P7

Ismael Crespo

30 de marzo de 2022

1. Introducción

Durante esta practica se pretende buscar un valor óptimo, el mayor evaluado dentro de una función g(x,y), por medio de una búsqueda local dentro de la matriz creada, seleccionado la mejor opción en cada iteración. Se utiliza como base el trabajo presentado E. Schaeffer [2] donde se realiza una búsqueda dentro de una función f(x).

2. Objetivos

- 1.-Crea una visualización (animada) de cómo proceden por lo menos 5 réplicas simultáneas de por lo menos 500 pasos de la búsqueda encima de una gráfica de proyección plana.
- 2.-Simular el recocido simulado para optimizar una función f(x), se genera para la solución actual x un sólo vecino $x'=x+\Delta x$ (algún desplazamiento local). Se calcula $\delta=f(x)-f(x')$. Si $\delta>0$, siempre se acepta al vecino x' como la solución actual ya que representa una mejora. Si $\delta<0$, se acepta a con probabilidad $\exp(\delta/T)$ y rechaza en otro caso. Aquí T es una temperatura que decrece en aquellos pasos donde se acepta una empeora; la reducción se logra multiplicando el valor actual de T con $\varepsilon<1$, como por ejemplo 0,955. Examina los efectos estadísticos del valor inicial de T y el valor de ε en la calidad de la solución, es decir, qué tan alto el mejor valor termina siendo.

3. Programación en R

La búsqueda comienza seleccionando un punto en la matriz, coordenada en y y coordenada en x, este ejercicio se replica 5 veces para tener 5 puntos en donde para el primer objetivo se mueve aleatoriamente entre sus vecinos. El código 1 muestra como se generan aleatoriamente y posteriormente como es la dinámica de movimiento aleatorio de cada replica hacia sus vecinos, la mejor opción encontrada (best) es seleccionada utilizando un ciclo if con la condición de que este valor cambiará a uno nuevo cada que una replica actual sea mayor al mejor valor obtenido hasta este tiempo.

Código 1: Generación de cada replica y movimiento aleatorio hacia los vecinos

```
#Generaci n de cada replica
1
2
   for(i in 1:replicas){
3
    curr_x[i] <- sample(seq(low, high, step),1)</pre>
4
    curr_y[i] <- sample(seq(low, high, step),1)</pre>
    curr[i] <-z[as.character(curr_y[i]), as.character(curr_x[i])]</pre>
5
6
    best_y[i] <-curr_y[i]
7
    best_x[i]=curr_x[i]
8
    bests[i]=curr[i]
9
10
   #Movimiento hacia un vecino
    for(i in 1:replica){
```

```
min_fila <-max(curr_y[i] - delta, low)
12
13
        max_fila <-min(curr_y[i]+ delta,high)</pre>
        min_col<-max(curr_x[i] - delta, low)</pre>
14
15
        max_col <-min(curr_x[i] + delta,high)</pre>
         filas <- (seq(min_fila, max_fila, delta))
16
         columnas <- (seq(min_col, max_col, delta))</pre>
17
18
         #vecindad<-z[as.character(filas), as.character(columnas)]</pre>
         curr_y[i] <- sample(filas,1)</pre>
19
         curr_x[i] <- sample(columnas,1)</pre>
20
```

En la segunda parte del trabajo el movimiento no es completamente aleatorio, tal como se describe en el objetivo 2, cada replica se va a mover siempre que la posición vecina, seleccionada aleatoriamente, evaluada en la función sea mejor, cuando esta posición no represente una mejora en la búsqueda se va a mover con una probabilidad dependiente de la temperatura. (véase el código 2). Para consulta detallada de las rutinas desarrolladas véase la referencia [1]

Código 2: Selección de un vecino con una probabilidad dependiente de la temperatura si el valor del vecino seleccionado no es mejor.

```
1
    for(f in 1:length(filas)){
2
             prob_y=sample(filas,1)
3
             prob_x=sample(columnas,1)
             prob <-z[format(round(prob_y, 2),</pre>
4
             nsmall = 2),format(round(prob_x, 2), nsmall = 2)]
5
6
              resta=curr[i]-prob
7
               if(resta<0){
8
                curr_y[i] <- prob_y</pre>
9
                curr_x[i] <- prob_x</pre>
                curr[i] <-z[format(round(curr_y[i], 2),</pre>
10
                nsmall = 2),format(round(curr_x[i], 2), nsmall = 2)]
11
12
                break
               }
13
              if(resta>0){
14
              expo=exp(-abs((resta)/temperatura))
15
16
             pick=runif(1)
              if(pick<expo){
17
                curr_y[i]<- prob_y</pre>
18
                curr_x[i] <- prob_x</pre>
19
                curr[i] <-z[format(round(curr_y[i], 2),</pre>
20
21
                nsmall = 2),format(round(curr_x[i], 2), nsmall = 2)]
22
                temperatura=temperatura*e
23
                break
24
               }}}
```

Para

4. Resultados

Las secuencias gráficas de la búsqueda aleatoria del mejor resultado se presenta en la figura 1, y esta disponible de manera extensa como material complementario en el repositorio de la practica [1], se observa que la calidad búsqueda aleatoria depende de donde aparece por primera vez la replica, ya que la función en los limites evaluadas de 7 a 12 tanto en x y y acumula las mejores opciones en una sola zona.

Para el análisis entre la búsqueda aleatoria y la búsqueda probabilística las rutinas descrita en la sección 3 se

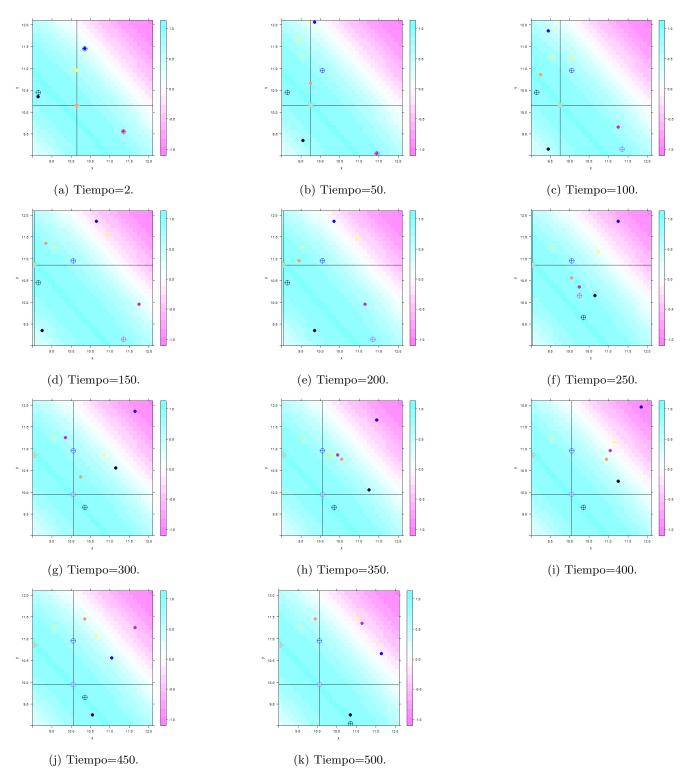


Figura 1: Búsqueda aleatoria del máximo en el plano, el circulo con la cruz dentro representa la mejor opción para cada replica en dado tiempo, el circulo representa la búsqueda actual y el punto de cruce entre la línea vertical y horizontal, representa la mejor opción de todas las replicas.

evaluaron 15 veces y se analizaron estadísticamente, se considera el tiempo en el que se llega al resultado mayor en cada una de las búsqueda (cuadro 1), igualmente se analiza la sumatoria de las 5 replicas, interpretando que a sumatorias mayores, las replicas en conjunto se acercaron más al resultado óptimo (cuadro 2). Para la rutina aleatoria durante 500 pasos no siempre se obtuvo el resultado óptimo y se excluyeron del análisis. Es claro que los tiempos en los que se obtiene el valor óptimo mejora al utilizar la segunda rutina y las replicas en conjunto se acercan a valores mas cercanos al mejor. El cuadro 3 presenta los valores p para ambos análisis, ambas relaciones tienen valores menores a 0,05 por lo que fueron aceptadas como significativas.

Cuadro 1: Datos estadísticos de los tiempos en encontrar el valor máximo de las replicas. El Tiempo 1 hace referencia a las replicas aleatorias y el Tiempo 2 a la simulación de recocido térmico.

Estadistica	N	Mediana	Min	Max
Tiempo 1	12	117.58330	22	230
Tiempo 2	12	19.91667	4	87

Cuadro 2: Datos estadísticos de las sumatorias de las replicas. La Sumatoria 1 hace referencia a las replicas aleatorias y la Sumatoria 2 a la simulación de recocido térmico.

Estadistica	N	Mediana	Min	Max
Sumatoria 1	15	4.76212	3.82853	4.99983
Sumatoria 2	15	4.99990	4.99985	4.99993

Cuadro 3: Valores p entre las sumatorias y los tiempos de las replicas para encontrar el valor máximo.

Variable 1	Variable 2	p-value
Sumatoria 1	Sumatoria 2	$7,94 \times 10^{-7}$
Tiempo 1	Tiempo 2	$1,553 \times 10^{-4}$

5. Conclusiones

La búsqueda aleatoria es muy dependiente de la posición inicial de las replicas, la forma y los limites en los que se evalúa la función determinan el plano donde se realizará la búsqueda. La búsqueda que se rige por la mejor opción entre los vecinos y probabilístico (dependiente de la temperatura) si la selección es peor mejora considerablemente las rutinas.

Referencias

- [1] I. Crespo. P7: Búsqueda local. 2022. URL https://github.com/IsmaelHC/Simulacion-NANO-2022/tree/main/P7.
- [2] E. Schaeffer. Simulación. 2022. URL https://satuelisa.github.io/simulation.