# Inatel

C209 – Computação Gráfica e Multimídia EC212 – Computação Gráfica

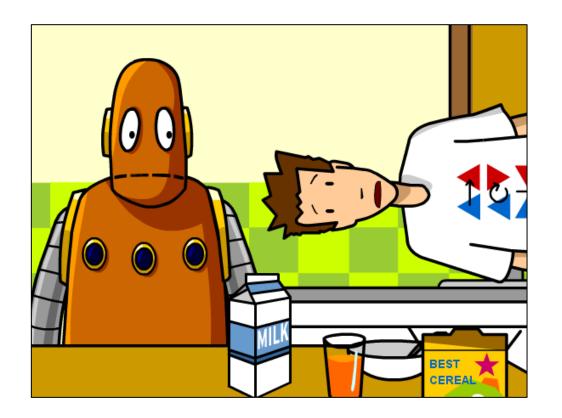
# Transformações Geométricas Parte 1/3

Marcelo Vinícius Cysneiros Aragão marcelovca90@inatel.br

# Introdução

- Transformações geométricas são operações que podem ser utilizadas visando alterar algumas características do objeto a ser desenhado, tais como:
  - Posição

- Forma
- Orientação
- Tamanho



# Matrizes em Computação Gráfica

- Todas as transformações geométricas podem ser representadas na forma de equações vetoriais/matriciais.
- Estas estruturas de dados se assemelham com o modelo organizacional da memória dos computadores.
- As transformações de pontos no plano (x,y) e no espaço tridimensional (x,y,z) são feitas por matrizes 2x2 e 3x3, respectivamente.

### Pontos, Vetores e Matrizes

• Dado um sistemas de coordenadas cartesianas, é possível definir pontos e objetos neste sistema pelas suas coordenadas. Exemplos:

• Plano (bidimensional): 
$$A = [2, 3] = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

• Espaço tridimensional: 
$$B = \begin{bmatrix} 1, 2, 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

#### Aritmética de Vetores e Matrizes

- Vetores e matrizes podem ser processados por operações aritméticas como as que fazemos com os números.
- A adição/subtração de vetores é definida pela simples soma/diferença dos respectivos elementos, desde que os operandos tenham a mesma dimensão.

• Exemplo: 
$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix}$$

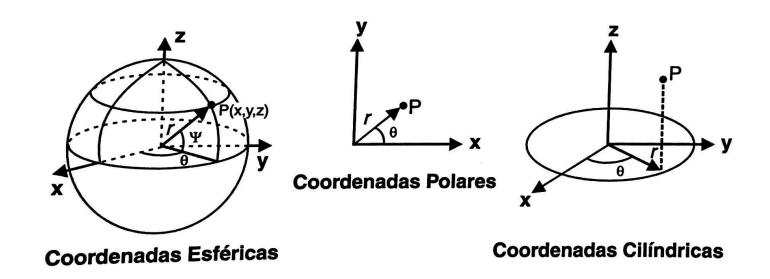
#### Aritmética de Vetores e Matrizes

- Matrizes também podem ser multiplicadas entre si, desde que o número de colunas da primeira seja igual ao número de linhas da segunda.
- O resultado será uma matriz com o número de linhas da primeira e o número de colunas da segunda.

• Exemplo 1: 
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 7 & 6 \\ 5 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \times 7 + 2 \times 5 & 1 \times 6 + 2 \times 0 \\ 3 \times 7 + 4 \times 5 & 3 \times 6 + 4 \times 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 17 & 6 \\ 41 & 18 \end{bmatrix}$$

• Exemplo 2: 
$$[1 2] \times \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix} = [1 \times 3 + 2 \times 4] = [11]$$

 Podemos utilizar diferentes sistemas de coordenadas para descrever os objetos modelados em um sistema 2D ou 3D e nos fornecer uma referência em termos de medidas do tamanho e posição dos objetos dentro de nossa área de trabalho.



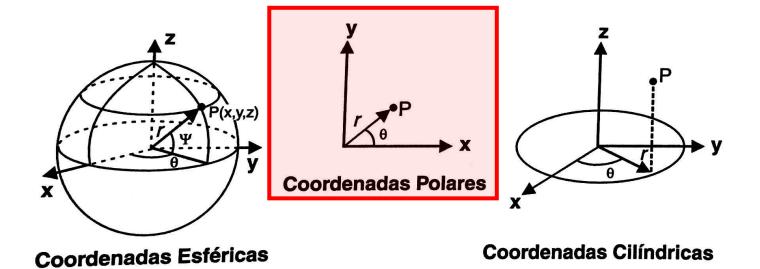
Raio e dois ângulos

 $(r, \theta, \Psi)$ 

Raio e ângulo  $(r, \theta)$ 

Raio, ângulo e comprimento

 $(r, \theta, P)$ 



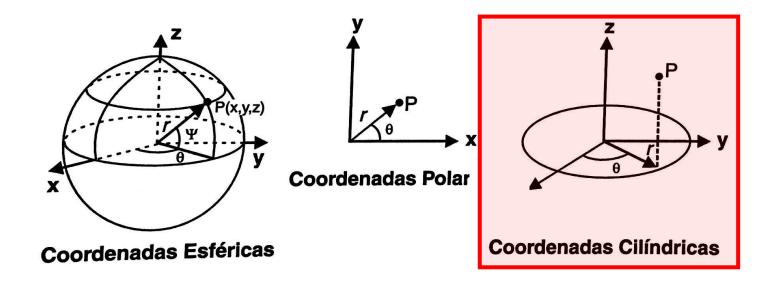
Raio e dois ângulos

 $(r, \theta, \Psi)$ 

Raio e ângulo  $(r, \theta)$ 

Raio, ângulo e comprimento

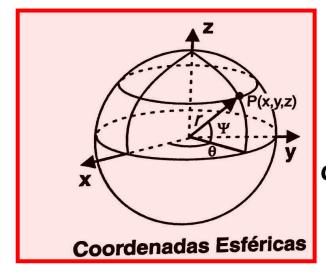
 $(r, \theta, P)$ 

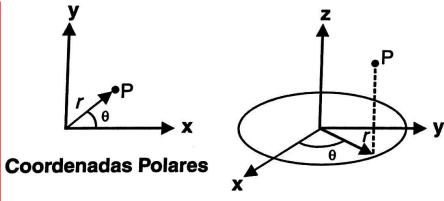


Raio e dois ângulos  $(r, \theta, \Psi)$ 

Raio e ângulo  $(r, \theta)$ 

Raio, ângulo e comprimento  $(r, \theta, P)$ 

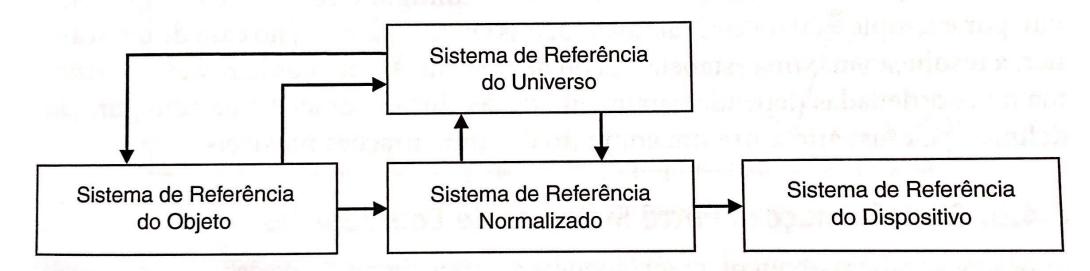




Coordenadas Cilíndricas

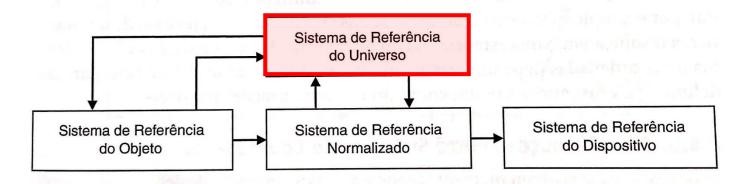
#### Sistemas de Referência

 Ao definirmos um sistemas de coordenadas de referência, devemos especificar dois aspectos principais: a unidade de referência básica e os limites extremos dos valores aceitos para descrever os objetos.



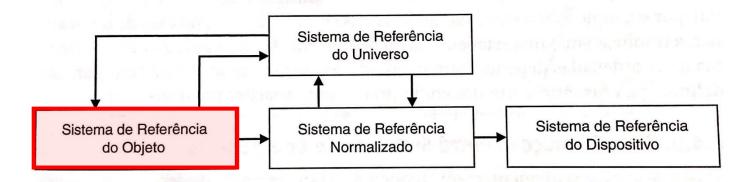
# Sistemas de Referência do Universo (SRU)

- Também chamado de coordenadas do mundo, é utilizado para descrever os objetos em termos das coordenadas utilizadas pelo usuário da aplicação.
  - CAD de arquitetura: metros ou centímetros
  - CAD de mecânica de precisão: milímetros, micrômetros ou nanômetros
  - Sistemas de radar (para localização de aviação, por exemplo): coordenadas polares



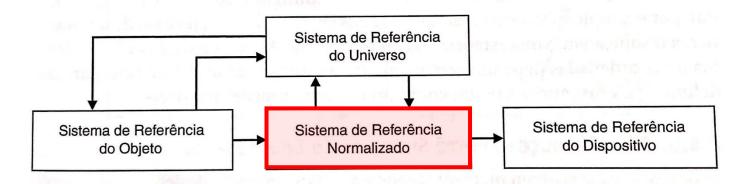
# Sistemas de Referência do Objeto (SRO)

- Neste sistema, cada objeto é um miniuniverso individual, ou seja, tem suas particularidades descritas em função do seu sistema, muitas vezes coincidindo o centro do sistema de coordenadas com seu centro de gravidade.
  - Objetos com distribuição uniforme de massa possuem seu centro de gravidade no ponto médio de cada eixo. Nesta disciplina, assumiremos que este será sempre o caso.



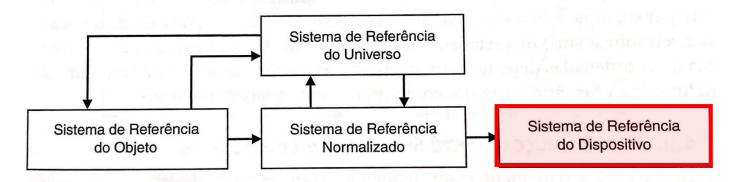
# Sistemas de Referência Normalizado (SRN)

- Este sistema trabalha com as coordenadas normalizadas, isto é, com valores entre 0 e 1 onde  $0 \le x \le 1$  e  $0 \le y \le 1$  (sendo x as coords. horizontais e y as verticais).
  - Serve como um sistema de referência intermediário entre o SRU e o SRD (explicado a seguir).
  - Sua aplicação é tornar a geração de imagens independente do dispositivo, pois as coordenadas do universo são convertidas para um sistema de coordenadas padrão normalizado.



### Sistemas de Referência do Dispositivo (SRD)

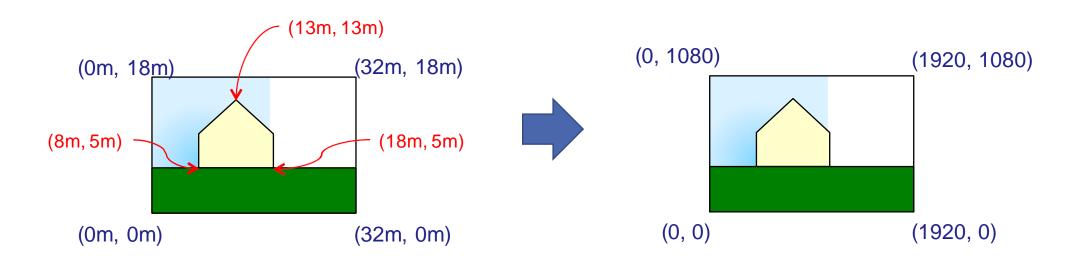
- Utiliza coordenadas que podem ser fornecidas diretamente para um dado dispositivo de saída específico.
  - Por exemplo, em um vídeo esses valores podem ser o número máximo de pixels que podem ser acesos (640x480, 800x600 etc) ou podem indicar a resolução especificada em determinada configuração do sistema operacional, por exemplo 1920x1080 x TrueColor (32 bits).



- Aplicações gráficas frequentemente requerem a transformação de descrições de objetos de um sistemas de coordenadas para outro.
- Muitas vezes, o objeto é descrito em um sistema de coordenadas não cartesiano (ex.: polares, cilíndricas ou esféricas), e precisa ser convertido para o cartesiano.
- Em aplicações de animação e modelagem, objetos individuais são definidos em seu próprio sistema de coordenadas, e as coordenadas locais devem ser transformadas para posicionar os objetos no sistema de coordenadas global da cena.

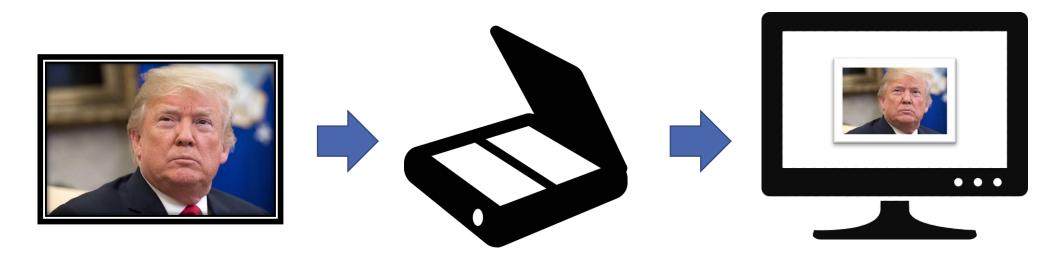
#### Exemplo 1:

 Um fotógrafo tira uma foto de uma casa como na figura da esquerda abaixo. Esta foto é exibida em uma televisão Full HD, com resolução de 1920x1080. Calcule o valor de cada coordenada da casa em pixels.



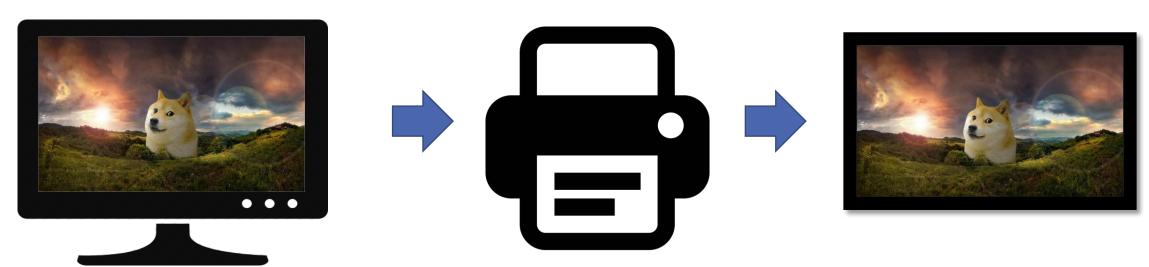
#### Exemplo 2:

• Uma foto de 15,24x10,16 centímetros é escaneada com densidade de 150 dpi (pontos por polegada). Calcule a largura e a altura em pixels da imagem resultante. Considere que 1 pol = 2,54 cm.



#### Exemplo 3:

- Possuo um belíssimo papel de parede em 8K UHD (4320p, razão de aspecto 16:9)
  e desejo transformá-lo em poster para colocar na parede do meu quarto.
- Minha impressora possui densidade de impressão de 150x300 dpi (na horizontal e vertical, respectivamente). Calcule o tamanho do poster em centímetros.



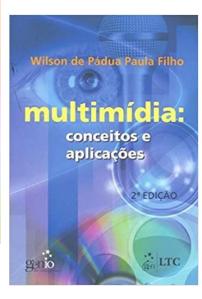
#### Referências & Links Interessantes

 Transformation – BrainPOP. Disponível em <a href="https://www.brainpop.com/math/geometryandmeasurement/transformation/">https://www.brainpop.com/math/geometryandmeasurement/transformation/</a>>

#### Referências & Links Interessantes







- AZEVEDO, Eduardo; CONCI, Aura, Computação gráfica volume 1: geração de imagens. Rio de Janeiro, RJ. Editora Campus, 2003, 353 p. ISBN 85-352-1252-3.
- AZEVEDO, Eduardo; CONCI, Aura; LETA, Fabiana R. Computação gráfica volume 2: teoria e prática. Rio de Janeiro, RJ: Editora Elsevier, 2007, 384 p. ISBN 85-352-2329-0.
- PAULA FILHO, Wilson de Pádua, Multimídia: Conceitos e aplicações. Rio de Janeiro, RJ: LTC, 2000, 321 p. ISBN 978-85-216-1222-3.