

Estruturas de Dados

TADs: Listas, Filas, Pilhas

Professores: Anisio Lacerda
Wagner Meira Jr.
Washington Cunha

Módulo 2 - Sumário

- Introdução
 - Tipos Abstratos de Dados
- Listas Lineares
 - Implementação por arranjos (sequencial)
 - Implementação por apontadores (encadeada)
- Filas, Pilhas
 - Implementação por arranjos (sequencial)
 - Implementação por apontadores (encadeada)

Tipos Abstratos de Dados (TADs)

- Principais Vantagens:
 - ❑ O **Usuário** do TAD pode abstrair da implementação específica do TAD, focando na sua aplicação
 - ❑ O **Desenvolvedor** do TAD pode focar na sua funcionalidade e eficiência
 - ❑ Qualquer modificação interna na implementação do TAD fica restrita a ele, não influenciando o usuário
 - ❑ Modularização mais eficiente
 - ❑ Facilita a realização de testes

Estruturas de Dados

Listas Lineares - Alocação Encadeada

Professores: Anisio Lacerda
Wagner Meira Jr.
Washington Cunha

TAD: Lista

■ Duas Implementações:

- ❑ Sequencial (uso de arranjos, alocação estática)
- ❑ Encadeada (uso de apontadores, alocação dinâmica)

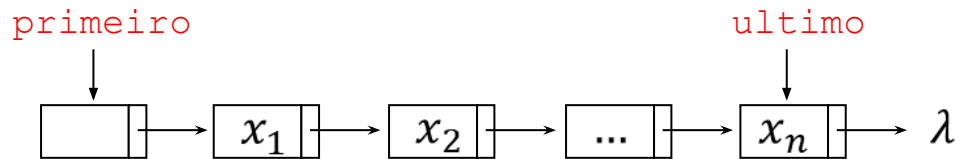
■ Operações:

- ❑ Criar uma nova lista (construtor)
- ❑ Métodos de Acesso (Get, Set)
- ❑ Testar se é uma lista *vazia*
- ❑ Inserção: no início, no final, em uma posição p
- ❑ Remoção: do início, do final, de uma posição p
- ❑ Pesquisar por uma chave
- ❑ Imprimir a Lista
- ❑ Limpar a Lista

Disclaimer:

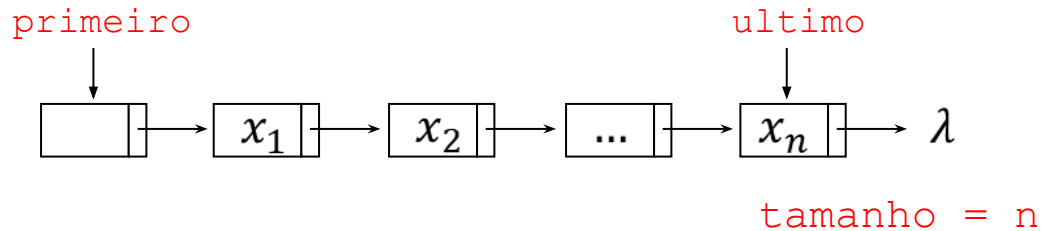
os códigos que serão apresentados devem ser considerados como exemplos. Eles não são, necessariamente, os mais modulares ou eficientes...

Alocação Encadeada



- Itens da lista são armazenados em posições não contíguas da memória
 - Utilização de **células** que são encadeadas usando **apontadores**
 - Alocação dinâmica, permitindo crescimento e redução de tamanho
 - **Não** permite acesso direto a qualquer item
- Inserção e Remoção
 - Não requer deslocamento de itens

Class Lista Encadeada



```
class ListaEncadeada : public Lista {
public:
    ListaEncadeada();
    ~ListaEncadeada();

    TipoItem GetItem(int pos);
    void SetItem(TipoItem item, int pos);
    void InsereInicio(TipoItem item);
    void InsereFinal(TipoItem item);
    void InserePosicao(TipoItem item, int pos);
    TipoItem RemoveInicio();
    TipoItem RemoveFinal();
    TipoItem RemovePosicao(int pos);
    TipoItem Pesquisa(TipoChave c);
    void Imprime();
    void Limpa();

private:
    TipoCelula* primeiro;
    TipoCelula* ultimo;
    TipoCelula* Posiciona(int pos, bool antes);
};
```

Class TipoCélula

- Classe para representar as células da lista
 - ❑ Campo **TipoItem item**: armazena o item
 - ❑ Campo **TipoCelula *prox**: apontador para a próxima célula
 - ❑ Possui método para inicialização (constructor)
 - ❑ Permite o acesso de atributos privados pela classe

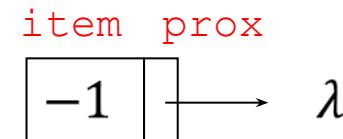
- *Friend class*

```
class TipoCelula
{
    public:
        TipoCelula();

    private:
        TipoItem item;
        TipoCelula *prox;

    friend class ListaEncadeada;
};
```

```
TipoCelula::TipoCelula()
{
    item.SetChave(-1);
    prox = NULL;
}
```



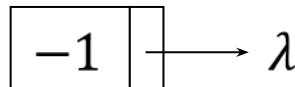
Class Lista Encadeada - Construtor

■ Construtor

- ❑ Chama o construtor da classe pai, que inicializa o atributo *tamanho* com o valor 0, e inicializa os apontadores *primeiro* e *ultimo*.
- ❑ Uso de uma **célula cabeça**
 - Facilita as operações de inserção e remoção no início da lista
 - Primeiro elemento da lista vai estar na posição **primeiro**->**prox**

```
ListaEncadeada::ListaEncadeada() : Lista() {  
    primeiro = new TipoCelula();  
    ultimo = primeiro;  
}
```

primeiro



ultimo

tamanho = 0

ListaEncadeada L;

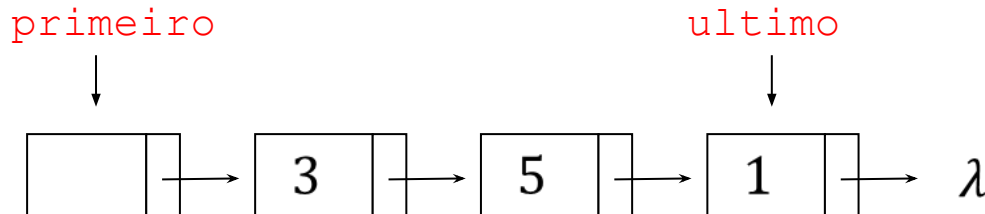
...

Class Lista Encadeada - Destruitor

■ Destruitor

- ❑ Como utilizamos a alocação dinâmica, é importante implementar um destrutor para desalocar a memória adequadamente
- ❑ Chama o método *Limpa*, que remove todas as células da lista e depois remove a célula cabeça

```
ListaEncadeada::~~ListaEncadeada()  
{  
    Limpa();  
    delete primeiro;  
}
```



```
ListaEncadeada *L;  
...  
delete L;
```

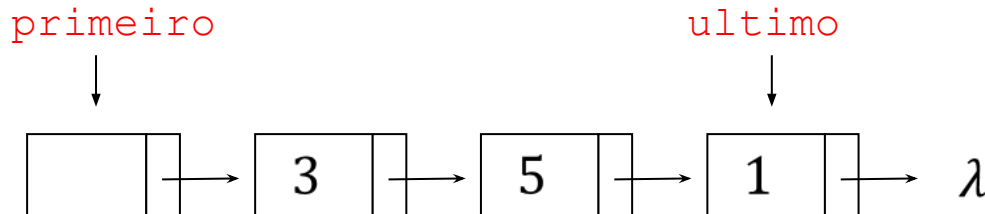
tamanho = 3

Class Lista Encadeada - Destruitor

■ Destruitor

- ❑ Como utilizamos a alocação dinâmica, é importante implementar um destrutor para desalocar a memória adequadamente
- ❑ Chama o método *Limpa*, que remove todas as células da lista e depois remove a célula cabeça

```
ListaEncadeada::~~ListaEncadeada()  
{  
    Limpa();  
    delete primeiro;  
}
```



```
ListaEncadeada *L;  
...  
delete L;
```

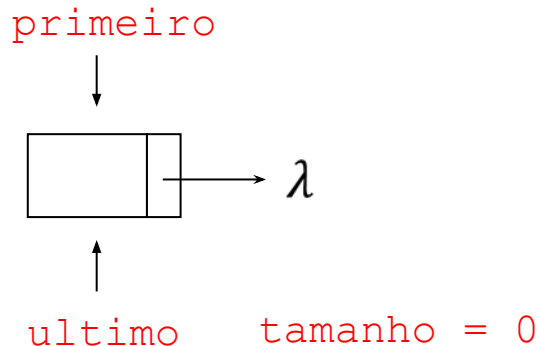
tamanho = 3

Class Lista Encadeada - Destruitor

■ Destruitor

- ❑ Como utilizamos a alocação dinâmica, é importante implementar um destrutor para desalocar a memória adequadamente
- ❑ Chama o método *Limpa*, que remove todas as células da lista e depois remove a célula cabeça

```
ListaEncadeada::~~ListaEncadeada()  
{  
    Limpa();  
    delete primeiro;  
}
```



```
ListaEncadeada *L;  
...  
delete L;
```

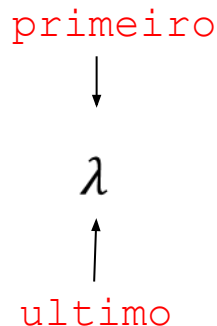
Class Lista Encadeada - Destruitor

■ Destruitor

- ❑ Como utilizamos a alocação dinâmica, é importante implementar um destrutor para desalocar a memória adequadamente
- ❑ Chama o método *Limpa*, que remove todas as células da lista e depois remove a célula cabeça

```
ListaEncadeada::~~ListaEncadeada()  
{  
    Limpa();  
    delete primeiro;  
}
```

$O(n)$



```
ListaEncadeada *L;  
...  
delete L;
```

Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em uma determinada posição (célula) da lista
 - ❑ Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){
```

```
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )  
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

```
    // se antes for false
```

```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

```
    return p;
```

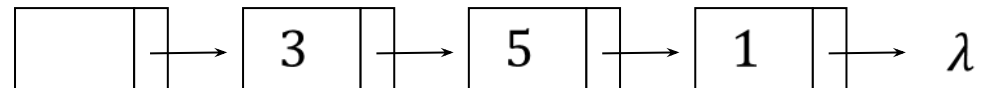
```
}
```

primeiro



ultimo

tamanho=3



```
TipoCelula* q;  
q = Posiciona(3,true);
```

Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em em uma determinada posição (célula) da lista
 - ❑ Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

```
    // se antes for false
```

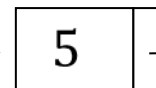
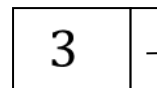
```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

```
    return p;
```

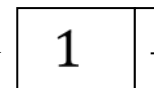
```
}
```

primeiro



ultimo

tamanho=3



λ

```
TipoCelula* q;
q = Posiciona(3,true);
```

Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em em uma determinada posição (célula) da lista
 - Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){  
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )  
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

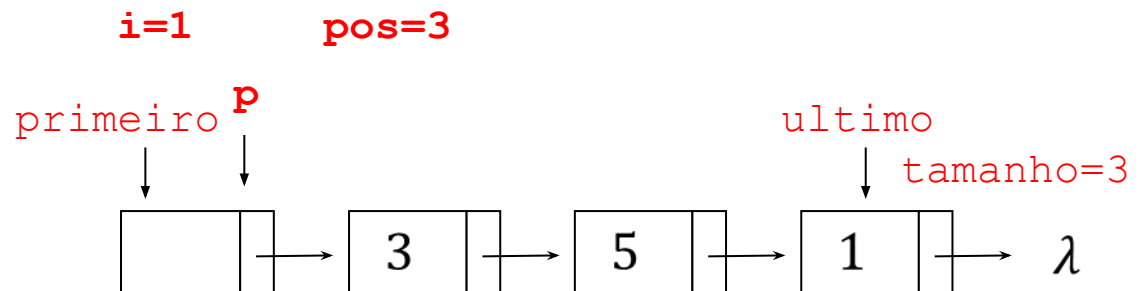
```
    // se antes for false
```

```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

```
    return p;
```

```
}
```



```
TipoCelula* q;  
q = Posiciona(3,true);
```


Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em em uma determinada posição (célula) da lista
 - Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){  
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )  
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

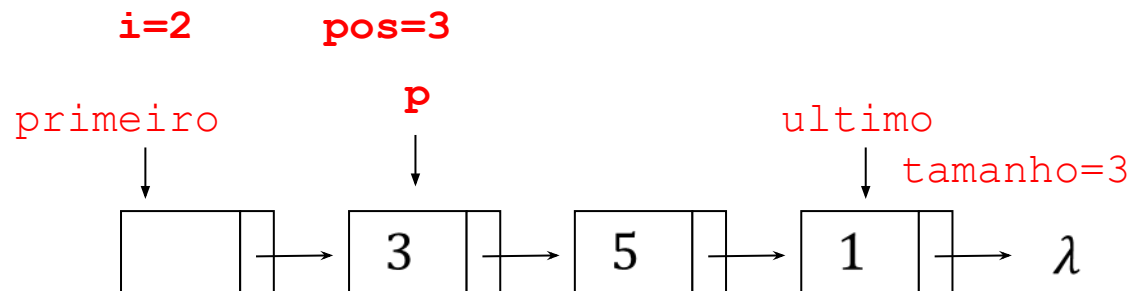
```
    // se antes for false
```

```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

```
    return p;
```

```
}
```



```
TipoCelula* q;  
q = Posiciona(3, true);
```

Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em em uma determinada posição (célula) da lista
 - Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){
```

```
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )  
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

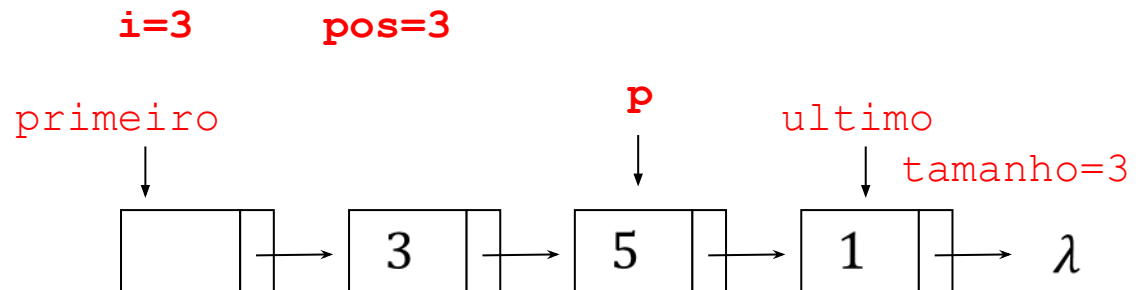
```
    // se antes for false
```

```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

```
    return p;
```

```
}
```



```
TipoCelula* q;  
q = Posiciona(3,true);
```

Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em em uma determinada posição (célula) da lista
 - Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){  
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )  
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

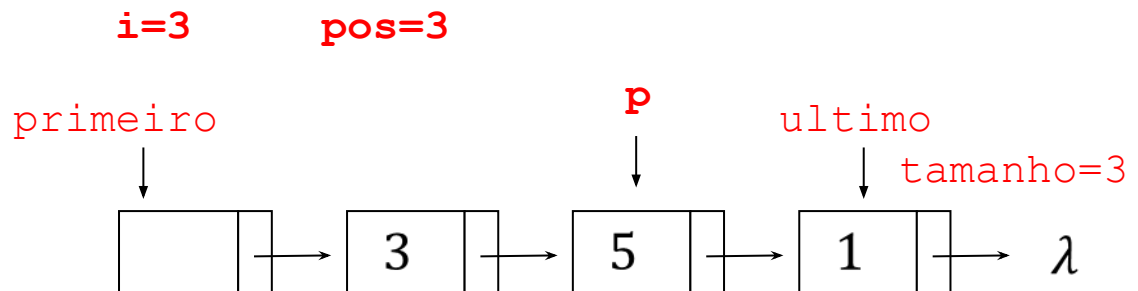
```
    // se antes for false
```

```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

```
    return p;
```

```
}
```



```
TipoCelula* q;  
q = Posiciona(3,true);
```

Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em em uma determinada posição (célula) da lista
 - Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

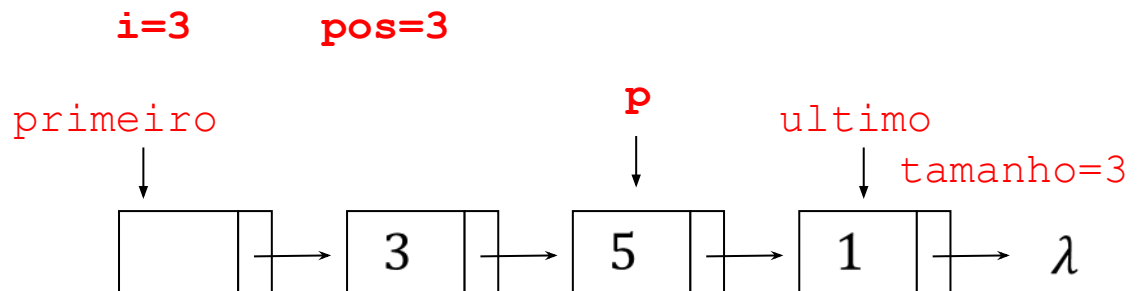
```
    // se antes for false
```

```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

```
    return p;
```

```
}
```



```
TipoCelula* q;
q = Posiciona(3,true);
```

Class Lista Encadeada - Posiciona

- **Função auxiliar** para posicionar um apontador em em uma determinada posição (célula) da lista
 - ❑ Opção de parar na célula anterior (útil para inserção e remoção)

```
TipoCelula* ListaEncadeada::Posiciona(int pos, bool antes=false){
```

```
    TipoCelula *p; int i;
```

```
    if ( (pos > tamanho) || (pos <= 0) )  
        throw "ERRO: Posicao Invalida!";
```

```
    // Posiciona na célula anterior a desejada
```

```
    p = primeiro;
```

```
    for(i=1; i<pos; i++){
```

```
        p = p->prox;
```

```
    }
```

```
    // vai para a próxima
```

```
    // se antes for false
```

```
    if(!antes)
```

```
        p = p->prox;
```

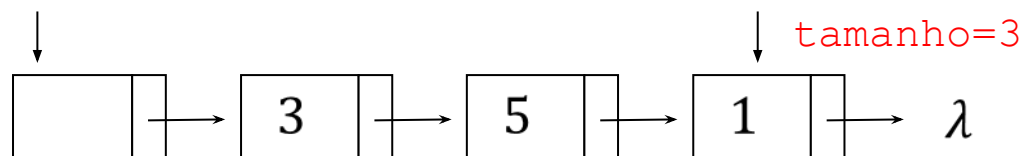
```
    return p;
```

```
}
```

Melhor
Caso $O(1)$

Pior
Caso $O(n)$

primeiro



```
TipoCelula* q;  
q = Posiciona(3,true);
```

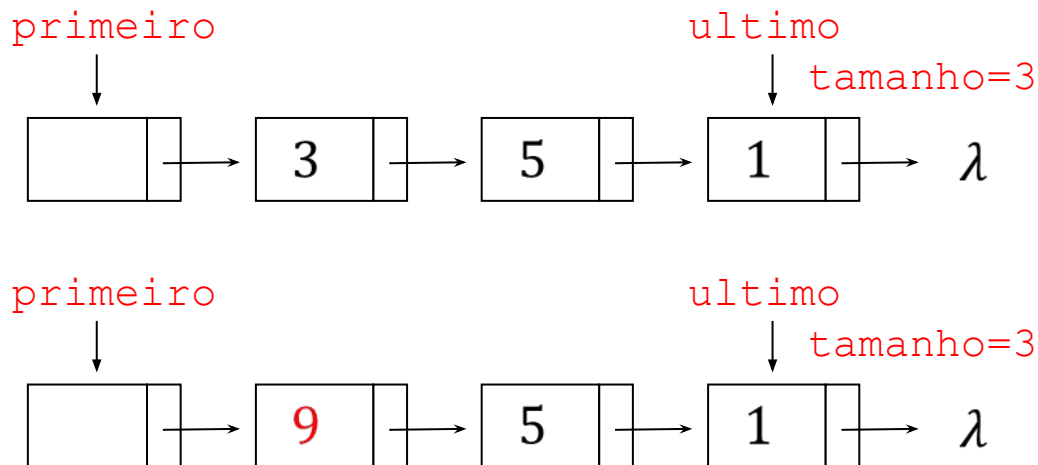
Class Lista Encadeada – Get & Set

```
TipoItem ListaEncadeada::GetItem(int pos){  
    TipoCelula *p;  
  
    p = Posiciona(pos);  
    return p->item;  
}
```

Melhor Caso $O(1)$

```
void ListaEncadeada::SetItem(TipoItem item, int pos){  
    TipoCelula *p;  
  
    p = Posiciona(pos);  
    p->item = item;  
}
```

Pior Caso $O(n)$



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
...  
x.SetChave(9)  
L.SetItem(x, 1);  
x = L.GetItem(3)  
x.Imprime();
```

1

Class Lista Encadeada - Inserção

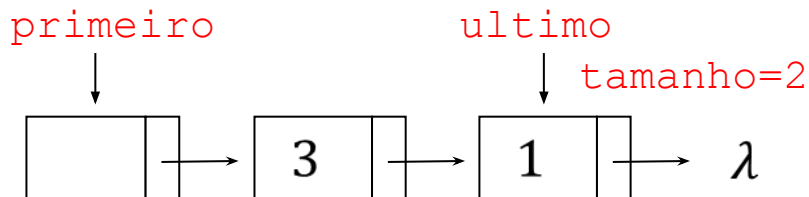
- Inserção pode ser feita no início, no final, ou em uma posição p qualquer
- Deve-se posicionar um apontador auxiliar **antes** da posição a ser inserida
- Uma nova célula é alocada dinamicamente e ligada a lista através da manipulação de apontadores.
- Se estiver inserindo na última posição, deve-se atualizar o apontador *ultimo*

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

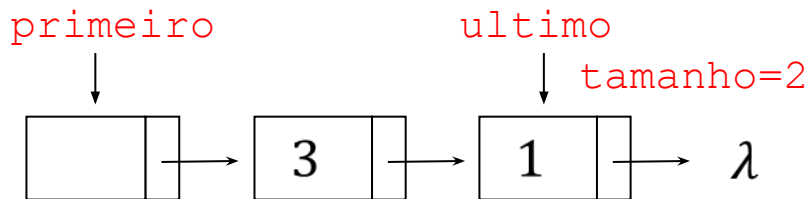
```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```


Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

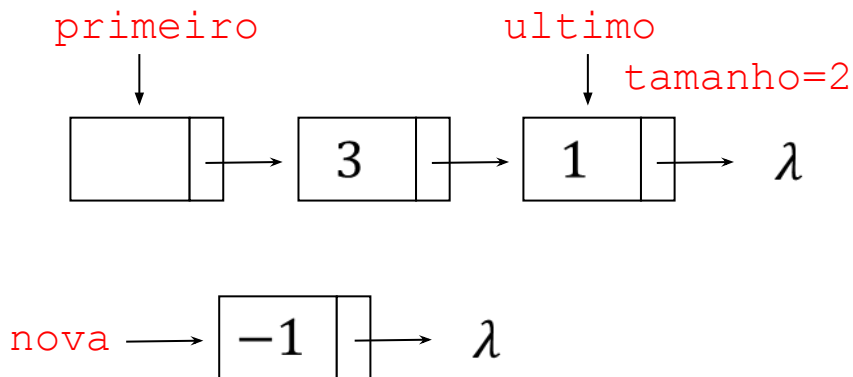
```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

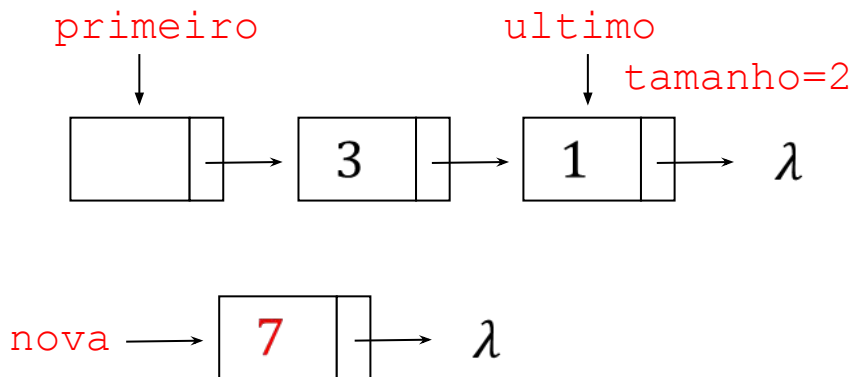
```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

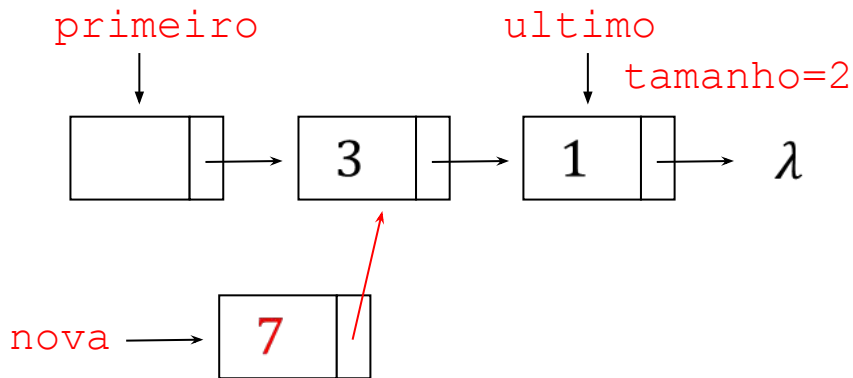
```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

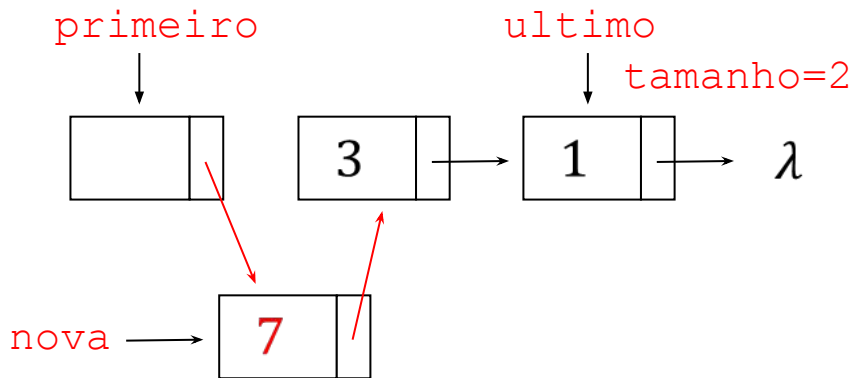
```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

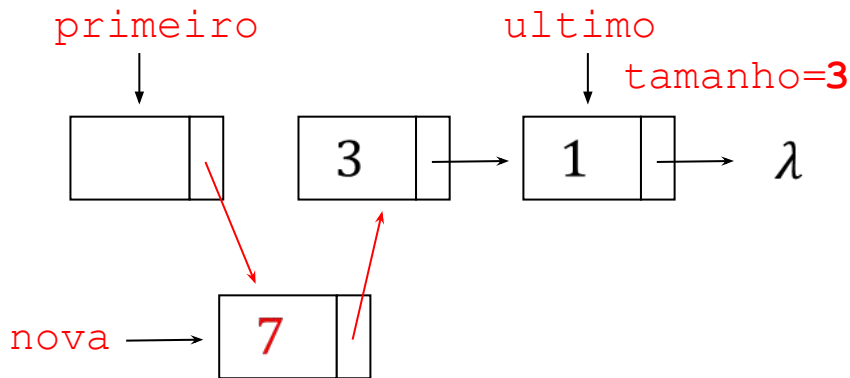
```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```

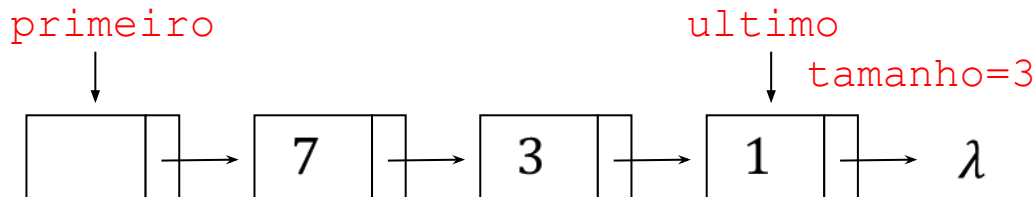
Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereInicio(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = primeiro->prox;
    primeiro->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```

$O(1)$



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

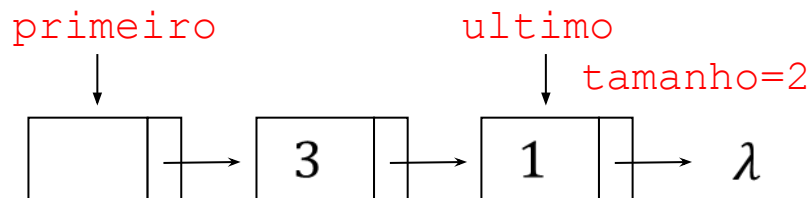
```
x.SetChave(7)
L.InsereInicio(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereFinal(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    ultimo->prox = nova;
    ultimo = nova;
    tamanho++;

};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

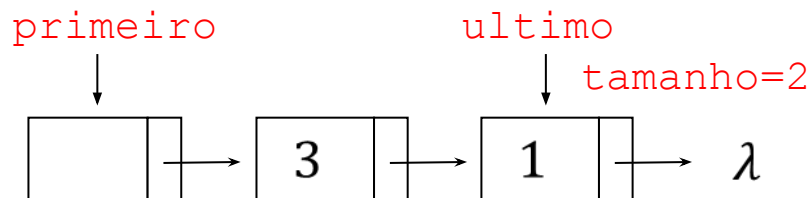
```
x.SetChave(7)
L.InsereFinal(x)
```


Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereFinal(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    ultimo->prox = nova;
    ultimo = nova;
    tamanho++;

};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

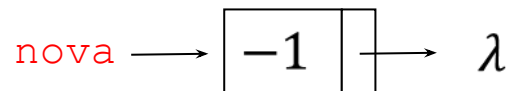
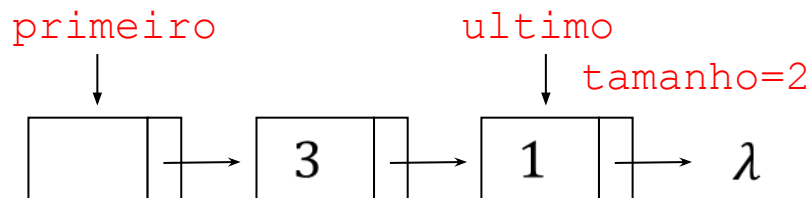
```
x.SetChave(7)
L.InsereFinal(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereFinal(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    ultimo->prox = nova;
    ultimo = nova;
    tamanho++;

};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

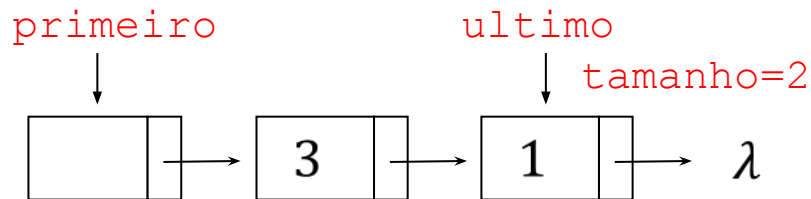
```
x.SetChave(7)
L.InsereFinal(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereFinal(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    ultimo->prox = nova;
    ultimo = nova;
    tamanho++;

};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

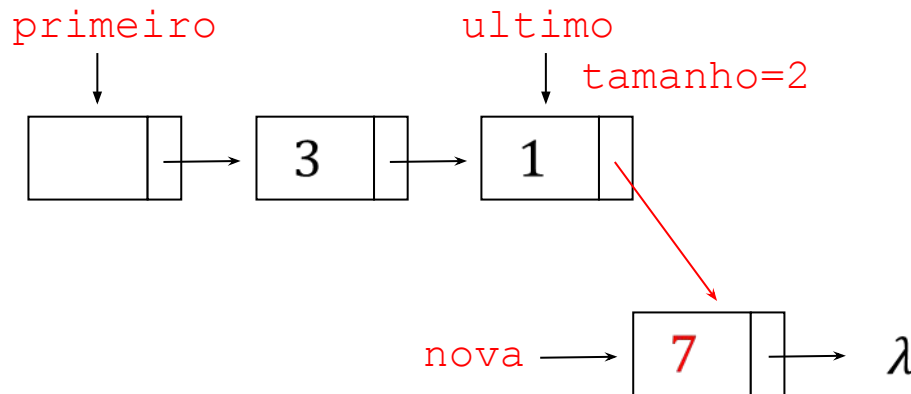
```
x.SetChave(7)
L.InsereFinal(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereFinal(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    ultimo->prox = nova;
    ultimo = nova;
    tamanho++;

};
```



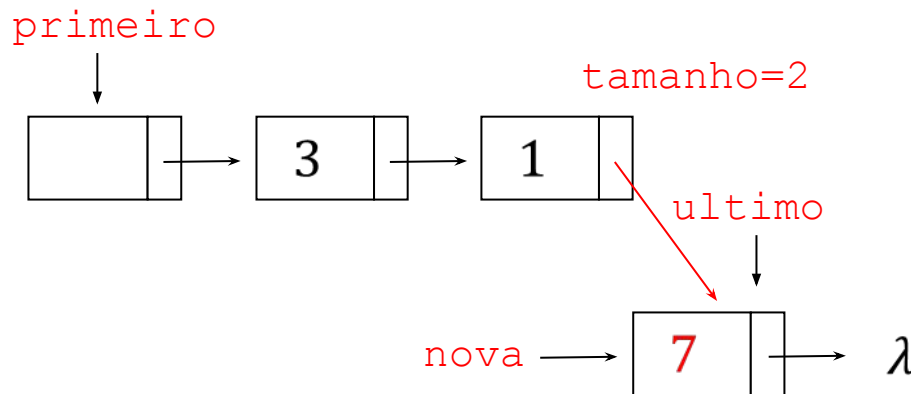
```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x.SetChave(7)  
L.InsereFinal(x)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereFinal(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    ultimo->prox = nova;
    ultimo = nova;
    tamanho++;
};
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x.SetChave(7)  
L.InsereFinal(x)
```

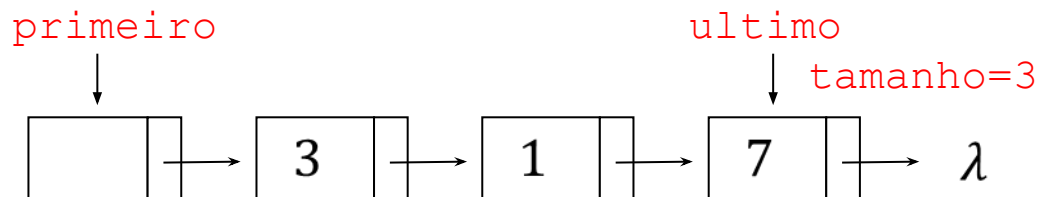
Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InsereFinal(TipoItem item)
{
    TipoCelula *nova;

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    ultimo->prox = nova;
    ultimo = nova;
    tamanho++;

};
```

$O(1)$



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;
```

```
x.SetChave(7)
L.InsereFinal(x)
```

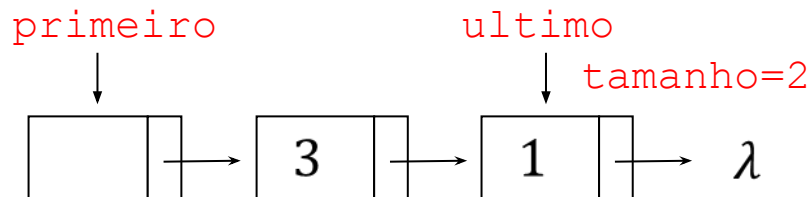
Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {
    TipoCelula *p, *nova;

    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = p->prox;
    p->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```

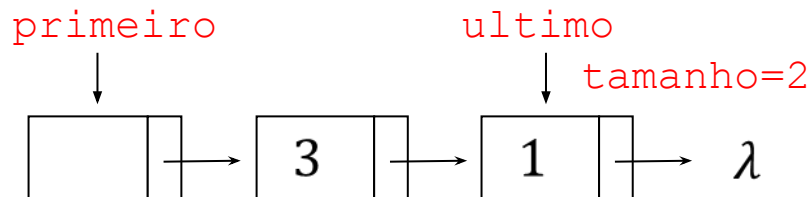


```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x.SetChave(7)
L.InserePosicao(x,2)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

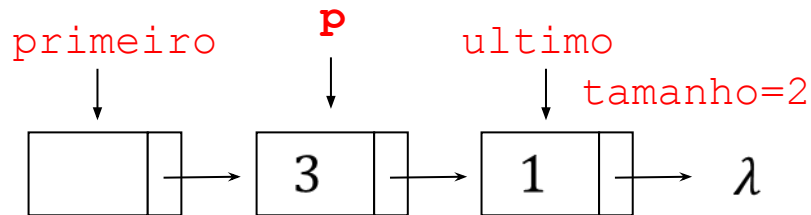
```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {  
    TipoCelula *p, *nova;  
  
    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = p->prox;  
    p->prox = nova;  
    tamanho++;  
  
    if(nova->prox == NULL)  
        ultimo = nova;  
};
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7)  
L.InserePosicao(x,2)
```


Class Lista Encadeada - Inserção

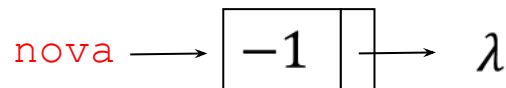
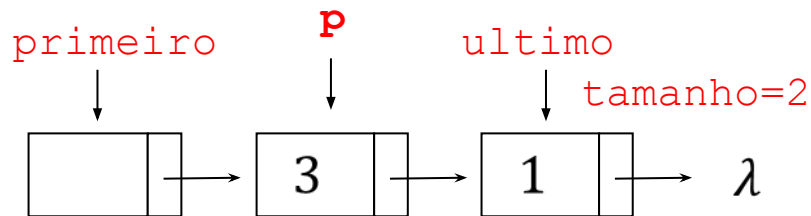
```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {  
    TipoCelula *p, *nova;  
  
    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = p->prox;  
    p->prox = nova;  
    tamanho++;  
  
    if(nova->prox == NULL)  
        ultimo = nova;  
};
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7)  
L.InserePosicao(x,2)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {  
    TipoCelula *p, *nova;  
  
    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = p->prox;  
    p->prox = nova;  
    tamanho++;  
  
    if(nova->prox == NULL)  
        ultimo = nova;  
};
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7)  
L.InserePosicao(x,2)
```

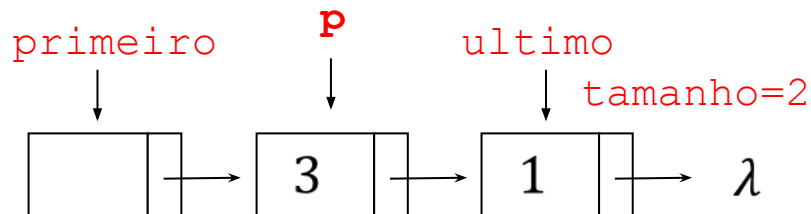
Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {
    TipoCelula *p, *nova;

    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = p->prox;
    p->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x.SetChave(7)
L.InserePosicao(x,2)
```

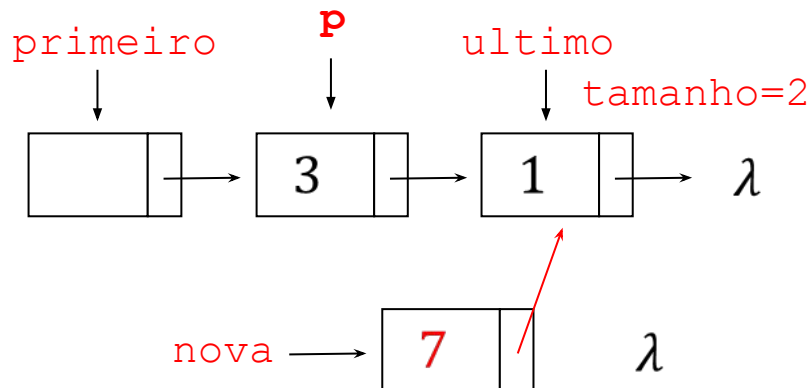
Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {
    TipoCelula *p, *nova;

    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior

    nova = new TipoCelula();
    nova->item = item;
    nova->prox = p->prox;
    p->prox = nova;
    tamanho++;

    if(nova->prox == NULL)
        ultimo = nova;
};
```

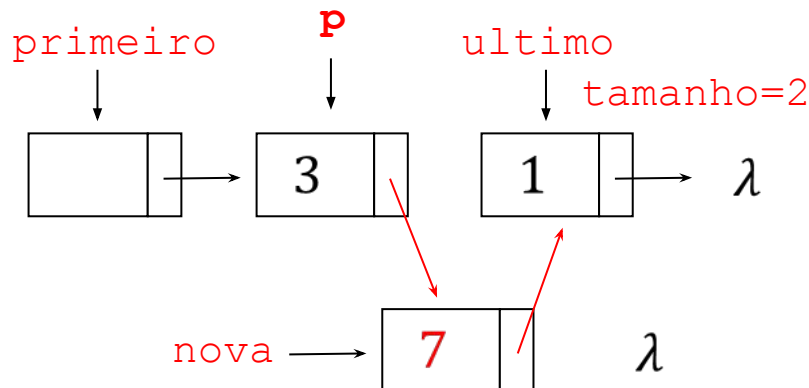


```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x.SetChave(7)
L.InserePosicao(x,2)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

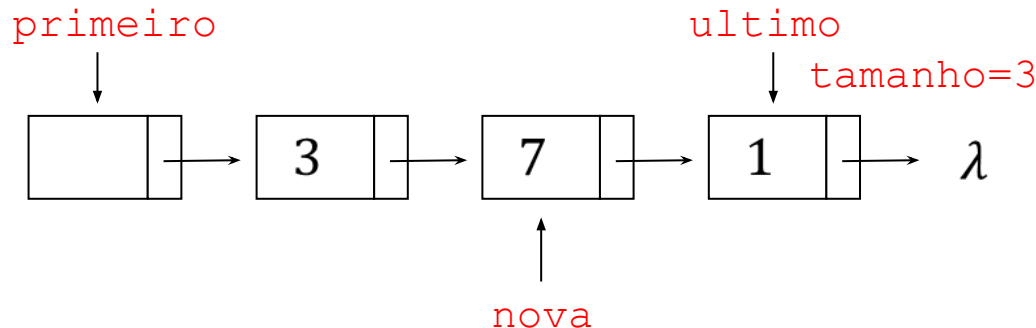
```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {  
    TipoCelula *p, *nova;  
  
    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = p->prox;  
    p->prox = nova;  
    tamanho++;  
  
    if(nova->prox == NULL)  
        ultimo = nova;  
};
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7)  
L.InserePosicao(x,2)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {  
    TipoCelula *p, *nova;  
  
    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = p->prox;  
    p->prox = nova;  
    tamanho++;  
  
    if(nova->prox == NULL)  
        ultimo = nova;  
};
```



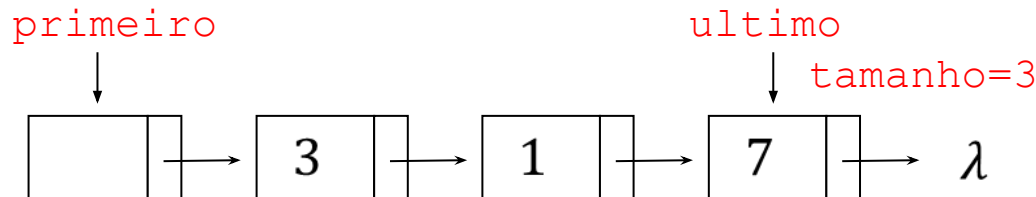
```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7)  
L.InserePosicao(x,2)
```

Class Lista Encadeada - Inserção

```
void ListaEncadeada::InserePosicao(TipoItem item, int pos) {  
    TipoCelula *p, *nova;  
  
    p = Posiciona(pos,true); // posiciona na célula anterior  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = p->prox;  
    p->prox = nova;  
    tamanho++;  
  
    if(nova->prox == NULL)  
        ultimo = nova;  
};
```

Melhor Caso $O(1)$

Pior Caso $O(n)$



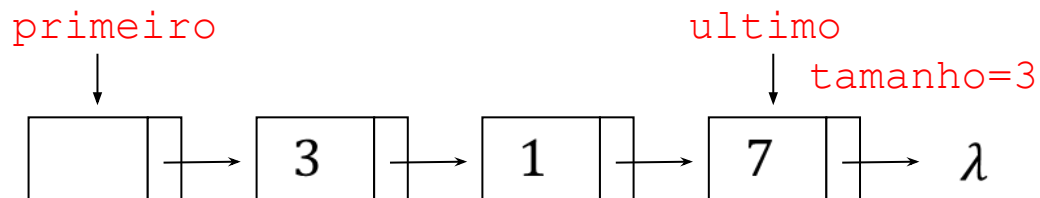
```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7)  
L.InserePosicao(x,2)
```

Class Lista Encadeada - Remoção

- Da mesma forma, a remoção pode ser feita no início, no final, ou em uma posição p qualquer
- Deve-se posicionar um apontador auxiliar **antes** da posição a ser removida
- Se estiver removendo na última posição, deve-se atualizar o apontador *ultimo*
- Deve-se verificar se há elementos e se a posição de remoção é válida
 - Gera uma exceção que pode ser tratada por quem chamou o método.
- O elemento removido é retornado pelo método e a célula desalocada da memória

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {;  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    p = primeiro->prox;  
    primeiro->prox = p->prox;  
    tamanho--;  
    if(primeiro->prox == NULL)  
        ultimo = primeiro;  
    aux = p->item;  
    delete p;  
  
    return aux;  
}
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemoveInicio();  
x.Imprime();
```

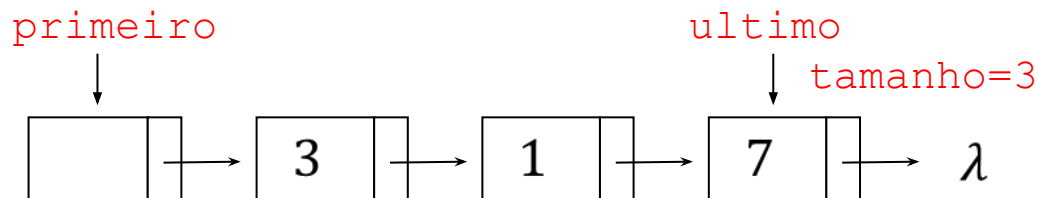
Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {;
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    primeiro->prox = p->prox;
    tamanho--;
    if(primeiro->prox == NULL)
        ultimo = primeiro;
    aux = p->item;
    delete p;

    return aux;
}
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x=L.RemoveInicio();
x.Imprime();
```

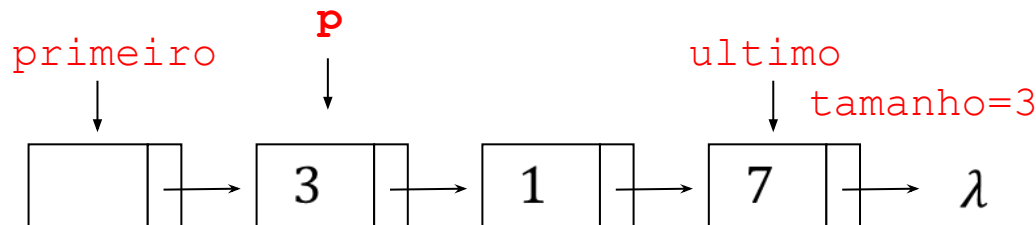
Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {;
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    primeiro->prox = p->prox;
    tamanho--;
    if(primeiro->prox == NULL)
        ultimo = primeiro;
    aux = p->item;
    delete p;

    return aux;
}
```

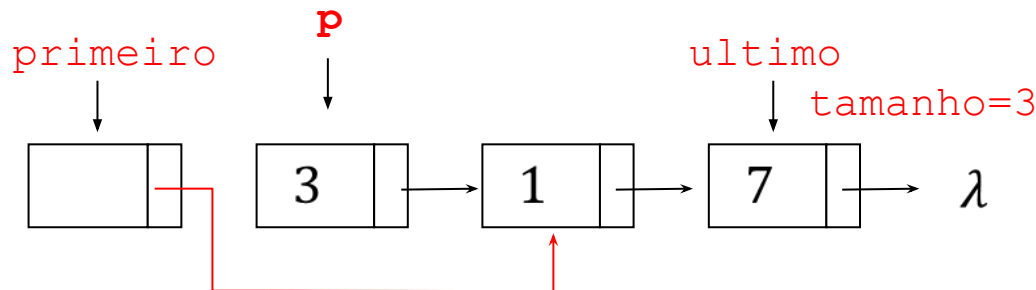


```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x=L.RemoveInicio();
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

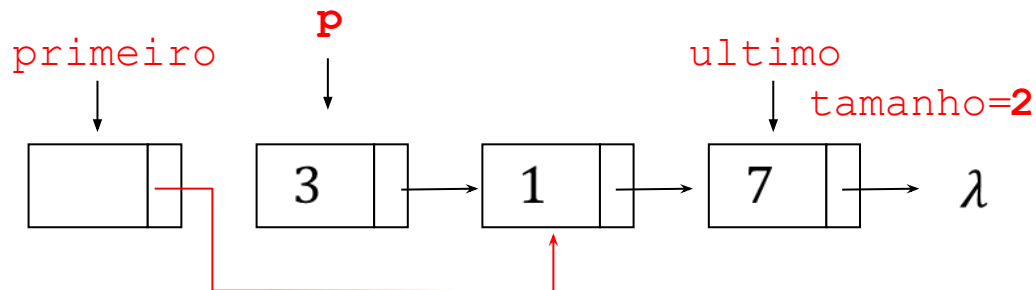
```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    p = primeiro->prox;  
    primeiro->prox = p->prox;  
    tamanho--;  
    if (primeiro->prox == NULL)  
        ultimo = primeiro;  
    aux = p->item;  
    delete p;  
  
    return aux;  
}
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemoveInicio();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    p = primeiro->prox;  
    primeiro->prox = p->prox;  
    tamanho--;  
    if(primeiro->prox == NULL)  
        ultimo = primeiro;  
    aux = p->item;  
    delete p;  
  
    return aux;  
}
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemoveInicio();  
x.Imprime();
```

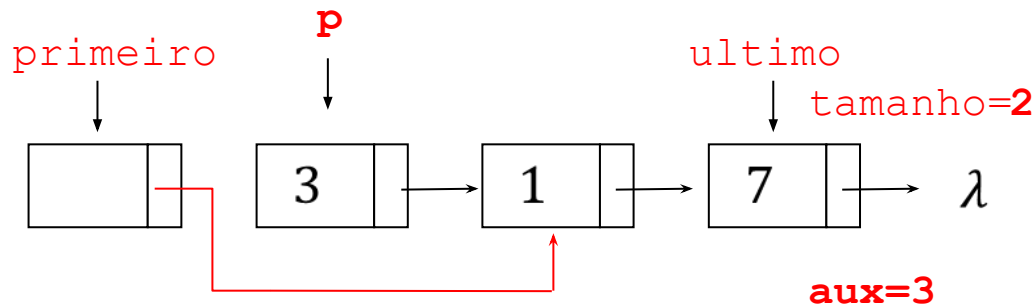
Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {;
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    primeiro->prox = p->prox;
    tamanho--;
    if(primeiro->prox == NULL)
        ultimo = primeiro;
    aux = p->item;
    delete p;

    return aux;
}
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x=L.RemoveInicio();
x.Imprime();
```

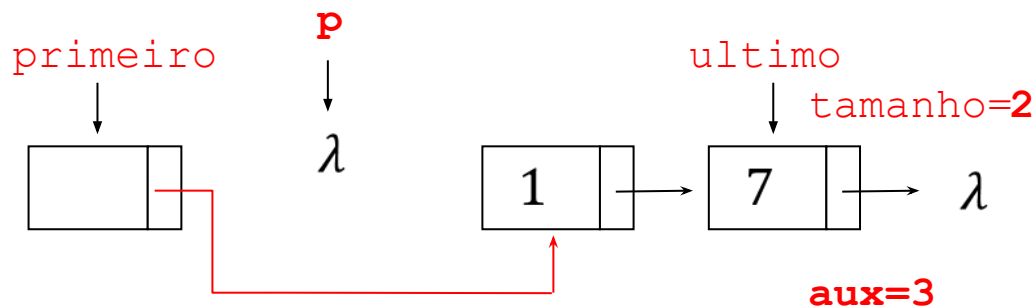
Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {;
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    primeiro->prox = p->prox;
    tamanho--;
    if(primeiro->prox == NULL)
        ultimo = primeiro;
    aux = p->item;
    delete p;

    return aux;
}
```



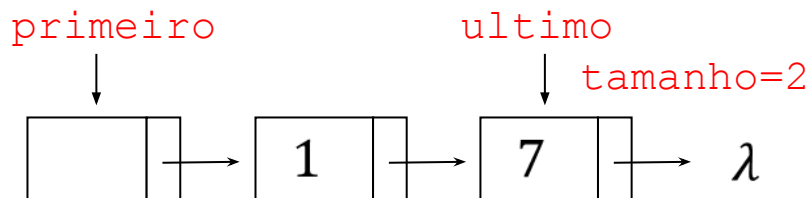
```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x=L.RemoveInicio();
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveInicio() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    p = primeiro->prox;  
    primeiro->prox = p->prox;  
    tamanho--;  
    if(primeiro->prox == NULL)  
        ultimo = primeiro;  
    aux = p->item;  
    delete p;  
  
    return aux;  
}
```

$O(1)$

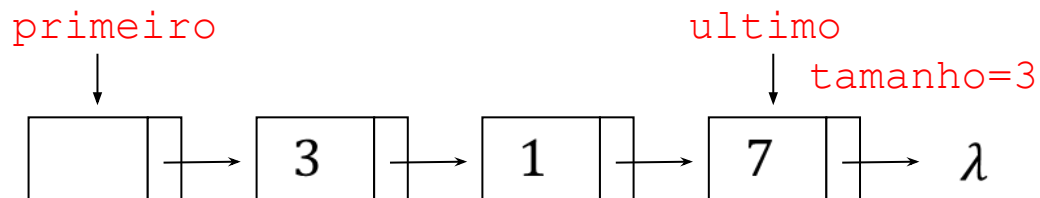


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemoveInicio();  
x.Imprime();
```

3

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```

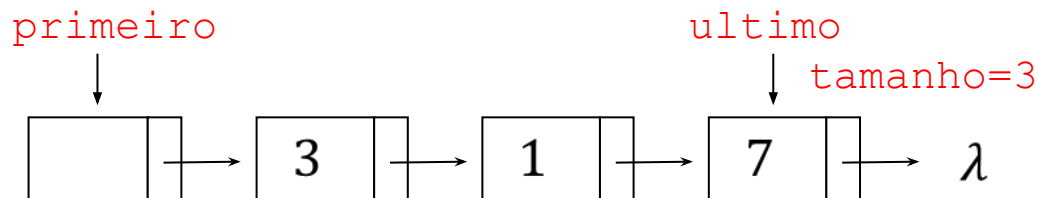


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

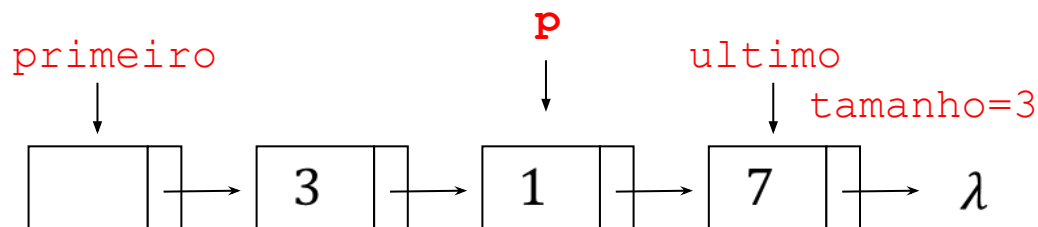
```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```

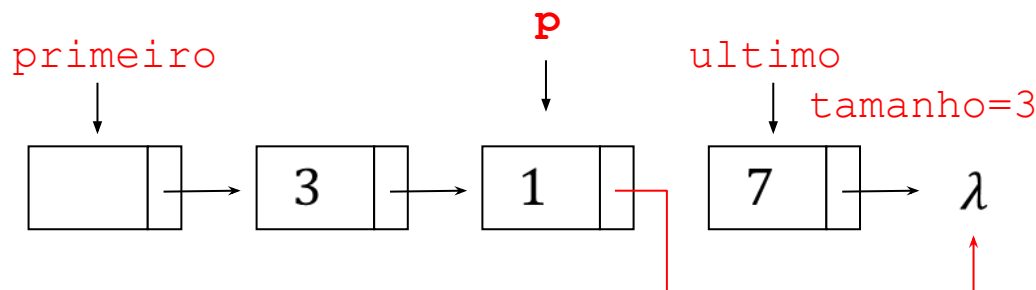


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```

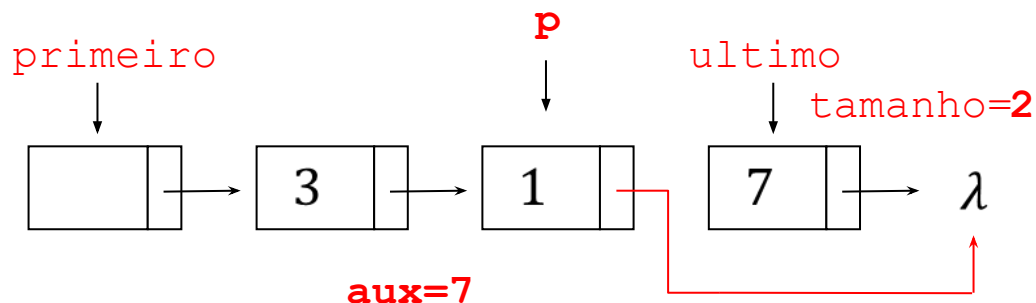


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```

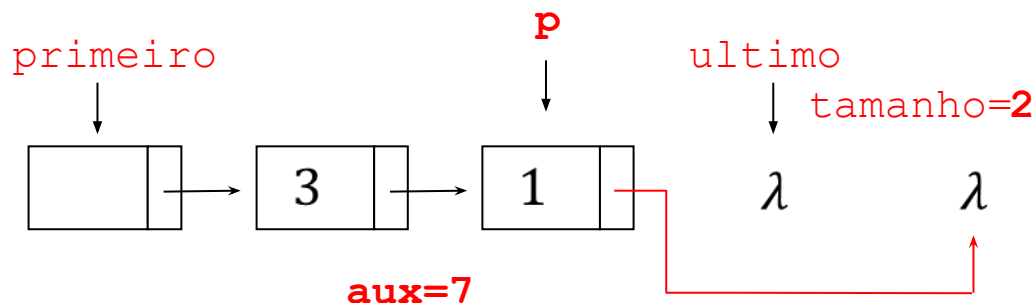


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

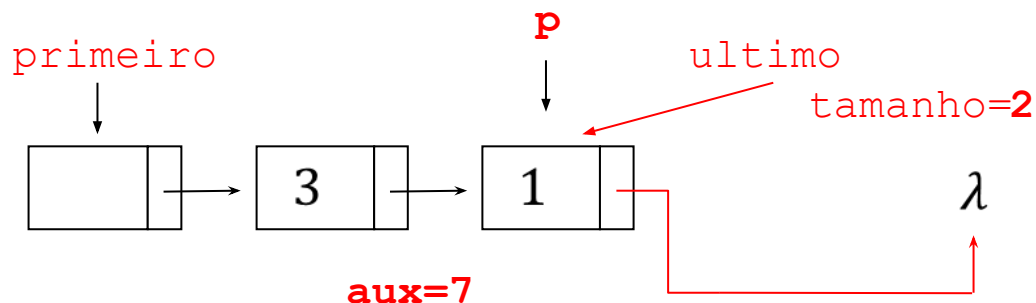
```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```



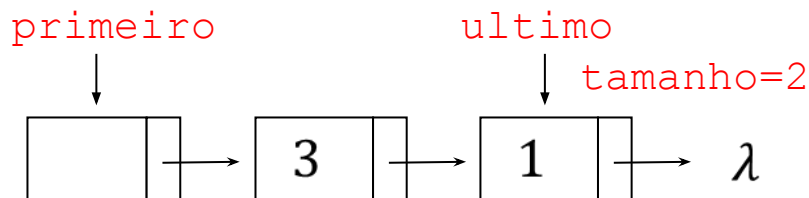
```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemoveFinal() {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à última  
    p = Posiciona(tamanho, true);  
  
    p->prox = NULL;  
    tamanho--;  
    aux = ultimo->item;  
    delete ultimo;  
    ultimo = p;  
  
    return aux;  
}
```

$O(n)$



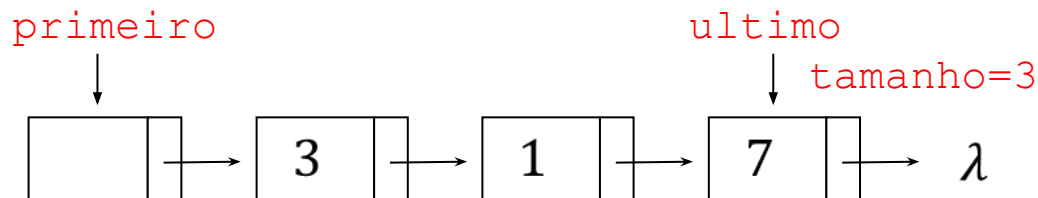
```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemoveFinal();  
x.Imprime();
```

7

Class Lista Encadeada - Remoção

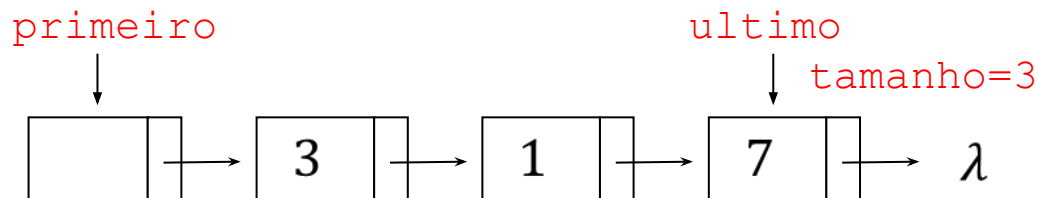
```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if(p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

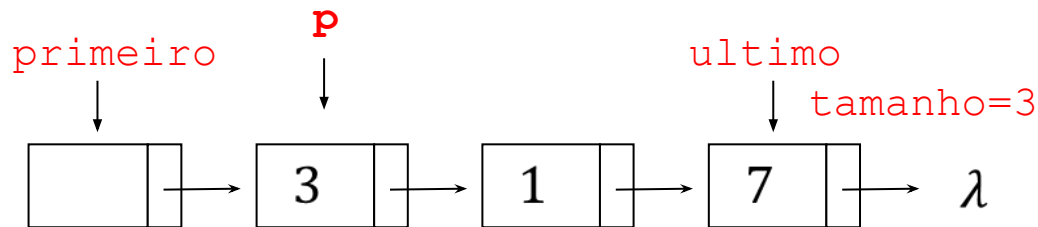
```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if(p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if (p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```

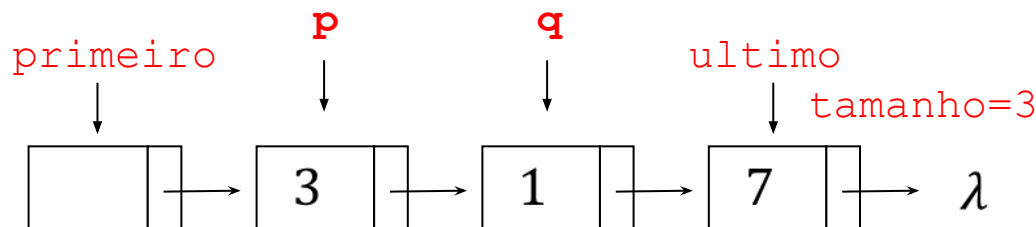


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if(p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```

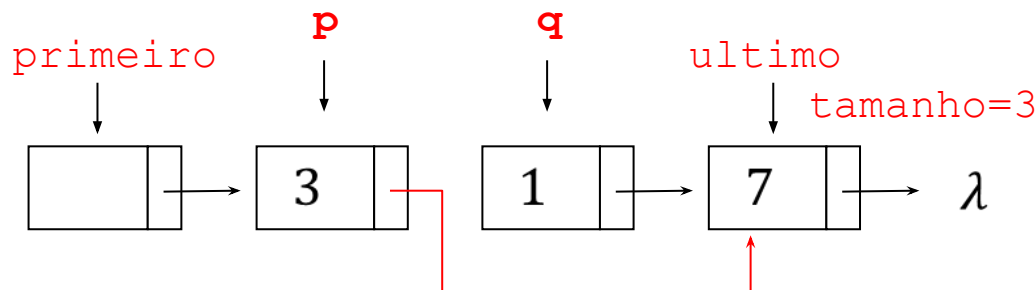


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if (p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```

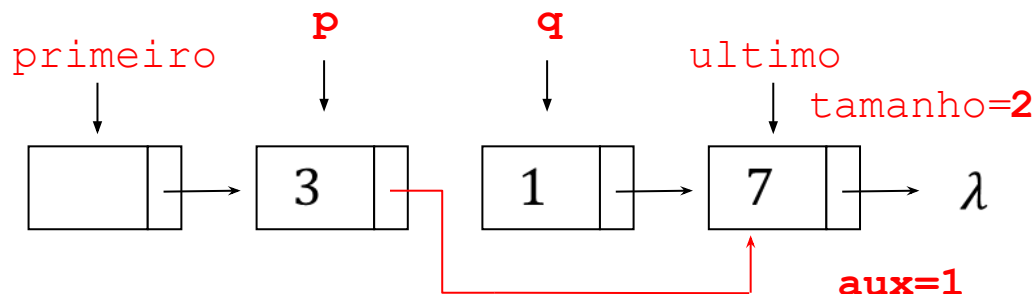


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if (p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```

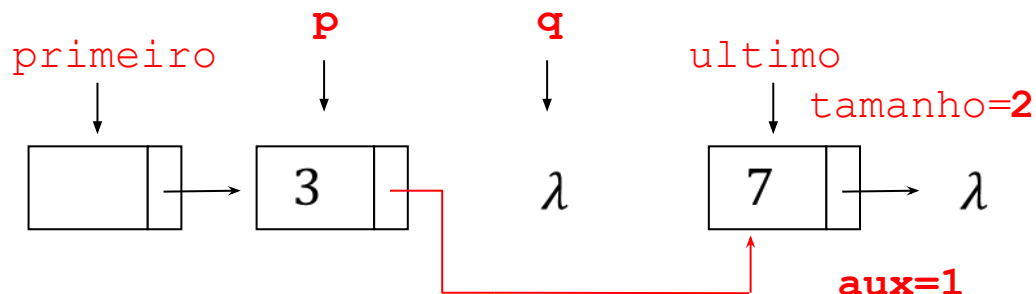


```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;
```

```
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if (p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```



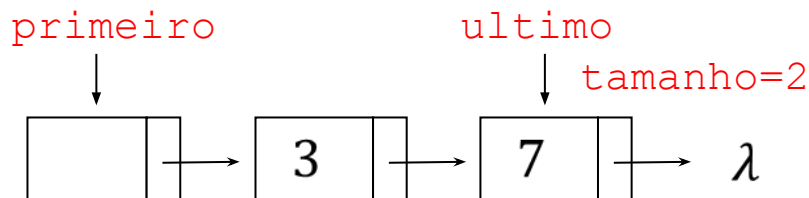
```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Remoção

```
TipoItem ListaEncadeada::RemovePosicao(int pos) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p, *q;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    // posiciona p na celula anterior à pos  
    p = Posiciona(pos, true);  
    q = p->prox;  
    p->prox = q->prox;  
    tamanho--;  
    aux = q->item;  
    delete q;  
    if(p->prox == NULL)  
        ultimo = p;  
    return aux;  
}
```

Melhor Caso $O(1)$

Pior Caso $O(n)$



1

```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x=L.RemovePosicao(2);  
x.Imprime();
```


Class Lista Encadeada - Pesquisa

- Pesquisa por um item com uma determinada chave
 - Retorna o item encontrado ou um *flag* (-1)

```
TipoItem  ListaEncadeada::Pesquisa(TipoChave c) {
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    aux.SetChave(-1);
    while (p!=NULL) {
        if (p->item.GetChave() == c) {
            aux = p->item;
            break;
        }
        p = p->prox;
    }

    return aux;
};
```

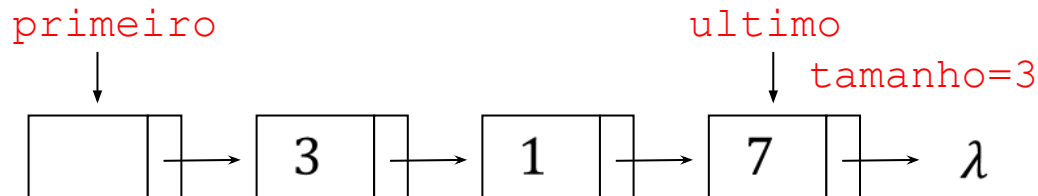
Class Lista Encadeada - Pesquisa

```
TipoItem ListaEncadeada::Pesquisa(TipoChave c) {
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    aux.SetChave(-1);
    while (p!=NULL) {
        if (p->item.GetChave() == c) {
            aux = p->item;
            break;
        }
        p = p->prox;
    }

    return aux;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x = L.Pesquisa(1);
x.Imprime();
```

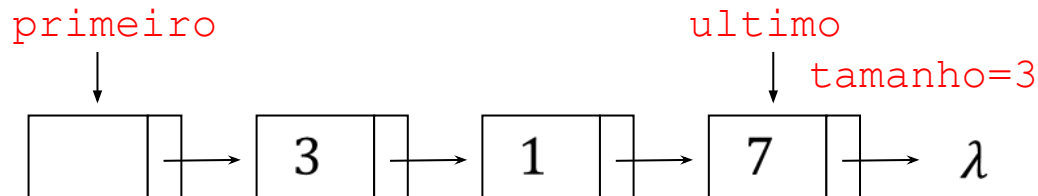
Class Lista Encadeada - Pesquisa

```
TipoItem ListaEncadeada::Pesquisa(TipoChave c) {
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    aux.SetChave(-1);
    while (p!=NULL) {
        if (p->item.GetChave() == c) {
            aux = p->item;
            break;
        }
        p = p->prox;
    }

    return aux;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x = L.Pesquisa(1);
x.Imprime();
```

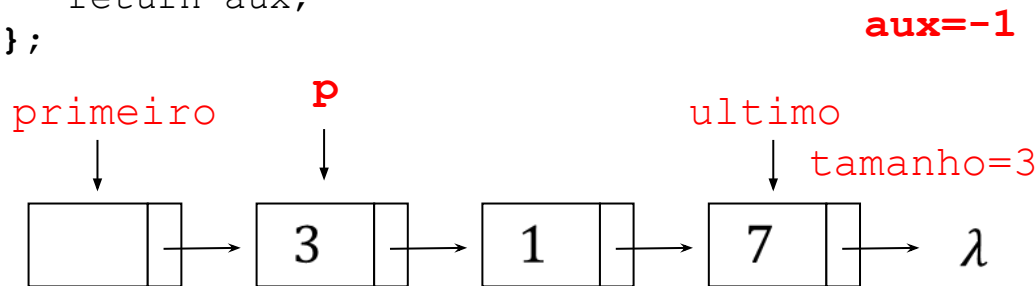
Class Lista Encadeada - Pesquisa

```
TipoItem ListaEncadeada::Pesquisa(TipoChave c) {
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    aux.SetChave(-1);
    while (p!=NULL) {
        if (p->item.GetChave() == c) {
            aux = p->item;
            break;
        }
        p = p->prox;
    }

    return aux;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x = L.Pesquisa(1);
x.Imprime();
```

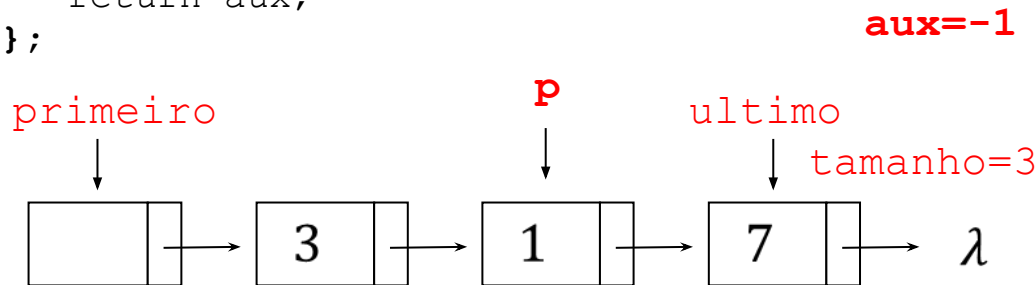
Class Lista Encadeada - Pesquisa

```
TipoItem ListaEncadeada::Pesquisa(TipoChave c) {
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    aux.SetChave(-1);
    while (p!=NULL) {
        if (p->item.GetChave() == c) {
            aux = p->item;
            break;
        }
        p = p->prox;
    }

    return aux;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

x = L.Pesquisa(1);
x.Imprime();
```

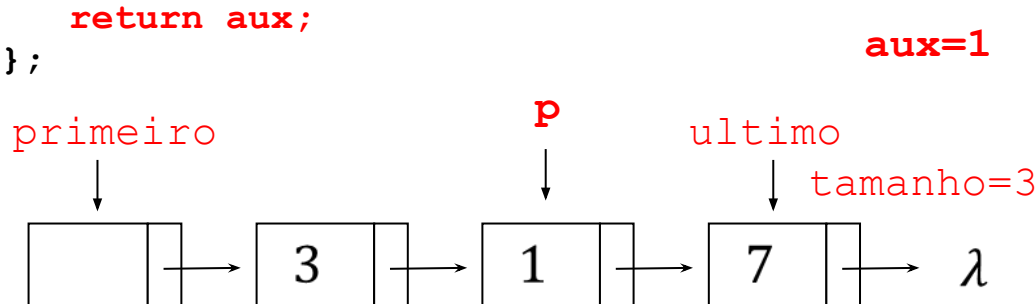
Class Lista Encadeada - Pesquisa

```
TipoItem ListaEncadeada::Pesquisa(TipoChave c) {
    TipoItem aux;
    TipoCelula *p;

    if (tamanho == 0)
        throw "ERRO: Lista vazia!";

    p = primeiro->prox;
    aux.SetChave(-1);
    while (p!=NULL) {
        if (p->item.GetChave() == c) {
            aux = p->item;
            break;
        }
        p = p->prox;
    }

    return aux;
};
```



```
ListaEncadeada L;
TipoItem x;

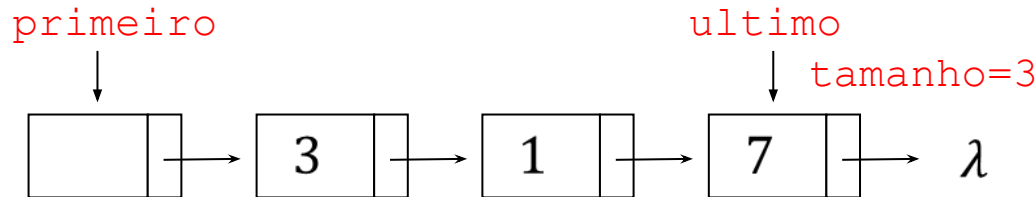
x = L.Pesquisa(1);
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Pesquisa

```
TipoItem ListaEncadeada::Pesquisa(TipoChave c) {  
    TipoItem aux;  
    TipoCelula *p;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "ERRO: Lista vazia!";  
  
    p = primeiro->prox;  
    aux.SetChave(-1);  
    while (p!=NULL) {  
        if (p->item.GetChave() == c) {  
            aux = p->item;  
            break;  
        }  
        p = p->prox;  
    }  
  
    return aux;  
};
```

Melhor Caso $O(1)$

Pior Caso $O(n)$



```
ListaEncadeada L;  
TipoItem x;  
  
x = L.Pesquisa(1);  
x.Imprime();
```

Class Lista Encadeada - Imprime

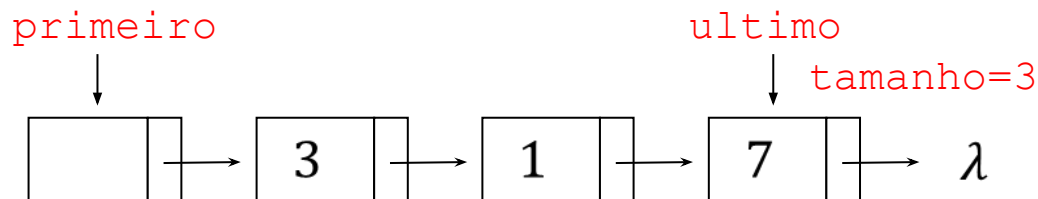
■ Imprime todos os elementos

```
void ListaEncadeada::Imprime() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        p->item.Imprime();  
        p = p->prox;  
    }  
  
    printf("\n");  
};
```

$O(n)$

ListaEncadeada L;

L.Imprime();



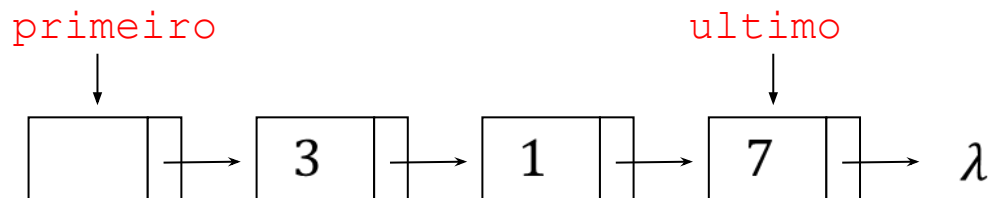
3 1 7

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



tamanho=3

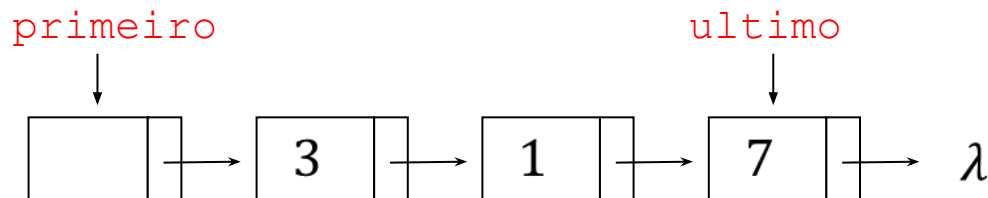
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



tamanho=3

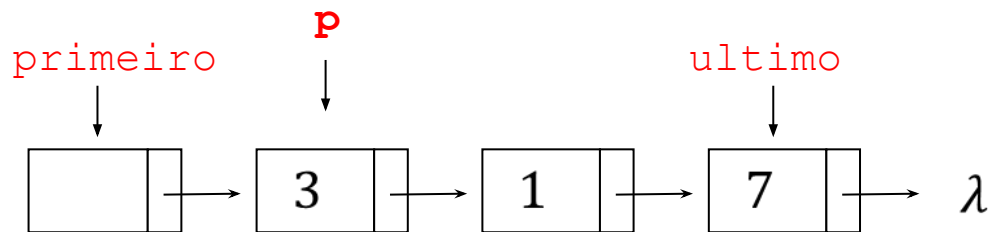
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



tamanho=3

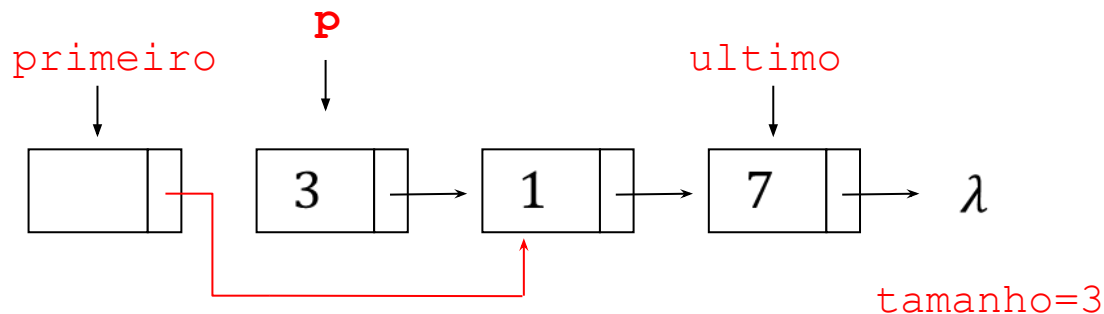
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```

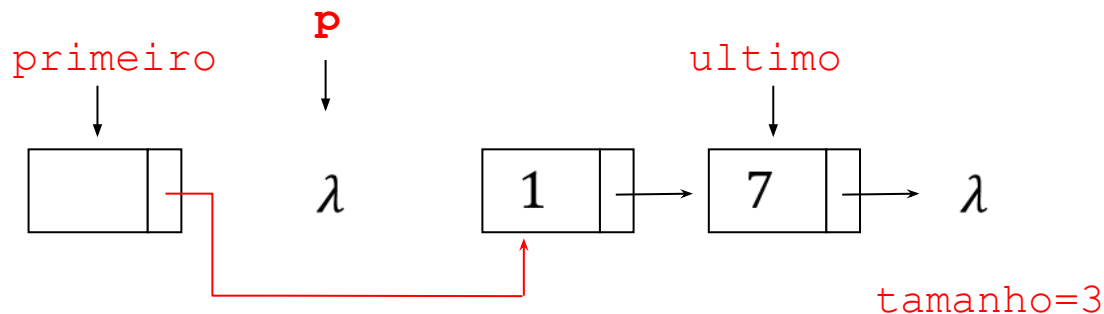


```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

- “Limpa” a Lista
 - Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



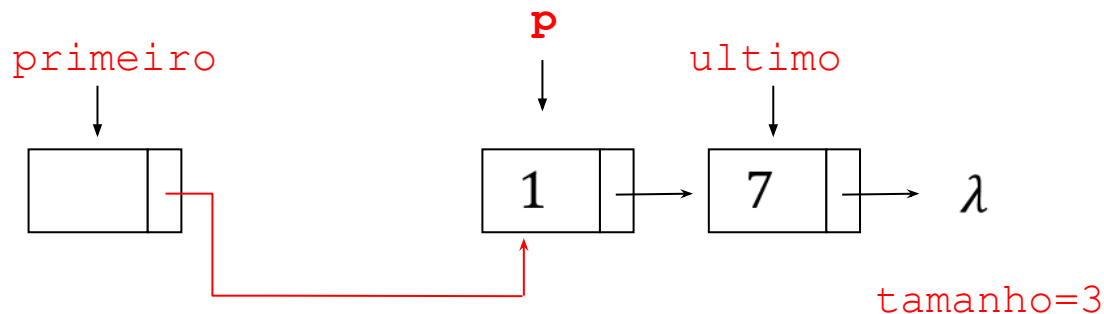
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



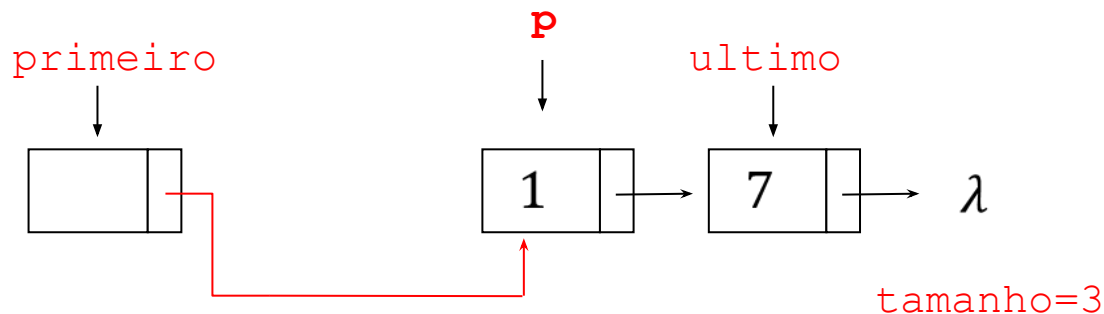
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



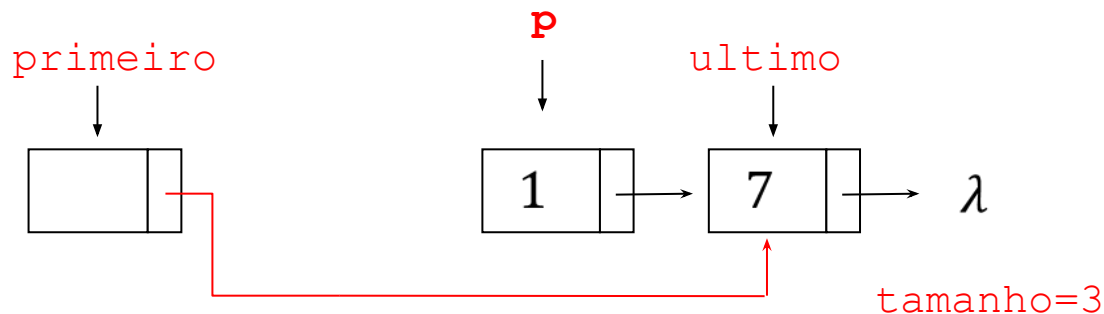
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



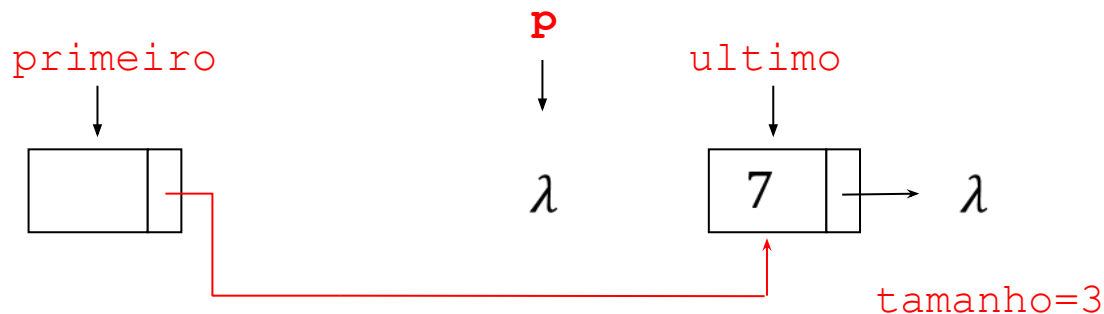
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```


Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



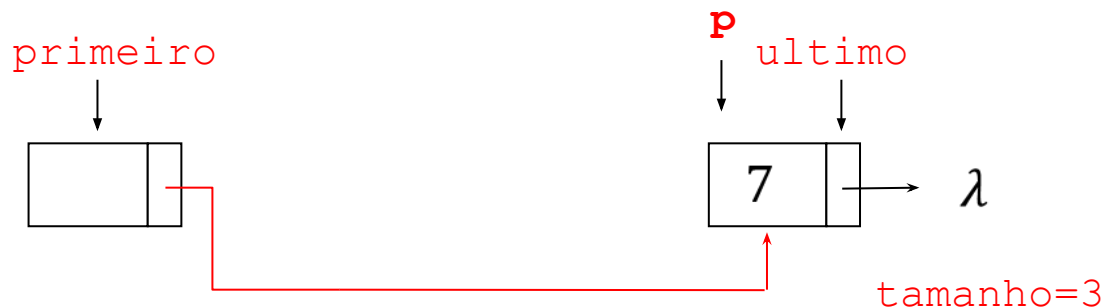
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



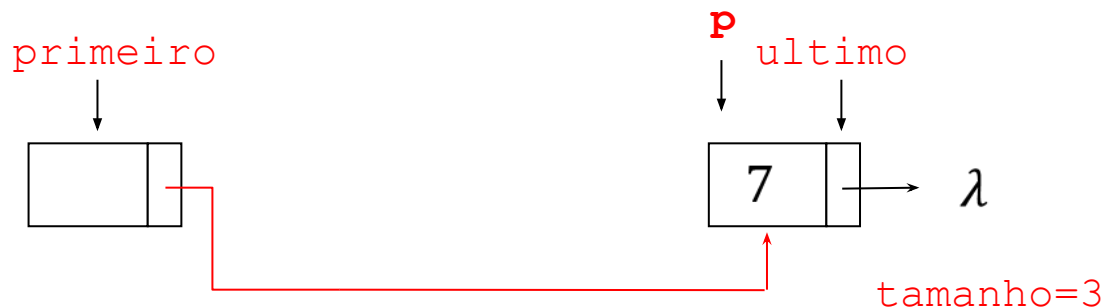
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



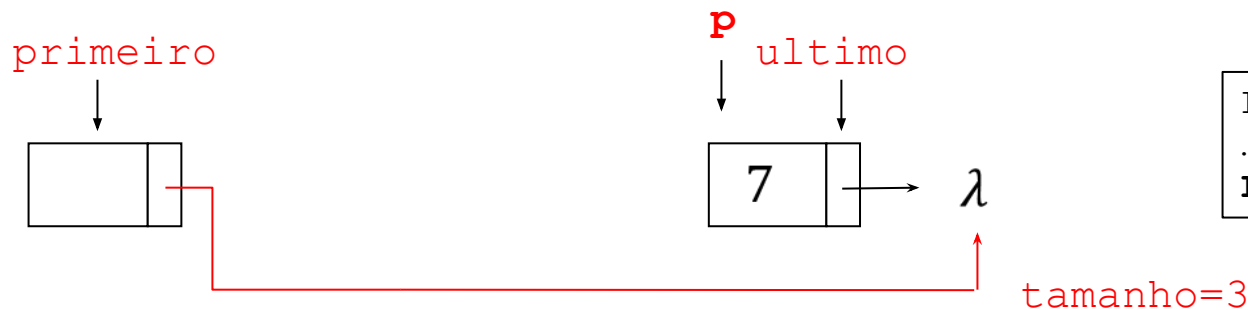
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



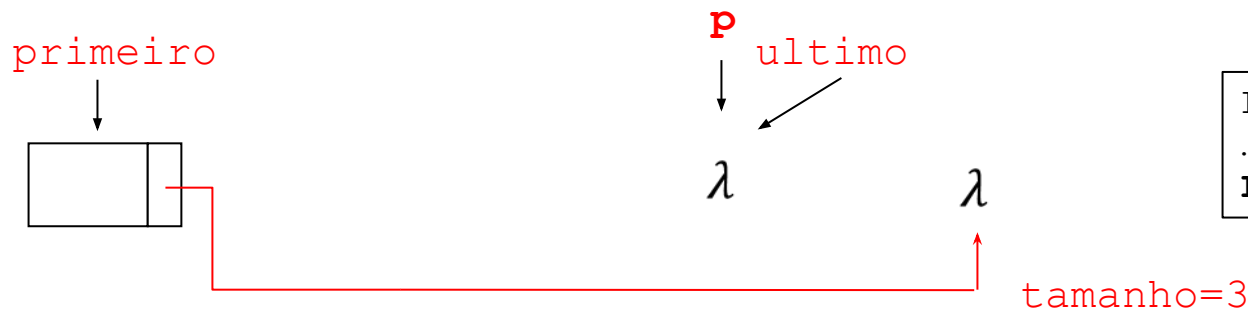
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



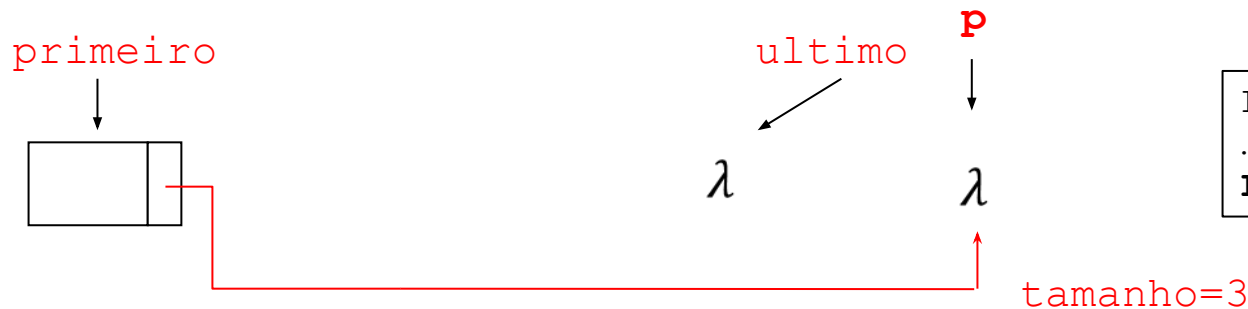
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



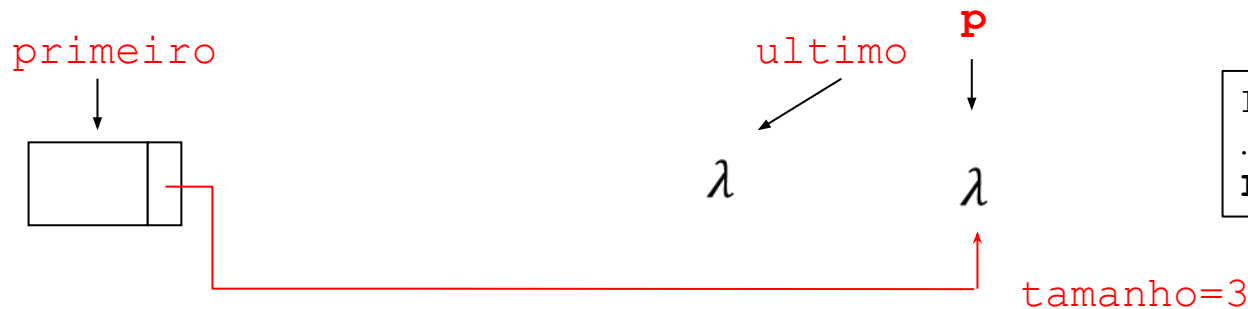
```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

■ “Limpa” a Lista

- Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```

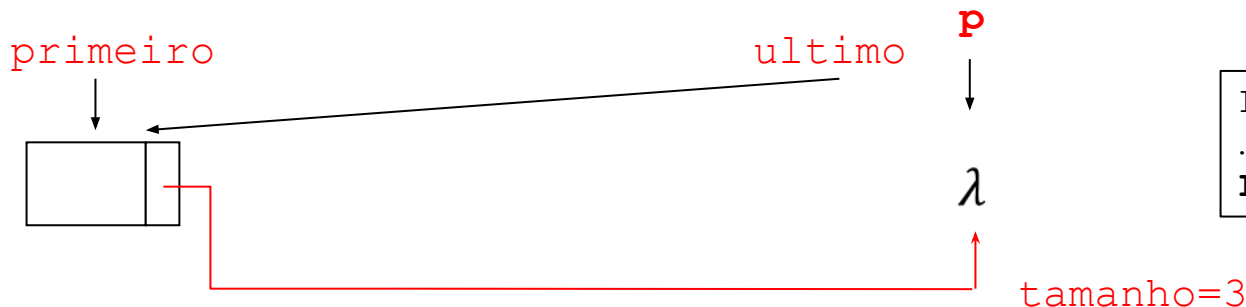


```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Class Lista Encadeada - Limpa

- “Limpa” a Lista
 - Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```



```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

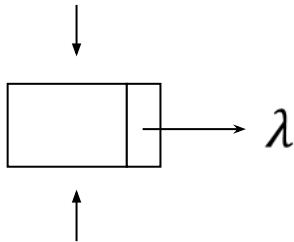

Class Lista Encadeada - Limpa

- “Limpa” a Lista
 - Percorre a lista desalocando memória

```
void ListaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = primeiro->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        primeiro->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = primeiro->prox;  
    }  
    ultimo = primeiro;  
    tamanho = 0;  
};
```

$O(n)$

primeiro



ultimo tamanho = 0

```
ListaEncadeada L;  
...  
L.Limpa();
```

Alocação Encadeada

■ Vantagens:

- ❑ Tamanho da lista em memória é dinâmico
 - Bom para aplicações onde a previsão do tamanho não pode ser feita a priori
- ❑ Inserção e Remoção não requer o deslocamento de itens

■ Desvantagens

- ❑ Acesso a itens requer caminhar na lista
- ❑ Memória extra para armazenar os apontadores
- ❑ Código mais complexo

Alocação Sequencial x Encadeada

	Sequencial	Encadeada
Acesso a um Item	$O(1)$	$O(n)$
Inserção / Remoção	$O(n)$	$O(1)^*$
Tamanho	Fixo	Dinâmico
Memória Extra	Não	Sim
Implementação Simples	Sim	Não

* Pode ser necessário posicionar um apontador auxiliar antes

Estrutura de Dados

Pilhas e Filas

Professores: Anisio, Wagner e Washington

TAD Pilhas

- Tipo Abstrato de dados com a seguinte característica:

O último elemento a ser inserido é o primeiro a ser retirado (*LIFO – Last In First Out*)

- Analogia: pilha de pratos, pilha de livros, etc
- Usos: chamada de subprogramas, avaliação de expressões aritméticas, caminhamento em árvores, etc...

TAD: Pilha

■ Duas Implementações:

- ❑ Sequencial (uso de arranjos, alocação estática)
- ❑ Encadeada (uso de apontadores, alocação dinâmica)

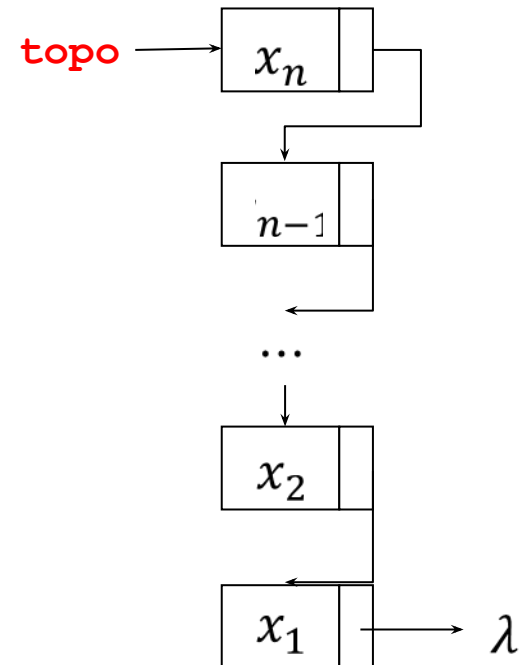
■ Operações:

- ❑ Criar uma nova pilha (construtor)
- ❑ Testar se a pilha está *vazia*
- ❑ **Empilhar** um item
- ❑ **Desempilhar** um item
- ❑ Limpar a pilha

Disclaimer: os códigos que serão apresentados devem ser considerados como exemplos. Eles não são, necessariamente, os mais modulares ou eficientes...

Alocação Encadeada

- Itens da pilha são armazenados em células
 - Alocação Dinâmica, tamanho variável
 - **topo** é um apontador para a célula que está no topo da pilha
 - **não vamos usar célula cabeça**
- Inserções e Retiradas em apenas um extremo do vetor
 - **Empilha**: cria uma nova célula e a liga no topo da pilha
 - **Desempilha**: retira o elemento do topo e apaga a célula



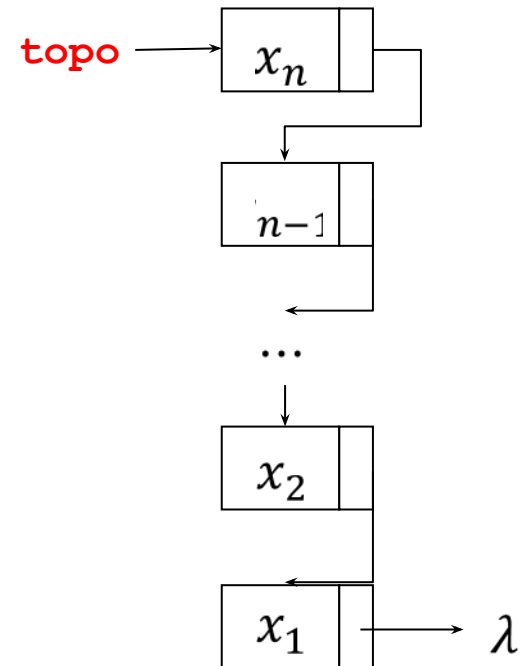
tamanho = n

Class Pilha Encadeada

```
class PilhaEncadeada : public Pilha
{
public:
    PilhaEncadeada();
    virtual ~PilhaEncadeada();

    void Empilha(TipoItem item);
    TipoItem Desempilha();
    void Limpa();

private:
    TipoCelula* topo;
};
```



tamanho = n

Class TipoCélula

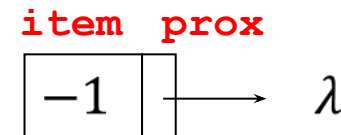
- Classe para representar as células da Pilha
 - ❑ Campo **TipoItem item**: armazena o item
 - ❑ Campo **TipoCelula *prox**: apontador para a próxima célula
 - ❑ Possui método para inicialização (constructor)
 - ❑ Permite o acesso de atributos privados pela classe PilhaEncadeada
 - *Friend class*

```
class TipoCelula
{
    public:
        TipoCelula();

    private:
        TipoItem item;
        TipoCelula *prox;

    friend class PilhaEncadeada;
};
```

```
TipoCelula::TipoCelula()
{
    item.SetChave(-1);
    prox = NULL;
}
```



Class Pilha Encadeada

Construtor e Destrutor

■ Construtor

- Chama o construtor da classe pai, que inicializa o atributo *tamanho* com o valor 0 e inicializa o apontador topo com null.

```
PilhaEncadeada::PilhaEncadeada() : Pilha()  
{  
    topo = NULL;  
}
```

topo $\longrightarrow \lambda$

tamanho = 0

■ Destrutor

- Chama o método Limpa que remove todas as células da lista

```
PilhaEncadeada::~~PilhaEncadeada()  
{  
    Limpa();  
}
```

Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;
```

```
    nova = new TipoCelula();
```

```
    nova->item = item;
```

```
    nova->prox = topo;
```

```
    topo = nova;
```

```
    tamanho++;
```

```
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;
```

```
x.SetChave(5);
```

```
p.Empilha(x)
```

```
...
```

topo $\longrightarrow \lambda$

tamanho = 0

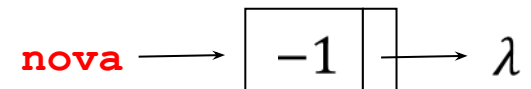
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(5);  
p.Empilha(x)  
...
```



topo → λ
tamanho = 0

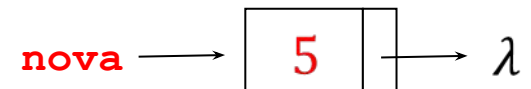
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(5);  
p.Empilha(x)  
...
```



topo → λ
tamanho = 0

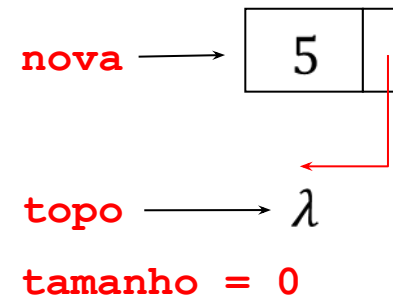
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(5);  
p.Empilha(x)  
...
```



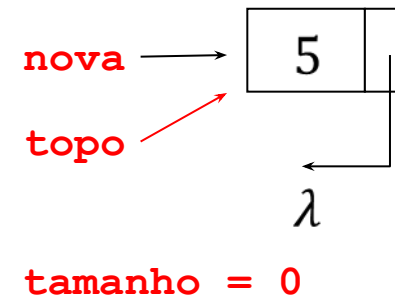
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(5);  
p.Empilha(x)  
...
```



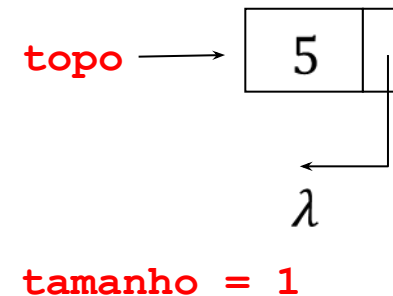
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(5);  
p.Empilha(x)  
...
```



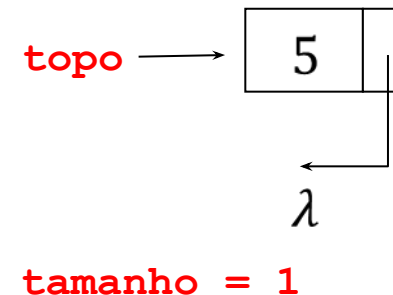
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
...  
x.SetChave(8);  
p.Empilha(x)
```



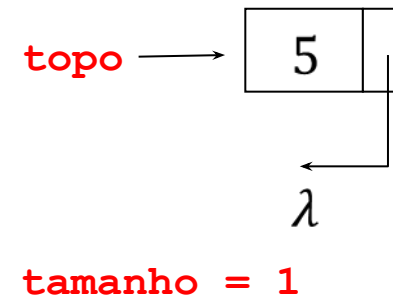
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
...  
x.SetChave(8);  
p.Empilha(x)
```



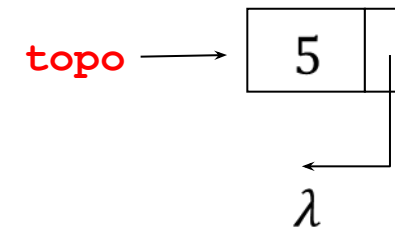
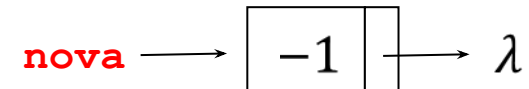
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
...  
x.SetChave(8);  
p.Empilha(x)
```



tamanho = 1

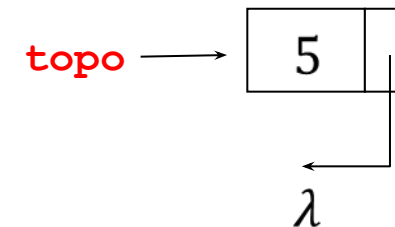
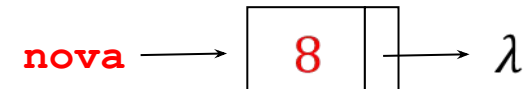
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
...  
x.SetChave( 8 );  
p.Empilha(x)
```



tamanho = 1

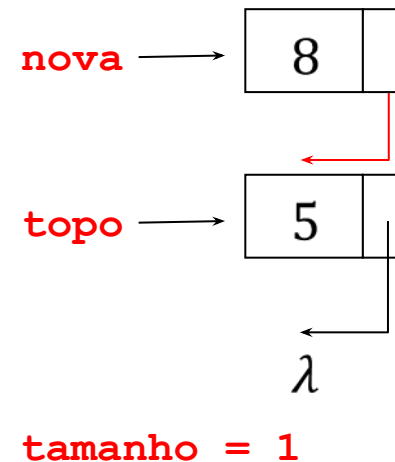
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
...  
x.SetChave(8);  
p.Empilha(x)
```



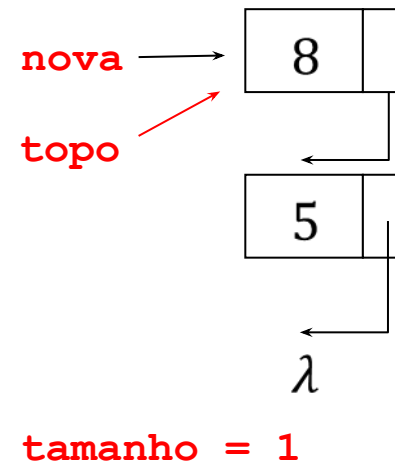
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
...  
x.SetChave(8);  
p.Empilha(x)
```



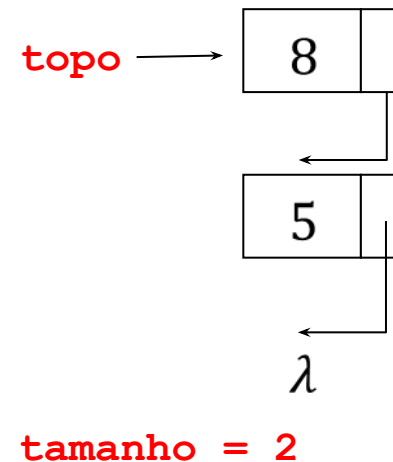
Class Pilha Encadeada - Empilha

■ Empilha

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na lista
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void PilhaEncadeada::Empilha(TipoItem item){  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    nova->prox = topo;  
    topo = nova;  
    tamanho++;  
};
```

```
PilhaEncadeada p  
TipoItem x;  
  
...  
x.SetChave(8);  
p.Empilha(x)
```



Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

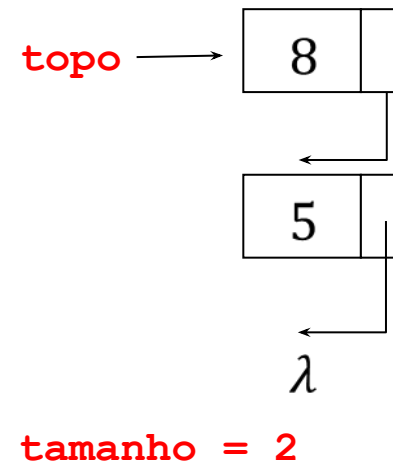
Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



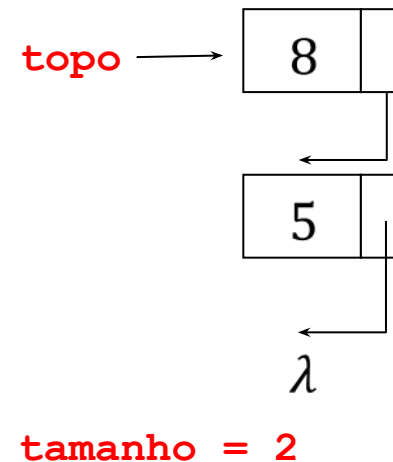
Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {
    TipoItem aux; TipoCelula *p;

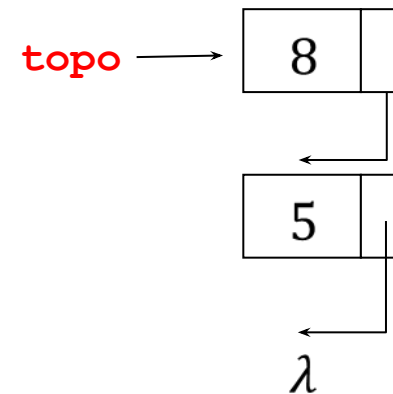
    if(tamanho == 0)
        throw "A pilha está vazia!";

    aux = topo->item;
    p = topo;
    topo = topo->prox;
    delete p;
    tamanho--;

    return aux;
};
```

```
PilhaEncadeada p;
TipoItem x;

...
x = p.Desempilha();
x.Imprime();
```



tamanho = 2

aux = 8

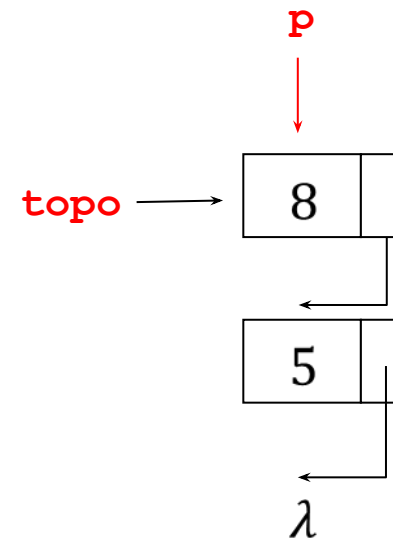
Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



tamanho = 2

aux = 8

Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {
    TipoItem aux; TipoCelula *p;

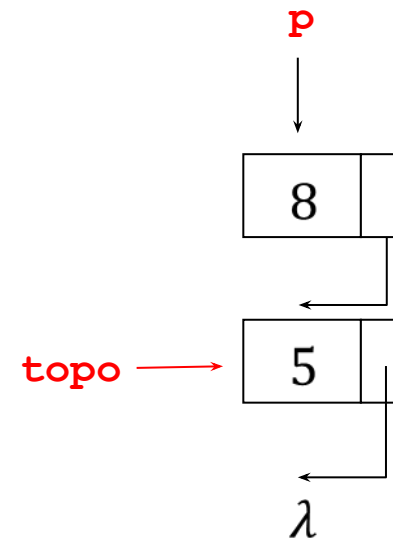
    if(tamanho == 0)
        throw "A pilha está vazia!";

    aux = topo->item;
    p = topo;
    topo = topo->prox;
    delete p;
    tamanho--;

    return aux;
};
```

```
PilhaEncadeada p;
TipoItem x;

...
x = p.Desempilha();
x.Imprime();
```



tamanho = 2

aux = 8

Class Pilha Encadeada - Desempilha

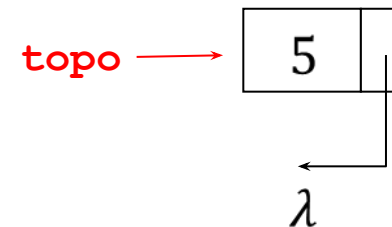
■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```

p
↓
λ



tamanho = 2

aux = 8

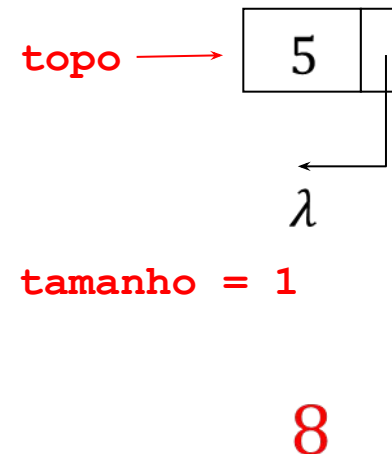
Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;
```

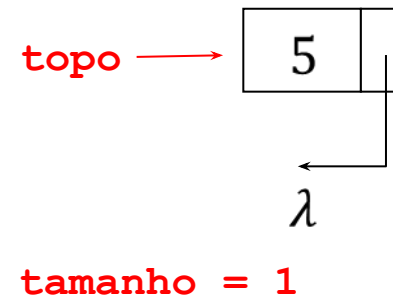
```
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";
```

```
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;
```

```
    return aux;
```

```
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



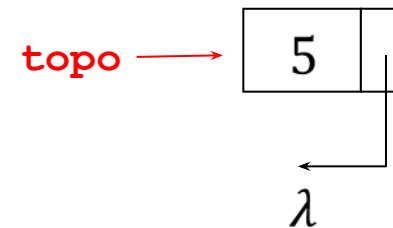
Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



tamanho = 1

aux = 5

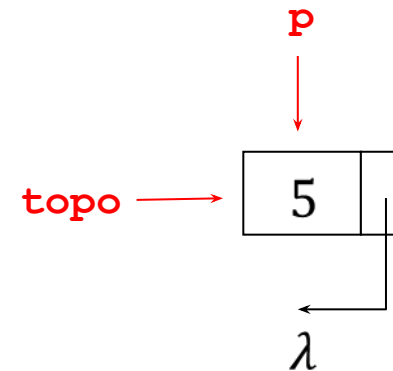
Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



tamanho = 1

aux = 5

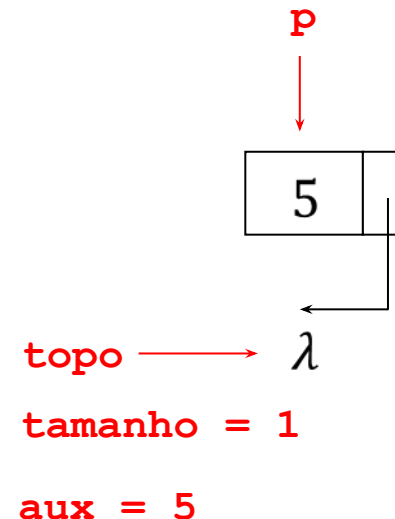
Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```



Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```

p
↓
λ

topo → λ
tamanho = 1
aux = 5

Class Pilha Encadeada - Desempilha

■ Desempilha

- ❑ Testa se a pilha está vazia, gerando uma exceção
- ❑ Pega o valor que está no topo
- ❑ Faz o topo apontar para a célula seguinte
- ❑ Apaga a célula removida e retorna o item

```
TipoItem PilhaEncadeada::Desempilha() {  
    TipoItem aux; TipoCelula *p;  
  
    if(tamanho == 0)  
        throw "A pilha está vazia!";  
  
    aux = topo->item;  
    p = topo;  
    topo = topo->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
  
    return aux;  
};
```

```
PilhaEncadeada p;  
TipoItem x;  
  
...  
x = p.Desempilha();  
x.Imprime();
```

topo → λ
tamanho = 0

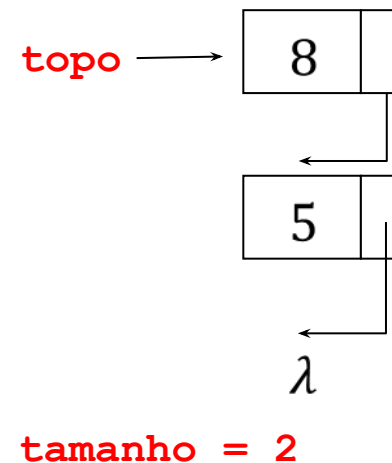
5

Class Pilha Encadeada - Limpa

- O método limpa chama repetidamente o Desempilha até que a pilha fique vazia

```
void PilhaEncadeada::Limpa() {  
    while(!Vazia())  
        Desempilha();  
}
```

```
PilhaEncadeada p  
...  
p.Limpa(x)
```

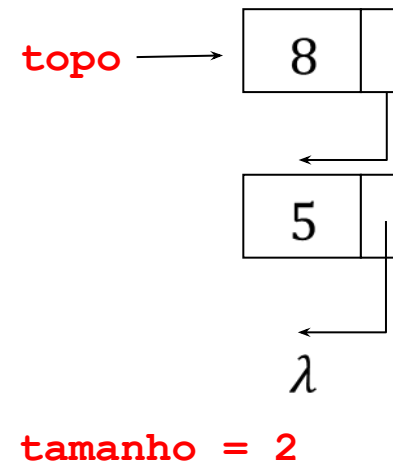


Class Pilha Encadeada - Limpa

- O método limpa chama repetidamente o Desempilha até que a pilha fique vazia

```
void PilhaEncadeada::Limpa() {  
    while (!Vazia())  
        Desempilha();  
}
```

```
PilhaEncadeada p  
...  
p.Limpa(x)
```

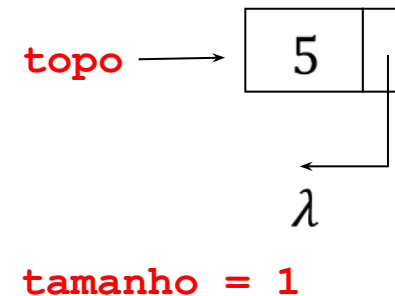


Class Pilha Encadeada - Limpa

- O método limpa chama repetidamente o Desempilha até que a pilha fique vazia

```
void PilhaEncadeada::Limpa() {  
    while (!Vazia())  
        Desempilha();  
}
```

```
PilhaEncadeada p  
...  
p.Limpa(x)
```



Class Pilha Encadeada - Limpa

- O método limpa chama repetidamente o Desempilha até que a pilha fique vazia

```
void PilhaEncadeada::Limpa() {  
    while(!Vazia())  
        Desempilha();  
}
```

PilhaEncadeada p

...
p.Limpa(x)

topo $\longrightarrow \lambda$

tamanho = 0

Pilha Arranjo x Pilha Encadeada

	Pilha Arranjo	Pilha Encadeada
Construtor	$O(1)$	$O(1)$
Destrutor	-	$O(n)$
Empilha	$O(1)$	$O(1)$
Desempilha	$O(1)$	$O(1)$
Limpa	$O(1)$	$O(n)$
Tamanho	Fixo	Dinâmico
Memória Extra	Não	Sim
Implementação Simples	Sim	Não

Em geral, por sua simplicidade, a implementação por arranjo é mais indicada, a menos que a questão de tamanho dinâmico seja de fundamental importância

TAD Filas

- Tipo Abstrato de dados com a seguinte característica:

O primeiro elemento a ser inserido é o primeiro a ser retirado (*FIFO – First In First Out*)

- Analogia: fila bancária, fila do cinema
- Usos: Sistemas operacionais: fila de impressão, processamento; Simulação

TAD: Fila

■ Duas Implementações:

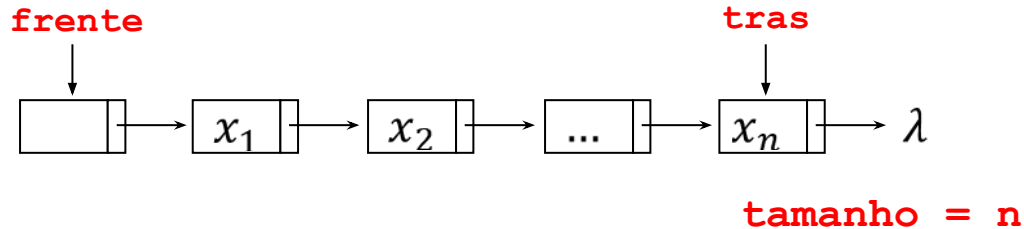
- ❑ Sequencial (uso de arranjos, alocação estática)
- ❑ Encadeada (uso de apontadores, alocação dinâmica)

■ Operações:

- ❑ Criar uma nova fila (construtor)
- ❑ Testar se a fila está *vazia*
- ❑ **Enfileirar** um item: colocar um item no final da fila
- ❑ **Desenfileirar** um item: retirar um item do início da fila
- ❑ Limpar a fila

Disclaimer: os códigos que serão apresentados devem ser considerados como exemplos. Eles não são, necessariamente, os mais modulares ou eficientes...

Class FilaEncadeada



```
class FilaEncadeada : public Fila
{
    public:
        FilaEncadeada();
        virtual ~FilaEncadeada();

        void Enfileira(TipoItem item);
        TipoItem Desenfileira();
        void Limpa();

    private:
        TipoCelula* frente;
        TipoCelula* tras;
};
```

Class TipoCélula

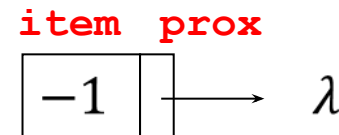
- Classe para representar as células da lista
 - ❑ Campo **TipoItem item**: armazena o item
 - ❑ Campo **TipoCelula *prox**: apontador para a próxima célula
 - ❑ Possui método para inicialização (constructor)
 - ❑ Permite o acesso de atributos privados pela classe FilaEncadeada
 - *Friend class*

```
class TipoCelula
{
    public:
        TipoCelula();

    private:
        TipoItem item;
        TipoCelula *prox;

    friend class FilaEncadeada;
};
```

```
TipoCelula::TipoCelula()
{
    item.SetChave(-1);
    prox = NULL;
}
```

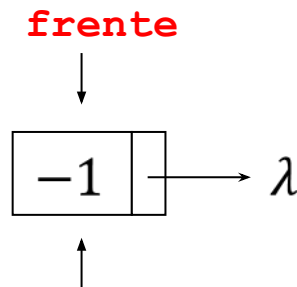


Class FilaEncadeada - Construtor

■ Construtor

- ❑ Chama o construtor da classe pai, que inicializa o atributo *tamanho* com o valor 0, e inicializa os apontadores *frente* e *tras*.
- ❑ Uso de uma **célula cabeça**
 - Simplifica a operação enfileira quando a fila está vazia
 - Primeiro elemento da fila vai estar na posição **frente->prox**

```
FilaEncadeada::FilaEncadeada() : Fila()  
{  
    frente = new TipoCelula; // Célula cabeça;  
    tras = frente;  
}
```



```
FilaEncadeada f;  
...
```

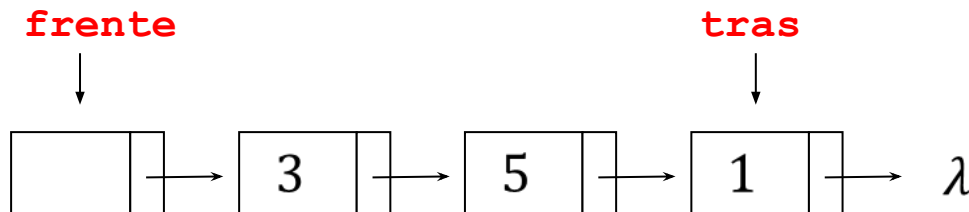
tras **tamanho = 0**

Class FilaEncadeada - Destrutor

■ Destrutor

- ❑ Como utilizamos a alocação dinâmica, é importante implementar um destrutor para desalocar a memória adequadamente
- ❑ Chama o método *Limpa*, que remove todas as células da fila e depois remove a célula cabeça

```
FilaEncadeada::~~FilaEncadeada()  
{  
    Limpa();  
    delete frente;  
}
```



```
FilaEncadeada *f;  
...  
delete f;
```

tamanho = 3

Class FilaEncadeada - Destruitor

■ Destruitor

- ❑ Como utilizamos a alocação dinâmica, é importante implementar um destrutor para desalocar a memória adequadamente
- ❑ Chama o método *Limpa*, que remove todas as células da fila e depois remove a célula cabeça

```
FilaEncadeada::~~FilaEncadeada()  
{  
    Limpa();  
    delete frente;  
}
```

primeiro



λ



ultimo

```
FilaEncadeada *f;  
...  
delete f;
```

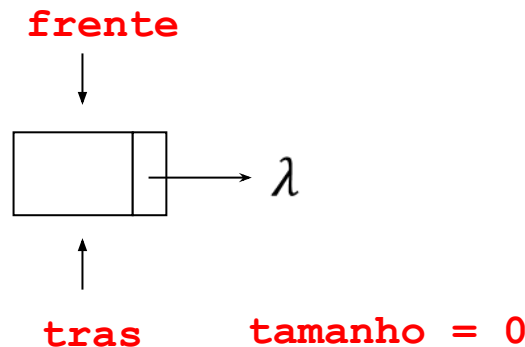
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7);  
F.Enfileira(x);
```



Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

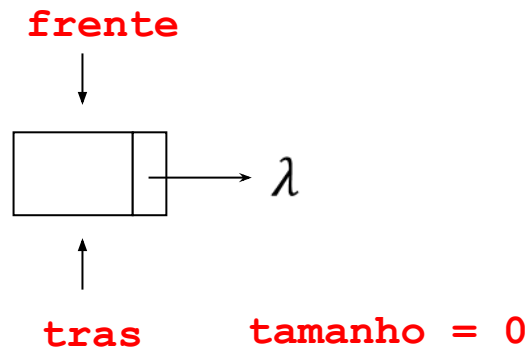
- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;
```

```
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;
```

```
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7);  
F.Enfileira(x);
```



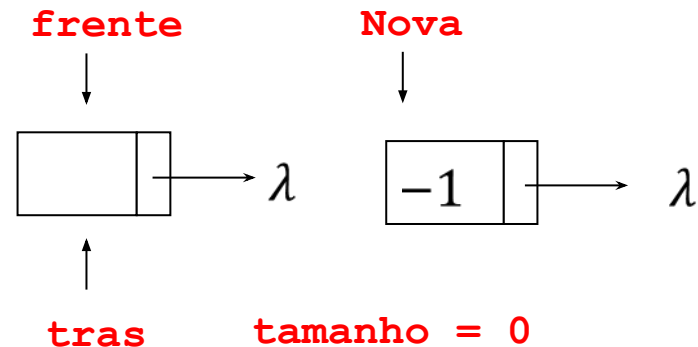
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7);  
F.Enfileira(x);
```



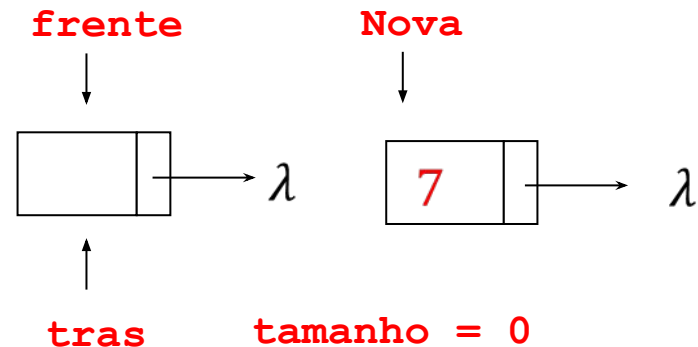
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7);  
F.Enfileira(x);
```



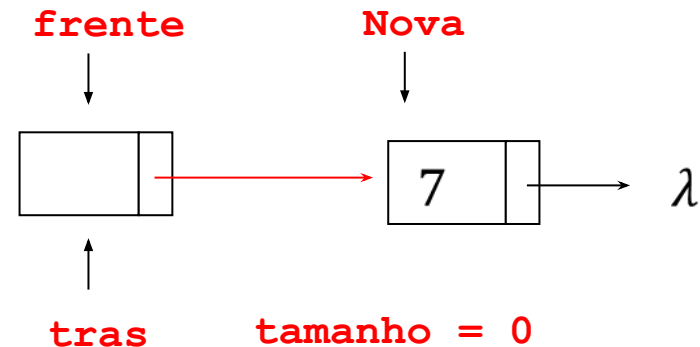
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento na fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7);  
F.Enfileira(x);
```



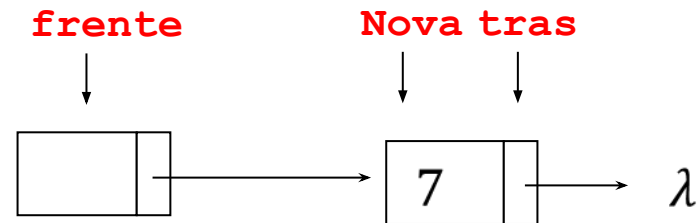
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 0

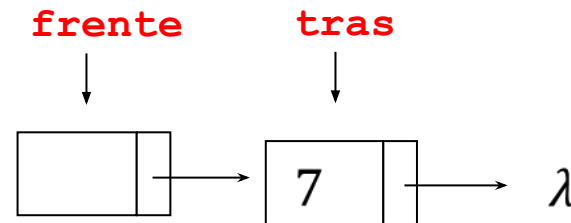
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(7);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 1

Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

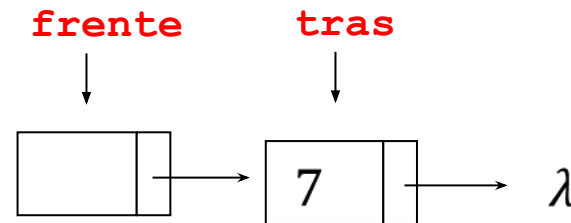
- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;
```

```
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;
```

```
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(1);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 1

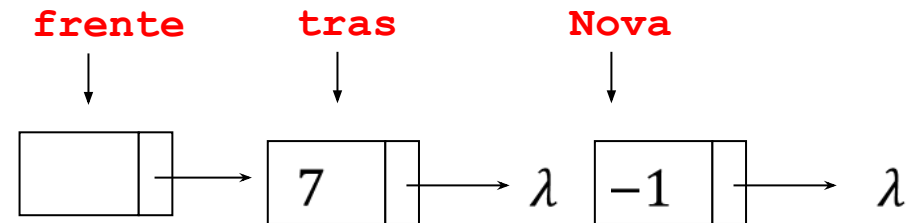
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(1);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 1

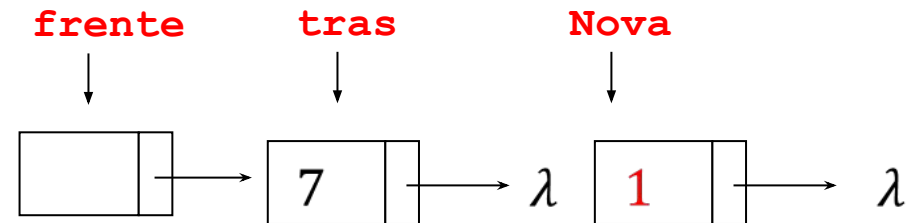
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(1);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 1

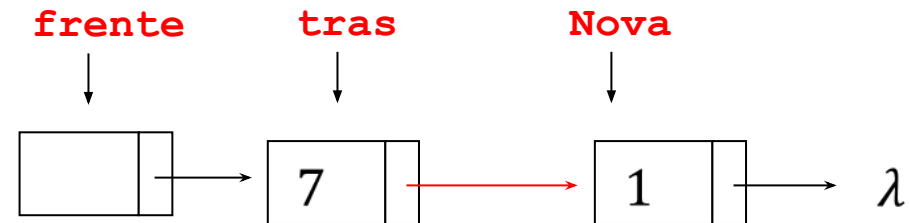
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(1);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 1

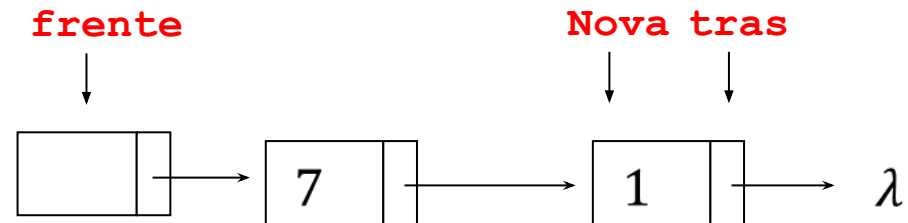
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(1);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 1

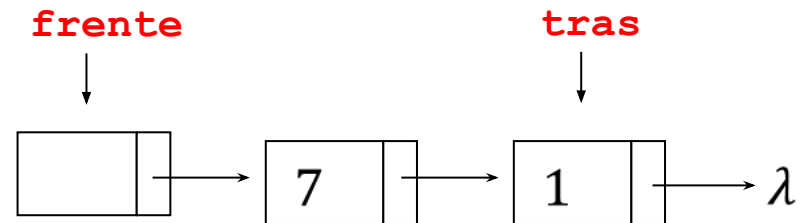
Class FilaEncadeada - Enfileira

■ Enfileira

- ❑ Cria uma nova célula
- ❑ Coloca o item nessa célula
- ❑ Faz o encadeamento no final da fila
- ❑ Incrementa o tamanho

```
void FilaEncadeada::Enfileira(TipoItem item) {  
    TipoCelula *nova;  
  
    nova = new TipoCelula();  
    nova->item = item;  
    tras->prox = nova;  
    tras = nova;  
    tamanho++;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
x.SetChave(1);  
F.Enfileira(x);
```



tamanho = 2

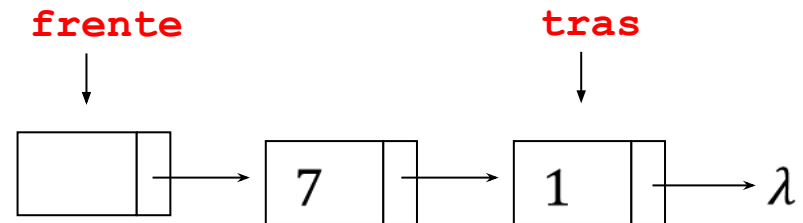
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



tamanho = 2

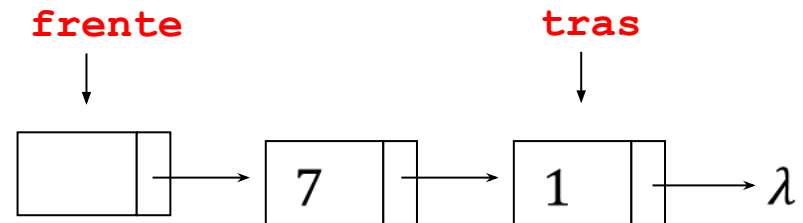
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



tamanho = 2

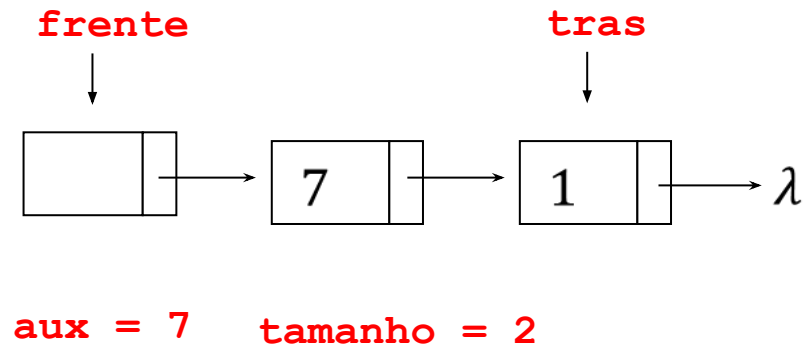
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

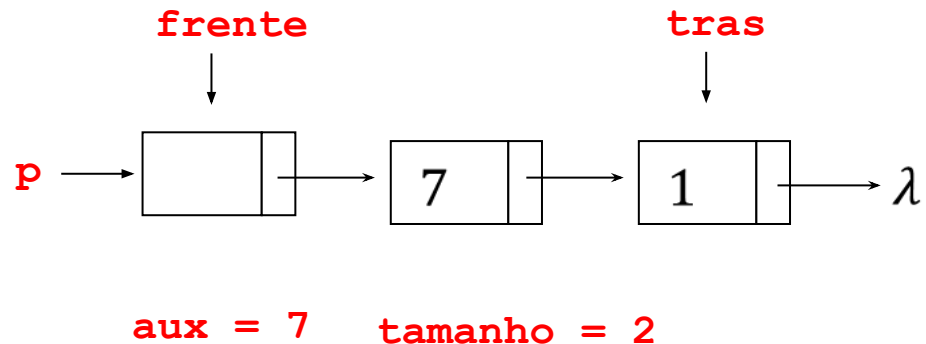
```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;
```

```
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";
```

```
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;
```

```
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



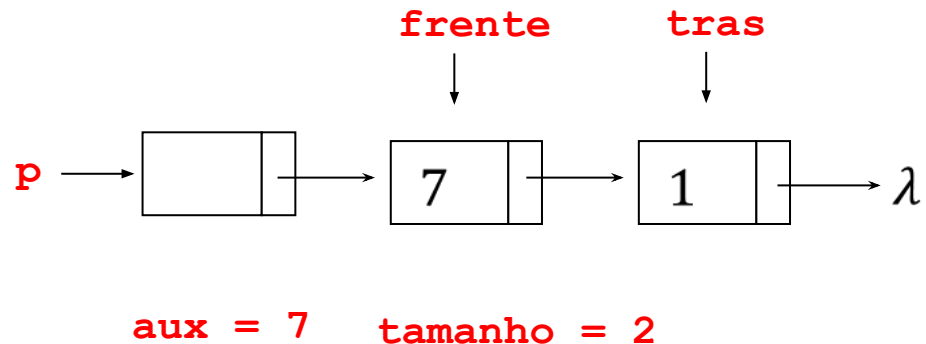
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



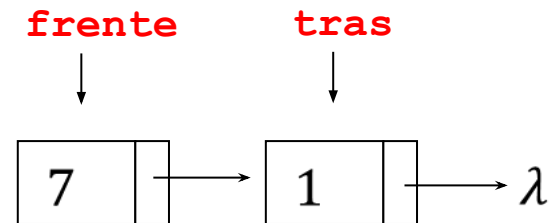
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



aux = 7 tamanho = 2

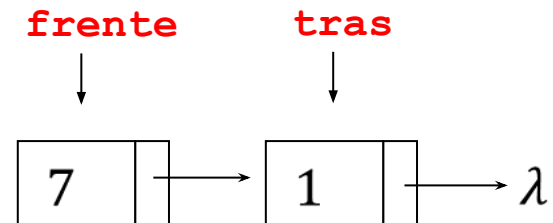
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



7

tamanho = 1

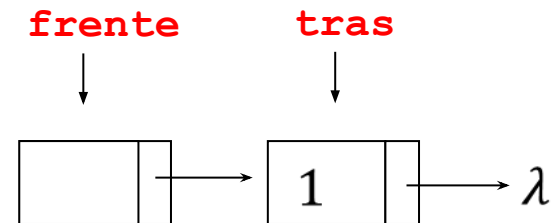
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



7

tamanho = 1

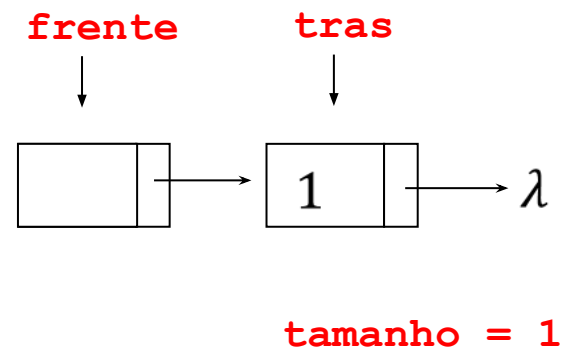
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



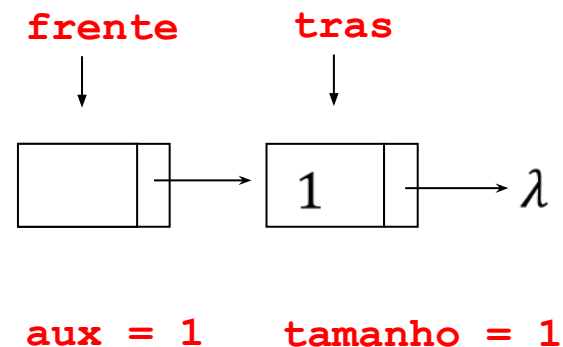
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



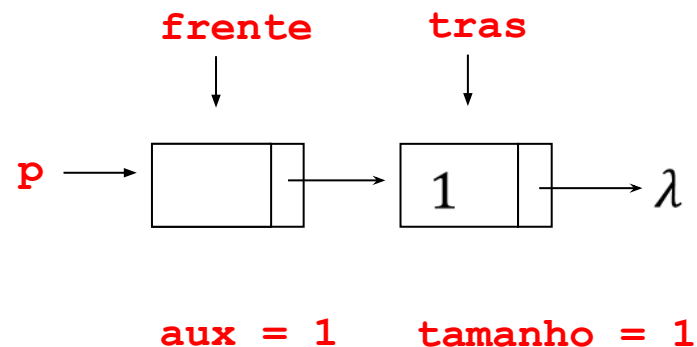
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



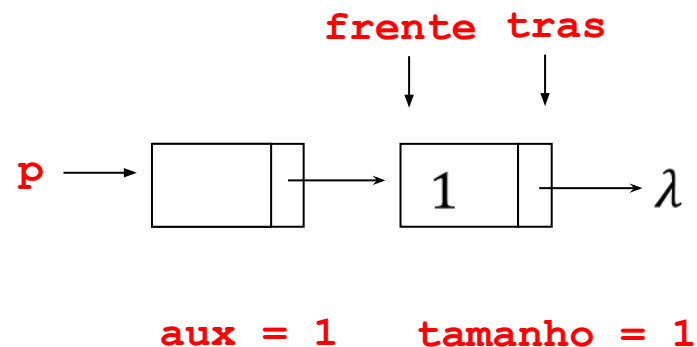
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



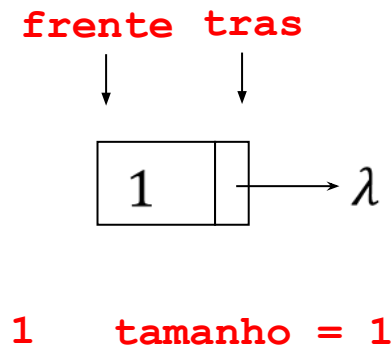
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



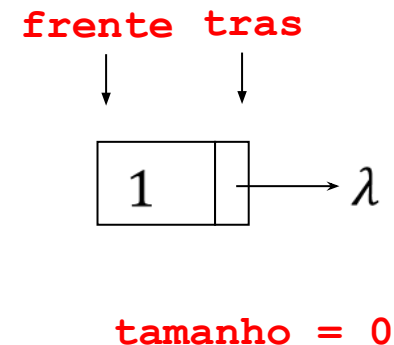
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



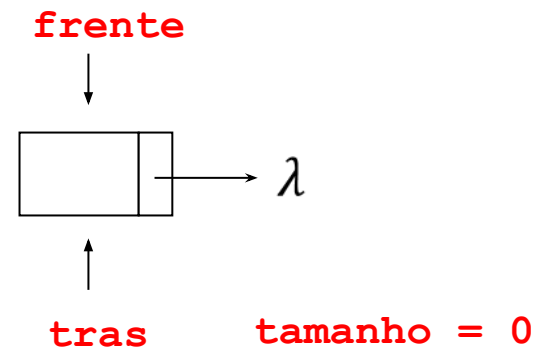
Class FilaEncadeada - Desenfileira

■ Desenfileira

- ❑ Retorna o elemento que está na primeira posição (`frente->prox`)
- ❑ Remove a célula cabeça, e a primeira célula passa a ser a cabeça

```
TipoItem FilaEncadeada::Desenfileira() {  
    TipoCelula *p;  
    TipoItem aux;  
  
    if (tamanho == 0)  
        throw "Fila está vazia!";  
  
    aux = frente->prox->item;  
    p = frente;  
    frente = frente->prox;  
    delete p;  
    tamanho--;  
    return aux;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;  
  
F.desenfileira(x);  
x.Imprime();
```



Class FilaEncadeada - Limpa

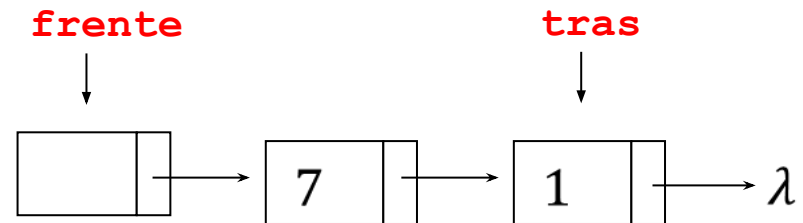
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



tamanho = 2

Class FilaEncadeada - Limpa

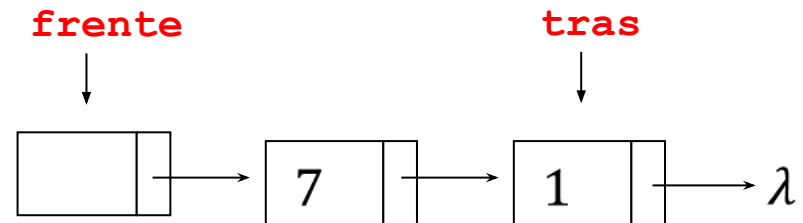
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



tamanho = 2

Class FilaEncadeada - Limpa

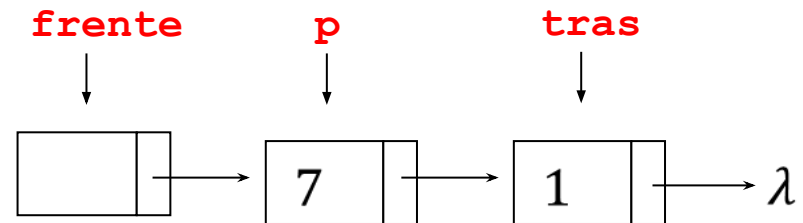
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



tamanho = 2

Class FilaEncadeada - Limpa

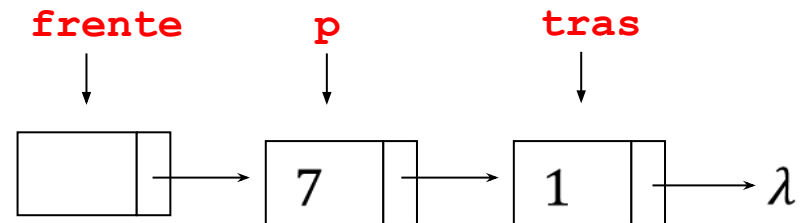
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



tamanho = 2

Class FilaEncadeada - Limpa

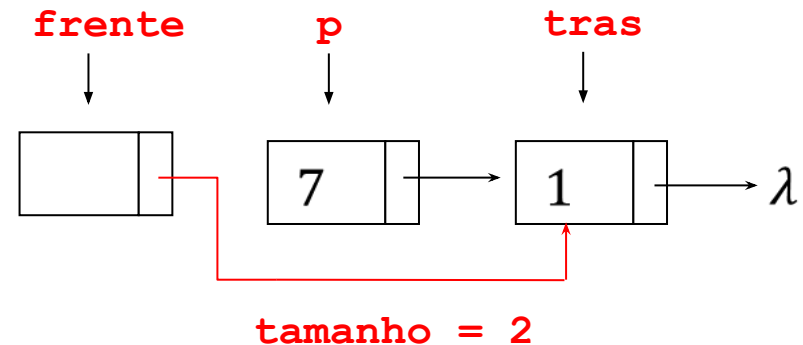
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

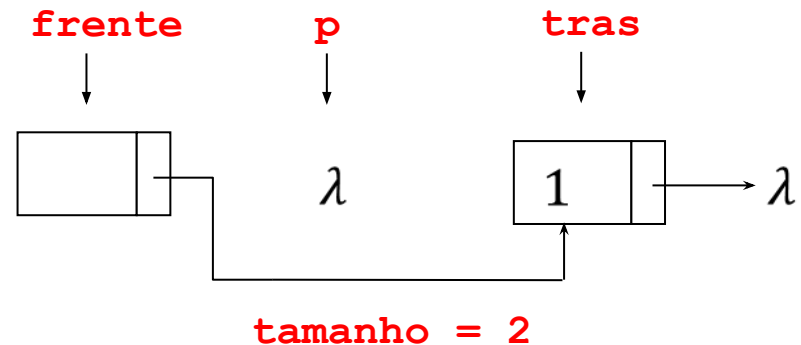
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

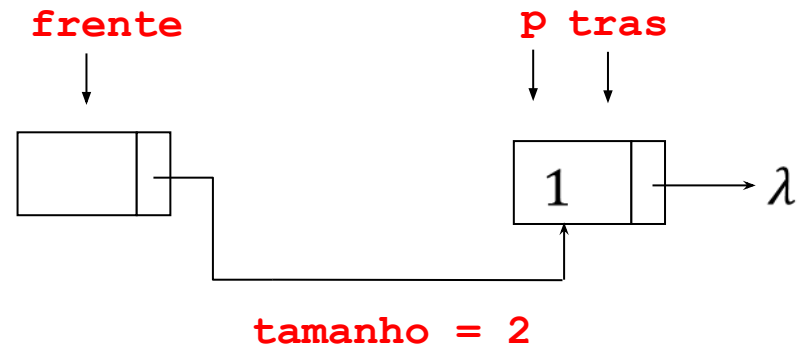
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

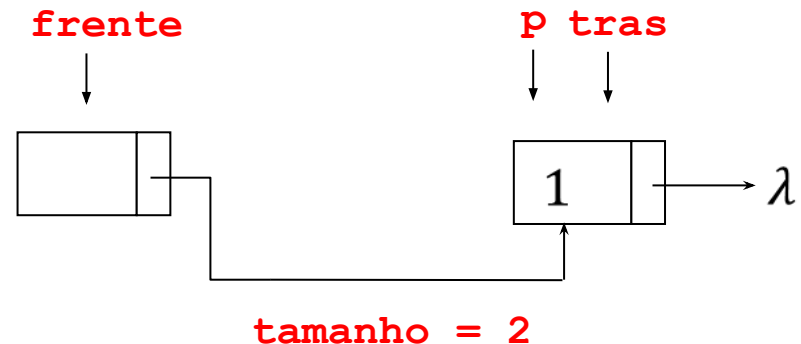
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

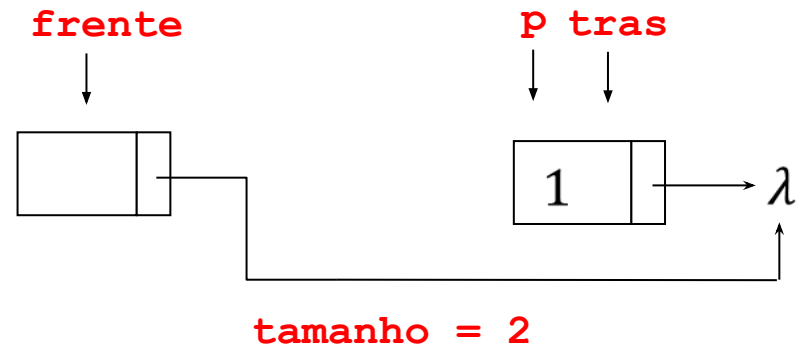
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

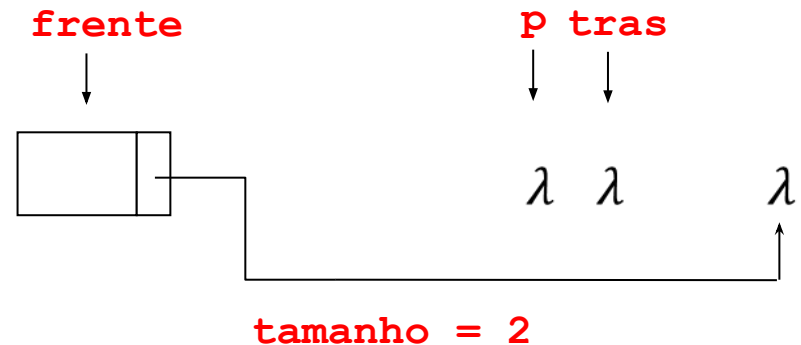
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

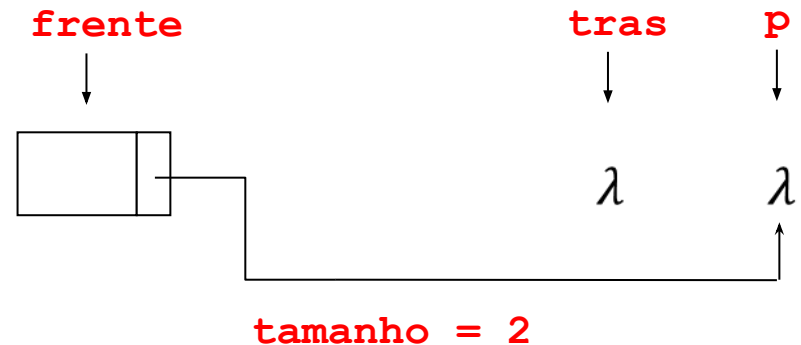
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while (p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox ;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

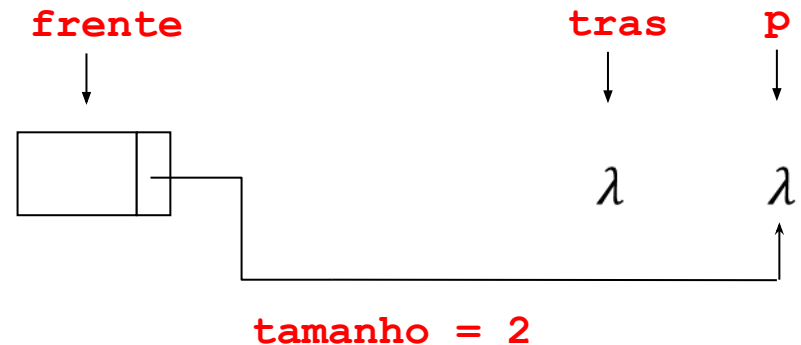
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox ;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



Class FilaEncadeada - Limpa

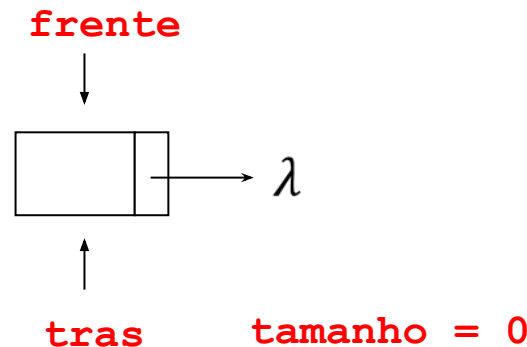
■ Limpa

- ❑ Remove todas as células da lista, restando apenas a célula cabeça
- ❑ Seta o tamanho para 0
- ❑ Atualiza o apontador tras

```
void FilaEncadeada::Limpa() {  
    TipoCelula *p;  
  
    p = frente->prox;  
    while(p!=NULL) {  
        frente->prox = p->prox;  
        delete p;  
        p = frente->prox ;  
    }  
    tamanho = 0;  
    tras = frente;  
}
```

```
FilaEncadeada F;  
TipoItem x;
```

```
F.Limpa()
```



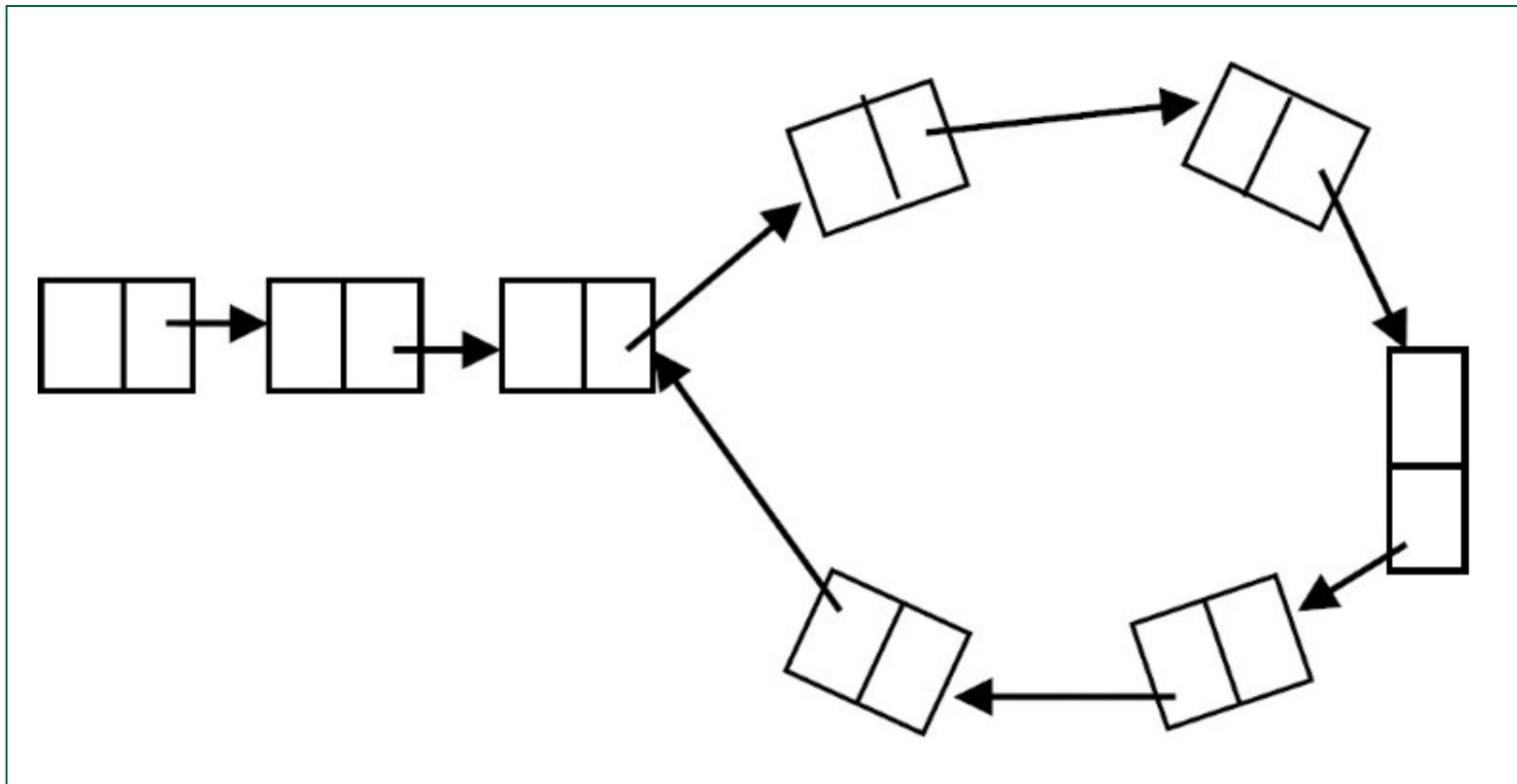
Fila Arranjo x Fila Encadeada

	Fila Arranjo	Fila Encadeada
Construtor	$O(1)$	$O(1)$
Destrutor	-	$O(n)$
Enfileira	$O(1)$	$O(1)$
Desenfileira	$O(1)$	$O(1)$
Limpa	$O(1)$	$O(n)$
Tamanho	Fixo	Dinâmico
Memória Extra	Não	Sim
Implementação Simples	Sim	Não

Em geral, por sua simplicidade, a implementação por arranjo é mais indicada, a menos que a questão de tamanho dinâmico seja de fundamental importância

Lista - exemplo de uso

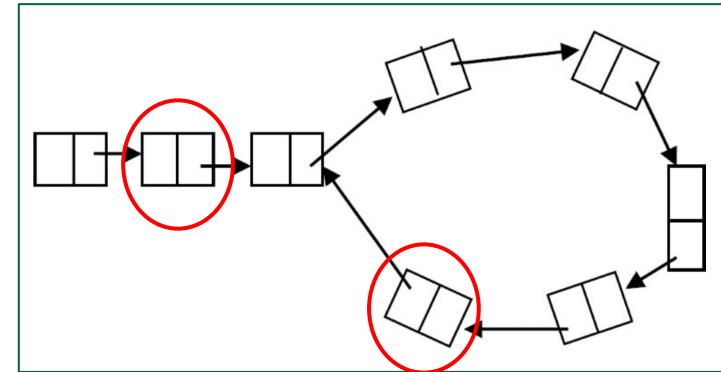
Verifique se uma lista contém um ciclo ou termina em um ponteiro nulo



Lista - exemplo de uso

Verifique se uma lista contém um ciclo ou termina em um ponteiro nulo

Força bruta



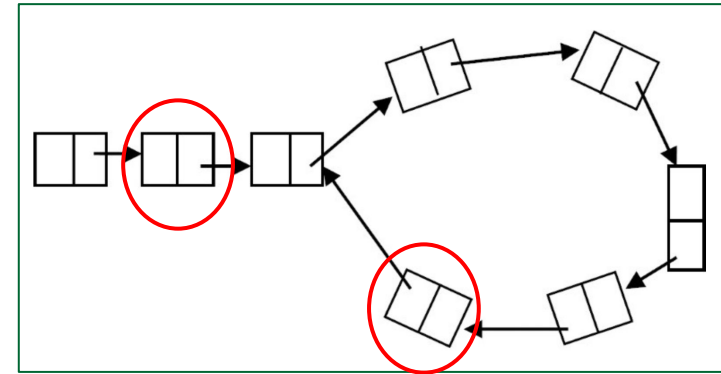
Nesta lista existem dois nós que possuem o mesmo ponteiro *próximo*

Isso não acontece em uma lista sem ciclo

Lista - exemplo de uso

Verifique se uma lista contém um ciclo ou termina em um ponteiro nulo

Força bruta



Precisamos de uma maneira eficiente de guardar e consultar os endereços já vistos

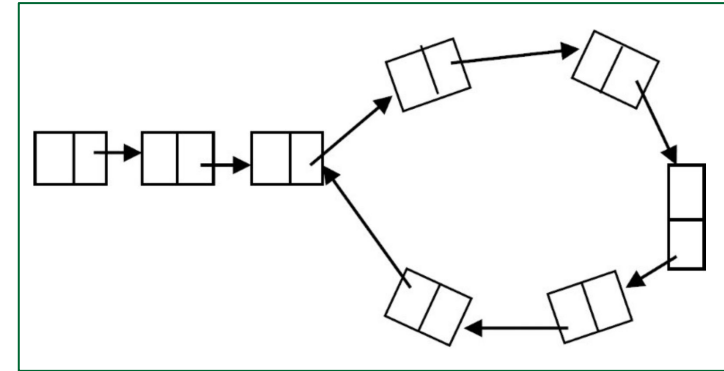
Tempo: $n * (\text{custo de consultar um endereço})$

Espaço: $O(n)$

Lista - exemplo de uso

Verifique se uma lista contém um ciclo ou termina em um ponteiro nulo

Tempo: $O(n)$ Espaço: $O(1)$?

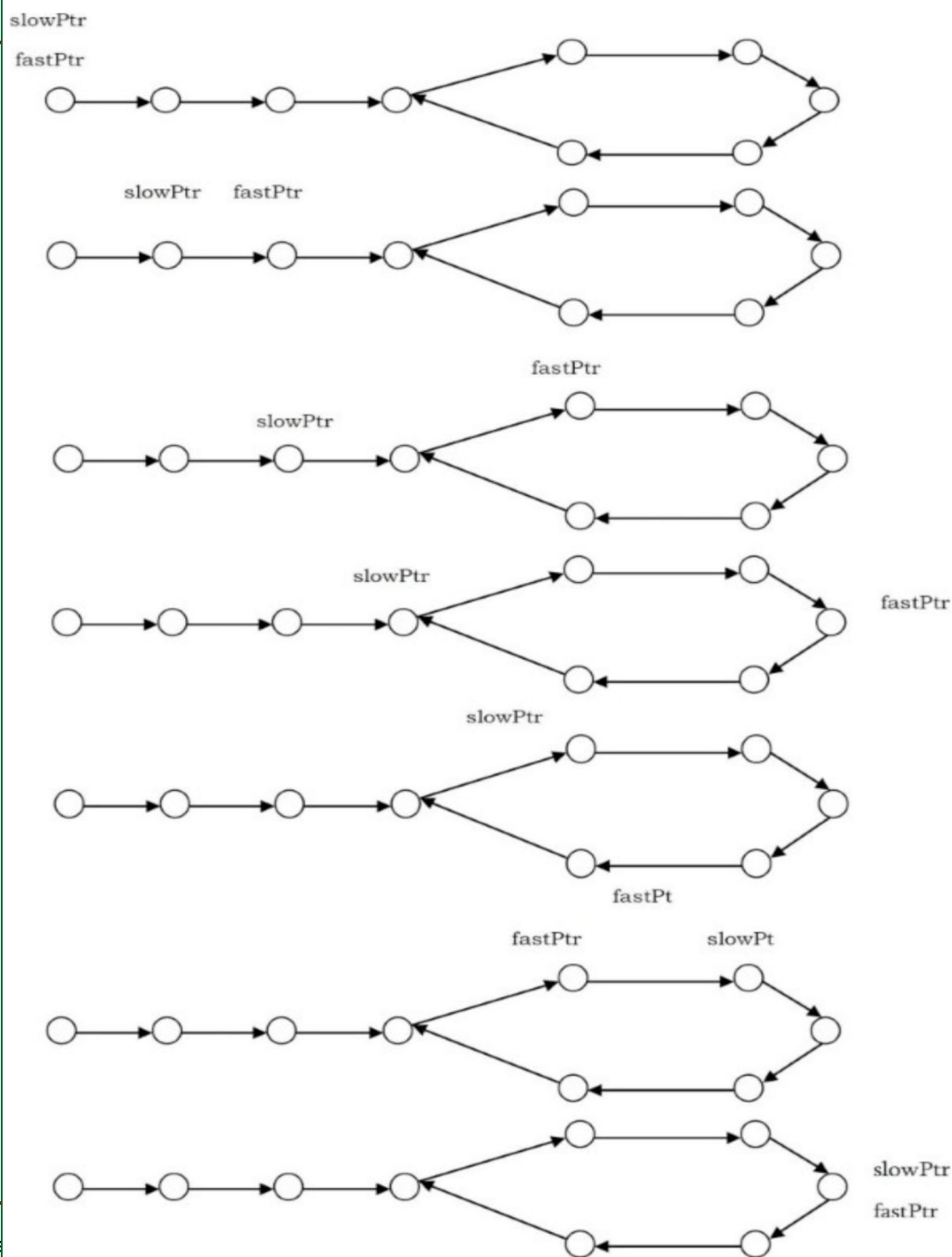


Algoritmo de Floyd (lebre/tartaruga)

- dois ponteiros que percorrem a lista em velocidades diferentes

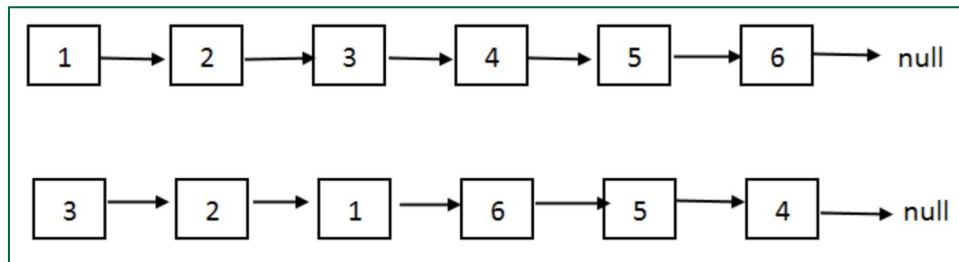
 - slowPtr* - tartaruga: um ponteiro por vez

 - fastPtr* - lebre: dois ponteiros por vez



Listas

Como inverter uma lista encadeada? T:O(n) E:O(1)



Como encontrar o elemento do meio da lista?

T: O(n) E: O(1)

Pilha - exemplo de uso

Balanceamento de símbolos

Example	Valid?	Description
(A+B)+(C-D)	Yes	The expression has a balanced symbol
((A+B)+(C-D)	No	One closing brace is missing
((A+B)+[C-D])	Yes	Opening and immediate closing braces correspond
((A+B)+[C-D]}	No	The last closing brace does not correspond with the first opening parenthesis

- cria pilha vazia
- enquanto (não fim da entrada)
 - se curr_char não símbolo a ser balanceado, ignorar
 - se curr_char = (, [, { , empilha
 - se curr_char =),], }
 - se pilha vazia retorna erro
 - senão desempilha
 - se char desempilhado não casa com curr_char
 - retorna erro
- Se pilha não vazia: retorna erro

Pilha

Implemente a função *get_minimum* em $O(1)$
retorna o menor elemento da pilha corrente

Filas

Como implementar uma fila usando duas pilhas? Qual a complexidade das operações:
enfileira?
desenfileira?

Qual a estrutura mais apropriada para imprimir os elementos de uma fila em ordem inversa?