

中证指数研究报告



目录

	VIX 指数的缘起	2
二、	VIX 指数及其衍生产品的发展	3
	(一) VIX 指数系列的拓展	3
	(二)基于 VIX 指数的衍生产品	5
	(三) 基于 VIX 指数的 ETP 产品	6
	(四)基于 VIX 的策略指数	7
Ξ、	VIX 指数编制方法	7
	(一) VXO 指数编制方法(1993版)	7
	(二) VIX 指数编制方法(2003版)	8
	(三)新旧 VIX 指数方法差异10	0
四、	我国 VIX 指数发展的展望1	1
	图表目录	
	图表目录图表 1 VIX 指数的国际发展	5

VIX 指数反映了市场投资人对未来市场波动性的预期。VIX 指数越高,显示投资者预期未来市场波动率越剧烈,因此也被称为"投资者情绪指标"。由于 VIX 指数在多次股市下跌的周期给予了相应的警示,也被市场称为恐慌指数。

一、 VIX 指数的缘起

1987年年10月,全球股市暴跌,为了稳定股市并保护投资者利益,美国市场推出了熔断机制,试图降低市场的波动性来恢复投资者的信心。但熔断机制引入不久,对于如何衡量市场波动性,市场产生了新的认识,逐渐产生动态显示市场波动性的需求。

1993年, S&P 100 波动率指数正式诞生。波动率指数的概念由杜克大学的 Robert Whaley博士所创立¹。最初的波动率指数是基于S&P 100指数期权 (OEX),通过近月和次近月共8个看涨和看跌期权的隐含波动率来预估30天的波动率。当时0EX是交易量最大的期权,反映了美国股票市场的表现。但由于该指数只选取了数目有限的期权,而且标的为S&P 100指数,随着市场的发展该指数存在一定的局限性。

2003年,CBOE和高盛对VIX指数方法进行了改进,一是以S&P 500指数期权为基础;二是纳入了更多不同执行价格的期权。S&P 100 VIX方法选取的是平值期权,因为当时平值期权最为活跃,而价外期权往往关注度和参与者较少。如果当时将价外期权纳入到指数中,会影响及时性和准确性。然而在2000年以后,组合投资者逐渐成为了指数期权市场的交易主体。除平值期权外,他们也会选取价外期权来对冲市场风险,因而价外期权包含了关于未来市场波动预期的重要信息,所以新波动率方法纳入了价外期权。为了区别新旧波动率指数,CBOE将S&P 100波动率指数更名为"VXO"。而新的S&P 500波动率指数命名为"VIX"。

波动率指数<u>对于金融监管当局观测经济运行和市场运行具有重要的作用</u>。因此,2005年以后欧洲及亚太地区交易所陆续编制和发布了波动率指数。

	7-1	エー・レース・ハー・ロル		
国家和地区	交易所波动率指数名称		是否有对 应期货期 权	指数发布 时间
美国	CB0E	VIX 指数	期权、期货	1993,2003
欧洲	EUREX	STOXX 50 波动率指数	期权、期货	2005
台湾	台湾期货交易所	台指期权波动率指数	无	2006
印度	印度国家交易所	India 波动率指数	无	2008

表格 1 全球主要波动率指数

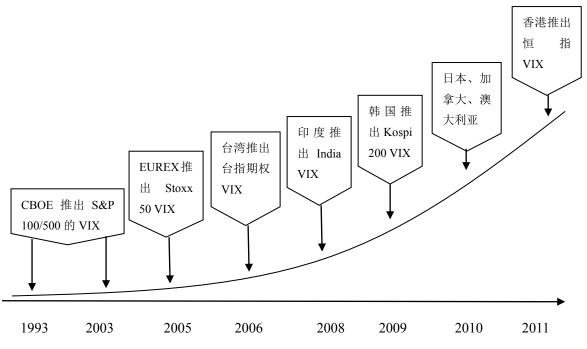
¹ Whaley 在《衍生品月刊》刊登的论文"Derivatives on Market Volatility: Hedging Tools Long Overdue"。

² 价内期权成交并不活跃, 所以没有纳入。

³ 目前 CBOE 仍保留着 S&P 100 波动率指数,历史数据可以追溯至 1986 年。

韩国	韩国交易所	Kospi 200 波动率指数	拟推期货	2009
日本	大阪证券交易所	Nikkei 225 波动率指数	期货	2010
加拿大	多伦多证券交易所	S&P TSX 60 VIX 指数	无	2010
澳大利亚	澳大利亚证券交易所	S&P ASX 200 VIX 指数	无	2010
香港	香港交易所	恒指波动率指数	期货	2011

数据来源: 各交易所网站



图表 1 VIX 指数的国际发展

二、 VIX 指数及其衍生产品的发展

随着VIX指数的市场影响不断增加,CBOE不断对VIX指数进行创新,主要集中在两个方面:一是对VIX指数系列的拓展;二是对基于VIX指数的期权、期货产品的拓展。

(一) VIX 指数系列的拓展

1、资产类别拓展

随着市场不断发展,CBOE进一步拓展了VIX指数标的范围。目前,CBOE的波动率指数系列可分为四类:股指类、ETF类、个股类、波动率类。

指数标的方面,除了基于S%P 500指数的VIX之外,CB0E还推出了其它股指类波动率指数,如Russell、Nasdaq等。

从2008年起,CBOE陆续推出了原油ETF、黄金ETF、欧元货币的波动率指数,在2011年又推出了6只ETF的波动率指数,进一步拓宽了指数标的范围。

2011年,CBOE发布了第一批基于个股期权的股票波动率指数,分别为苹果、亚马逊、IBM、Google和高盛,使得波动率指数的创新进入个股领域,详见表3。

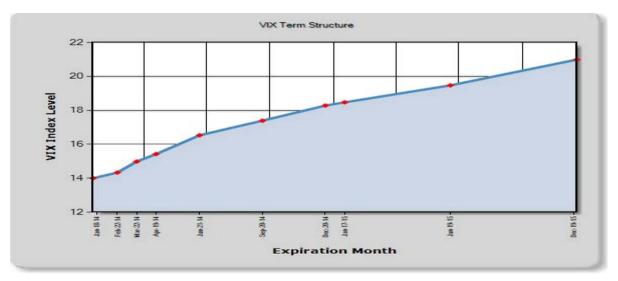
表格 2 CBOE 旗下的 VIX 指数系列

1	次情 2 CDOE 旗下的 VIA 有数示グ							
标的 类型	代码	指数名称	基础标的	发布时间				
	VXO	CBOE S&P 100 Volatility Index	S&P 100 指数	1993				
	VIX	CBOE Volatility Index	S&P 500 指数	2003				
	VXN	CBOE NASDAQ Volatility Index	NASDAQ 100 指数	2001.2				
指	VXD	CBOE DJIA Volatility Index	道琼斯工业平均指数	2005.3.18				
数波	RVX	CBOE Russell 2000 Volatility Index	Russell 2000 指数	2006.5.5				
动率	VXV	CBOE S&P 500 3-month Volatility	S&P 500 指数	2007.11.12				
指数								
	SRVX	CBOE Interest Rate Swap Volatility	美国 10 年期利率互换	2012.6.18				
	VXTYN	CBOE 10-year U.S. Treasury Note Volatility Index	10-year Treasury Note futures	2013.5.23				
	VXST	CBOE Short-Term Volatility Index	S&P 500 指数	2013.10.1				
	OVX	CBOE Crude Oil ETF Volatility	The United States Oil Fund	2008.7.15				
	GVZ	CBOE Gold ETF Volatility Index	SPDR Gold Shares	2008.8.1				
	VXEEM	CBOE EuroCurrency ETF Volatility	Currency Shares Euro Trust	2008.8.1				
ETF	EVZ	CBOE Emerging Markets ETF Volatility Index	iShares MSCI Emerging Markets Index fund	2011.3.16				
波动	VXSLV	CBOE Silver ETF Volatility Index	iShares Silver Trust	2011.3.16				
率指 数	VXFXI	CBOE China ETF Volatility Index	iShares Trust FTSE China 25 Index Fund	2011.3.16				
	VXGDX	CBOE Gold Miners ETF Volatility	Market Vectors Gold Miners Fund	2011.3.16				
	VXEWZ	CBOE Brazil ETF Volatility Index	iShares MSCI Brazil Index Fund	2011.3.16				
	VXXLE	CBOE Energy Sector ETF Volatility	Energy Select Sector SPDR	2011.3.16				
	VXAPL	CBOE Equity VIX on Apple	苹果股票	2011.1.7				
个股	VXAZN	CBOE Equity VIX on Amazon	亚马逊股票	2011.1.7				
类	VXIBM	CBOE Equity VIX on IBM	IBM 股票	2011.1.7				
	VXGOG	CBOE Equity VIX on Google	Google 股票	2011.1.7				
	VXGS	CBOE Equity VIX on Goldman Sachs	高盛股票	2011.1.7				
波动 率	VVIX	CBOE VIX of VIX Index	VIX 指数	2012.3.14				
粉书	粉 捉 来 海。 CROF 网 社							

数据来源: CBOE网站

2、期限拓展

VIX指数反映的是当前投资者对市场未来30天波动水平的共同预期。随着市场需求水平不断提高,CBOE于2007年11月12日发布S&P 500 3个月波动率指数 (VXV),反映投资者对市场未来90天的波动水平的预期。3个月波动率指数推出,使得计算和描绘隐含波动率期限结构成为可能。



图表 2 VIX 期限结构图

3、指数标的拓展

除基于S&P指数期权,CBOE还发布了其他股指类波动率指数,如NASDAQ 100、Russell 2000、道琼斯工业平均指数等。在2012年,CBOE还推出了基于VIX的VIX指数,以及美国10年期利率互换指数的VIX指数。

(二)基于 VIX 指数的衍生产品

在不断拓展指数系列的同时,CBOE还积极开发基于波动率指数的期货和期权产品。在2004年,CBOE推出了世界上第一个波动率指数衍生产品—VIX期货。2006年,CBOE又推出了VIX期权。根据2013年全球TOP 20证券指数期货和期权合约排名,VIX期权排名第11位,全年成交1.4亿张,同比增长29%。

Rank	Contract	Index Multiplier	Jan-Dec 2012	Jan-Dec 2013	% Change
1	CNX Nifty Options, NSE India	50 Indian rupees	803,086,926	874,835,809	8.93%
2	SPDR S&P 500 ETF Options *	N/A	585,945,819	596,304,426	1.77%
3	Kospi 200 Options, Korea Exchange **	500,000 Korean won	1,575,394,249	580,460,364	-63.15%
4	E-mini S&P 500 Futures, CME	50 U.S. dollars	474,278,939	452,291,450	-4.64%
5	Euro Stoxx 50 Futures, Eurex	10 euros	315,179,597	268,495,189	-14.81%
6	RTS Futures, Moscow Exchange	2 U.S. dollars	321,031,540	266,131,127	-17.10%
7	Nikkei 225 Mini Futures, OSE	100 yen	130,443,680	233,860,478	79.28%
8	Euro Stoxx 50 Options, Eurex	10 euros	280,610,954	225,105,846	-19.78%
9	S&P 500 Options, CB0E	100 U.S. dollars	174,457,138	207,488,939	18.93%
10	CSI 300 Futures, CFFEX	300 Chinese RMB	105,061,825	193,220,516	83.91%
11	VIX Options, CBOE	100 U.S. dollars	110,739,796	142,999,960	29.13%
12	S&P BSE 100 Options, BSE ***	50 Indian rupees	86,243,943	141,727,404	64.33%
13	iShares Russell 2000 ETF Options *	N/A	124,525,874	134,857,623	8.30%
14	S&P Sensex India Options, BSE	15 Indian rupees	148,314,519	108,612,615	-26.77%
15	Powershares QQQ ETF Options *	N/A	113,719,614	94,302,472	-17.07%
16	Taiex Options, Taifex	50 New Taiwan dollars	85,626,313	93,452,362	9.14%
17	iPath S&P 500 VIX Short Term Futures ETN Options *	N/A	47,710,104	83,532,121	75.08%
18	iShares MSCI Emerging Markets ETF Options *	N/A	64,284,148	82,452,022	28.26%
19	CNX Nifty Futures, NSE India	50 Indian rupees	80,061,861	74,863,943	-6.49%
20	E-mini Nasdag 100 Futures, CME	20 U.S. dollars	63,530,758	59,393,053	-6.51%

^{*}Traded on multiple U.S. options exchanges *** Multiplier changed from 100,000 won for series listed from March 2012 onwards *** Began trading in August 2012

图表 3 全球二十大股票指数期货期权合约

针对VIX期货和期权,CBOE还进行了其它创新,主要有:

1、VIX双值型期权(VIX Binary Options, BVZ)

VIX双值型期权在2008年挂牌交易。作为到期日为实值的期权,VIX双值型期权持有者可收入100美元,而虚值期权持有者的收入为0。期权的报价是0.00或1.00。

2、Mini VIX期货 (Mini-Vix futures, VM)

Mini VIX期货在2009年3月挂牌交易。Mini VIX期货与VIX期货的区别有两点:一是点位价值不同,Mini合约每点为100美元,标准合约为1000美元,mini合约是标准合约的1/10;二是交易的到期月份数目不同。VIX合约是在随后的连续8个月到期,而Mini合约只有随后的3个月。

此外, CBOE还针对黄金ETF等波动率指数开发了相应的期货和期权产品。

(三)基于 VIX 指数的 ETP 产品

目前,美国市场基于VIX指数的ETP产品主要有17只,规模近24.5亿美元。最大的基金为Barclays Capital的VIX short-term ETN,约为9.5亿美元。总体来看,规模较小,这也表明基于VIX的ETP产品并不是VIX衍生产品的重要领域。

	表格 3 美国中切 VIA EIF 厂 m						
Code	Fund Name	Symbol	Issuer	Expense Ratio	AUM	Launch	
1	iPath S&P 500 VIX Short-Term Futures ETN	VXX	Barclays Capital	0.89%	958,547,840	01/29/2009	
2	iPath S&P 500 VIX Mid-Term Futures ETN	VXZ	Barclays Capital	0.89%	98,811,248	01/29/2009	
3	iPath S&P Dynamic VIX ETN	XVZ	Barclays Capital	0.95%	87,721,792	08/17/2011	
4	iPath Inverse S&P 500 VIX Short-Term Futures ETN	XXV	Barclays Capital	0.89%	3,707,290	07/16/2010	
5	iPath Inverse January 2021 S&P 500 VIX Short-Term Futures ETN	IVOP	Barclays Capital	0.89%	1,922,207	09/16/2011	
6	First Trust CBOE S&P 500 VIX Tail Hedge	VIXH	First Trust	0.60%	5,715,693	08/30/2012	
7	ProShares VIX Short-Term	VIXY	ProShares	0.83%	278,979,456	01/04/2011	
8	ProShares Ultra VIX Short-Term Futures	UVXY	ProShares	1.56%	215,330,144	10/03/2011	
9	ProShares Short VIX Short-Term Futures	SVXY	ProShares	1.32%	141,749,568	10/03/2011	
10	ProShares VIX Mid-term	VIXM	ProShares	0.83%	55,001,292	01/04/2011	
11	ETRACS Daily Long-Short VIX ETN	XVIX	UBS	0.85%	13,236,150	11/30/2010	
12	VelocityShares Daily Inverse VIX Short Term ETN	XIV	VelocityShares	1.35%	407,400,800	11/29/2010	
13	VelocityShares Daily 2X VIX Short Term ETN	TVIX	VelocityShares	1.65%	98,013,432	11/29/2010	

表格 3 美国市场 VIX ETF 产品

14	VelocityShares Daily Inverse VIX Mid Term ETN	ZIV	VelocityShares	1.35%	74,147,040	11/29/2010
15	VelocityShares VIX Short Term ETN	VIIX	VelocityShares	0.89%	9,676,257	11/29/2010
16	VelocityShares VIX Mid Term ETN	VIIZ	VelocityShares	0.89%	1,968,238	11/29/2010
17	VelocityShares Daily 2X VIX Mid Term ETN	TVIZ	VelocityShares	1.65%	1,818,303	11/29/2010

数据来源: IndexUniverse

(四)基于 VIX 的策略指数

股市下跌时,隐含波动率通常会上升。而股市进入牛市阶段,隐含波动率常常趋于下降。股市与隐含波动率的这种反向关系使得市场考虑把 VIX 和 VIX 相关的指数作为市场预测的工具。目前,CBOE 推出了三种基于 VIX 的策略指数。

中文名称代码英文波动率溢价策略指数VPDCBOE VIX Premium Strategy Index上限型波动率指数溢价策略
指数VPNCBOE Capped VIX Premium Strategy Index隐含相关性指数ICJ, JCJ, KCJCBOE S&P 500® Implied Correlation Index

表格 4 基于 VIX 的策略指数

波动率溢价策略指数追踪的是一个月 VIX 期货空头。期货合约数量限于 VIX 期货上升 25 点⁴时能承受 25%的账户损失。而上限型波动率溢价策略指数直接以 25 点作为敲定价买入看涨期权。通过虚值的看涨期权来对冲风险。

隐含相关性指数追踪的是指数期权隐含波动率与所选股票组合隐含波动率之间的相关性。一方面,指数期权隐含波动率上升时,个股期权隐含波动率并不一定会相应上升,二者差距足够大可以形成波动率相关性套利;另一方面,相对于按指数的个别成份交易的期权溢价,指数期权的溢价会高或者低。部分机构运用这种指数来确定市场隐含波动率在与指数各成份比较时时相对高或者低。具体公式如下:

$$\rho_{cor} = \frac{\sigma_{index}^{2} - \sum_{i=1}^{N} w_{i}^{2} \sigma_{i}^{2}}{2 \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{j>i}^{N} w_{i} w_{j} \sigma_{i} \sigma_{j}}$$

三、 VIX 指数编制方法

(一) VX0 指数编制方法(1993 版)

VXO 是 CBOE 在 1993 年基于 Whaley 研究成果,运用二项式模型推出的旧 VIX 指数。VXO 基于 S&P 100 期权,由八个近月和次近月最接近平价的期权序列的隐

⁴ 通过从 1986 年以来的回测, VIX 上升 25 点的时间为 0.34%, 概率较小。

含波动率构成。在八个期权序列中,分别包含<mark>四个买权和四个卖权</mark>,按照到期月份分为近月和次近月序列。

履约价格选取最接近平价的两个序列,分别为低于现货价格的履约价 XI, 高于现货价格的履约价 Xu。如果当时标的现货的价格与某平价序列的履约价格 相等时,则选取平价和略低于现货的履约价格两个序列,见表 5。

履约价格	近月	合约	次近月合约		
模约 加始	Call	Put	Call	Put	
XI(< S)	XI	XI	XI	XI	
AI(<3)	$\sigma_{c,t1}$	$\sigma_{p,t1}$	$\sigma_{c,t2}$	$\sigma_{p,t2}$	
V(> c)	Xu	Xu	Xu	Xu	
$Xu(\geq S)$	$\sigma_{c,t1}$	$\sigma_{p,t1}$	$\sigma_{c,t2}$	$\sigma_{p,t2}$	

表格 5 CBOE VXO 指数期权序列选取

注: XI 为低于现货价格的履约价, Xu 为高于或等于现货价格的履约价; t1,t2 分别代表近月及次近月, t1<30< t2; t1需大于 8日, 防止因为近月合约快到期所造成的异常波动影响指数的准确性; c,p 分别代表看涨期权和看跌期权。

VXO 的隐含波动率加权平均主要有三个步骤组成。第一步,将相同履约价格与到期月份的买权与卖权的隐含波动率加权平均,可得到四个波动率:

$$\sigma_{t1}^{XI} = \left(\sigma_{c,t1}^{XI} + \sigma_{p,t1}^{XI}\right) / 2 \qquad \qquad \sigma_{t1}^{Xu} = \left(\sigma_{c,t1}^{Xu} + \sigma_{p,t1}^{Xu}\right) / 2$$

$$\sigma_{t2}^{XI} = \left(\sigma_{c,t2}^{XI} + \sigma_{p,t2}^{XI}\right) / 2 \qquad \qquad \sigma_{t2}^{Xu} = \left(\sigma_{c,t2}^{Xu} + \sigma_{p,t2}^{Xu}\right) / 2$$

第二步,分别将同一月份不同履约价的期权波动率加权平均,权数为履约价与现货价格的差距,计算后可得两个不同月份的期权波动率。

$$\sigma_{t1} = \sigma_{t1}^{XI} \left(\frac{Xu - S}{Xu - XI} \right) + \sigma_{t1}^{Xu} \left(\frac{S - XI}{Xu - XI} \right)$$
$$\sigma_{t2} = \sigma_{t2}^{XI} \left(\frac{Xu - S}{Xu - XI} \right) + \sigma_{t2}^{Xu} \left(\frac{S - XI}{Xu - XI} \right)$$

第三步,以期权距到期期间为权数,加权平均期权近月与次近月合约的隐含波动率,即计算出一个平价且距到期时间30天的隐含波动率。

$$VXO = \sigma_{t1} \left(\frac{N_{t2} - 22}{N_{t2} - N_{t1}} \right) + \sigma_{t2} \left(\frac{22 - N_{t1}}{N_{t2} - N_{t1}} \right)$$

其中, N_{t1} 为近月合约距到期日的交易天数, N_{t2} 为次近月合约距到期的交易天数。

(二) VIX 指数编制方法(2003版)

2003年, CBOE 与高盛采用方差和波动率互换方法5对 VIX 方法进行改进. 改

⁵ Demeterfi, Derman, Kamal and Zou, 1999,"More than you ever wanted to know about volatility swaps",

进后的 VIX 指数都是围绕下面的公式展开的:

$$\sigma^2 = \frac{2}{T} \sum_{i} \frac{\Delta K_i}{K_i^2} e^{RT} Q(K_i) - \frac{1}{T} \left(\frac{F}{K_0} - 1 \right)^2$$

其中: $\sigma = VIX/100$, T 是剩余到期时间, R 表示无风险利率; F 是通过期权价格计算的远期指数; K_0 是低于远期 F 的第一个执行价格。

 K_i 是第 i 个价外期权或平价期权的执行价格。若 $K_i < K_0$,选取执行价格为 K_i 的看跌期权;若 $K_i > K_0$,选取执行价格为 K_i 的看涨期权;若 $K_i = K_0$,则看涨和看跌期权都入选。

 $\Delta K_i = \frac{K_{i+1} - K_{i-1}}{2}$ 表示执行价格与相邻稍高的执行价格的差。 $Q(K_i)$ 是执行价格为 K_i 的期权权利金的买入价和卖出价的中值。最终 VIX 指数的公式为:

$$VIX = 100 \times \sqrt{\left(T_{1}\sigma_{1}^{2} \left[\frac{NT_{2} - N_{30}}{NT_{2} - NT_{1}}\right] + T_{2}\sigma_{2}^{2} \left[\frac{N_{30} - NT_{1}}{NT_{2} - NT_{1}}\right]\right) \times \frac{N_{365}}{N_{30}}}$$

1、剩余到期时间

剩余到期时间的计算是以分钟为计算单位, 计算 T 在一年的时间中所占的比例, 即:

$$T = \frac{(M_{_{
m 3} ext{\text{T}}} + M_{_{
m 3} ext{\text{\text{\text{H}}} \text{\text{\text{H}}}})}{- ext{\text{F}}$$
 一年的总分钟数

其中, $\mathbf{M}_{\underline{\mathbf{3}}\overline{\mathbf{7}}}$ 为从现在时刻到当天凌晨 12 点的剩余分钟数; $\mathbf{M}_{\underline{\mathbf{3}}\overline{\mathbf{1}}\overline{\mathbf{1}}}$ 为从到期日 0 时到早晨 8:30 的分钟数; $\mathbf{M}_{\underline{\mathbf{1}}\underline{\mathbf{0}}\overline{\mathbf{1}}\overline{\mathbf{1}}}$ 为从现在时刻到到期日早晨 8:30 的总分钟

数 $-M_{_{\mathrm{当}\mathrm{T}}}-M_{_{\mathrm{3}\mathrm{H}\mathrm{H}}}$ 。

近月合约距到期日必须至少超过一个星期。这主要是因为当合约临近到期时,价格可能会出现异常波动。

2、无风险利率

CBOE 采用与期权到期日相同的美国短期国库券收益率。通常,因到期日不同, 近月合约和次近月合约所采用的 R 是不同的。

3、通过期权价格计算的远期指数

通过如下公式来计算 F值:

F =执行价格 $+ e^{RT} \times ($ 看涨期权权利金 - 看跌期权权利金)

其中,"看涨期权权利金-看跌期权权利金"是指相同执行价格的看涨和看

跌期权的权利金相减的差值中绝对值最小的那个值;而执行价格则为这一差值所 对应的看涨和看跌期权的执行价格。

4、关于K₀、K_i、ΔK_i和Q(K_i)的设定

- (1) K_0 : 按照执行价格对期权合约排序,其中低于 F 值的第一个执行价格 定义为 K_0 。
- (2) 若 $\mathbf{K_i} < \mathbf{K_0}$, 选取执行价格为 $\mathbf{K_i}$ 的看跌期权。从与 $\mathbf{K_0}$ 相邻的、且执行价格小于 $\mathbf{K_0}$ 的看跌期权开始,剔除掉买入价为 0 的期权,直到出现两个连续的看跌期权的买入价为 0 为止。这两个期权之后的看跌期权都不再考虑。

若 $\mathbf{K_i} > \mathbf{K_0}$,选取执行价格为 $\mathbf{K_i}$ 的看涨期权。从与 $\mathbf{K_0}$ 相邻的、且执行价格大于 $\mathbf{K_0}$ 的看涨期权开始,剔除掉买入价为 0 的期权,直到出现两个连续的看涨期权的买入价为 0 为止。这两个期权之后的看涨期权都不再考虑。当 $\mathbf{K_i} = \mathbf{K_0}$ 时,看涨和看跌期权均入选。

- (3) $\Delta K_i = \frac{K_{i+1}-K_{i-1}}{2}$,表示执行价格与相邻稍高的执行价格的差。但是对于最低执行价格的看跌期权 K_u ,最高执行价格的看涨期权 K_v ,则有 $\Delta K_u = K_{u-1} K_u$, $\Delta K_v = K_{v-1} K_v$ 。
 - (4) \mathbf{Q} ($\mathbf{K_i}$) 为执行价格 $\mathbf{K_i}$ 的期权权利金的买入价和卖出价的中值,即

$$Q(K_i) = \frac{\mathbb{Z} + \mathbb{Z}}{2}.$$

(三)新旧 VIX 指数方法差异

1、方法理念的差异

旧VIX指数采用二叉树方法,通过B-S模型求解每个期权的隐含波动率,然后进行加权求得VIX。这种方法相对来说较为粗糙,受制于模型限制,计算精度并不高。

新 VIX 指数直接运用方差互换和波动率互换的方法。Demeterfi, et. (1999) 在理论上证明, 在特定条件下, 方差互换可以通过一系列标准的欧式看涨期权和 看跌期权进行复制。这种方法不需要对资产价格过程做任何特殊的假设,对波动率的形式也没有具体的要求。因此,这种方法一经推出迅速受到市场的关注,CBOE直接将 VIX 指数的编制方法进行了变更。在 2008 年金融危机时,新 VIX 指数成功预警了股市的下跌,更加赢得了市场的广泛信赖。很遗憾的是,不同于方差互换,波动率互换还没有一般性的复制策略。

- 2、选取合约范围不同。旧 VIX 指数选取的是近月、次近月的平价期权合约; 新 VIX 指数选取的所有平价和价外期权合约,包含更多合约的信息。
- **3、指数标的不同。**旧 VIX 指数是基于 S&P 100 指数,新 VIX 指数是基于 S&P 500 指数。

四、 我国 VIX 指数发展的展望

从 2012 年开始,国内各主要交易所与会员单位已经陆续开展期权合约交易的内部测试。2013 年末,国内各主要交易所正式面向全市场开展期权仿真交易。中金所的沪深 300 和上证 50 指数期权、上交所的 ETF 期权和个股期权、郑商所的白糖期货期权、大商所的豆粕期货期权、上期所的铜期货期权、黄金期货期权等。期权是衍生产品的重要品种,期权市场的发展和完善是我国资本市场发展的重要组成。因此,基于期权的指数产品(如 VIX)也必然成为未来发展的重要方向。

在全球各主要交易所陆续推出的 VIX 指数中,虽然指数编制细节有所不同,但基本原理与 CBOE VIX 算法一致。主要可以分为两类:第一类,自主或联合开发,但公式及原理上基本一致,主要是发达市场,如欧洲、日本、韩国等;第二类,申请 CBOE 授权,提升指数的影响力。如台湾、印度、加拿大、澳大利亚、香港等,通过直接申请 CBOE 的授权,采用完全一致的计算方法,以达到构建标准化、国际标准的波动率指数。

国家和 地区	波动率指数名 称	指数所有权	相似 程度	细节差异			
美国	VIX 指数	CBOE					
欧洲	STOXX 50 波动 率指数	高盛与德意 志交易所联 合开发	一致	1、 计算用期权仅挑选最优买卖价格的期权,只有单边价格的以及 <mark>买卖价差超过规定的最大价差的期权将被剔除</mark> 。2、 主指数 VSTOXX 是一种固定 30 天到期的展期指数,通过八个可用子指数中最接近的两个进行线性插值得出。			
台湾	台指期权波动 率指数	CBOE 授权	一致	完全一致			
印度	India 波动率 指数	CBOE 授权	一致	在展期设置上, VIX 在仅剩 1 周时会自 动延展的下一个月的合约; 印度在距离 到期日 6 日以内考虑将合约延展, 在仅			

表格 6 全球主要 VIX 方法比较

				剩3个交易日时,一定会延展。
韩国	Kospi 200 波动 率指数	韩国学者	一致	1、 韩国使用最后成交价, VIX 使用买价和卖价的平均值; 这种做法会避免买卖价差异常时的数据失真,但降低了数据的及时性。 2、 韩国近月合约头寸在最后前4个交易日转仓,而 VIX 是前8个交易日。如果近月合约到期时间超过30天,仅使用近月合约。 3、 上市期权数量不足,用 BS 公式估计期权价格。
日本	Nikkei 225 波 动率指数	Nikkei 与 Nomura 合 作开发	原理一致	公式有一定差异
加拿大	S&P TSX 60 VIX 指数	CBOE 授权	一致	完全一致
澳大利 亚	S&P ASX 200 VIX 指数	CBOE 授权	一致	完全一致
香港	恒指波动率指 数	CBOE 授权	一致	在期权选择条件、展期、期权到期期限 的细节有所差异。

随着国内市场期权产品的陆续推出,未来国内 VIX 指数及相关产品将会得到一定的发展。

1、基于 ETF 和指数期权的 VIX 指数

从全球发展来看,基于指数期权和ETF期权的VIX成交较为活跃,是市场的主流品种。基于ETF和指数期权的VIX指数将会成为投资者观测市场风险的重要指标和风险管理的重要工具;

2、VIX 各期限指数以及波动率期限结构

VIX 指数不仅为市场提供了风险管理的工具,更重要是完善了风险管理的理念以及提供重要的技术基础。未来,除 30 天 VIX 的主流品种之外,从 1 个月到未来 2 年的 VIX 也会逐步推出,波动率期限结构的完善能够进一步满足市场需求,保护投资者。

3、基于 VIX 的策略指数

通过相应的策略指数,可为投资者提供成本更低的波动率管理工具,如隐含相关性指数等。

4、现货波动率指数

基于现货波动率和隐含波动率的策略会促使历史波动率或实际波动率指数的发展。

5、各资产类别的波动率指数。

除 ETF 和指数之外,个股、商品期货等品种的波动率指数也会进一步推出。 资产类别的丰富可以为市场提供全方位的服务。