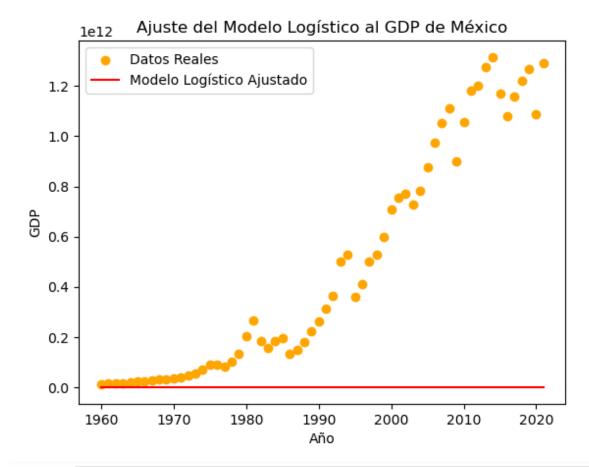
```
In [86]: # importamos librerias
           import pandas as pd
           import numpy as np
           import matplotlib.pyplot as plt
           from scipy.optimize import curve fit
  In [87]: #cargamos el archivo excel
           df = pd.read_excel('C:/Users/Isaac/Desktop/IHD/EBAC DT/M19 DS/Mexico GDP.xlsx')
           df.head()
  Out[87]:
              Periodo
                           GDP
                1960 1.304000e+10
            1
                1961 1.416000e+10
                1962 1.520000e+10
                1963 1.696000e+10
                1964 2 008000e+10
 In [88]: # definimos la funcion del modelo
          def logistic_model(x, beta1, beta2):
              return 1 / (1 + np.exp(beta1 * (x - beta2)))
 In [89]: x_data = df['Periodo']
          y_data = df['GDP']
 In [90]: initial_val = [0.01, 1970]
          # Ajustar el modelo logístico a los datos
          params, covariance = curve_fit(logistic_model, x_data, y_data, p0=initial_val)
          # Obtener los parámetros estimados
          beta1, beta2 = params
          print(f"Estimación de beta1: {beta1}")
          print(f"Estimación de beta2: {beta2}")
          Estimación de beta1: 0.01
          Estimación de beta2: 198970.00000234845
In [91]: # Predicciones del modelo usando los parámetros ajustados
          y_pred = logistic_model(x_data, *params)
          # graficamos
          plt.scatter(x_data, y_data, label='Datos Reales', color='orange')
          plt.plot(x_data, y_pred, label='Modelo Logístico Ajustado', color='red')
          plt.xlabel('Año')
          plt.ylabel('GDP')
          plt.legend()
          plt.title('Ajuste del Modelo Logístico al GDP de México')
          plt.show()
```



In [92]: # Normalizar los datos dividiendo por el valor máximo de la columna GDP
 max\_gdp = df['GDP'].max()
 df['GDP\_normalized'] = df['GDP'] / max\_gdp
 df

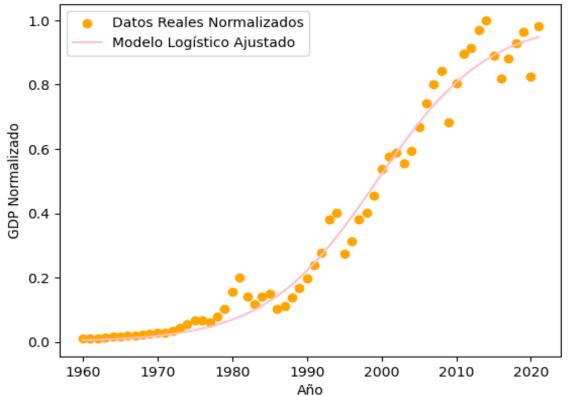
## Out[92]:

	Periodo	GDP	${\sf GDP\_normalized}$
0	1960	1.304000e+10	0.009914
1	1961	1.416000e+10	0.010765
2	1962	1.520000e+10	0.011556
3	1963	1.696000e+10	0.012894
4	1964	2.008000e+10	0.015266
57	2017	1.158913e+12	0.881067
58	2018	1.222408e+12	0.929340
59	2019	1.269404e+12	0.965069
60	2020	1.087118e+12	0.826485
61	2021	1.293038e+12	0.983036

62 rows x 3 columns

```
In [94]: x_data = df['Periodo']
          y_data = df['GDP_normalized']
In [95]: initial_val = [0.01, 1970]
          # Ajustar el modelo logístico a los datos normalizados
          params, covariance = curve_fit(logistic_model, x_data, y_data, p0=initial_val)
          # Obtener los parámetros estimados
          beta1, beta2 = params
          print(f"Estimación de beta1: {beta1}")
          print(f"Estimación de beta2: {beta2}")
          Estimación de beta1: -0.13438796262567382
          Estimación de beta2: 1999.3629779595412
In [96]: # Predicciones del modelo usando los parámetros ajustados
         y_pred = logistic_model(x_data, *params)
         # graficamos
         plt.scatter(x_data, y_data, label='Datos Reales Normalizados', color='orange')
         plt.plot(x_data, y_pred, label='Modelo Logístico Ajustado', color='pink')
         plt.xlabel('Año')
         plt.ylabel('GDP Normalizado')
         plt.legend()
         plt.title('Ajuste del Modelo Logístico al GDP de México (Normalizado)')
         plt.show()
```

## Ajuste del Modelo Logístico al GDP de México (Normalizado)



```
In [97]: # Para evaluar la bondad del ajuste, podemos calcular el R-cuadrado:
    residuals = y_data - y_pred
    res1 = np.sum(residuals**2)
    res2 = np.sum((y_data - np.mean(y_data))**2)
    r_squared = 1 - (res1 / res2)
    print(f"R-Cuadrado: {r_squared}")

R-Cuadrado: 0.9780236969970774

In [98]: # Normalizamos el año 2022 y hacemos la predicción
    year_2022 = 2022
    predicted_gdp_2022_normalized = logistic_model(year_2022, beta1, beta2)

# Desnormalizamos la predicción
    predicted_gdp_2022 = predicted_gdp_2022_normalized * max_gdp
    print(f"Predicción de GDP de Mexico para el 2022: {predicted_gdp_2022}")
```

Predicción de GDP de Mexico para el 2022: 1255426565005.861

- 1.- Normalización: Dividimos cada observación del GDP por el valor máximo de la columna GDP para normalizar los datos. Esto es útil porque escala los datos en un rango de 0 a 1, lo que puede mejorar la estabilidad numérica del ajuste del modelo.
- 2.- Ajuste del Modelo: Ajustamos un modelo logístico a los datos normalizados y obtuvimos los parámetros  $\beta$ 1 y  $\beta$ 2

El ajuste se visualizó correctamente con una buena superposición entre los datos reales y las predicciones del modelo.

3.- Evaluación de la Bondad del Ajuste:

Calculamos el R-cuadrado para evaluar la bondad del ajuste. Un R-cuadrado cercano a 1 indica un buen ajuste del modelo a los datos.

La normalización de los datos mejoró la estabilidad del ajuste del modelo. Si el R-cuadrado es alto, podemos considerar que el ajuste del modelo es satisfactorio.