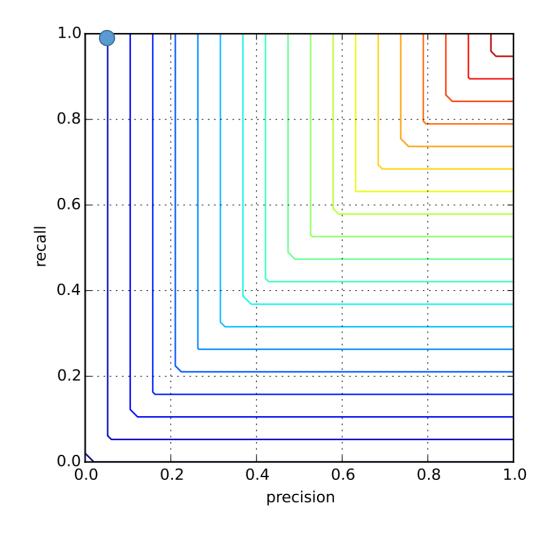


 $M = \min(\text{precision, recall})$



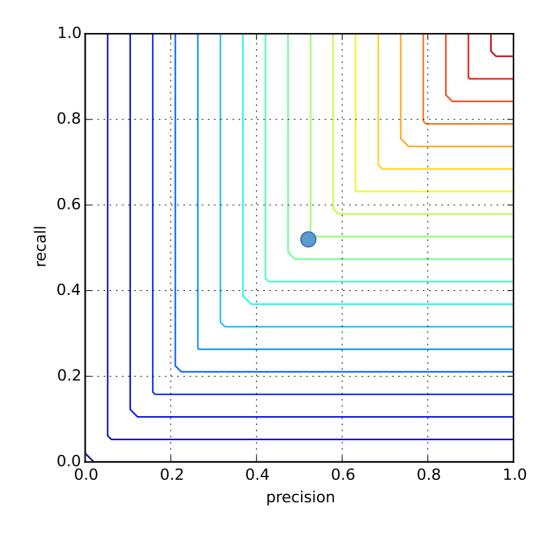
 $M = \min(\text{precision, recall})$

- precision = 0.05
- recall = 1
- M = 0.05



 $M = \min(\text{precision, recall})$

- precision = 0.55
- recall = 0.55
- M = 0.55

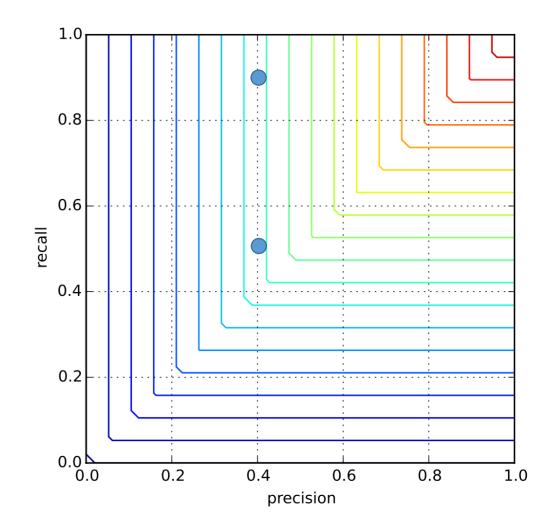


 $M = \min(\text{precision, recall})$

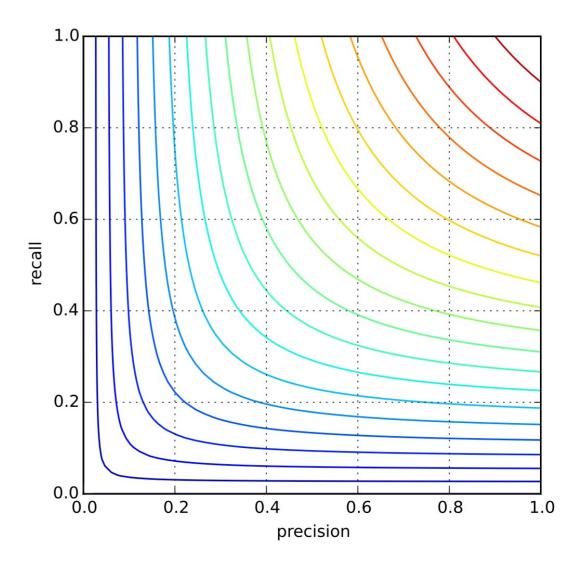
- precision = 0.4, recall = 0.5
- M = 0.4

- precision = 0.4, recall = 0.9
- M = 0.4

• Но второй лучше!



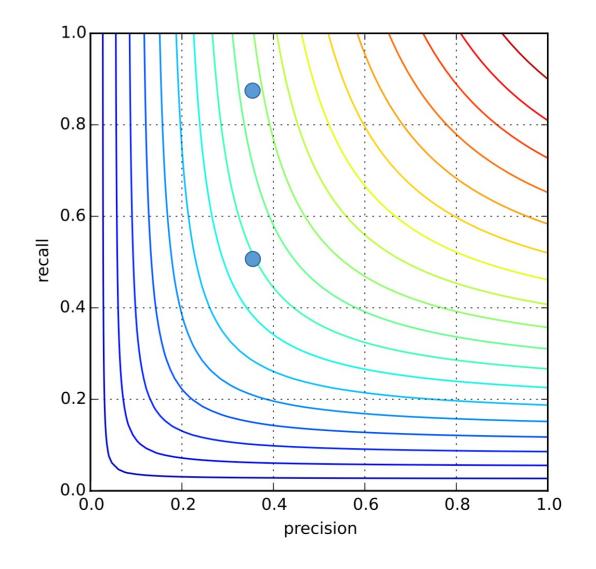
$$F = \frac{2 * precision * recall}{precision + recall}$$



$$F = \frac{2 * precision * recall}{precision + recall}$$

- precision = 0.4, recall = 0.5
- F = 0.44

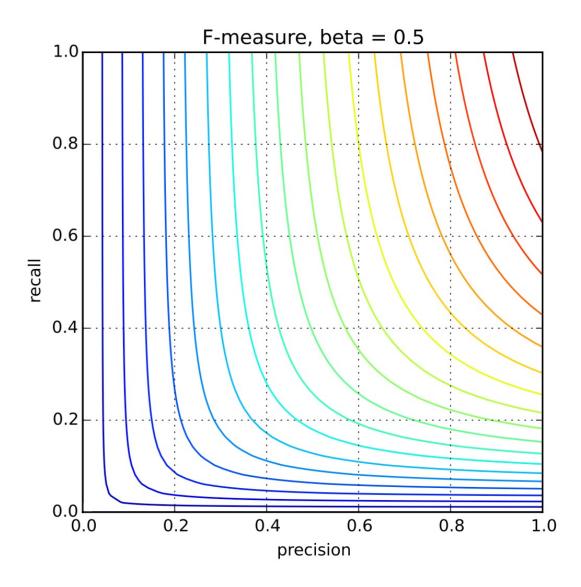
- precision = 0.4, recall = 0.9
- M = 0.55



$$F_{\beta} = (1 + \beta^2) \frac{\text{precision} * \text{recall}}{\beta^2 * \text{precision} + \text{recall}}$$

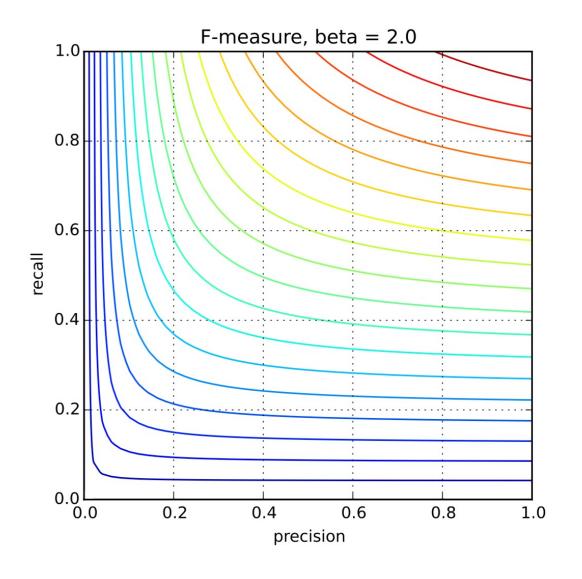
$$F_{\beta} = (1 + \beta^2) \frac{\text{precision} * \text{recall}}{\beta^2 * \text{precision} + \text{recall}}$$

- $\beta = 0.5$
- Важнее точность



$$F_{\beta} = (1 + \beta^2) \frac{\text{precision} * \text{recall}}{\beta^2 * \text{precision} + \text{recall}}$$

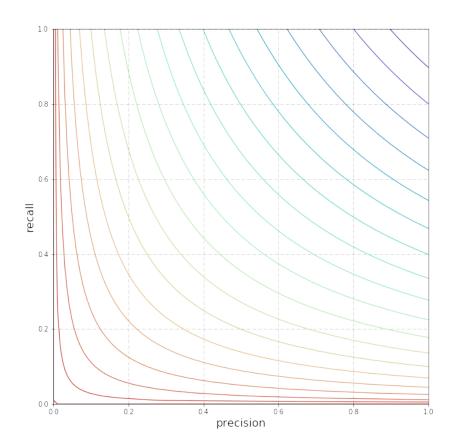
- $\beta = 2$
- Важнее полнота

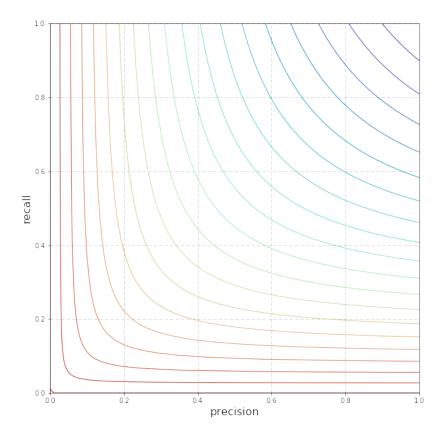


Геометрическое среднее

$$G = \sqrt{\text{precision} * \text{recall}}$$

$$F = \frac{2 * precision * recall}{precision + recall}$$





Геометрическое среднее

$$G = \sqrt{precision * recall}$$

$$F = \frac{2 * precision * recall}{precision + recall}$$

- precision = 0.9
- recall = 0.1
- G = 0.3

- precision = 0.9
- recall = 0.1
- F = 0.18

Метрики качества ранжирования

Классификатор

• Линейный классификатор:

$$a(x) = \operatorname{sign}(\langle w, x \rangle - t) = 2[\langle w, x \rangle > t] - 1$$

- $\langle w, x \rangle$ оценка принадлежности классу +1
- Нередко t=0

- Высокий порог:
 - Мало объектов относим к +1
 - Точность выше
 - Полнота ниже
- Низкий порог:
 - Много объектов относим к +1
 - Точность ниже
 - Полнота выше

-1	-1	+1	-1	-1	-1	+1	+1	-1	+1
0.01	0.09	0.12	0.15	0.29	0.4	0.48	0.6	0.83	0.9

-1	-1	+1	-1	-1	-1	+1	+1	-1	+1
0.01	0.09	0.12	0.15	0.29	0.4	0.48	0.6	0.83	0.9

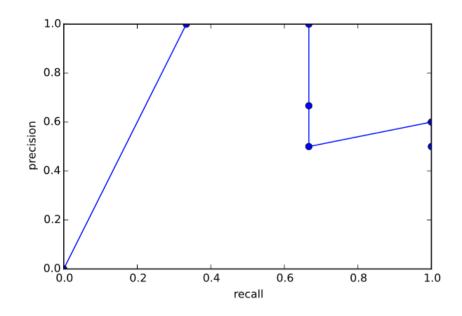
-1	-1	+1	-1	-1	-1	+1	+1	-1	+1
0.01	0.09	0.12	0.15	0.29	0.4	0.48	0.6	0.83	0.9

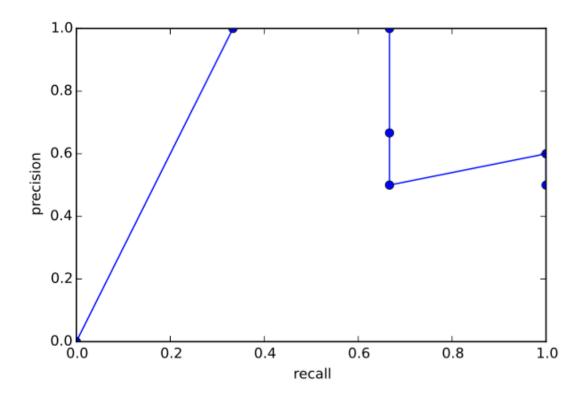
-1	+1	-1	+1	-1	+1	-1	+1	-1	+1
0.01	0.09	0.12	0.15	0.29	0.4	0.48	0.6	0.83	0.9

- Как оценить качество b(x)?
- Порог выбирается позже
- Порог зависит от ограничений на точность или полноту

- Пример: кредитный скоринг
- b(x) оценка вероятности возврата кредита
- a(x) = [b(x) > 0.5]
- precision = 0.1, recall = 0.7
- В чем дело в пороге или в алгоритме?

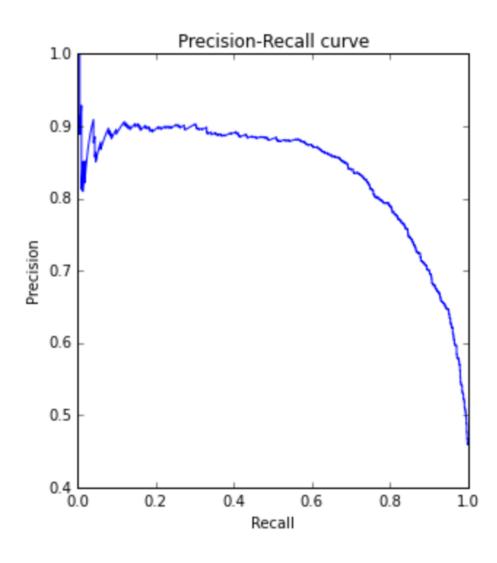
- Кривая точности-полноты
- Ось X полнота
- Ось Ү точность
- Точки значения точности и полноты при последовательных порогах





$$b(x)$$
 | 0.14 | 0.23 | 0.39 | 0.52 | 0.73 | 0.90
 y | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1

PR-кривая в реальности



- Левая точка: (0, 1)
- Правая точка: (1, r), r доля положительных объектов
- Для идеального классификатора проходит через (1, 1)
- AUC-PRC площадь под PR-кривой

