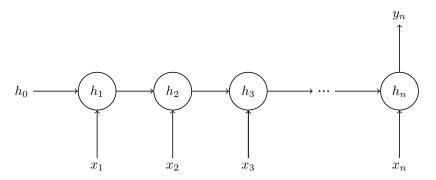
# Երկարատև և կարճատև հիշողություն

## Հայկ Կարապետյան

RNN ցանցերը նախատեսված են հաջորդական (sequential) տվյալների հետ գործողությունները կատարելու համար։ Օրինակ` մեկնաբանության տեքստը օգտագործելով հասկանանք, թե մեկնաբանությունը լավն է, թե ոչ (sentiment analysis)։ <իմա դիտարկենք, թե ինչ խնդիր կարող է առաջանալ երկար տեքստերի դեպքում։

# 1 Երկարաժամկետ հիշողության խնդիրը

Դիտարկենք գծագիր 1-ում պատկերված RNN ցանցը։



Գծագիր 1: RNN ցանց մեկ ելքով

Ունենք n բառից բակացած տեքստ և ցանկանում ենք վերջում ստանալ մեկ ելք (1՝ դրական տեքստ, 0՝ բացսական տեքստ)։ History-ին և output-ը ստացվում են հետևյալ բանձևով.

$$h_i = \sigma(w_1 x_i + w_2 h_{i-1})$$
$$y_n = h_n = \sigma(w_1 x_n + w_2 h_{n-1})$$

Որտեղ  $w_1, w_2$ -ը ուսուցանվող կշիռներ են։ Այս ցանցում կորստի ֆունկցիան վերցնելու ենք binary cross-entropy:

$$L = -yln(h_n) - (1 - y)ln((1 - h_n)), \ y \in \{0, 1\}$$

y — ը իրական պիտակն է, իսկ  $h_n$  — ը ցանցի գուշակած պիտակը Դիտարկենք կորստի ֆունկցիայի ածանցյալը, երբ պիտակը=1

$$\begin{split} L(y=1) &= -ln(h_n) \\ \frac{\partial L}{\partial w_2} &= -\frac{1}{h_n} \frac{\partial h_n}{w_2} = -\frac{1}{h_n} \sigma'(w_1 x_i + w_2 h_{n-1}) \frac{\partial (w_1 x_i + w_2 h_{n-1})}{\partial w_2} = \\ &= -\frac{1}{h_n} \sigma(\ldots) (1 - \sigma(\ldots)) \left( h_{n-1} + w_2 \frac{\partial h_{n-1}}{\partial w_2} \right) \\ &\frac{\partial h_{n-1}}{\partial w_2} = \sigma(\ldots) (1 - \sigma(\ldots)) \left( h_{n-2} + w_2 \frac{\partial h_{n-2}}{\partial w_2} \right) \end{split}$$

Ըստ  $w_2$ -ի ածանցյալները հաշվելիս կարող ենք տեսնել, որ առաջանում է  $w_2$  գործակից։ Առաջացած գործակիցները բազմապատկվելով ստանալու ենք  $w_2^n$ ։  $w_2$ -ի մեկից մեծ լինելու դեպքում  $w_2^n$ -ը շատ է մեծանալու (exploding gradient), իսկ 1-ից փոքր լինելու դեպքում ձգտելու է զրոյի (vanishing gradient)։ Այստեղ կարող ենք տեսնել, որ սկզբի արժեքները  $w_2$ -ով չենք բազմապատկում և ունենում ենք գումարելի, որը զրո չի դառնա։ Դա ավելի պարզ է երևում է, երբ կորուստի հաշվումը գրում ենք հետևյալ կերպ.

Սկզբից հաշվենք կորստի ածանցյալը ըստ առաջին history-ի

$$\frac{\partial L}{\partial h_1} = \frac{\partial L}{\partial h_n} \frac{\partial h_n}{\partial h_{n-1}} \frac{\partial h_{n-1}}{\partial h_{n-2}} \dots \frac{\partial h_2}{\partial h_1}$$

$$\frac{\partial h_n}{\partial h_{n-1}} = w_2 \sigma(\dots) (1 - \sigma(\dots))$$

$$\frac{\partial L}{\partial h_1} = w_2^n \prod_{i=1}^n \sigma(\dots) (1 - \sigma(\dots))$$
(1)

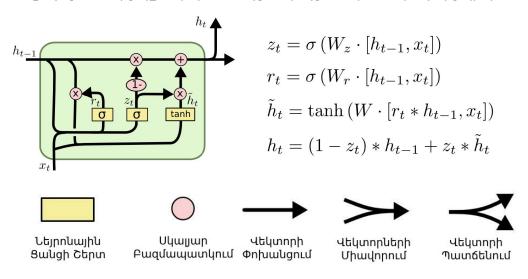
 $\prec$ իմա հաշվենք կորստի ածանցյալը ըստ  $w_2$ -ի

$$\frac{\partial L}{\partial w_2} = \left[ \frac{\partial L}{\partial h_1} \frac{\partial h_1}{\partial w_2} + \frac{\partial L}{\partial h_2} \frac{\partial h_2}{\partial w_2} \right] + \dots + \left[ \frac{\partial L}{\partial h_n} \frac{\partial h_n}{\partial w_2} \right]$$

Կարմիրով նշված հատվածը հստակ երևում է, որ ձգտում է 0-ի (ըստ 1 բանաձևի)։ Դա կոչվում է երկարատև հշողություն։ Դրանից հետևում է, որ վերջնական ելքի վրա (պիտակ) առաջին բառը ազդեցություն չի ունենում և ըստ առաջին բառի կշիռները չենք թարմացնում։ Իսկ կանաչով նշված հատվածը 0 չէ և դրանք վերջին բառերի ածանցյալներն են։ Այսինքն վերջին բառերը հաշվի առնելով մենք թարմացնում ենք կշիռներն այնպես, որպեսզի գուշակած պիտակի և իրական պիտակի միջև կորուստը լինի նվազագույնը։ Եվ երկար մեկնաբանությունների դասակարգման խնդրում, ցանցը որոշում կայացնելիս ուշադրություն չի դարձնի առաջին բառերին։ Այսպիսով սովորական RNN ցանցերում մենք միայն ունենք կարճատև հիշողություն։

#### 2 GRU

Սովորական RNN-ում հասկացանք, որ սկզբի մուտքային տվյալները հաշվի չենք առնում որոշում կայացնելիս և դրա պատճառն այն էր, որ սկզբնական history-ին շատ փոփոխությունների էր ենթարկվում (բազմապատկվում  $w_2$ -ով) և ինֆորմացիան կորչում էր։ Այդ խնդիրը լուծելու համար առաջացել է GRU բլոկը (Նկար 1)։ Քայլ առ քայլ հասկանանք այս բլոկի կառուցվածքը։



Նկար 1։ GRU բլոկ

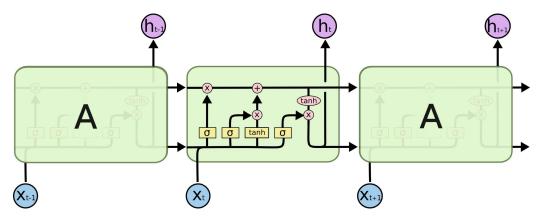
Սկզբից history-ին և մուտքային տվյալը միացնում ենք իրար (concat), բազմապատկում  $W_z$ -ով և կիրառում sigmoid ակտիվացիոն ֆունկցիա։  $W_z[h_{t-1},x_t]$ -ն համարժեք է  $W_{zh}h_{t-1}+W_{zx}x_t$  գործողությանը։ Ստացված արդյունքը 0-ից 1 միջակայքի թիվ է և արդյունքը վերագրում ենք  $z_t$ -ին։ Նույն գործողությունը կատարում ենք ևս մեկ անգամ, բայց արդեն ուրիշ կշռով՝  $W_r$ ։ <իմա նոր հիշողությունը ստանալու համար կատարենք հետևյալ գործողությունները։ Բազմապատկենք նախորդ հիշողությունն  $r_t$ -ով։ Միացնենք  $x_t$ -ին, բազմապատկենք  $W_t$ -ով և կիրառենք tanh ակտիվացիոն ֆունկցիա։ Սովորական RNN-ի դեպքում  $W_t$ -1-ը չէր բազմապատկվում  $W_t$ -1-ով։ Այս բազմապատկումը ցույց է տալիս, թե նախորդ հիշողության ինչքան մասն ենք ցանկանում

հաշվի առևել։  $r_t$ -ն ստացվում է sigmoid ակտիվացիոն ֆունկցիայի միջոցով և ինչքան մոտ է 1-ի, այնքան ավելի շատ ենք ցանկանում հաշվի առնել հիշողությունը։ GRU բլոկի հայտնվելուց առաջ եղել է Mini GRU բլոկը, որը հենց output-ում վերադարձնում էր  $\tilde{h_t}$ -ն։ Իսկ ինչո՞ւ ենք վերջում բազմապատկում  $z_t$ -ով։ RNN-ի խնդիրն այն էր, որ մենք հիշողությունը բազմապատկում էինք w-ով և այդ պատճառով սկզբի բառերը հաշվի չէինք առնում որոշում կայացնելիս։ Այստեղ հիշողության հետ ոչ մի փոփոխություն չենք կատարում, միայն բազմապատկում ենք  $(1-z_t)$ -ով, որը ցույց կտա, թե ինչքան է պետք հաշվի առնել նախորդ տվյալների (բառերի) history-ին։  $z_t$ -ն ուսուցանվում է և ցանցը ինքն է որոշելու ամեն տվյալի մուտքում ինչքան ուշադրություն դարձնի հիշողությանը, ինչքան նոր եկած տվյալին։  $W_z$ ,  $W_r$ , W կշիռների չափերը պետք է նույնը լինեն, որպեսզի կարողանանք գործողությունները կատարել։  $r_t$ -ն բազմապատկվում է  $h_{t-1}$ -ով,  $(1-z_t)$ -ն բազմապատկվում է  $h_{t-1}$ -ով այդ պատճառով  $W_z$ -ի և  $W_r$ -ի չափերը պետք է նույնը լինեն։  $W_z$ -ը և  $W_r$ -ը բազմապատկվում են  $[h_{t-1},x_t]$ -ով։  $r_t*h_{t-1}$ -ը սկայար բազմապատկում է և չափը չի փոփոխվում (առաջին էլեմենտները հերթով բազմապատկվում են երկրորդ վեկտորի էլեմենտներով)։ W-ն բազմապատկվում է  $[r_t*h_{t-1},x_t]$ , դրանից էլ կհետևի որ  $W_z,W_r,W$  կշիռների չափերը նույնն են։

Նորից ֆիքսենք, որ հիշողությունը չենք բազմապատկում w-ով, միայն անհրաժեշտության դեպքում բազմապատկում ենք 0-ից 1 թվով։ Ինչքան շատ հաշվի ենք առնում հիշողությունը, այնքան քիչ հաշվի ենք առնում տվյալ պահին եկած տվյալը և հակառակը։ Դա տեղի է ունենում այն պատճառով, որ գործակիցների գումարը պետք է լինի 1։

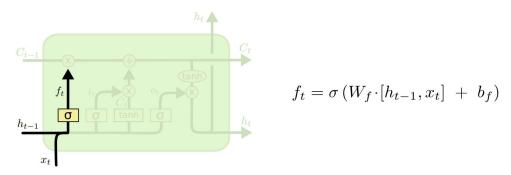
### 3 LSTM

GRU-ի ևման գոյություն ունի ևս մի բլոկ, որը կոչվում է LSTM (Long Short Term Memory)։ Դիտարկենք LSTM-ի կառուցվածքը (Նկար 2)։



Նկար 2։ LSTM բլոկ

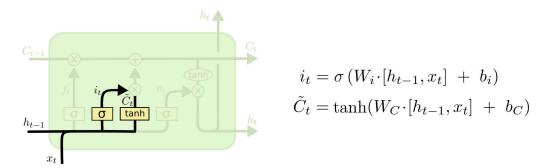
Սա առաջին recurrent ցանցն է, որը ունի երկու history։ Հերթով դիտարկենք LSTM բլոկի ամեն հատված։



քայլ 1

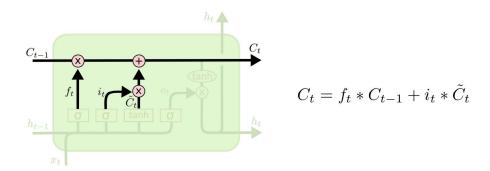
Այստեղ նույնպես history-ին և տվյալ պահի տվյալը բազմապատկում ենք կշռով, գումարում

բայես և կիրառում sigmoid ակտիվացիոն ֆունկցիա։ Արդյունքը վերագրում  $f_t$  փոփոխականին։



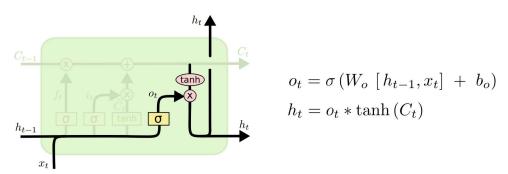
քայլ 2

Հաջորդ քայլով նորից բազմապատկում ենք կշռով, գումարում բայես և կիրառում sigmoid ակտիվացիոն ֆունկցիա։ Արդյունքը վերագրում  $i_t$  փոփոխականին։ Հետո նույն գործողությունը կիրառում ենք, բայց արդեն tanh ակտիվացիոն ֆունկցիայով և վերագրում  $\tilde{C}_t$  փոփոխականին։



Քայլ 3

Հաջորդ քայլով հաշվի ենք առնում նախորդ history-ին  $f_t$  չափով, իսկ ներկայիս տվյալը  $i_t$  չափով։  $f_t$ -ն անվանում են forget gate (մոռացման դարպաս), իսկ  $i_t$ -ն input gate (մուտքային դարպաս)։  $C_t$ -ն պարունակում է ինֆորմացիա և՛ հիշողության մասին, և՛ նոր եկած տվյալի և ինքն է որոշում, թե որին ինչքան ուշադրություն դարձնի։ Ի տարբերություն GRU-ի, այստեղ կարող ենք երկուսին էլ շատ ուշադրություն դարձնել, քանի որ նրանց գումարը պարտադիր չէ, որ լինի 1։ Այստեղ նույնպես հիշողությունը չենք բազմապատկում w կշռով, այլ բազմապատկում ենք 0-ից 1 թվով։ Իսկ ինչո՞ւ ենք  $\tilde{C}_t$ -ն հաշվելիս օգտագործում tanh ակտիվացիոն ֆունկցիա։ Դա այն պատճառով է, որպեսզի կարողանանք  $C_{t-1}$  փոքրացնել։ Եթե  $C_{t-1}$ -ը միշտ բազմապատկենք զրոյից մեկ թվով և գումարեինք դրական թիվ, այն գնալով կմեծանար։ Այդ պատճառով  $C_{t-1}$ -ին գումարում ենք -1-ից 1 միջակայքի թիվ։



քայլ 4

Հաջորդ քայլով հաշվում ենք երկրորդ հիշողությունը։ Դրա համար հաշվում ենք output gateը (ելքային դարպաս), որը նորից կշիռով բազմապատկում է history-ին և մուտքային տվյալը, գումարում բայես և կիրառում sigmoid ակտիվացիոն ֆունկցիա։ Ստացված արժեքը բազմապատկում ենք  $tanh(C_t)$ -ի հետ և վերադարձնում, որպես output և history։

Այսպիսով և՛ GRU բլոկը, և՛ LSTM բլոկը փորձում են լուծել vanishing gradient-ի խնդիրը, որը առաջանում է սովորական RNN ցանցերում և սկզբնական տվյալների մասին ինֆորմացիան այնքան է ձևափոխվում, որը output-ի վրա ազդեցություն չի ունենում։ Բայց vanishing gradient-ի խնդիրը վերջնականապես չի լուծվում և դրա լուծումը կտեսնենք ուշադրության մոդելներում (attention models)։