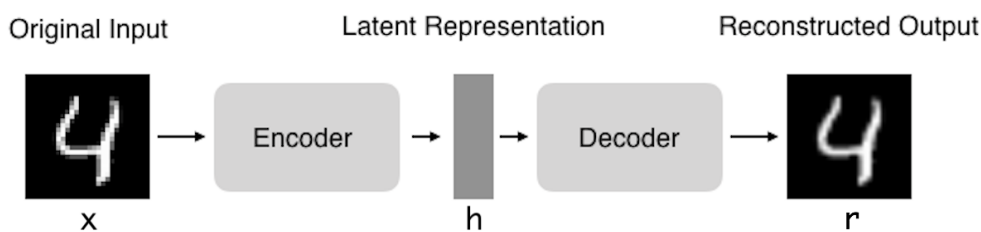


Ինքնակոդավորիչ

Հայկ Կարապետյան

Խնդիրը, երբ մուտքային տվյալը ստանալով անհրաժեշտ է ելքում ստանալ նույն մուտքային տվյալը, կոչվում է identity mapping: Ինքնակոդավորիչ (Autoencoder) ցանցերը կարողանում են լուծել յառ խնդիրը: Օրինակ՝ մուտքում ցանցին փոխանցել ենք նկար: Ելքում ցանցանում ենք ստանալ նույն նկարը: Այս ցանցերը կազմված են երկու մասից՝ կոդավորիչ (encoder) և դեկոդավորիչ (decoder): Encoder-ի նպատակն է մուտքային տվյալները տանել ուրիշ չափողականություն: Այդ չափողականության վեկտորները կոչվում են latent-space representation: Decoder-ի նպատակն է latent-space representation-ից վերականգնել իրական մուտքային տվյալը: Օրինակ՝ մուտքում կարող ենք վերցնել 28×28 չափի նկար, հարթեցնել (flatten) այն, ստանալ 784 չափանի վեկտոր, ապա փոխանցել Encoder-ին և այն մուտքային վեկտորը կվերածի 20 չափողականության վեկտորի: Decoder-ը է 20 չափողականության վեկտորը հետ է վերածելու 784 չափանի վեկտորի (Նկար 1):



Նկար 1: Autoencoder ցանցի օրինակ

Ուսուցման ընթացքում մեր նպատակն է նվազեցնել կորուստը (հեռավորությունը) մուտքային և ելքային տվյալների միջև: Autoencoder-ում այս կորուստը անվանում են վերականգնման սխալ (reconstruction loss): Կարող ենք օգտագործել քառակուսային հեռավորության կորուստը:

$$L = (f(x) - x)^2$$

Իսկ ինչի՞ համար է անհրաժեշտ ցանց, որը ստանալով մուտքային տվյալ, output-ում կվերադարձնի նույն մուտքային տվյալը: Ամենակարևոր հատվածը latent-space representation-ն է, որը կարողանում էր 784 չափանի վեկտորը վերածել 20 չափանի վեկտորի այնպես, որ հնարավոր լինի վերականգնել 784 չափանի վեկտորը: Autoencoder-ները կարող են օգտագործվել խնդիրներում, ինչպիսիք են՝ 1. չափողականության նվազեցում (dimensionality reduction), 2. անոմալիաների հայտնաբերում (anomaly detection), 3. տվյալներում աղմուկի հեռացում (data denoising) և 4. ուրիշ խնդիրներում:

1. Չափողականության նվազեցումը արդեն պարզ է՝ կիրառում ենք միայն Encoder-ի հատվածը և ստանում ավելի փոքր չափողականության վեկտոր:
2. Հիմա դիտարկենք անոմալիաների հայտնաբերման խնդիրը: Ունենք տվյալներ և դրանց մեջ կան և՛ շների նկարներ, և՛ փղերի նկարներ: Մեր խնդիրն է հեռացնել փղերի նկարները մեր տվյալներից: Փղերի նկարները անոմալիան են: Համացանցից կարող ենք գտնել շատ շների նկարներ և դրանց վրա ուսուցանել Autoencoder: Դրանից հետո Autoencoder-ը աշխատացնենք մի քանի ձեռքով ընտրված շան նկարների վրա: Հաշվենք վերականգնման սխալը և որոշենք threshold, որից մեծ լինելու դեպքում տյալը կհամարվի անոմալիա: Նույն կերպ կարող ենք հաշվել ձեռքով ընտրված շան նկարների latent-space representation վեկտորների միջև հեռավորություն (euclidean) և նորից սահմանենք threshold, եթե նախապես ընտրված շան նկարի և մուտքում եկած տվյալի latent-space վեկտորների հեռավորությունը մեծ է threshold-ից, մուտքային տվյալը անոմալիա է:
3. Տվյալներից աղմուկի հեռացման համար մեզ անհրաժեշտ են աղմկոտ տվյալներ և դրանց համապատասխան անաղմուկ տվյալներ: Իսկ այդպիսի տվյալներ ստեղծելը հեշտ է: Կարող ենք վերցնել մեծ քանակությամբ շների նկարներ և ամեն նկարին գումարենք գաուսյան աղմուկ (gaussian noise): Մուտքային տվյալը կլինի ավելացված աղմուկով նկարը,

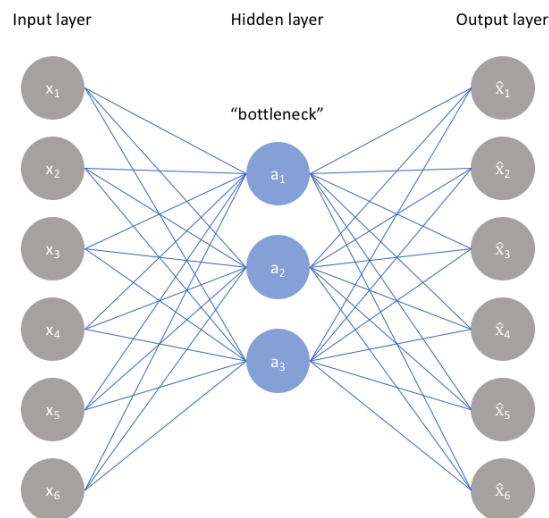
իսկ որպես ելքային տվյալ կապահանջենք անադմուկ նկարը: Պահանջելը իրականացվելու է կորստի ֆունկցիայի միջոցով, երբ այն սահմանենք ցանցի ելքի և իրական պիտակի համար:

4. Autoencoder-ները կարող են օգտագործվել շատ տարբեր խնդիրներում: Օրինակ՝ կարող ենք ստանալ մուտքային նկարի latent-space representation-ը և դրա վրա ավելացնելով մեկ dense շերտ կատարել classification: Կամ կարող ենք այդ նույն վեկտորների վրա աշխատացնել կլաստերավորում (clustering¹): Նույնիսկ կարող ենք նկարի վրա աշխատացնել VGG ցանցը, ստանալ 4096 չափանի վեկտորներ, դրանց վրա ուսուցանել Autoencoder, հետո վերցնել 4096 չափանի վեկտորը և դարձնել 200 չափանի վեկտոր և նոր կատարել classification կամ clustering: Autoencoder-ի հիմնական նպատակն է մուտքային տվյալներից քաղել գլխավոր ինֆորմացիան:

Այժմ դիտարկենք Autoencoder-ների մի քանի տեսակներ:

1. Vanilla Autoencoder

Այս Autoencoder-ը ունի ամենահասարակ կառուցվածքը: Մեկ մուտքային dense շերտ, մեկ hidden dense շերտ և մեկ ելքային dense շերտ (Նկար 2):

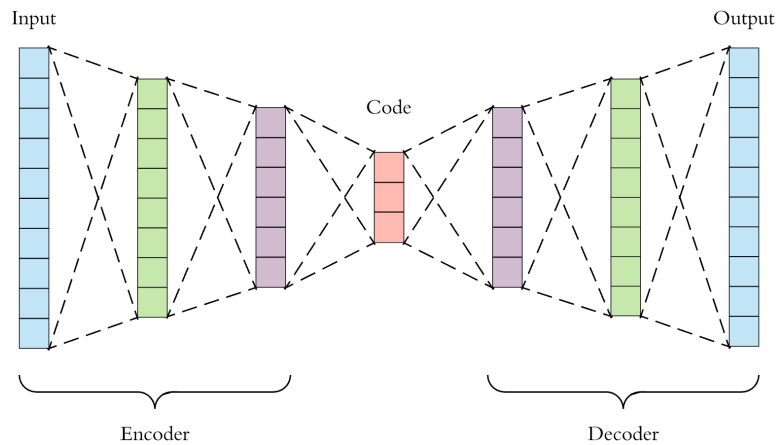


Նկար 2: Vanilla Autoencoder

2. Multilayer/Deep Autoencoder

Անունից արդեն կարող ենք հասկանալ, որ այս Autoencoder-ը ավելի խորն է՝ շերտերի քանակը ավելի շատ են: Եթե Vanilla Autencoder-ի դեպքում ունեինք Simple Neural Network, այս դեպքում ունենք Deep Neural Network (Նկար 3):

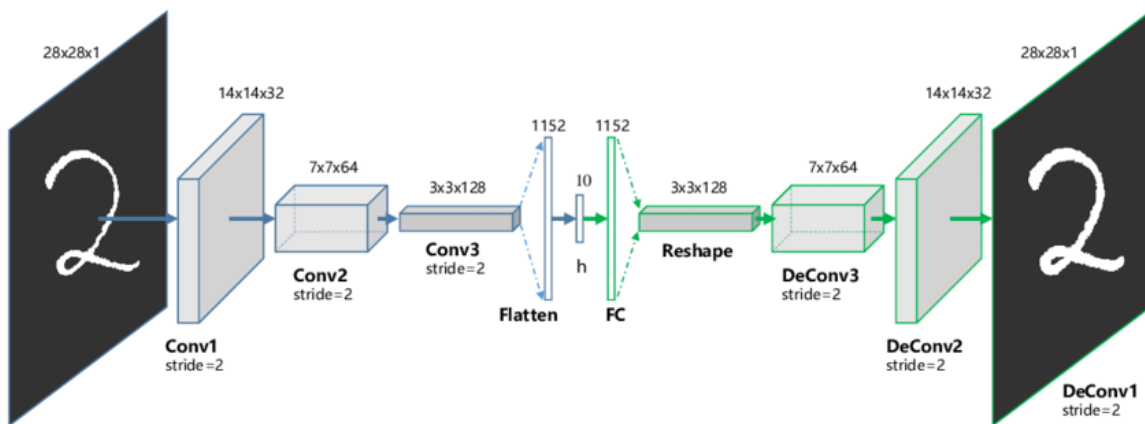
1. clustering - խնդիր, երբ անհրաժեշտ է գտնել նման տվյալներ և խմբավորել իրար հետ: Այս խնդրում մենք չունենք պիտակավորված տվյալներ, թե որ տվյալը, որ խմբին է պատկանում: Անհրաժեշտ է գտնել իրար ավելի նման տվյալներ և խմբավորել:



Նկար 3: Deep Autoencoder

3. Convolutional Autoencoder

Այս Autoencoder-ը օգտագործում է convolution շերտեր՝ պահելով նկարի խորությունը (Նկար 4):



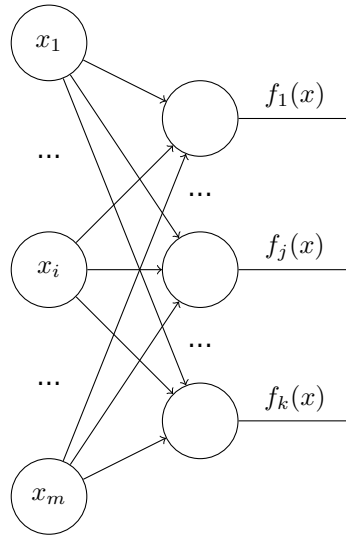
Նկար 4: Convolutional Autoencoder

Այն պարունակում է conv շերտեր, deconv շերտեր, և dense շերտեր: Convolution շերտերը օգտագործվում են նկարի չափը փոքրացնելու և խորությունը պահպանելու համար: Deconvolution շերտեր կատարում են transposed convolution գործողությունը՝ նկարի չափերը հետ մեծացնելու համար: Իսկ Dense շերտերը օգտագործվում են վերջնական latent-space representation-ը ստանալու համար: Նկար 4-ում կարող ենք տեսնել, որ մուտքային $28 \times 28 \times 1$ նկարը դարձրել ենք 10 չափողականությամբ վեկտոր: Autoencoder-ների կառուցվածքները դիտարկելիս կարող ենք տեսնել, որ Encoder-ի և Decoder-ի հատվածը սիմետրիկ են: Կիրառված են նույն քանակությամբ, նույն շերտերը: Եվ դա պատահական չէ: Ինչպես մեր տվյալներից ստացել ենք latent-space representation-ը, նույն կերպ անհրաժեշտ է այն հետ վերականգնել:

4. Contractive Autoencoder

Autoencoder-ներում, մուտքային տվյալի փոքր փոփոխության դեպքում latent-space representation-ը շատ է փոխվում: Օրինակ՝ մուտքային տվյալում պատկերված է շուն: Այդ շանը մի փոքր աջ տեղափոխելիս (shift), Encoder-ից ստացված վեկտորը շատ է փոփոխվում: Contractive Autoencoder-ի նպատակն է այնպես ուսուցանել ցանցը, որպեսզի մուտքային տվյալի փոքր փոփոխության դեպքում՝ latent-space representation-ը նույնպես քիչ փոփոխվի: Ունենք $y = x^2$ ֆունկցիան: Ուզում ենք դիտարկել x -ի փոքր փոփոխության ժամանակ, ինչպես է փոփոխվում y -ը: Դրա համար անհրաժեշտ է դիտարկել y -ի ածանցյալը

ըստ x -ի ($\frac{\partial y}{\partial x}$): Նույն կերպ, երբ ցանկանում ենք մոտքային տվյալի քիչ փոփոխության դեպքում, քիչ փոփոխել latent-space representation-ը, մեզ անհրաժեշտ է հաշվել դրա ածանցյալը ըստ մոտքային տվյալի:



Գծագիր 1: Autoencoder, որի latent-space representation-ը k չափողականությամբ վեկտոր է

Հասկանանք գրաֆիկ 1-ը: Մոտքային տվյալը m չափողականությամբ վեկտոր է, որի latent-space representation-ը k չափանի է: Այս դեպքում $f(x) = \phi(wx + b)$, բայց ավելի խորը, այսինքն մի քանի շերտերից կազմված Encoder-ի կառուցվածքի դեպքում, $f(x)$ ֆունկցիան կփոփոխվի: $f(x)$ ասելով հասկանում ենք մոտքային տվյալի latent-space representation-ը: Այժմ մեզ անհրաժեշտ է մոտքային տվյալի քիչ փոփոխության դեպքում, latent-space representation-ը նույնպես քիչ փոփոխվի: Դրա համար հաշվենք հետևյալ մասնակի ածանցյալները և գրենք մատրիցի տեսքով:

$$J_f(x) = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1(x)}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial f_j(x)}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial f_k(x)}{\partial x_1} \\ \vdots & & \vdots & & \vdots \\ \frac{\partial f_1(x)}{\partial x_i} & \cdots & \frac{\partial f_j(x)}{\partial x_i} & \cdots & \frac{\partial f_k(x)}{\partial x_i} \\ \vdots & & \vdots & & \vdots \\ \frac{\partial f_1(x)}{\partial x_m} & \cdots & \frac{\partial f_j(x)}{\partial x_m} & \cdots & \frac{\partial f_k(x)}{\partial x_m} \end{bmatrix}$$

Հետևյալ մատրիցի համար սահմանենք նորմ:

$$\|J_f(x)\|_F^2 = \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^k \left(\frac{\partial f_j(x)}{\partial x_i} \right)^2$$

Այս նորմը կոչվում է Ֆրոբենիուս (Frobenius) նորմ: Այն սահմանվում է մատրիցի վրա և հավասար է մատրիցի բոլոր անդամների քառակուսիների գումարին: Մեզ անհրաժեշտ է, որպեսզի վերը նշված մատրիցի Ֆրոբենիուս նորմը փոքր լինի, այսինքն ածանցյալները փոքր լինեն, այսինքն մոտքային տվյալի քիչ փոփոխության դեպքում, latent-space representation-ը նույնպես քիչ փոխվի: Դրա համար գումարենք կորստի ֆունկցիան:

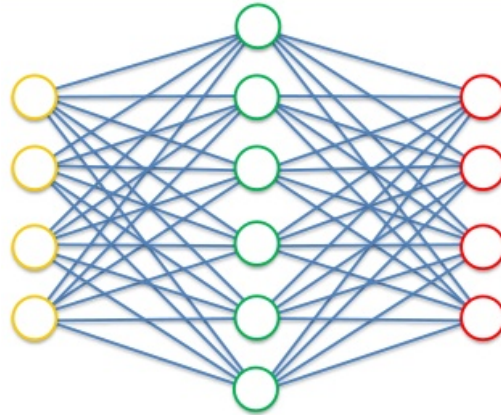
$$L = \sum_{x \in D} (L(x, g(f(x))) + \lambda \|J_f(x)\|_F^2), \quad 0 < \lambda < 1$$

D -ն մեր տվյալների բազմությունն է, իսկ $g(f(x))$ -ը Decoder-ի output-ն է, երբ latent-space representation-ը փոխանցում ենք որպես մուտք: Output-ի և սկզբնական x -ի միջև կորուստը

պետք է փոքր լինի: Ինչպես նաև մուտքը քիչ փոփոխելիս, latent-space representation-ը նույնպես պետք է քիչ փոփոխվի:

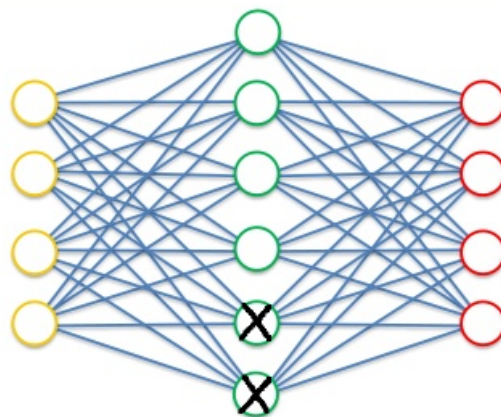
5. Sparse Autoencoder

Ինչ կլինի եթե latent-space representation-ը վերցնենք ավելի մեծ, քան մուտքի չափը (Նկար 5):



Նկար 5: Sparse Autoencoder

Latent-space representation-ի չափը վերցնում ենք ավելի մեծ, քան մուտքային տվյալներինը, որպեսզի կարողանանք հնարավորոնքիս շատ ինֆորմացիա քաղենք մուտքային տվյալներից: Բայց եթե ոչ մի մեթոդ չկիրառենք և ուսուցանենք մեզ հայնի ձևով, այն կսովորի ուղղակի կլոնավորել մուտքային տվյալները դեպի ելքային տվյալներ: Այսինքն ոչինչ չի սովորի: Մուտքային տվյալները նշանակենք x_1, \dots, x_k , իսկ latent-space-ի շերտի կշիռները՝ W_1, \dots, W_m $m > k$: Մենք կատարում ենք $W_i x$ գործողությունը: Վերցնենք W_1 -ի կշիռները հետևյալ տեսքով $[1, 0, \dots, 0]$: W_2 -ի դեպքում երկրորդ տեղում գրված կլինի 1, իսկ մնացածը 0: Նույն կերպ W_k -ի k -րդ տեղում գրված կլինի 1, իսկ մնացածը 0: W_{k+1} -ից մինչև W_m -ը մեզ չի հետաքրքրում, քանի որ Decoder-ի կշիռները հաշվի են առնելու 1-ից k նեյրոնների output-ները: Այսպիսով, եթե latent-space representation-ի չափողականությունը ավելի մեծ է, քան մուտքային տվյալներինը՝ ցանցը ոչինչ չի սովորի ուղղակի կրկրկնորինակի մուտքային տվյալները դեպի output (Նկար 6):



Նկար 6: Latent-space representation-ը ոչինչ չի սովորում

Այդ պատճառով կիրառում ենք ռեգուլարիզացիա: Նպատակն է latent-space representation-ի բոլոր արժեքները պահել ինչ որ արժեքից փոքր և այդ դեպքում այն ուղղակի չի կարողանա մուտքային արժեքները բազմապատկել 1-ով և փոխանցել, որպես output: Ինչպես Contractive Autoencoder-ում, այստեղ նույնպես վերցնենք f_j -ով նշանակենք

Encoder-ի output-ները:

$$p_j = \frac{1}{n} \sum_{x \in D} f_j(x)$$

p_j ցույց կտա միջինում j -րդ նեյրոնը ինչ արժեք է ընդունում: Վերցնենք $p = 0.05$:

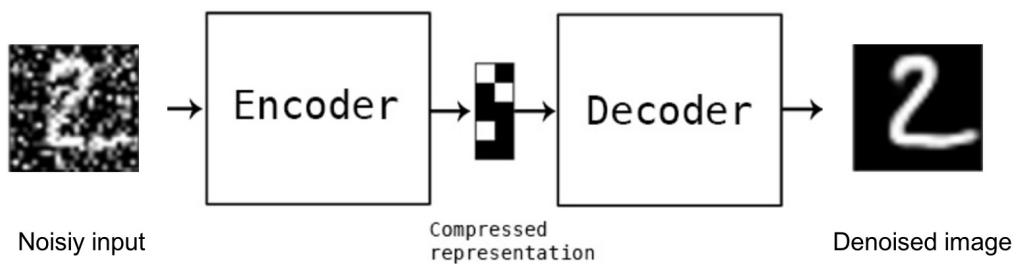
$$L_{total} = \sum_{x \in D} L(x, g(f(x))) + \lambda \sum_j KL(p || p_j)$$

$$KL = (p || p_j) = -p \log \frac{p_j}{p} - (1 - p) \log \frac{1 - p_j}{1 - p}$$

KL divergence-ը չափանիշ է, որը ցույց է տալիս երկու արժեքների կամ երկու բաշխումների նմանությունը (հեռավորությունը): Ինչքան փոքր է KL-ը, այնքան ավելի նման (մոտ) են մուտքային արժեքները: Եվ կորստի ֆունկցիայի մեջ այն ներառելիս ցանկանում ենք, որ Encoder-ի output-ները միջինում մոտիկ լինեն 0.05-ի: Այս ռեգուլարիզացիոն մեթոդը կիրառելով, կարող ենք latent-space representation-ի չափողականությունը վերցնել ավելի մեծ, քան մուտքային տվյալներինն է:

6. Denoising Autoencoder

Autoencoder-ները կարող են լուծել նաև նկարներից աղմուկի հեռացման խնդիրը: Դրա համար անհրաժեշտ է պատրաստել ուսուցման տվյալներ: Մուտքային տվյալը լինելու է աղմուկով նկարը, իսկ ելքայինը՝ նույն նկարը առանց աղմուկի: Այդպես պիտակավորված տվյալներ անհրաժեշտ չէ գտնել: Կարող ենք ուղղակի վերցնել շատ նկարներ և դրանց ավելացնելով գաուսյան աղմուկ կամ պատահական աղմուկ՝ ստանալ անհրաժեշտ ուսուցման տվյալները (Նկար 7):

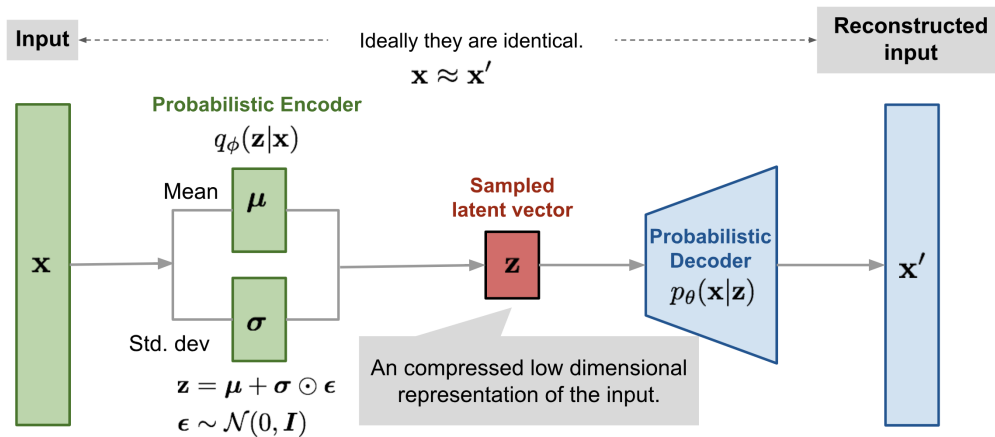


Նկար 7: Denoising Autoencoder

Այս դեպքում latent-space representation-ը կարող է լինել ավելի մեծ քան մուտքային տվյալներինը, քանի որ ուղղակի կրկնօրինակելով ցանցը չի կարողանա ստանալ անհրաժեշտ output-ը:

7. Variational Autoencoder

Հնարավոր է արդյոք Autoencoder-ների միջոցով գեներացնել նոր ինֆորմացիա: Այս հարցին պատասխանում են Variational Autoencoder-ները: Նախորդ Autoencoder-ներում ամեն մուտքային տվյալին համապատասխանեցնում էինք վեկտոր: Իսկ ինչ կլինի, եթե ամեն մուտքային տվյալի համապատասխանեցնենք բաշխում: Encoder-ի վերադարձրած վեկտորը բաժանենք երկու հավասար մասերի: Առաջին հատվածը կներկայացնի մեր բաշխման միջինը, իսկ երկրորդ հատվածը ստանդարտ բաշխումը: Ունենալով այդ երկու արժեքները կարող ենք ստանալ գաուսյան բաշխում տրված միջինով և ստանդարտ բաշխումով ($\mu + \sigma \cdot N(0, I)$): Դրանից հետո ստացված բաշխումից պատահական կերպով կընտրենք մի վեկտոր և փոխանցելով Decoder-ին՝ կապահանջենք վերականգնված (reconstructed) մուտքը (Նկար 8):



Նկար 8: Variational Autoencoder

Իսկ ինչպե՞ս ենք գեներացնելու նոր նկարներ: Մեզ ընդամենը անհրաժեշտ է վերցնել գույան բաշխում, ընտրել պատահական վեկտոր այդ բաշխումից, փոխանցել Decoder-ին և վերջ: Decoder-ը մեզ համար կգեներացնի նոր նկար:

Ամփոփենք: Autoencoder-ները հիմնականում նախատեսված են չափողականության նվազեցման համար, բայց դրանց միջոցով նաև կարող ենք գեներացնել նոր տվյալներ և կատարել տվյալներից աղմուկի հեռացում: Շատ տվյալների վրա մոդելով ուսուցանելով, կարող ենք ստանալ ավելի որակով սեղմման (compressing) միջոց, քան jpeg-ն է: Բայց այն կաշիատի ավելի դանդաղ, քանի որ պետք է կատարի բազմաթիվ բազմապատկումներ: Autoencoder-ների Encoder և Decoder հատվածները կարող ենք վերցնել Transformer-ի Encoder, Decoder architecture-ները: