Lanzamiento de cohete de agua

Isabel Gonzalez Lezama

November 3, 2021

1 Introduction

¿Para qué sirven las ecuaciones? En realidad la aplicación de los polinomios en la vida diaria es de suma importancia. Se puede aplicar en el área de construcción, para el pronóstico del clima, para el cálculo en finanzas, al realizar alguna compra, etc. Emplearemos un ejemplo que se ocupa en la vida diaria: la gravedad. Siendo más específicos, la aceleración de un cohete de agua.

2 Descripción del problema a resolver

2.1 Lanzamiento de un cohete de agua

Imagina que eres un astronauta en la Estación Espacial Internacional. Estás arreglando unos paneles solares, cuando de pronto al presionar tu alguna herramienta que estés ocupando sale disparada de tus manos. Si no lo atrapas a tiempo, ésta estará viajando por el espacio en línea recta y a velocidad constante, a menos que la dirección sea la tierra y entre a la fuerza gravitatoria de esta y comience a acelerarse en su camino. Esto sucede porque la herramienta se mueve con movimiento rectilíneo uniforme y cuando entra en gravedad en movimiento acelerado, así construyendo una parábola como trayectoria. Esto es uno de los pocos ejemplos que podemos encontrar, así que resolveremos uno que sí pase en la tierra y a mortales como nosotros.

Este problema consistirá en una ecuación trazada por la trayectoria de un cohete de agua, formando una parábola. Se resolverá la ecuación con los métodos vistos: Gauss-Jordan, Jacobi, Gauss-Seidel, cramer. Se obtendrá una una aproximación de la raíz de la ecuación.

Se realiza un proyecto de un cohete de agua. Se trazan los puntos que recorre tomando como inicio el origen que partió y se obtiene unas coordenadas agora solo de tiene que hallar la ecuación de la parábola de eje vertical y que pasa por los puntos:

```
A(-1, 1), B (1, 9), C (-2, 0).
La ecuación estándar de una parábola es: y = ax 2 + bx + c
```



Figure 1: Richard M. 2009. Lanzamiento de un cohete de agua. Ilustración.

```
Si pasa por los puntos A, B y C, sus coordenadas cumplen la ecuación anterior.
```

Procedemos así a resolver el ejemplo propuesto inicialmente:

$$y=a.x2+bx+c$$

En primer lugar, sustituimos el valor de nuestros puntos en la función general:

El punto A:

$$X = -1 e y = 1$$

$$1 = a.(-1)2+b(-1)+c$$

El punto B:

$$X = 1 e y = 9$$

$$9 = a.(1)2+b(1)+c$$

El punto C:

$$X = -2 e y = 0$$

$$0 = a.(-2)2+b(-2)+c$$

De este modo, obtenemos el siguiente sistema de ecuaciones:

$$a-b+c=1$$
; $a+b+c=9$; $4a-2b+c=0$;

$$1-1+1=1; 1+1+1=9; 4-2+1=0;$$

3 Resultados

3.1 Método de Gauss-Jordan

F1 F2 F3	x 1	y -1	aussiar z	b					
F2 F3	1	_							
F2 F3	1		1	1					
F3		1	1	9					
	4	-2	1						
			F1 y F2	·					
F1	1	1	1	9		F1 = F2			
F2	1	-1	1	1		F2 = F1			
F3	4	-2	1	0		12-11			
13		-	-						
	Iter 1					F2 - 2F1			
		у	z			12 212			
F1	1	,	1	9	F2	1	-1	1	1
F2	-1	-3	-1	-17	-2*F1	-2	-2	-2	-18
F3	4	-2	1	0	211	-1	-3	-1	-17
				·					
	Iter 2					F3 - 5F1			
		у	z			10 012			
F1	1	1	1	9	F3	5	7	-4	9
F2	0	2	3	9	-5*F1	-5	-5	-5	-45
F3	0	2	-9	-36	311	0	2	-9	-36
		_		50					30
	Iter 3					3F2 + 2F3			
		у	z						
F1	1	1	1	9	3F2	0	6	9	27
F2	0	2	3	9	2F3	0	-6	2	28
F3	0	0	11	55		0	0	11	55
			11z =	55					
			z=	55/11					
F3			z=	5					
F2		2y +	3z =	9					
		2y+	3(5) =	9					
		2y+	15 =	9					
			2y=	9-15					
			y=	=-6/2					
			y=	-3					
F1	x +	2(-3) -	5=	-1					
	x+		-5 =	-1					
			x-11 =	-1					
			x=	-1 + 11					
			x=	10					

```
hile normVal>tol
    xold=x;

for i=1:n
    sigma=0;

    for j=1:n
        if j~=i
             sigma=sigma+A(i,j)*x(j);
        end

    end
    x(i)=(1/A(i,i))*(b(i)-sigma);
end

itr=itr+1;
    normVal=abs(xold-x);
end
%
iprintf('Solution of the system is : \n%f\n%f\n%f\n%f in %d iterations',x,it
```

3.2 Método de Jacobi

Sistema	a solucion	ar					b								
1	L x		-1 y	1	z	=	1								
1	L x		1 y	1	z	=	9	No. Iter	x		у	z	err x	err y	err z
4 x	1 x	-2 y		1	z	=	0	С		0	0	0	x inicial		
								1		1	9	0			
Verificamos que la matriz sea							2		10	8	14	0,900000000	0,125000000	1,0000000	
diagonal dominante							3		-5	-15	-24	-3,000000000	-1,533333333	-1,5833333	
								4		10	38	-10	1,500000000	1,394736842	-1,4000000
ila 1	Valor inicial						1	5		49	9	36	0,795918367	3,22222222	1,2777777
ila 2	a 2 Valor inicial						1	6	i	-26	-76	-178	-2,884615385	-1,118421053	-1,2022471
ila 3	Valor inic	ial					1	7		103	213	-48	1,252427184	1,356807512	-2,7083333
								8	8	262	-46	14	0,606870229	-5,630434783	4,4285714
Fila 1	suma valo	res restantes	3				#ERROR!	9)	-59	-267	-1140	-5,440677966	-0,827715356	-1,0122807
Fila 2	suma valo	res restantes	3				#ERROR!	10)	874	1208	-298	1,067505721	1,221026490	-2,8255033
Fila 3	suma valo	suma valores restantes					#ERROR!	11	. 1	507	-567	-1080	0,420039814	-3,130511464	-0,7240740
								COMP EC		17	1507	-2	-567	-3	-10
Situacior	#ERROR!							COMP EC	2	-5	1507	21	-567	-2	-10
								COMP EC	3	-5	1507	-5	-567	22	-10

3.3 Cramer

4 Conclusión

Con este proyecto se puede concluir que estos métodos son de gran utilidad para casi cualquier área de la ingeniería. Los tres métodos pueden tener varias aplicaciones en diferentes campos, como en este caso para la ciencia, para problemas sencillos o muy complejos. Los problemas resueltos tiene la ventaja de tener un margen de error mínimo ya que gracias a la programación nosotros mismos

```
%% lacobi Method
    %% Solution of x in Ax=b using Jacobi Method
% * Initailize 'A' 'b' & intial guess 'x'
    A=[1 -1 1 1; 1 1 1 9; 4 -2 1 0]
    b=[-1 2 3 0.5]'
x=[0 0 0 0]'
    % A=[ 17 -2 -3;
    % -5 21 -2;
% -5 -5 22]
%b=[500 200 30]'
    n=size(x.1):
    normVal=Inf;
    % * Tolerence for method
    tol=1e-5; itr=0;
    %% Algorithm: Jacobi Method
    while normVal>tol
          xold=x;
          for i=1:n
              sigma=0;
              for j=1:n
ID WINDOW
                                                                                                                                                UTF-8 LF script
```

determinamos la tolerancia que queramos y eso es sumamente importante, ya que si lo hiciéramos a mano todos estos cálculos tardaremos mucho tiempo y muy posiblemente cometamos muchos errores en su cálculo.

También se pudo concluir que el método y la ingeniería más específicamente en ciencias como la física tiene una relación unida ya que si tomamos en cuenta que cada vez que se desarrolle un nuevo método de cálculo dentro de lo que son los métodos numéricos los cálculos en trayectorias, velocidades en cuestión de tiempo o incluso como el ejemplo de espacial, en alguna trayectoria de algún cohete que resulta interesante saber la relación de masa y velocidad respecto a su función se podrían volver más exactos, más veloces o en algunas ocasiones ambas.

Sistema a s	olucionar														
1	×	-1	y	1	z =	: 1									
1	×	1	y	1	z =	. 9		No. Ite	×	У	z	err x	err y	err z	
4	×	-2	y	1	z =	. 0		0	0			x			
								1	1	8	12				
Verificamos que la matriz sea				2	-3	0	12	-1,333333333	#DIV/0!	0,000000000					
diagonal dominante								3	-11	8	60	-0,727272727	1,000000000	0,800000000	
								4	-51	0	204	-0,784313725	#DIV/0!	0,705882353	
Fila 1	Valor inicial					1		5	-203	8	828	-0,748768473	1,000000000	0,753623188	
Fila 2	Valor inicial					1		6	-819	0	3276	-0,752136752	#DIV/0!	0,747252747	
Fila 3	Valor inicial					\$		7	-3275	8	13116	-0,749923664	1,000000000	0,750228728	
								8	-13107	0	52428	-0,750133516	#DIV/0!	0,749828336	
Fila 1	suma valores re	estantes				#ERROR!		9	-52427	8	209724	-0,749995231	1,000000000	0,750014305	
Fila 2	suma valores re	estantes				#ERROR!		10	-209715	0	838860	-0,750008345	#DIV/0!	0,749989271	
Fila 3	suma valores re	estantes				#ERROR!		11	-838859	8	3355452	-0,749999702	1,000000000	0,750000894	
								12	-3355443	0	13421772	-0,750000522	#DIV/0!	0,749999329	
Situacion								13	-13421771	8	53687100	-0,749999981	1,000000000	0,750000056	
	DOMINANTE							14	-53687091	0	214748364	-0,750000033	#DIV/0!	0,749999958	
								15	-214748363	8	858993468	-0,749999999	1,000000000	0,750000003	
								16	-858993459	0	3435973836	-0,750000002	#DIV/0!	0,749999997	
								17	-3435973835	8	13743895356	-0,750000000	1,000000000	0,750000000	
								18	-13743895347	0	54975581388	-0,750000000	#DIV/0!	0,750000000	
								19	-54975581387	8	219902325564	-0,750000000	1,000000000	0,750000000	
								20	-219902325555	0	879609302220	-0,750000000	#DIV/0!	0,750000000	
								21	-879609302219	8	351843720889	-0,750000000	1,000000000	0,750000000	
								22	-351843720888	0	140737488355	-0,750000000	#DIV/0!	0,750000000	
									x		у		z		
							Comp. ec1	8	-351843720888	-4	0	-3	140737488355	=	-7036874
							Comp. ec2	2	-351843720888	-5	0	3	140737488355	=	35184372
							Comp. ec3	-3	-351843720888	1	0	9	140737488355	=	13721905

```
lewthonRap.m × +
          clear, clc
1
          f = input('f(x)=', 's');%'x^2+ 64*x + 4'
2
          sf = str2sym (f); %convierte un string en una funcion
3
          tol = input('tolerancia del metodo = ');%tolerancia
4
          x0 = input('valor inicial = ');%valor inicial, elemplo: -3
5
          v = symvar(sf);%extrae las variables de la funcion
6
         f1 = diff(sf); %calcula la derivada de una funcion
7
          sf
8
9
         f1
0
1
          y≡subs (sf,v,x0)
2
          z=subs(f1,v,x0)
3
4
5
7
          sw = 0;
8
          while (sw==0)
             %subs es una funcion que reemplaza valores constantes en las variables
9
0
             %de una funcion
             x1 = x0 - (subs (sf, v, x0) / subs (f1, v, x0));
1
              fprintf ('\t x0 %f \t x1 %f \t tol %f \n', x0, x1, tol)
2
3
             if abs(x0 - x1) > tol %aun no se encuentra la raiz
                 x0 = x1;
4
5
                 sw=0;
6
7
              else %raiz encontrada
8
                 sw =1;
              end
9
          end
0
1
2 vpa(x1)
```