



Trabalho SpeedRun

Algoritmos e Estruturas de Dados

Universidade de Aveiro

Licenciatura em Engenharia de Computadores e Informática

André Silva 98651 50% Isaac Moura 105065 50%

Índice

Apresentação do problema	. 1
Conceitos Base	. 2
Primeira Solução	. 4
Explicitação do funcionamento	. 5
Descrição do desempenho	. 6
Solução Final	. 7
Explicitação do funcionamento	. 8
Descrição do desempenho	. 9
Comparação com solução original	11
Anexos	12

Introdução ao Problema

Uma estrada é dividida em segmentos, cada um com o mesmo comprimento e com um limite de velocidade. A velocidade é determinada pelo número de segmentos que um carro é capaz de avançar com um único movimento.

Em cada movimento o carro pode:

- 1) Manter a velocidade
- 2) Aumentar a sua velocidade (+1)
- 3) Diminuir a sua velocidade (-1)

O carro é colocado no primeiro segmento de estrada com uma velocidade igual a 0. É pretendido que o carro chegue ao último segmento de estrada com **velocidade igual a 1** para que consiga travar e acabar com velocidade igual a 0.

<u>Objetivo</u>: Determinar o número mínimo de movimentos necessários para alcançar a posição final.

Variáveis:

Posição do carro: integer <u>position</u>
 Posição Final: integer <u>final position</u>

3) Velocidade: integer speed

Movimento do carro:

- 1. Escolher nova velocidade (new_speed): Pode ser speed 1, speed ou speed +1.
- 2. Avançar para a nova posição: new_position = position + new_speed.
- 3. Verificar condição (Não pode exceder limite de velocidade):

New_speed <= max_road_speed[position + i]</pre>

Estas são as condições que formam o movimento do carro e que moldam a resolução do problema.

Solução Original:

Para a resolução deste problema uma solução é encontrada se chegarmos ao fim da estrada, ou seja, à última posição, com uma velocidade de 1, de modo a pararmos. Esta condição é representada pelo excerto de código seguinte:

```
// record move
  solution_1_count++;
  solution_1.positions[move_number] = position;
  // is it a solution?
  if(position == final_position && speed == 1)
  {
```

Nesta resolução vão sendo geradas soluções que, se forem melhores que a anterior, passam a ser a solução temporária final. A solução final terá o número mínimo de saltos que o carro percorre na estrada até chegar ao fim. Código de comparação das soluções:

```
// is it a better solution?
   if(move_number < solution_1_best.n_moves)
   {
      solution_1_best = solution_1;
      solution_1_best.n_moves = move_number;
   }
   return;
}</pre>
```

Se a solução encontrada não é a melhor temos de continuar a testar. Temos de garantir que a velocidade do carro se mantém positiva e sempre menor que o limite de velocidade da secção em que se encontra. Temos de garantir também que não estamos na posição final pois é uma das condições de paragem. Código:

```
// no, try all legal speeds
  for(new_speed = speed - 1;new_speed <= speed +
1;new_speed++)
    if(new_speed >= 1 && new_speed <= _max_road_speed_ &&
position + new_speed <= final_position)
  {</pre>
```

Garantidas as condições de partida vamos testando todas as velocidades legais, o que aumenta imenso a complexidade do programa assim como o tempo de execução até encontrar a melhor solução.

A função é recursiva então sempre que o ciclo é terminado é novamente chamada, incrementando o número de saltos assim como atualizando a nova posição.

Assim, a cada nova posição é necessário calcular todas as possibilidades de descolamento do carro.

```
for(i = 0;i <= new_speed && new_speed <=
max_road_speed[position + i];i++)
          ;
        if(i > new_speed)
             solution_1_recursion(move_number + 1,position +
new_speed,new_speed,final_position);
    }
}
```

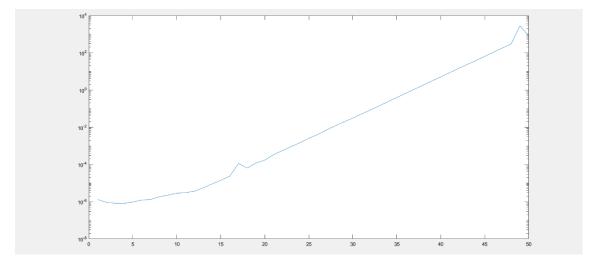
Performance da solução:

Esta solução é muito ineficiente sendo que nunca será possível chegar perto do objetivo de 800 posições. Para um tempo limite de 1 hora, a posição alcançada pelo programa foi de 50 sendo que neste último passo o programa precisou de 795 segundos para encontrar a solução.

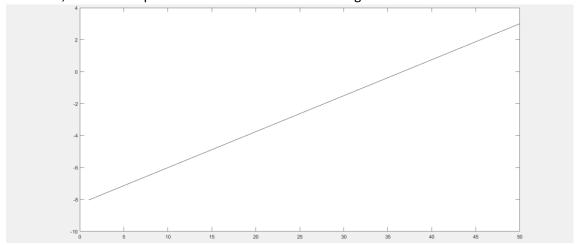
Teste na linha de comandos:

Análise:

Com os dados da execução anterior pretendemos observar como o programa se comporta através de uma função entre os tempos de execução (eixo Y) e a posição alcançada (eixo X).



Podemos, em matlab aproximar os resultados com uma regressão linear:



Deste modo queremos calcular o tempo que o programa levaria a alcançar a posição 800 assim como obter uma fórmula que fornece a estimativa dos tempos de execução.

Usando esta solução o programa levaria **3.12 e140** anos para uma estrada de 800 segmentos.

Solução Final

A estrutura inicial da solução é idêntica à anterior uma vez que os critérios de movimento do carro se mantém assim como a condição para chegar ao fim da estrada. Código:

```
static solution t solution fast, solution fast best;
static double solution fast elapsed time; // time it took to solve
the problem
static unsigned long solution fast count; // effort dispended
solving the problem
static int solution fast recursion(int move number,int position,int
speed,int final position){
 int i,new speed = 0;
 // record move
 solution_fast_count++;
 solution_fast.positions[move_number] = position;
 // is it a solution?
 if(position == final_position && speed == 1)
 // is it a better solution?
 if(move_number < solution_fast_best.n_moves)</pre>
    solution fast best = solution fast;
    solution_fast_best.n_moves = move_number;
 return 1;
```

Foi utilizado um sistema de controlo binário para identificar quando se encontra uma solução e essa solução é melhor. Assim temos return 1 ou return 0.

Nesta solução começamos a testar as velocidades maiores ao contrário da solução original:

```
// no, try all legal speeds
for(new_speed = speed +1; new_speed >= speed - 1; new_speed--){
```

Mantemos a parte que garante que o limite de velocidade do segmento não é excedido com a nova velocidade:

```
if(new_speed >= 1 && new_speed <= _max_road_speed_ && position +
new_speed <= final_position)
{</pre>
```

Tal como na solução original vamos verificando se não ultrapassamos o limite de velocidade ao longo dos segmentos seguintes:

```
for(i = 0;i <= new_speed && new_speed <= max_road_speed[position +
i];i++);</pre>
```

A posição é atualizada a cada iteração:

```
int new_pos = position + new_speed;
```

Quando o ciclo termina (como na primeira solução) é testado se chegamos ao fim da estrada com uma velocidade de 1.

```
if(i > new_speed){
    if(new_speed != 1 && new_pos == final_position){
      continue;
    }
```

Se isso não se verificar então não temos uma solução pelo que temos de chamar a função novamente(recursividade):

```
int sol_fast = solution_fast_recursion(move_number + 1,position +
new_speed,new_speed,final_position);
```

Quando encontramos a solução, ou seja, obtemos um return de 1, a solução é guardada:

```
if(sol_fast == 1)
return 1;
```

Performance da Solução:

Esta solução é extremamente mais eficiente do que a original uma vez que completa o objetivo do programa para uma estrada de 800 segmentos em microssegundos.

A otimização resulta do teste com velocidades maiores em vez de começar pelas velocidades menores. Vamos usando a posição em vez de estar sempre a recalcular com recursividade.

Apesar de a estrutura das soluções ser muito semelhante, pequenas alterações levaram a um aumento de performance de milhões de vezes permitindo chegar ao fim do problema em muito pouco tempo.

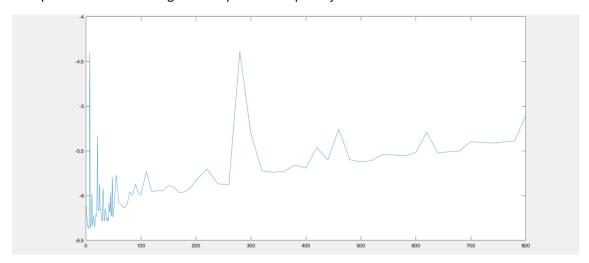
Teste na linha de comandos:



Análise:

Com os dados da execução anterior pretendemos observar como o programa se comporta através de uma função entre os tempos de execução (eixo Y) e a posição alcançada (eixo X).

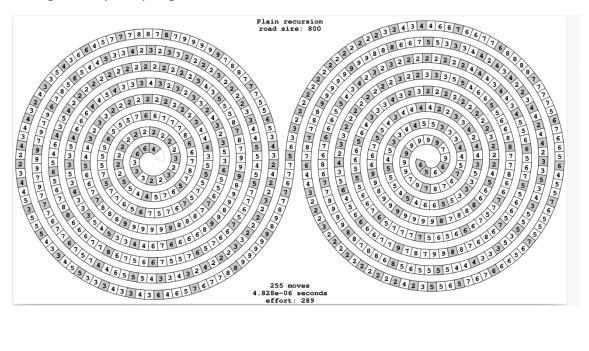
Foi aplicada uma escala logarítmica para maior perceção dos resultados.



Podemos observar algum "ruído" no início do gráfico que se deve ao facto de os valores temporais serem muito pequenos. A curva vai crescendo muito lentamente conforme o número de segmentos da estrada vai aumentado.

Assim podemos concluir que a solução encontrada mantém a sua rapidez e eficiência apesar do elevado número de segmentos. O tempo de execução do programa para encontrar a solução 800 foi de **4.75e-06 segundos**.

PDF gerado pelo programa:



Apêndice

Contém todo o código utilizado para a resolução do problema assim como implementação em MatLab usado no tratamento dos dados.

Código em MatLab:

```
A = load("tempos_iniciais.txt");

n = A(:,1);
t = A(:,2);

figure
plot(n,t);

semilogy(n,t);

t_log = log10(t);
plot(n,t_log)

N = [n(20:end) 1+0*n(20:end)];
Coefs = pinv(N)*t_log(20:end);

Ntotal = [n n*0+1];
plot(n,Ntotal*Coefs,'k');
```

Tempos_iniciais.txt -> Dados extraídos do programa através da linha de comandos:

```
./speed_run 105065 > tempos_iniciais.txt
```

Código Completo do Programa:

```
// AED, August 2022 (Tomás Oliveira e Silva)
// First practical assignement (speed run)
// Compile using either
    cc -Wall -O2 -D use zlib =0 solution speed run.c -lm
// cc -Wall -O2 -D use zlib =1 solution speed run.c -lm -lz
// Place your student numbers and names here
    N.Mec. 98651 Name: Andre Silva
    N.mec. 105065 Name: Isaac Moura
  static configuration
#define _max_road_size_ 800 // the maximum problem size
#define min road speed 2 // must not be smaller than 1,
shouldnot be smaller than 2
#define _max_road_speed_ 9 // must not be larger than 9 (only
because of the PDF figure)
// include files --- as this is a small project, we include the PDF
generation code directly from make_custom_pdf.c
#include <math.h>
#include <stdio.h>
#include "../P02/elapsed_time.h"
#include "make custom pdf.c"
 ' road stuff
static int max_road_speed[1 + _max_road_size_]; // positions
```

```
static void init_road_speeds(void)
  double speed;
  int i;
  for(i = 0;i <= max road size ;i++)</pre>
    speed = (double) max road speed * (0.55 + 0.30 * sin(0.11 *
(double)i) + 0.10 * sin(0.17 * (double)i + 1.0) + 0.15 * sin(0.19 *)
(double)i));
    max_road_speed[i] = (int)floor(0.5 + speed) + (int)((unsigned)
int)random() % 3u) - 1;
    if(max_road_speed[i] < _min_road_speed_)</pre>
      max_road_speed[i] = _min_road_speed_;
    if(max road speed[i] > max road speed )
      max road speed[i] = max road speed;
  }
  description of a solution
typedef struct
  int n moves;
                                       // the number of moves (the
number of positions is one more than the number of moves)
  int positions[1 + max road size]; // the positions (the first
one must be zero)
solution t;
// the (very inefficient) recursive solution given to the students
static solution t solution 1, solution 1 best;
static double solution 1 elapsed time; // time it took to solve the
problem
static unsigned long solution 1 count; // effort dispended solving
the problem
static void solution 1 recursion(int move number, int position, int
speed,int final position)
```

```
int i,new_speed;
  // record move
  solution_1_count++;
  solution 1.positions[move number] = position;
  // is it a solution?
  if(position == final_position && speed == 1)
    // is it a better solution?
    if(move number < solution 1 best.n moves)</pre>
      solution 1 best = solution 1;
      solution 1 best.n moves = move number;
   return;
  // no, try all legal speeds
  for(new speed = speed - 1;new speed <= speed + 1;new speed++)</pre>
    if(new speed >= 1 && new speed <= max road speed && position</pre>
+ new speed <= final position)</pre>
      for(i = 0;i <= new speed && new speed <=</pre>
max road speed[position + i];i++)
      if(i > new speed)
        solution 1 recursion(move number + 1,position +
new speed,new speed,final position);
static solution t solution fast, solution fast best;
static double solution fast elapsed time; // time it took to solve
the problem
static unsigned long solution fast count; // effort dispended
solving the problem
static int solution fast recursion(int move number, int position, int
speed,int final position){
  int i,new speed = 0;
  // record move
  solution fast count++;
  solution fast.positions[move number] = position;
  // is it a solution?
  if(position == final position && speed == 1)
  // is it a better solution?
  if(move number < solution fast best.n moves)</pre>
```

```
solution fast best = solution fast;
    solution fast best.n moves = move number;
  return 1;
  }
  // no, try all legal speeds
 for(new_speed = speed +1 ;new_speed >= speed - 1;new_speed--){ //
Começa pelas velocidades maiores em vez de menores
    if(new_speed >= 1 && new_speed <= _max_road_speed_ && position</pre>
+ new speed <= final position)</pre>
    {
      for(i = 0;i <= new_speed && new_speed <=</pre>
max road speed[position + i];i++); // Verifica se new speed é
valido para todos os segmentos
      int new pos = position + new speed;  // atualiza posição
      if(i > new speed){
        if(new speed != 1 && new pos == final position){ //
Termina trajeto (fim da estrada), nao acaba com speed 1
          continue;
        int sol fast = solution fast recursion(move number +
1,position + new speed,new speed,final position);
        if(sol fast == 1)
          return 1;
     }
  return 0;
static void solve fast(int final position)
  if(final position < 1 || final position > max road size )
    fprintf(stderr, "solve 1: bad final position\n");
    exit(1);
  solution fast elapsed time = cpu time();
```

```
solution_fast_count = Oul;
  solution fast best.n moves = final position + 100;
  solution_fast_recursion(0,0,0,final_position);
  solution_fast_elapsed_time = cpu_time() -
solution fast elapsed time;
  example of the slides
static void example(void)
  int i,final position;
  srandom(0xAED2022);
  init road speeds();
 final position = 30;
  solve fast(final position);
  make_custom_pdf_file("example.pdf",final_position,&max_road_speed
[0], solution fast best.n moves, & solution fast best.positions[0], sol
ution fast elapsed time, solution fast count, "Plain recursion");
  printf("mad road speeds:");
  for(i = 0;i <= final position;i++)</pre>
    printf(" %d",max_road_speed[i]);
  printf("\n");
  printf("positions:");
  for(i = 0;i <= solution fast best.n moves;i++)</pre>
    printf(" %d", solution fast best.positions[i]);
  printf("\n");
  main program
int main(int argc,char *argv[argc + 1])
# define time limit 3600.0
  int n mec, final position, print this one;
  char file name[64];
  // generate the example data
  if(argc == 2 && argv[1][0] == '-' && argv[1][1] == 'e' &&
argv[1][2] == 'x')
```

```
example();
   return 0;
  // initialization
  n_mec = (argc < 2) ? 0xAED2022 : atoi(argv[1]);</pre>
 srandom((unsigned int)n_mec);
  init road speeds();
 // run all solution methods for all interesting sizes of the
problem
 final position = 1;
  solution_fast_elapsed_time = 0.0;
  printf("
                      plain recursion |\n");
 printf("
  printf("--- + --- ----
                        ----- +\n");
 while(final position <= max road size /* && final position <=
20*/)
 {
   print this one = (final position == 10 || final position == 20
|| final position == 50 || final position == 100 || final position
== 200 || final position == 400 || final position == 800) ? 1 : 0;
   printf("%3d |",final position);
   // first solution method (very bad)
   if(solution fast elapsed time < time limit )</pre>
     solve fast(final position);
     if(print this one != 0)
       sprintf(file name,"%03d 1.pdf",final position);
       make custom pdf file(file name, final position, & max road spe
ed[0], solution fast best.n moves, & solution fast best.positions[0], s
olution fast elapsed time, solution fast count, "Plain recursion");
     printf(" %3d %16lu %9.3e
",solution fast best.n moves,solution_fast_count,solution_fast_ela
psed time);
   }
   else
     solution_fast_best.n moves = -1;
     printf("
                                            |");
   // second solution method (less bad)
```

PDF gerados extra:

