

题目来源：[AGC034E] Complete Compress

## 算法一

输出 -1。

期望得分 12 分。

## 算法二 $n \leq 2 \times 10^3$

枚举每个点作为最终的结点，以它为根做树形dp。

显然只会移动没有祖先关系的两个棋子。

设  $siz_u$  表示  $u$  的子树中有棋子的点的个数， $dp_u$  表示子树中能移动的步数的最大值， $dis_u$  表示子树中所有棋子到  $u$  的距离和。

如果  $2dp_u = dis_u$ ，则令  $ans = \min(ans, dp_u)$ ；没有满足条件的  $u$  则无解。

考虑如何转移，问题近似于给定一个序列  $a_1, a_2, \dots, a_k$ ，每次选择两个正整数同时减一，求最多能操作多少步，也就是使最后剩下的那个正整数最小。

根据贪心，每次肯定选择最大的两个相消，设  $mx$  表示最大值， $sum$  表示所有数的和。

若  $mx > sum - mx$ ，说明最大值抵消完其它值后还有剩余，最后剩下的最小值一定是  $mx - (sum - mx)$ 。

若  $mx \leq sum - mx$ ，操作后仍然保持这个状态，最后剩下的最小值一定是 0 或 1，

设  $u$  的儿子为  $v_1, v_2, \dots, v_k$ ， $a_{v_i} = dis_{v_i} + siz_{v_i}$ 。

那么转移就类似于序列上的问题了，只是当  $mx > sum - mx$  时，剩下的  $mx - (sum - mx)$  是可以在儿子的子树中继续移动的，此时就还需要考虑  $dp_v$  的贡献。

对每个点做一次树形dp，时间复杂度  $\mathcal{O}(n^2)$ 。

期望得分 60 分。

## 算法三

在算法二的基础上换根即可。

期望得分 100 分。