



SÃO
PAULO
TECH
SCHOOL



Recursão



Recursão no nosso dia
a dia

Imagem recursiva – efeito Droste
(imagem dentro de outra)

Recurso no nosso dia a dia

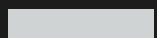
Definição de número natural:

- 0 é um número natural.
- Se n é um número natural, então $n+1$ (sucessor de um número natural) também é um número natural.

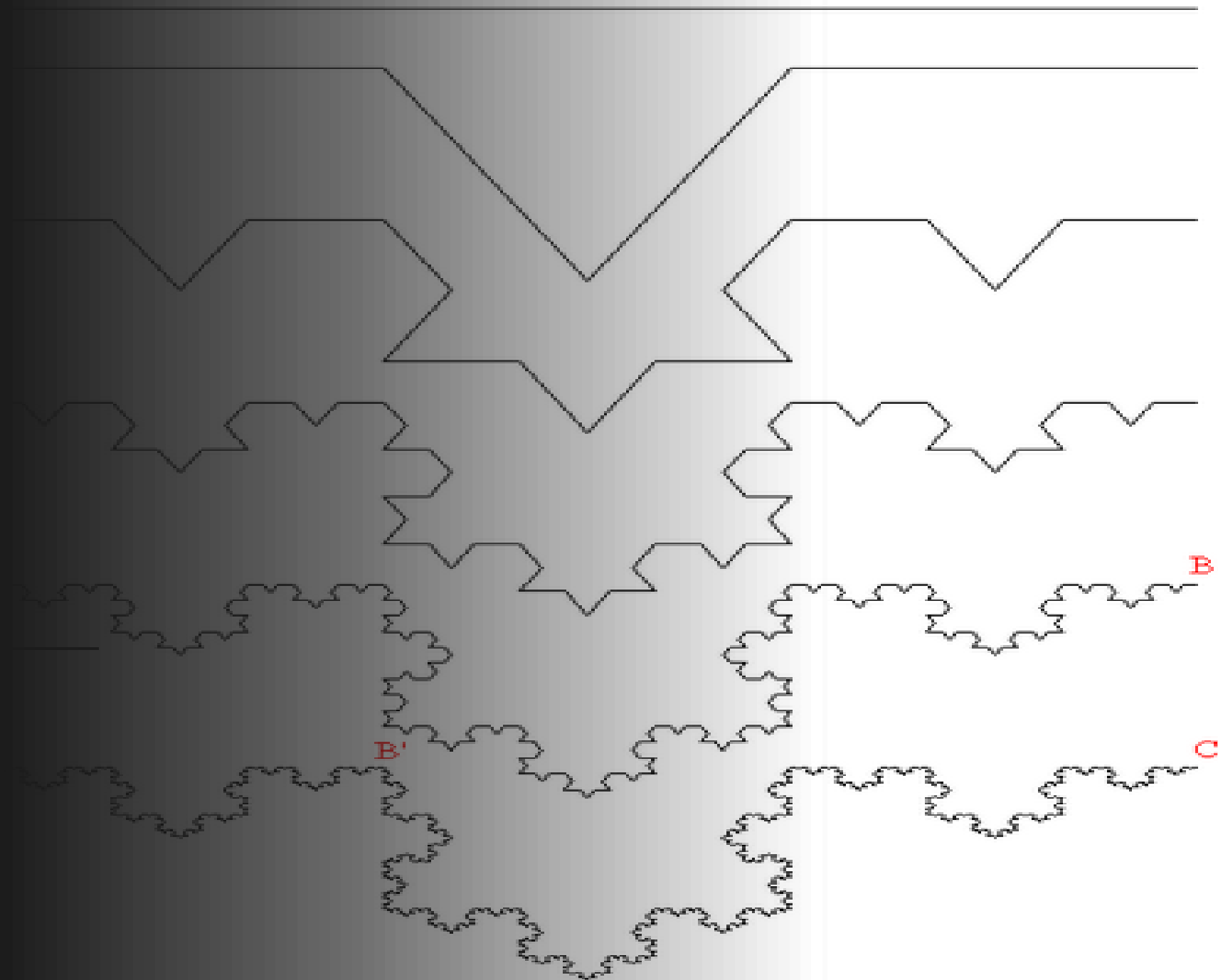
Recursão no nosso dia a dia

Acrônimos recursivos:

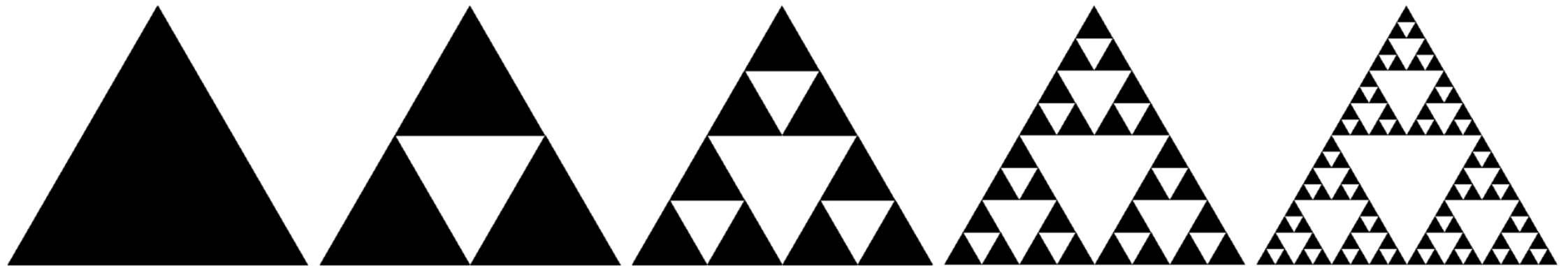
- **GNU** – Gnu is Not Unix
- **PHP** – PHP: Hypertext Preprocessor
 - originalmente: Personal Home Page
- **BING** – Bing Is Not Google



Curva de Koch



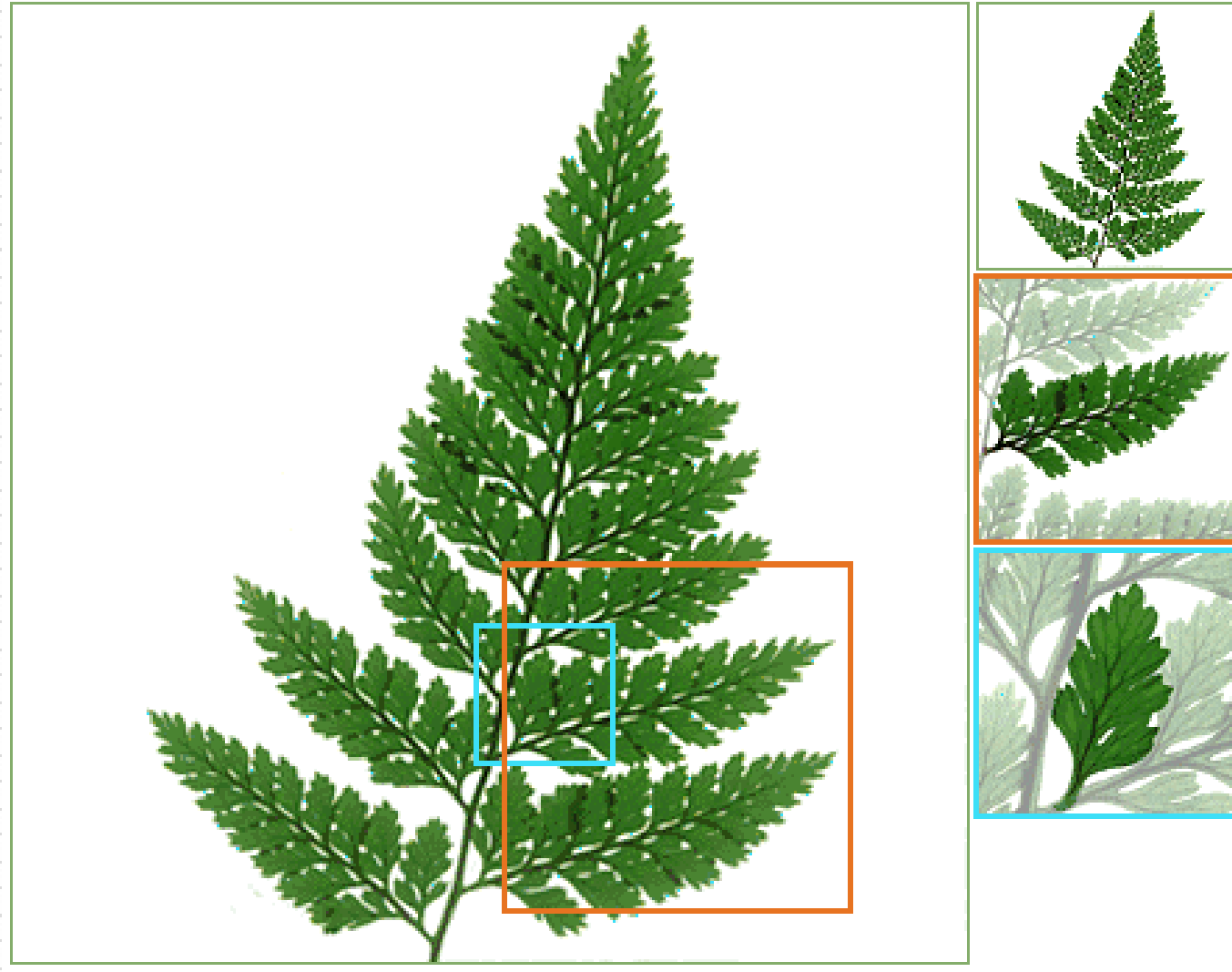
Triângulo de Sierpinski





Couve-Flor 🥦

Samambaia



Recursão

- Técnica poderosa da matemática
- Permite definir um elemento em função de um caso “mais simples” dele mesmo
- Algoritmo recursivo
 - Algoritmo que chama a si mesmo, de forma direta ou indireta
 - Adequado quando o problema a ser resolvido pode ser definido em termos recursivos
 - Exemplo: cálculo de potência ou fatorial

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

Here we go again

RECURSION

RECURSION

RECURSION

SAFELY ENDANGERED



SWEET JESUS, POOH!
THAT'S NOT HONEY



YOU'RE EATING
RECURSION



SAFELY ENDANGERED



SWEET JESUS, POOH!
THAT'S NOT HONEY



YOU'RE EATING
RECURSION



Exemplo: fatorial

Fatorial – Definição:

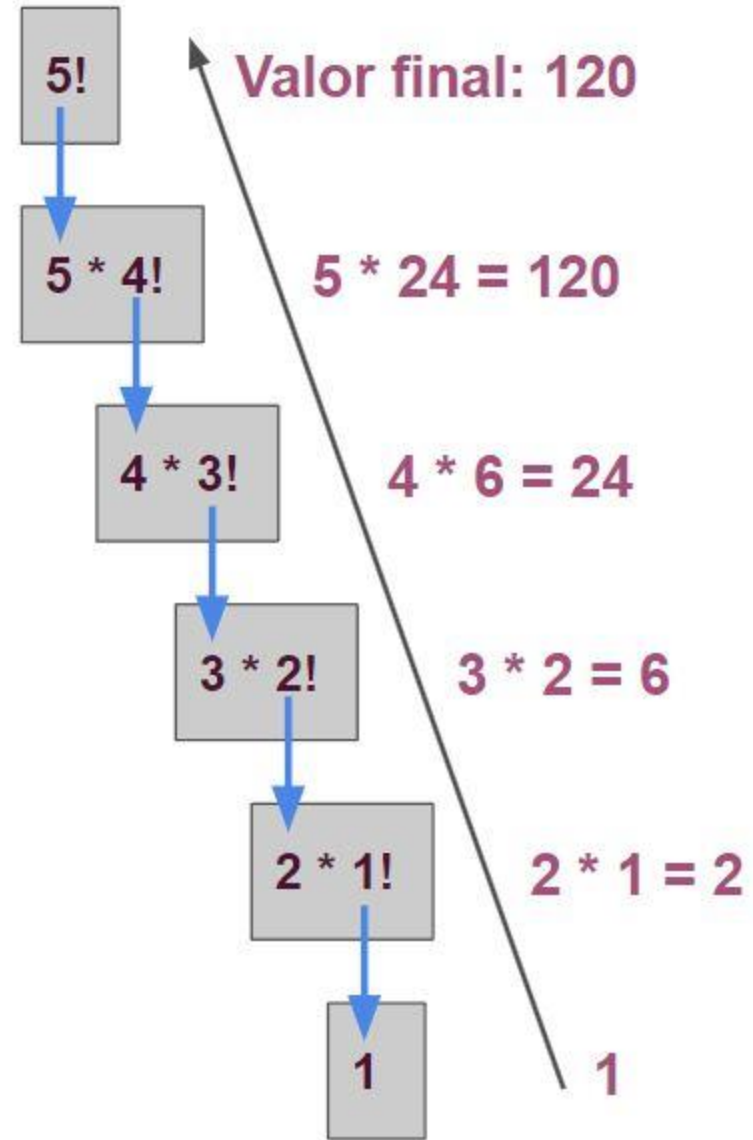
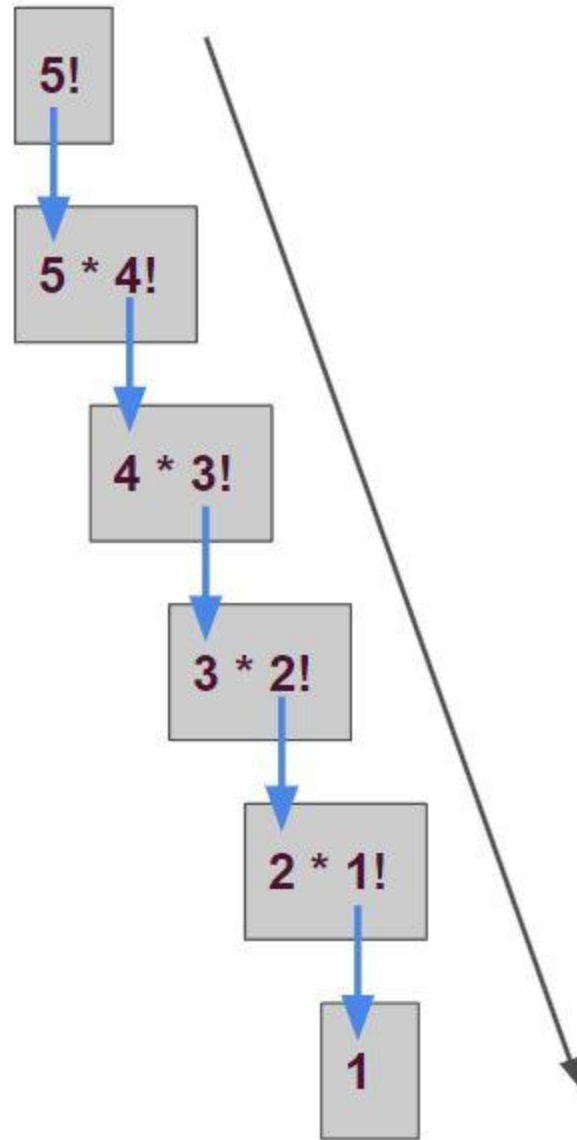
- $0! = 1$ (parte básica)
- $n! = n * (n-1)!$ (parte recursiva)
- $5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1 = 120$

Algoritmo Fatorial



```
public static int fatorial(int n){  
    if (n == 0){  
        return 1;  
    }else{  
        return n * fatorial(n-1);  
    }  
}  
  
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(fatorial(4));  
}
```


Simulação de fatorial(5)



Algoritmo Fatorial

Os problemas resolvidos por algoritmos recursivos podem também ser resolvidos de forma iterativa (através de um loop ou laço)



```
static int fatorialIterativo(int n){  
    int resultado = 1;  
    while (n >= 1) {  
        resultado = resultado * n;  
        n--;  
    }  
    return resultado;  
}
```

Recursão x Iteração

- Tanto iteração como recursão se baseiam em uma instrução de controle:
 - Iteração utiliza uma instrução de repetição (por exemplo: for, while ou do...while).
 - Recursão utiliza uma instrução de seleção (por exemplo: if, if...else ou switch)
- Ambas envolvem repetição:
 - A iteração utiliza explicitamente uma instrução de repetição.
 - A recursão alcança a repetição por meio de chamadas sucessivas do próprio método.

Recursão x Iteração

- Tanto uma como outra envolvem um teste de terminação:
 - A iteração termina quando a condição de continuação do loop falha.
 - A recursão termina quando um caso básico é alcançado.
- Loop infinito pode ocorrer em ambos:
 - Um loop infinito ocorre com iteração se o teste de continuação do loop nunca se tornar falso.
 - A recursão infinita ocorre se o passo de recursão não reduzir o problema sempre em uma maneira que convirja para o caso básico, ou se o caso básico não for testado.

Recursão x Iteração

- Eficiência
 - A versão iterativa normalmente é mais eficiente do que a recursiva
 - A recursão envolve várias chamadas consecutivas ao próprio algoritmo, acarretando num maior consumo de tempo e memória do que a versão iterativa
- Clareza
 - Muitas vezes, a versão recursiva apresenta uma maior clareza do que o correspondente iterativo

Exemplo: exibição de um vetor de forma recursiva

- No algoritmo `exibeVetor` anterior (o 1º), se invertermos as linhas 1 e 2, o algoritmo passará a exibir o vetor de forma invertida, pois:
 - primeiro chamará o método recursivamente para exibir o restante,
 - e depois exibe o elemento corrente.
- No 2º algoritmo também, se invertermos as linhas 3 e 4, o algoritmo deixará de exibir o vetor de forma invertida

Recursão indireta - Exemplo

- Recursão indireta
 - Quando um algoritmo A chama um B, que por sua vez chama novamente o algoritmo A
 - Exemplo:
 - algoritmo que verifica se um número é par e algoritmo que verifica se um número é ímpar
 - Definição tradicional de par e ímpar:
 - Número é par quando for divisível por 2
 - Número é ímpar quando não for divisível por 2
 - Definição recursiva de par e ímpar:
 - Número $n > 1$ é par se $n-1$ for ímpar; 0 é par, 1 é ímpar
 - Número $n > 0$ é ímpar se $n-1$ é par; 1 é ímpar, 0 é par

Agradeço a sua atenção!

Célia Taniwaki

celia.taniwaki@sptech.school

SÃO
PAULO
TECH
SCHOOL