Շարժվող միջին

Հայկ Կարապետյան

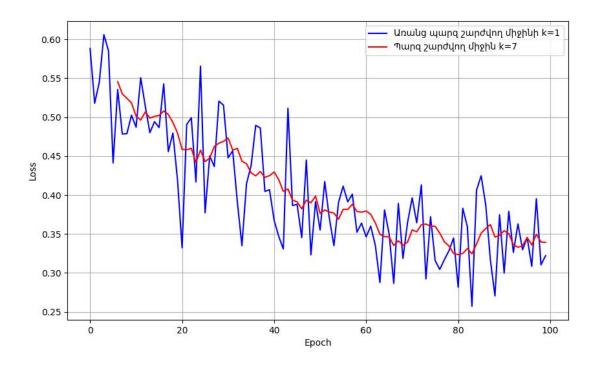
Շարժվող միջինը վիճակագրական հաշվարկ է, որն օգտագործվում է տվյալների կետերը վերլուծելու համար` բոլոր տվյալների կետերից ստեղծելով տարբեր միջինների շարքեր։ Այն սովորաբար օգտագործվում է կարճաժամկետ տատանումները հարթելու համար։ Դիտարկենք շարժվող միջինի երեք տեսակ։

1 Պարզ շարժվող միջին

Տրված կետում պարզ շարժվող միջինը (simple moving average), դա նախորդ ${\sf k}$ հատ հաջորդական կետերի թվաբանական միջինն է։ Եթե ունենք $x_1,x_2,\ldots x_n$ հաջորդական կետեր, ապա պարզ շարժվող միջինը հաշվելուց հետո կստանանք հետևյալ կետերը.

$$\mu_n = \frac{x_{n-k+1} + \dots + x_n}{k}, n = k, k+1, \dots 9$$

k-և ցույց է տալիս, թե նախորդ կետերից քանի հատն է պետք հաշվի առնել նոր կետի ստացման ժամանակ։ Այն որոշում ենք մենք։ Օրինակ` կորստի ֆունկցիան շատ է տատանվում և մենք ցանկանում ենք ավելի քիչ տատանվող գրաֆիկ ստանալ։ Կարող ենք վերցնել ամեն կետի արժեքը` սկսած 7-րդ կետից, և փոխարինել նախորդ 7 կետերի միջին արժեքով (Նկար 1)։ Ինչքան մեծ վերցնենք k-ի արժեքը, այնքան ավելի սահուն կստացվի գրաֆիկը։



Նկար 1։ Կորստի ֆունկցիայի գրաֆիկը պարզ շարժվող միջին կիրառելուց առաջ և հետո

2 Կուտակային շարժվող միջին

n-րդ կետում կուտակային շարժվող միջինը (cumulative moving average), դա նախորդ n-1 հատ հաջորդական կետերի թվաբանական միջինն է։ Եթե ունենք $x_1, x_2, \ldots x_n$ հաջորդական կետեր, ապա կուտակային շարժվող միջինը հաշվելուց հետո կստանանք հետևյալ կետերը.

$$\mu_n = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

Ստանանք ռեկուրենտ բանաձև` ձևափոխելով առկան.

$$\mu_n = \frac{(x_1 + x_2 + \dots + x_{n-1}) + x_n}{n} = \frac{(n-1)\mu_{n-1} + x_n}{n} = \left(1 - \frac{1}{n}\right)\mu_{n-1} + \frac{1}{n}x_n$$

Սկզբնական բանաձևում երևում է, որ բոլոր կետերը (x-երը) հաշվի ենք առնում նույն $\frac{1}{n}$ կշռով։ Ռեկուրենտ բանաձևը ցույց է տալիս, որ n-րդ պահին $x_1, x_2, \dots x_{n-1}$ կետերին ավելի մեծ ուշադրություն ենք դարձնում, քան x_n կետին։ n-ի մեծ արժեքների դեպքում $\left(1-\frac{1}{n}\right)$ արժեքը ձգտում

 t 1-ի իսկ, $\frac{1}{n}$ -րդի արժեքը ձգտում t 0-ի։ Ի տարբերություն նախորդի, այս դեպքում հաշվի են առնվում բոլոր կետերը, բայց եթե մեզ համար նոր եկած կետերն կարևոր են և պետք չ t դրանց շատ մոտիկացնել 0-ի (օրինակ` դոլարի գնի կանխատեսում), ապա կուտակային շարժվող միջինը լավ տարբերակ չ t ։

3 Էքսպոնենցիալ շարժվող միջին

Եթե ունենք հետևյալ հաջորդական կետերը $x_1, x_2, \dots x_n$, ապա Էքսպոնենցիալ շարժվող միջինը (exponential moving average) հաշվելուց հետո կստանանք հետևյալ կետերը.

$$\mu_n = \alpha \mu_{n-1} + (1 - \alpha) x_n \quad n \ge 2, \ 0 < \alpha < 1$$

Հետևյալ ռեկուրենտ բանաձևը պարզեցնենք և տեսնենք, թե ամեն կետը ինչ գործակցով է մասնակցում։

$$\mu_n = \alpha \mu_{n-1} + (1 - \alpha)x_n = \alpha(\alpha \mu_{n-2} + (1 - \alpha)x_{n-1}) + (1 - \alpha)x_n =$$

$$= \alpha^2 \mu_{n-2} + (1 - \alpha)\alpha x_{n-1} + (1 - \alpha)x_n =$$

$$= \alpha^3 \mu_{n-3} + (1 - \alpha)\alpha^2 x_{n-2} + (1 - \alpha)\alpha x_{n-1} + (1 - \alpha)x_n =$$

$$= \alpha^{n-1} \mu_1 + (1 - \alpha)\alpha^{n-2} x_2 + (1 - \alpha)\alpha x_{n-1} + (1 - \alpha)x_n$$

Կարող ենք տեսնել, որ կետը ինչքան հին է, այնքան գործակիցն ավելի փոքր է, այսինքն հիշողության մեջ ավելի քիչ ենք հաշվի առնում։ Ամեն նոր տվյալ, հաշվի ենք առնում նույն չափով՝ $(\alpha-1)$ գործակցով, անկախ հիշողության քանակից։ Շարժվող միջինը կոչվում է էքսպոնենցիալ, քանի որ ամեն նախորդ կետի գործակիցը բազմապատկվում է α -ով և էքսպոնենցիալ կերպով փոքրանում է։ Նկատենք որ α -ի աստիճանի և x-ի ինդեքսի գումարը միշտ հավասար է n։ Երբ n-ը մեծանում է՝ $\alpha^{n-1}x_1$ -ը ձգտում է 0-ի և գրեթե ազդեցություն չի ունենում նոր եկած տվյալի վրա։ α -ի արժեքը վերցնում ենք 0.5-ից ավելի մեծ, որպեսզի հիշողությանը ավելի շատ ուշադրություն դարձնենք, քան նոր եկած տվյալին, քանի որ նոր եկած տվյալը կարող է լինել շեղում (outlier), իսկ հիշողության մեջ լինեն հարյուրավոր տվյալներ։