Introdução a Bancos de Dados Álgebra Relacional Parte 1

Mirella M. Moro

Departamento de Ciência da Computação

Universidade Federal de Minas Gerais

mirella@dcc.ufmg.br

Programa

- Introdução
 - Conceitos básicos, características da abordagem de banco de dados, modelos de dados, esquemas e instâncias, arquitetura de um sistema de banco de dados, componentes de um sistema de gerência de banco de dados.
- Modelos de dados e linguagens
 - Modelo entidade-relacionamento (ER), modelo relacional, álgebra relacional, SQL.
- Projeto de bancos de dados
 - Fases do projeto de bancos de dados, projeto lógico de bancos de dados relacionais, normalização.
- Novas Tecnologias e Aplicações de Banco de Dados

Modelos de Dados

- Modelo Conceitual
 - Modelo Entidade-Relacionamento
- Modelo Lógico
 - Modelo Relacional
 - TODOS OS DADOS SÃO RELAÇÕES ("tabelas")
 - Possui uma álgebra específica para manipular os dados das relações
 - Álgebra Relacional
- Modelo Físico

Introdução

- Linguagens de consulta: Permitem manipulação e recuperação de dados de um BD
- O modelo relacional suporta LCs simples e poderosas:
 - Forte fundamentação teórica baseada em lógica
 - Permite otimizações
- Ling. de consulta ≠ ling. de programação
 - LCs não tem a intenção de suportar cálculos complexos
 - LCs suportam acesso fácil e eficiente a grandes conjuntos de dados

LCs relacionais formais

Duas LCs matemáticas formam a base para as LCs "reais" (p.ex., SQL), e p/ implementação:

- 1. Álgebra relacional: Predominantemente operacional, útil para representar planos de execução
- 2. Cálculo Relacional : Permite usuários descreverm o que querem, ao invés de como querem (não operacional, declarativa)

Entender álgebra e cálculo é uma chave para entender SQL e processamento de consultas.

Álgebra Relacional

- Parte integral do modelo relacional
- Composta por operações de teoria de conjuntos e operações relacionais, e expandida com operações de agregação
- As operações funcionam sobre **instâncias de relação**, que se comportam como conjuntos, e produzem outras instâncias de relação
 - O esquema da relação é conhecido pela operação, e o esquema da relação gerada é definido por construção, também pela operação utilizada
- Atenção: relações não admitem tuplas duplicadas (são conjuntos)

Álgebra Relacional: Resumo

- Dadas duas relações R1 e R2
- Operações Básicas
 - Selection (♂) Seleciona um subconjunto de tuplas da relação
 - Projection (π) Seleciona colunas da relação
 - Rename (ρ) Altera o nome da relação ou dos atributos
 - Cross-product (X) Permite combinar R1 e R2 [produto cartesiano]
 - Set-difference (—) Seleciona tuplas em R1, mas não em R2
 - *Union* (∪) Seleciona tuplas em R1 ou em R2
- Operações Adicionais: Interseção, junção, divisão

Já que cada operação retorna uma relação, operações podem ser compostas!

ALUNOS

CU	IRS	OS	
- L			

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Д	F	CC
2	В	М	CC
3	С	1.1	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	I	M	SI
10	J	M	ECA

Cod	Nome	Depto	Coord
CC	Ciência da Computação	DCC	RG
MC	Matemática Computacional	DCC	TN
SI	Sistemas de Informação	DCC	CDJ
ECA	Engenharia de Controle e Automação	ENG	XYZ

MATRICULAS

			<u> </u>		
SI		Matr	Disc	Т	Sem
SI		1	DCC011	Z	20162
SI		1	DCC851	Α	20162
SI		1	DCC834	Α	20161
ECA		2	DCC011	Z	20161
DCC011 -	profa	•••	•••	•••	•••

Problemas 1. (ALUNOS)

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	1	M	SI
10	J	M	ECA

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{\text{(Matr=4)}}$ (ALUNOS)

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	E	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	I	M	SI
10	J	M	ECA

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{\text{(Matr=4)}}$ (ALUNOS)
- 3. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	А	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	I	M	SI
10	J	M	ECA

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{(Matr=4)}$ (ALUNOS)
- 3. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)
- 4. π_{Matr} (ALUNOS)

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Ε	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	1	M	SI
10	J	M	ECA

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{\text{(Matr=4)}}$ (ALUNOS)
- 3. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)
- 4. π_{Matr} (ALUNOS)
- 5. $\pi_{Matr, Nome, Sexo, Cr}$ (ALUNOS)

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	I	M	SI
10	J	M	ECA

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{\text{(Matr=4)}}$ (ALUNOS)
- 3. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)
- 4. π_{Matr} (ALUNOS)
- 5. $\pi_{Matr, Nome, Sexo, Cr}$ (ALUNOS)
- 6. $\pi_{Sexo, Cr}$ (ALUNOS)

Sexo	Cr
F	CC
M	CC
F	MC
M	MC
М	SI
F	SI
М	ECA

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	М	CC
3	С	М	CC
4	D	F	MC
5	Ε	М	MC
6	F	М	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	I	M	SI
10	J	M	ECA
	_		

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{\text{(Matr=4)}}$ (ALUNOS)
- 3. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)
- 4. π_{Matr} (ALUNOS)
- 5. $\pi_{Matr, Nome, Sexo, Cr}$ (ALUNOS)
- 6. $\pi_{Sexo, Cr}$ (ALUNOS)

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	- 1	M	SI
10	J	M	ECA

- 7. $\pi_{Nome} \sigma_{(Matr=4)} (ALUNOS)$ [outras opções próximo slide]
- 8. $\pi_{Nome}\sigma_{(Matr>4\ AND\ Sexo\ =\ F)\ OR\ (Cr\ =\ MC)}$ [Outras opções próximo slide]

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{\text{(Matr=4)}}$ (ALUNOS)
- 3. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)
- 4. π_{Matr} (ALUNOS)
- 5. $\pi_{Matr, Nome, Sexo, Cr}$ (ALUNOS)
- 6. $\pi_{Sexo, Cr}$ (ALUNOS)

Nome	
D	

8.
$$\pi_{Nome}\sigma_{(Matr>4\ AND\ Sexo\ =\ F)\ OR\ (Cr\ =\ MC)}$$
 [Outras opções próximo slide]



Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	E	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	- 1	M	SI
10	J	M	ECA

- 1. (ALUNOS)
- 2. $\sigma_{\text{(Matr=4)}}$ (ALUNOS)
- 3. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)
- 4. π_{Matr} (ALUNOS)
- 5. $\pi_{Matr, Nome, Sexo, Cr}$ (ALUNOS)
- 6. $\pi_{Sexo, Cr}$ (ALUNOS)
- 7. $\pi_{Nome} \sigma_{(Matr=4)} (ALUNOS)$ [outras opções próximo slide]
- 8. $\pi_{Nome}\sigma_{(Matr>4\ AND\ Sexo\ =\ F)\ OR\ (Cr\ =\ MC)}$ [Outras opções próximo slide]

ALUNOS

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	А	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	1	M	SI
10	J	M	ECA

Nome
G
H
D
E

Em Resumo

(lembrar que podem ser compostas)

SELEÇÃO

- Seleciona linhas de uma relação de acordo com a condição lógica especificada
- Comando

σ condição Lógica (Relação)

```
<atributo > <operador> <valor> <atributo> <operador> <atributo> operador: <, =, >, <>, <=, >=, AND, OR, XOR, NOT
```

PROJEÇÃO

- Projeta colunas de uma relação de acordo com uma lista especificada
- Comando

π coluna (Relação)

π col1,col2,etc (Relação)

Detalhes Importantes

- 7. $\pi_{\text{Nome}} \sigma_{\text{(Matr=4)}} \text{(ALUNOS)}$
- 7^a. $\sigma_{\text{(Matr=4)}} \pi_{\text{Nome}} (\text{ALUNOS})$
- 7^b. $\pi_{\text{Nome}} \sigma_{\text{(Matr=4)}} \pi_{\text{Nome,Matr}} (\text{ALUNOS})$
- 8. $\pi_{\text{Nome}}\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}}$ (ALUNOS)
- 8a. $\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo = F) OR (Cr = MC)}} \pi_{\text{Nome}}(\text{ALUNOS})$
- 8b. $\pi_{\text{Nome}}\sigma_{\text{(Matr>4 AND Sexo}} = F)OR^{\circ}(\text{Cr} = MC)(\text{ALUNOS})$
- 8°. $\pi_{\text{Nome}} \circ_{(\text{Matr}>4)} \circ_{(\text{Sexo} = F)} \circ_{(\text{Cr} = MC)} (\text{ALUNOS})$
- 8^d. π_{Nome} (Matr>4) AND (Sexo = F) AND (Cr = MC) (ALUNOS)

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	E	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	- 1	M	SI
10	J	M	ECA

1. Nome das meninas de todos os cursos

$$\pi_{\text{Nome}} \sigma_{(\text{Sexo}=F)} (\text{ALUNOS})$$

2. Nome das meninas da Computação

$$\pi_{\text{Nome}} \sigma_{\text{(Sexo=F AND Cr=CC)}} (ALUNOS)$$

3. Nome e curso de todas as meninas

$$\pi_{\text{Nome, CR}} \sigma_{(\text{Sexo}=F)} (\text{ALUNOS})$$

4. Quantidade de meninas por curso

5. Curso com número máximo de meninas

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	- 1	M	SI
10	J	M	ECA

Mais Problemas

- Nomes de todos os alunos acompanhados dos nomes de seus cursos
- 2. Nomes de todos os alunos acompanhados das disciplinas matriculadas neste semestre

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	I	M	SI
10	J	M	ECA

ALUNOS

Nome | Sexo Cr F CC 1 Α CC M M CC MC D 5 M MC 6 SI M 7 SI 8 Η F SI 9 M SI ECA 10

CURSOS

Cod	Nome	Depto	Coord
CC	Ciência da Computação	DCC	RG
MC	Matemática Computacional	DCC	TN
SI	Sistemas de Informação	DCC	CDJ
ECA	Engenharia de Controle e Automação	ENG	XYZ

Mais Problemas

- Nomes de todos os alunos acompanhados dos nomes de seus cursos
- a. $\pi_{Nome,Nome}$ (ALUNOS, CURSOS)
- b. $\pi_{ALUNOS.Nome,CURSOS.Nome}$ (ALUNOS, CURSOS)
- c. $\pi_{ALUNOS.Nome,CURSOS.Nome}$ (ALUNOS × CURSOS)

ALUNOS CURSOS Matr Nome Sexo Cr Cod Nome Depto Coord 1 A F CC CC Computado DCC RG 2 B M CC MC Computacional DCC TN 3 C M CC SI Sitemas de Informação DCC CDJ 4 D F MC ECA Equipataria de ENG XYZ

$\pi_{\text{ALUNOS.Nome}, \text{CURSOS.Nome}} \text{ (ALUNOS} \times \text{CURSOS)}$

O resultado do produto cartesiano é

Qual é o problema agora????

10

Matr	Nome	Sexo	Cr	Cod	Nome	Depto	Coord
1	Α	F	CC	CC	Ciência da Computação	DCC	RG
1	Α	F	CC	MC	Matemática Computacional	DCC	TN
1	Α	F	СС	SI	Sistemas de Informação	DCC	CDJ
1	Α	F	СС	ECA	Engenharia de Controle e Automação	ENG	XYZ
2	В	M	CC	CC	Ciência da Computação	DCC	RG
2	В	M	CC	MC	Matemática Computacional	DCC	TN
2	В	M	CC	SI	Sistemas de Informação	DCC	CDJ
2	В	M	CC	ECA	Engenharia de Controle e Automação	ENG	XYZ
3	С	M	CC	CC	Ciência da Computação	DCC	RG
3	С	M	CC	MC	Matemática Computacional	DCC	TN
•••	••• DC0	011 - profa	. Mirella	M. Moro		•••	•••



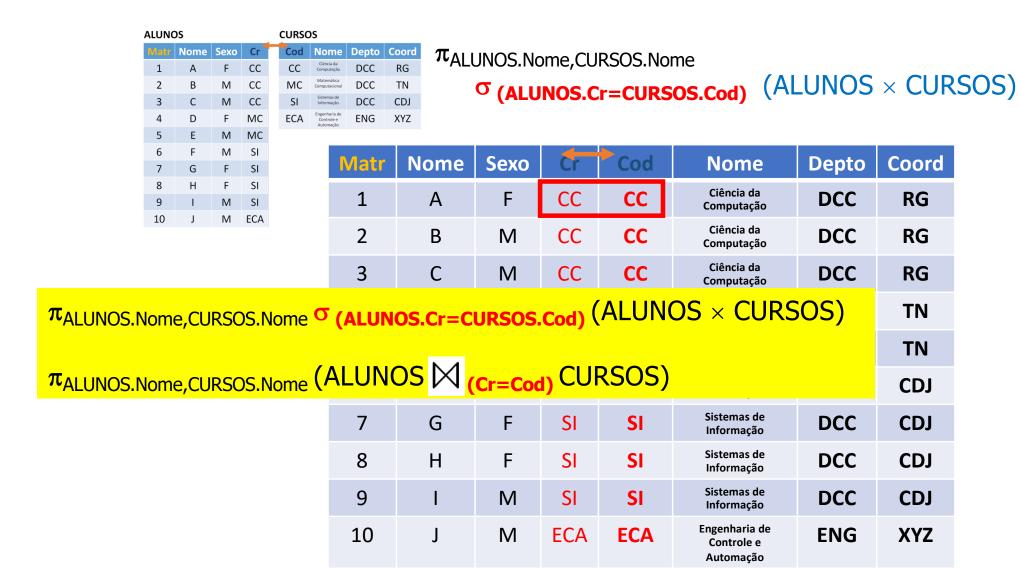
$\pi_{\text{ALUNOS.Nome}, \text{CURSOS.Nome}} \text{ (ALUNOS} \times \text{CURSOS)}$

O resultado do produto cartesiano é

Matr	Nome	Sexo	Cr	Cod	Nome	Depto	Coord
1	Α	F	CC	CC	Ciência da Computação	DCC	RG
1	Α	F	CC	MC	Matemática Computacional	DCC	TN
1	Α	F	СС	SI	Sistemas de Informação	DCC	CDJ
1	Α	F	СС	ECA	Engenharia de Controle e Automação	ENG	XYZ
2	В	M	CC	CC	Ciência da Computação	DCC	RG
2	В	M	CC	MC	Matemática Computacional	DCC	TN
2	В	M	CC	SI	Sistemas de Informação	DCC	CDJ
2	В	M	CC	ECA	Engenharia de Controle e Automação	ENG	XYZ
3	С	M	CC	CC	Ciência da Computação	DCC	RG
3	C	M	СС	MC	Matemática Computacional	DCC	TN
•••	••• DC0	C011 - profa	. Mirella	M. Moro		•••	•••

Resolvendo

10



ALUNOS

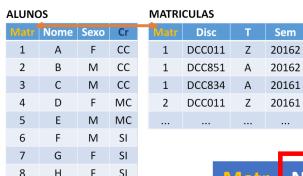
MATRICULAS

Matr	Nome	Sexo	Cr
1	Α	F	CC
2	В	M	CC
3	С	M	CC
4	D	F	MC
5	Е	M	MC
6	F	M	SI
7	G	F	SI
8	Н	F	SI
9	- 1	M	SI
10	J	M	ECA

Mat	r Disc	Т	Sem
1	DCC011	Z	20162
1	DCC851	Α	20162
1	DCC834	Α	20161
2	DCC011	Z	20161

Mais Problemas

- 2. Nomes de todos os alunos acompanhados das disciplinas matriculadas neste semestre
- a. $\pi_{Nome,Disc}$ (ALUNOS × MATRICULAS)
- b. $\pi_{\text{Nome,Disc}} \circ (\text{ALUNOS.Matr=MATRICULAS.Matr}) (\text{ALUNOS} \times \text{MATRICULAS})$
- c. $\pi_{Nome,Disc}$ (ALUNOS \bowtie MATRICULAS)



M SI M ECA

$\pi_{Nome,Disc}$ (ALUNOS \bowtie MATRICULAS)

Matr	Nome	Sexo	Cr	Disc	Т	Sem
1	Α	F	CC	DCC011	Z	20162
1	Α	F	CC	DCC851	Α	20162
1	Α	F	CC	DCC834	Α	20161
2	В	М	CC	DCC011	Z	20161
				•••		•••

JUNÇÃO NATURAL

- Igualdade de todos os pares de atributos de mesmo nome (domínio)
- Os atributos de mesmo nome aparecem uma vez só no resultado

Produto Cartesiano, Junção Natural, EquiJunção

```
ALUNOS (Matr, Nome, Sexo, Cr)
CURSOS (Cod, Nome, Depto, Coord)
MATRICULAS (Matr, Disc, T, Sem)
```

- a. ALUNOS × CURSOS
- b. ALUNOS ⋈ CURSOS
- c. ALUNOS M MATRICULAS
- d. CURSOS ⋈ MATRICULAS
- e. ALUNOS M MATRICULAS
- f. ALUNOS ⋈ _{Cr=Cod} CURSOS

- União: Efetua a união de duas relações compatíveis
 - Notação: R \cup S
- Diferença: Efetua a diferença entre duas relações compatíveis
 - Notação: R S
- Interseção: Efetua a interseção de duas relações compatíveis
 - Notação: R ∩ S

- Duas relações R(A1,A2,..., An) e S(B1,B2,..., Bn) são (união)
 compatíveis quando tiverem o mesmo grau e dom(Ai) = dom(Bi)
- Exemplo:
 - RESULT1 $\leftarrow \pi_{SSN}$ ($\sigma_{DNO=5}$ (EMPLOYEE))
 - RESULT2(SSN) $\leftarrow \pi_{\text{SUPERSSN}} (\sigma_{\text{DNO}=5} (\text{EMPLOYEE}))$
 - RESULT ← RESULT1 ∪ RESULT2

RESULTADO1	SSN
	123456789
	333445555
	666884444
	453453453

RESULTADO2	SSN	
	333445555	
	888665555	

RESULTADO3	SSN
	123456789
	333445555
	666884444
	453453453
	888665555

Figura 6.3 Resultado da operação UNIÃO,
RESULTADO ¬ RESULTADO1 U RESULTADO2.

DCC011 - profa. Mirella M. Moro

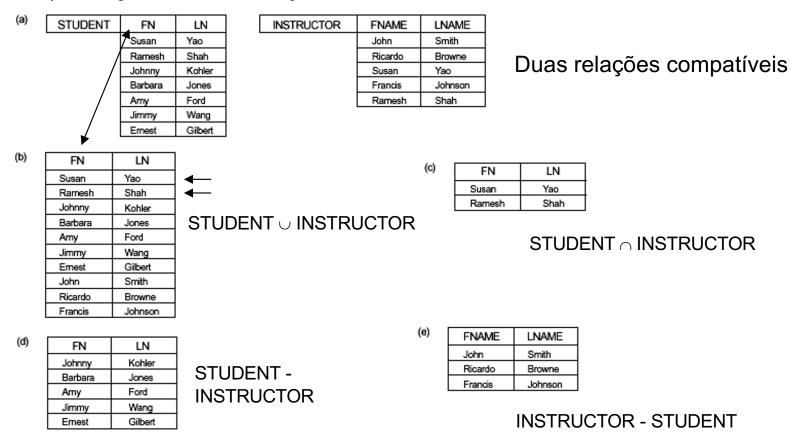


Figura 6.4 As operações de conjunto UNIÃO, INTERSEÇÃO e SUBTRAÇÃO.

- (a) Duas relações união compatíveis.
- (b) ALUNO U INSTRUTOR. (c) ALUNO ∩ INSTRUTOR.
- (d) ALUNO INSTRUTOR. (e) INSTRUTOR ALUNO.

DCC011 - profa. Mirella M. Moro

Banco de Dados:

R1

$\underline{\operatorname{sid}}$	<u>bid</u>	<u>day</u>
22	101	10/10/96
58	103	11/12/96

S1

<u>sid</u>	sname	rating	age
22	dustin	7	45.0
31	lubber	8	55.5
58	rusty	10	35.0

S2

sid	sname	rating	age
28	yuppy	9	35.0
31	lubber	8	55.5
44	guppy	5	35.0
58	rusty	10	35.0

$S1 \cup S2$

sid	sname	rating	age
22	dustin	7	45.0
31	lubber	8	55.5
58	rusty	10	35.0
44	guppy	5	35.0
28	yuppy	9	35.0

$S1 \cap S2$

sid	sname	rating	age
31	lubber	8	55.5
58	rusty	10	35.0

S1 - S2

sid	sname	rating	age
22	dustin	7	45.0