Práctica 2

Isidro Javier Garcia Fernandez

Octubre 29, 2021

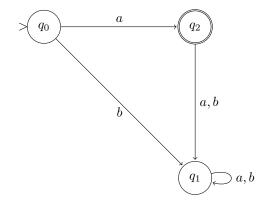
1 Actividad 1

Considera el lenguaje sobre el alfabeto $\{a,b\}$ que sólo contiene la cadena a. Construye un DFA (Autómata Finito Determinista) que reconozca este lenguaje y rechace todas las cadenas que no pertenecen a dicho lenguaje. Prueba el autómata que has creado introduciendo 6 cadenas.

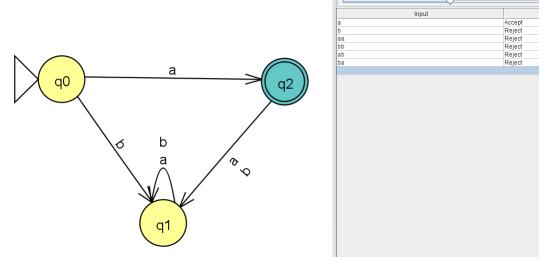
1.1 Descripción del autómata en LATEX

Sea $M = (\{q_0, q_1, q_2\}, \{a, b\}, q_0, \{q_2\}, \delta)$ un DFA:

$\delta(q,\sigma)$	a	b
q_0	q_2	q_1
q_1	q_1	q_1
q_2	q_1	q_1



1.2 Autómata en JFLAP



Vemos que únicamente la cadena a pertenece al lenguaje. Las demás cadenas no pertenecen al lenguaje, pues no llegan al estado final q_2 . Se quedan en lo que llamamos *estado pozo* (estado del que no se puede salir).

2 Actividad 2

Autómatas finitos en Octave. Abre en Octave el script fa.m y pruébalo con el ejemplo dado. Crea un documento JSON que describa el autómata creado en la actividad 1 y pruébalo.

He abierto octave y he introducido el siguiente comando en consola: $fa("aastar_bbstar", "aab")$. Este comando me ayuda a saber si la cadena introducida (en este caso la cadena aab) pertenece o no al lenguaje generado por el autómata del fichero $aastar_bbstar.json$. También muestra cómo lleguar a que la cadena está o no generada por el lenguaje.

Por consola observamos el siguiente resultado tras introducir el comando fa("practica2", "a").

```
\begin{split} \texttt{M} &= ( \ \{ \mathbf{q}0, \ \mathbf{q}1, \ \mathbf{q}2 \}, \\ & \{ \mathbf{a}, \ \mathbf{b} \}, \\ & \mathbf{q}0, \\ & \{ \mathbf{q}0, \ \mathbf{q}1, \ \mathbf{q}2 \}, \\ & \{ (\mathbf{q}0, \ \mathbf{a}, \ \mathbf{q}2), \ (\mathbf{q}0, \ \mathbf{b}, \ \mathbf{q}1), \ (\mathbf{q}1, \ \mathbf{a}, \ \mathbf{q}1), \\ & (\mathbf{q}1, \ \mathbf{b}, \ \mathbf{q}1), \ (\mathbf{q}2, \ \mathbf{a}, \ \mathbf{q}1), \ (\mathbf{q}2, \ \mathbf{b}, \ \mathbf{q}1) \} \\ & \texttt{)} \\ \texttt{x} &= \texttt{a} \\ & (\mathbf{q}0, \ \mathbf{a}) \vdash (\mathbf{q}2, \ \epsilon) \\ & x \in \mathcal{L}(M) \end{split}
```

Se verifica que a es una cadena del lenguaje generado por el autómata.

Probemos ahora con otra cadena. Introduzco el comando: fa("practica2", "b"). Por consola sale:

```
\begin{array}{lll} \mathbb{M} = & ( \ \{ \mathbf{q} \mathbf{0}, \ \mathbf{q} \mathbf{1}, \ \mathbf{q} \mathbf{2} \}, \\ & \{ \mathbf{a}, \ \mathbf{b} \}, \\ & \mathbf{q} \mathbf{0}, \\ & \{ \mathbf{q} \mathbf{0}, \ \mathbf{q} \mathbf{1}, \ \mathbf{q} \mathbf{2} \}, \\ & \{ (\mathbf{q} \mathbf{0}, \ \mathbf{a}, \ \mathbf{q} \mathbf{2}), \ (\mathbf{q} \mathbf{0}, \ \mathbf{b}, \ \mathbf{q} \mathbf{1}), \ (\mathbf{q} \mathbf{1}, \ \mathbf{a}, \ \mathbf{q} \mathbf{1}), \\ & (\mathbf{q} \mathbf{1}, \ \mathbf{b}, \ \mathbf{q} \mathbf{1}), \ (\mathbf{q} \mathbf{2}, \ \mathbf{a}, \ \mathbf{q} \mathbf{1}), \ (\mathbf{q} \mathbf{2}, \ \mathbf{b}, \ \mathbf{q} \mathbf{1}) \} \\ & \mathbb{X} = \mathbf{b} \\ & (\mathbf{q} \mathbf{0}, \ \mathbf{b}) \vdash (\mathbf{q} \mathbf{1}, \ \epsilon) \\ & x \notin \mathcal{L}(M) \end{array}
```

Probando con más cadenas llegaremos a que:

 $\forall x \neq a \Rightarrow x \notin \mathcal{L}(M)$