

Universidad Nacional de Loja

Facultad de la energía, las industrias y los recursos no renovables

Integrantes:

Israel Rodríguez, Royel Jima, Steeven Pardo, Juan Calopino, Carlos Granda.

Materia:

Teoría de la Programación

Ciclo:

Primero "A"

Docente:

Coronel Romero Edison Leonardo

Fecha:

16 de Junio de 2024

Ensayo: Proyecto PIS Unidad 2.

1. Definición del problema.

Como se sabe la creciente problemática que se ha generado a lo largo de los años en torno al cambio climático ha incentivado al desarrollo de tecnologías entorno a la energía renovable, con el fin de concientizar y mejorar el entorno en el que se vive. Por lo cual se ha buscado cómo aprovechar un recurso renovable que se tiene al alcance todos los días, en este caso la energía solar, la cual es generada por el sol viajando a través de radiaciones hacia el planeta Tierra, siendo inagotable y muy abundante por lo que es sumamente aprovechada por diferentes tecnologías actuales, debido a que esta puede ser transformada en electricidad.

Para entender cómo se realiza la transformación de la energía solar a electricidad, es necesario saber que esta se genera mediante reacciones de fusión las cuales son producidas por el sol, llegando a viajar hacia la tierra por medio de ondas electromagnéticas y posteriormente aprovechadas para su uso e incluso almacenamiento, principalmente por medio de los paneles solares.

El problema que aborda el presente proyecto se centra en cómo aprovechar esta energía renovable a través de algoritmos y componentes eléctricos que permitan aprovechar la energía solar de la manera más eficiente a lo largo del día, con el fin de poder presentar ideas de cómo implementarlo en la vida cotidiana.

En el caso del algoritmo, el problema que surge entorno a este, se centra en la necesidad de calcular la posición del sol en el cielo en cualquier momento dado, teniendo en cuenta que este cálculo es dinámico y debe actualizarse continuamente debido al movimiento aparente del sol a lo largo del día y del año, permitiendo así al cargador solar tener una orientación óptima del panel, para maximizar la exposición a la energía solar y, por consiguiente, tener una mayor eficiencia del mismo.

2. Objetivos del presente proyecto.

El objetivo del presente proyecto trata de proporcionar una secuencia lógica y detallada de pasos o instrucciones que permitan calcular la posición del sol en una hora determinada y así realizar un sistema de seguimiento del sol a base de componentes o dispositivos que permitan implementarlo, en menor escala, para su uso en el día a día.

En el caso especifico del algoritmo, como objetivo de optimización se busca tomar en consideración cómo las coordenadas influyen en el tiempo, e incluso en la fecha, a utilizar dentro de los cálculos a ejecutar. Entonces se debe considerar cómo la zona horaria es distinta de acuerdo a las coordenadas presentadas. Asimismo, como otro objetivo de optimización, se busca lograr compatibilizar los resultados que brinda el algoritmo con los resultados presentados por sensores de luz en el panel solar.

3. Método SPA (Solar Position Algorithm).

El método SPA es un método ampliamente utilizado para determinar la posición del sol en el cielo en función de la fecha, la hora y la ubicación geográfica específicas. La cuál se basa en un conjunto de ecuaciones trigonométricas y astronómicas que modelan la posición aparente del sol en el cielo en función de varios parámetros.

Las fórmulas utilizadas en el método SPA se derivan de modelos astronómicos complejos que tienen en cuenta la órbita de la Tierra alrededor del sol, la inclinación del eje de la Tierra, la rotación de la Tierra sobre su eje, y otros factores astronómicos. Algunas de las fórmulas comúnmente utilizadas en el método SPA incluyen:

<u>Declinación Solar:</u> Se trata del ángulo entre el plano del ecuador terrestre y la línea que conecta el centro de la Tierra con el Sol en un momento dado. El cual se calcula utilizando ecuaciones que tienen en cuenta la posición orbital de la Tierra y la posición del sol en la eclíptica.

$$\delta = -23.44^{\circ} \times \cos{(\frac{360}{365} \times (n+10))}$$

 δ = Declinación solar n = Días transcurridos desde que inicio el año.

Ángulo de Elevación Solar: Se trata del ángulo vertical entre la dirección del sol y el plano del horizonte en un lugar específico y en un momento dado, siendo calculado por medio de ecuaciones que utilizan la declinación solar, la ecuación del tiempo, la longitud y latitud del lugar, y el tiempo solar verdadero.

$$EoT = 9.87 \times \sin(2B) - 7.53 \times \cos(B) - 1.5 \times \sin(B)$$

EoT = Ecuación del tiempo

$$B = \frac{360}{365} \times (n - 81)$$

 $oldsymbol{B} = ext{\'A}ngulo \ horario \ en \ radianes \quad oldsymbol{n} = ext{D\'ias} \ transcurridos \ desde \ que \ inicio \ el \ a\~no$

$$TSV = Hora \ local + \frac{4 \times (longitud \ local - longitud \ estandar \) + EoT}{60}$$

TSV = Tiempo Solar Verdadero EoT = Ecuación del tiempo

$$\alpha = \sin^{-1}(\sin(\delta) \times \sin(\phi) + \cos(\delta) \times \cos(\phi) \times \cos(H))$$

 $\alpha = Altura \ del \ sol \quad \delta = Declinación \ solar \quad \phi = Latitud \ en \ radianes$

$$H = 15^{\circ} \times (TSV - 12)$$

H = Altura del sol sobre el horizonte TSV = Tiempo Solar Verdadero

Ángulo Azimutal Solar: Se trata del ángulo horizontal entre la dirección norte y la proyección del sol en el plano horizontal. Siendo calculado por medio de ecuaciones trigonométricas que tienen en cuenta la declinación solar, la latitud del lugar y el ángulo de elevación solar.

$$Azimut = cos^{-1} \left(\frac{\sin(\delta) - \sin(\alpha) \times \sin(\phi)}{\cos(\alpha) \times \cos(\phi)} \right)$$

 $\boldsymbol{\delta} = Declinación \ solar \quad \boldsymbol{\alpha} = Altura \ del \ sol \quad \boldsymbol{\phi} = Latitud \ en \ radianeS$

4. Variables a utilizar en la creación del algoritmo y como influyen en los cálculos.

Las variables que se van a utilizar para hacer que el proyectó, en este caso la parte del algoritmo, permita que los componentes a utilizar se muevan en torno a donde se encuentre el sol, dependen de diversas variables las cuales son:

Hora Actual: Es una variable muy indispensable para el proyecto ya que se necesitarán las horas y minutos, que son dos variables que influyen en casi todos los cálculos.

<u>Fecha Actual:</u> Esta variable siempre va a variar a medida que pasan los días, donde los valores como la declinación solar o el TSV o incluso la altura del sol no son constantes ya que estas fórmulas dependen del tiempo, es decir, su valor cambia a medida que pasan los días.

<u>Días transcurridos desde que inició el año:</u> Variable que sirve para poder realizar las ecuaciones principales del método SPA.

<u>Días totales del año</u>: Esta variable puede variar dependiendo si es año bisiesto; en este caso como es año bisiesto, la fórmula de declinación solar cambia el valor de 365 a 366, así mismo en la ecuación del tiempo.

<u>Declinación Solar:</u> Variable que tiene muchas constantes, sin embargo, para calcularla existe una variable a tomar en cuenta la cual es el número de días desde el inicio del año hasta el día actual.

Latitud y longitud: Variables que pueden variar dependiendo del lugar en el que se encuentren. En este caso, la latitud promedio en la ciudad de Loja esta entre un valor desde -4.03009 como mínimo y -3.9748 como máximo, en cambio la longitud de Loja está en promedio desde los -79.2184 hasta los -79.1867. Y es necesario conocer estas variables ya que mediante estas se pueden sacar los datos que permiten realizar las fórmulas correctamente de acuerdo al lugar.

Ecuación del Tiempo: Esta variable es importante ya que nos permite conocer el ángulo solar de acuerdo a la hora o día en el que se esté.

Zona Horaria: Variable relevante ya que depende mucho sobre la ubicación geográfica de un lugar dependiendo de la rotación de la Tierra y división de uso terrestre dependiendo de los horarios.

<u>Longitud estándar:</u> Variable que está relacionada con el meridiano de Greenwich como de la zona horaria, y es necesaria para algunos cálculos en el método SPA.

Altura del sol sobre el horizonte (H): Variable que permite entender en donde se encuentra el sol en cierta hora del día, y que influye dentro del cálculo para obtener el azimut.

<u>Tiempo Solar Verdadero (TSV):</u> Variable que varía a lo largo del día, ya que el valor de una de las variables no permanece constante debido a que se trata del tiempo actual.

Azimut: Variable que juega un papel muy importante porque indica la dirección horizontal de un punto en relación con el norte.

5. Estructuras de datos y funciones utilizadas en el código.

En el presente código se ha implementado distintas estructuras que guardan datos similares, pero con diferentes unidades. Entre las estructuras creadas se podrá observar que "Ubicacion" guarda los valores de las coordenadas, es decir, latitud y longitud; "TiempoActual" y "Tiempo" guardan los valores de fechas, horas y minutos; "ZonaHoraria" guarda el valor de la longitud estándar y de la zona horaria en la que se encuentra. Las demás estructuras guardan el valor obtenido de cada fórmula del SPA en grados y en radianes. Por último, está la estructura "PanelSolarSpa", la cual guarda los valores necesarios para hacer girar el panel solar; en este caso, guarda el azimut y la altura solar en grados, individualmente.

En cuanto a las funciones, se ha procedido a utilizar procedimientos y valores por referencia, ya que se ha observado una mayor eficiencia en la actualización de las variables después de cada cálculo. Para comenzar, se han creado procedimientos que permitan convertir los datos ingresados de una unidad a otra, es decir, de grados a radianes y viceversa. Luego, se ha continuado desarrollando procedimientos para tomar los datos del tiempo desde el sistema, determinar la ubicación respecto al plano geográfico, calcular los días transcurridos desde que inició el año y realizar todas las fórmulas correspondientes dentro del método SPA.

6. Pseudocódigo y diagrama de flujo.

```
#include <stdio.h>
#include <time.h>
#include <math.h>
#include <Servo.h>
const int ldrPin2 = A1; //Pin donde se conecta el sensor de luz (LDR)
Servo myServo; // Creo variable para controlar el servomotor
//ESTRUCTURAS
struct Ubicacion{
    float lat, lon;
struct TiempoActual{
    int aC,mC,dC,hC,minC;
};
struct Tiempo{
    int a, m, d, a1, m1, d1;
struct DeclinacionSolar{
    double dsG, dsR;
struct EcuacionTiempo{
    double etG, etR;
struct ZonaHoraria{
```

```
};
struct HoraSolarVerdadera{
    double TsD;
    int TsH, TsM;
};
struct AlturaSol{
    double HG, HR, asG, asR;
struct Azimut{
   double aziG, aziR;
};
struct PanelSolarSpa{
   double aziG, asG;
};
//FUNCIONES Y PROCEDIMIENTOS
//CONVERSIONES
void Pgar(double *variable){
    double Pi=3.1415926535;
    *variable=((*variable*Pi)/180.0); //Conversion de Grados a Radianes
void Prag(double *variable){
    double Pi=3.1415926535;
    *variable=((*variable*180)/Pi); //Conversion de Radianes a Grados
//TIEMPO DEL SISTEMA
void PtiempoActual(int *aC,int *mC, int *dC, int *hC, int *minC){
    time_t t;
   time(&t);
    struct tm *tm info = localtime(&t);
    *aC = tm_info->tm_year + 1900; //Numero de aÑos desde 1900
    *mC = tm_info->tm_mon + 1; //Numero de meses desde (0-11)
    *dC = tm info->tm mday;
    *hC = tm info->tm hour;
    *minC = tm_info->tm_min;
//CALCULOS Y DATOS NECESARIOS PARA LAS ECUACIONES
void PubicacionDireccion(float lat, float lon){
    if (lat>0){
        printf("Valor de latitud de su zona geografica\n%f N\n", lat);
    } else{
        printf("Valor de latitud de su zona geografica\n%f S\n", (-1*lat));
    if (lon>0){
```

```
printf("Valor de longitud de su zona geografica\n%f E\n", lon);
        printf("Valor de longitud de su zona geografica\n%f 0\n", (-1*lon));
void Ptiempo(int *a, int aC, int *m, int mC, int *d, int dC, int *a1, int *m1,
int *d1){
    //Procedimiento para determinar el tiempo transcurrido durante este año.
    *d=1; //Dia en el que se empieza
    *m=1; //Mes en el que se empieza
    *a1=aC-*a; //Para contabilizar que el año siempre sea 0
    *m1=mC-*m; //Para contabilizar los meses completos que han habido
    for(*m=1; *m<mC; *m=*m+1){ //Bucle para que sume los dias correspondientes de
acuerdo a cada mes del año
        if (*m==1)|*m==3||*m==5||*m==7||*m==8||*m==10||*m==12){ //Meses de 31
dias
            dC+=31;
        else\ if(*m==2) //Mes de 28 o 29 dias de acuerdo a si el año es
            if(aC%4==0){
                dC+=29; //El año si es bisiesto
            }else{
                dC+=28; //El año no es bisiesto
        else if(*m==4||*m==6||*m==9||*m==11){ //Meses de 30 dias}
            dC+=30;
    *d1=dC; //Para guardar en una variable el total de dias desde que empezo el
//1era FORMULA: DECLINACION SOLAR
void PdeclinancionSolar(int a, int d1, double *decSolar, double *decSolarR){
    double ec; //Inicializo una variable para realizar calculos
        ec=360.0/366.0*(d1+10); //Para el caso de que fuera año bisiesto
    } else{
        ec=360.0/365.0*(d1+10); //Para el caso de que no fuera aÑo bisiesto
    Pgar(&ec); //Convierto el resultado a Radianes
    *decSolar=(-23.44)*cos(ec); //Resultado en grados
    *decSolarR=*decSolar; //Asigno valor para ser convertido
    Pgar(&*decSolarR); //Convierto el resultado a Radianes
 /2nda FORMULA: ECUACION DEL TIEMPO
```

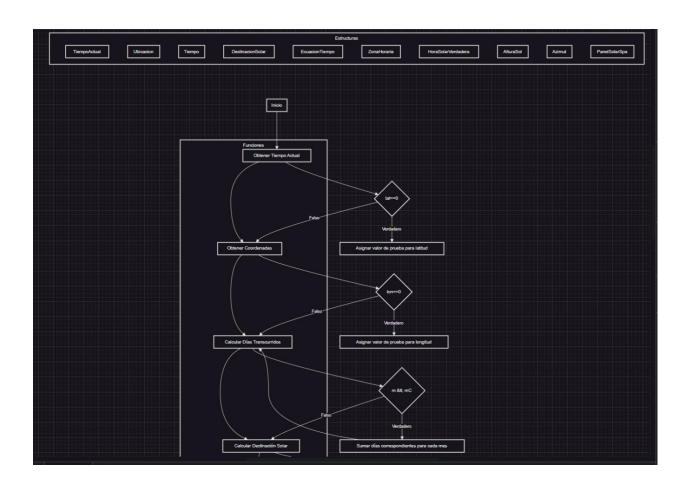
```
void PecuacionTiempo(int a, int d1, double *ecTiempo, double *ecTiempoG){
    double B; //Inicializo una variable para realizar calculos
    if(a\%4==0){
        B=360.0/366.0*(d1-81); //Para el caso de que fuera año bisiesto
    } else{
        B=360.0/365.0*(d1-81); //Para el caso de que no fuera año bisiesto
    Pgar(&B); //Convierto el resultado a Radianes
    *ecTiempo=9.87*(sin(2*B))-(7.53*cos(B))-(1.5*sin(B)); //Resultado en radianes
    *ecTiempoG=*ecTiempo; //Asigno valor para ser convertido
    Prag(&*ecTiempoG); //Convierto el resultado a Grados
//3era FORMULA: TIEMPO SOLAR VERDADERO
void PzonaHoraria(int lonEntero, int *lonEs, int *zH){
    //Procedimiento para obtener la longitud Estandar y la Zona Horaria
    if (lonEntero%15==0){ //En el caso de que la parte entera de la coordenada si
fuera divisible para 15
        *lonEs=lonEntero;
        *zH=lonEntero/15;
    }else{
        if (lonEntero>0){ //En el caso de que la parte entera de la coordenada no
            while(lonEntero%15!=0){ //Bucle para al valor restarle hasta que si
                lonEntero--;
            *lonEs=lonEntero;
            *zH=lonEntero/15;
        } else{ //En el caso de que la parte entera de la coordenada no fuera
divisible para 15 y sea un valor negativo
            while(lonEntero%15!=0){ //Bucle para al valor sumarle hasta que si
sea divisible
                lonEntero++;
            *lonEs=lonEntero;
            *zH=lonEntero/15;
void PhoraSolarVerdadera(int hC, int minC, float lon, int lonEs, double EcTiempo,
double *TsD, int *TsH, int *TsM){
    double hdec=hC+(minC/60.0); //Inicializo una variable para calcular la hora
en decimales
    *TsD=hdec+((4*(lon-lonEs)+EcTiempo)/60.0); //Resultado del Tiempo Solar en
```

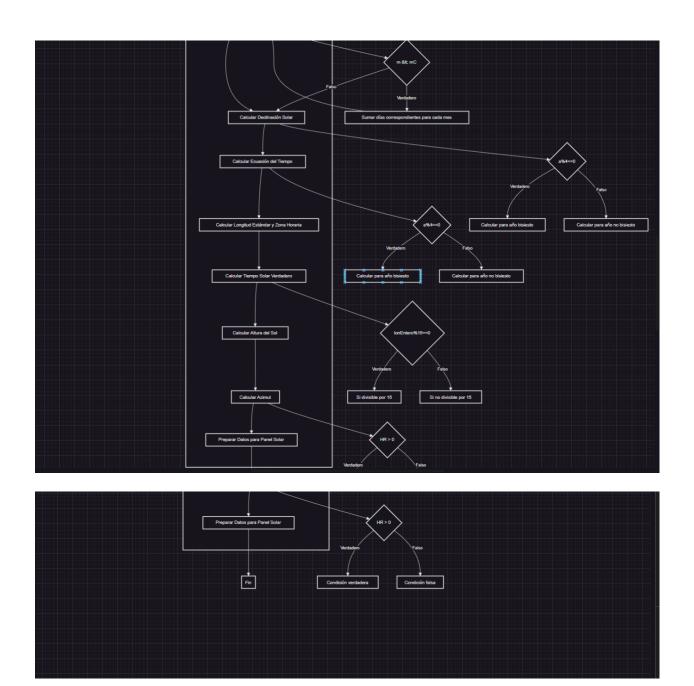
```
*TsH=*TsD; //Asigno el valor y obtengo el Tiempo Solar en horas
    *TsM= round((*TsD-*TsH)*60); //Calculo y redondeo el valor, obteniendo asi el
//4rta Formula: ALTURA DEL SOL
void PalturaSol(double TsD, double *HG, double *HR, double lat , double decSolar,
double *asR, double *asG){
    *HG=15*(TsD-12); //Calculo la altura del sol sobre el horizonte en Grados
    *HR=*HG; //Asigno valor para ser convertido
    Pgar(&*HR); //Convierto el resultado a Radianes
    Pgar(&lat); //Convierto la latitud a Radianes
    *asR=asin((sin(decSolar)*sin(lat))+(cos(decSolar)*cos(lat)*cos(*HR)));
    *asG=*asR; //Asigno valor para ser convertido
    Prag(&*asG); //Convierto el resultado a Grados
//5nta FORMULA: AZIMUT
void Pazimut(double decSolar, double asR, double lat, double HR ,double *aziR,
double *aziG){
    double Pi=3.1415926535; //Inicializo el valor de Pi
    Pgar(&lat); //Convierto la latitud a Radianes
    *aziR=acos((sin(decSolar)-sin(asR)*sin(lat))/(cos(asR)*cos(lat)));
//Resultado en grados
    if (HR>0){ //Condicion para cuando la altura del sol sobre el horizonte sea
mayor a 0
        *aziR=(2*Pi)-*aziR;
        printf("El valor del azimut cambio\n"); //Indicamos en el caso de que se
    *aziG=*aziR; //Asigno valor para ser convertido
    Prag(&*aziG); //Convierto el resultado a Grados
//APARTADO PARA ARDUINO
void setup() {
 Serial.begin(9600); //Para iniciar el monitor serial
  int ValorSensor1 = analogRead(ldrPin1); // Para leer los valores de los
sensores de luz
 int ValorSensor2 = analogRead(ldrPin2);
```

```
int Diferencia = ValorSensor1 - ValorSensor2; // Para calcular la diferencia
entre los dos sensores
 int Angulo = map(Diferencia, -1023, 1023, 0, 180); // Mapear la diferencia a un
rango de ángulo para el servo
y 180 grados
 myServo.write(Angulo); //Mover el servomotor al ángulo calculado
 delay(100); //Esperar un tiempo (milisegundos) antes de la siguiente lectura
//FUNCION PRINCIPAL
int main(){
   //FECHA Y HORA
    struct TiempoActual tmpa; // <---- ESTRUCTURA</pre>
    PtiempoActual((&tmpa.aC),(&tmpa.mC),(&tmpa.dC),(&tmpa.hC),(&tmpa.minC));
//Llamo a la funcion
    printf("Fecha: %d/%d/%d , Hora: %d:%d\n",
(tmpa.dC),(tmpa.mC),(tmpa.aC),(tmpa.hC),(tmpa.minC)); //Escribo los valores que
me devuelve la funcion
    //COORDENADAS
    struct Ubicacion coordenada; // <----- ESTRUCTURA</pre>
    printf("Bienvenido al programa para calcular la direccion y altura del
sol\nSe requiere de tus coordenadas para realizar el calculo\n");
    printf("Ingresa la latitud\n");
    scanf("%f", &coordenada.lat); //Para ingresar el valor de latitud
    if (coordenada.lat==0){ //Para ingresar automaticamente el valor de prueba
        coordenada.lat=-3.99313;
    printf("Ingresa la longitud\n");
    scanf ("%f", &coordenada.lon); //Para ingresar el valor de longitud
    if (coordenada.lon==0){ //Para ingresar automaticamente el valor de prueba
        coordenada.lon=-79.20422;
    PubicacionDireccion((coordenada.lat),(coordenada.lon)); //Llamo a la funcion
    //DIAS TRANSCURRIDOS
    struct Tiempo tmp; // <---- Estructura</pre>
    tmp.a=tmpa.aC; //Asigno el mismo valor para el año de referencia
    Ptiempo((&tmp.a),(tmpa.aC),(&tmp.m),(tmpa.mC),(&tmp.d),(tmpa.dC),(&tmp.a1),(&
tmp.m1),(&tmp.d1)); //Llamo a la funcion
    printf("Fechas hasta ahora: %d anios, %d meses, %d dias\n",
(tmp.a1),(tmp.m1),(tmp.d1)); //Escribo los valores que me devuelve la funcion
    //1era FORMULA: DECLINACION SOLAR
    //Variables utilizadas: Año, Dias que han transcurrido desde que inicio el
   struct DeclinacionSolar decSolar; // <---- Estructura</pre>
```

```
PdeclinancionSolar((tmp.a),(tmp.d1),(&decSolar.dsG),(&decSolar.dsR)); //Llamo
    printf("Valor de la declinacion solar %f en grados\n", decSolar.dsG);
//Escribo los valores que me devuelve la funcion
    //2nda FORMULA: ECUACION DEL TIEMPO
   //Variables utilizadas: Año, Dias que han transcurrido desde que inicio el
    struct EcuacionTiempo ecTiempo; // <----- Estructura</pre>
    PecuacionTiempo((tmp.a),(tmp.d1),(&ecTiempo.etR),(&ecTiempo.etG)); //Llamo a
la funcion
   printf("Valor de la ecuacion del tiempo %f en radianes\n", ecTiempo.etR);
//Escribo los valores que me devuelve la funcion
   //LONGITUD ESTANDAR Y ZONA HORARIA
    struct ZonaHoraria zhoraria; // <----- Estructura</pre>
   PzonaHoraria((coordenada.lon),(&zhoraria.lonEstand),(&zhoraria.zH)); //Llamo
a la funcion
   printf("Valor de la longitud estandar: %d\nTu zona horaria es: %d\n",
zhoraria.lonEstand, zhoraria.zH); //Escribo los valores que me devuelve la
funcion
    //3era FORMULA: TIEMPO SOLAR VERDADERO
    //Variables utilizadas: Hora y Minuto actual, Longitud, Longitud Estandar,
    struct HoraSolarVerdadera TiempoSolar; // <---- Estructura</pre>
    PhoraSolarVerdadera((tmpa.hC),(tmpa.minC),(coordenada.lon),(zhoraria.lonEstan
d),(ecTiempo.etR),(&TiempoSolar.TsD),(&TiempoSolar.TsH),(&TiempoSolar.TsM));
//Llamo a la funcion
    printf("Valor de la Hora solar:\nEn decimales: %f\nEn horas: %d\nEn minutos:
%d\n", (TiempoSolar.TsD),(TiempoSolar.TsH),(TiempoSolar.TsM)); //Escribo los
valores que me devuelve la funcion
    //Variables utilizadas: Tiempo Solar, ALtura del Sol sobre el Horizonte (H),
latitud, Declinacion Solar
    struct AlturaSol altSol; // <----- Estructura</pre>
    PalturaSol((TiempoSolar.TsD),(&altSol.HG),(&altSol.HR),(coordenada.lat),(decS
olar.dsR),(&altSol.asR),(&altSol.asG)); //Llamo a la funcion
    printf("Valor de H: %f en radianes\nValor de la altura solar:\nEn radianes:
%f\nEn grados: %f\n", (altSol.HR),(altSol.asR),(altSol.asG)); //Escribo los
valores que me devuelve la funcion
    //5nta FORMULA: AZIMUT
    //Variables utilizadas: Declinacion SoLar, Altura del Sol, latitud, ALtura
del Sol sobre el Horizonte (H)
    struct Azimut azi; // <----- Estructura</pre>
    Pazimut((decSolar.dsR),(altSol.asR),(coordenada.lat),(altSol.HR),(&azi.aziR),
(&azi.aziG)); //Llamo a la funcion
```

```
printf("El valor del Azimut: %f en radianes\nEl valor del Azimut: %f en
grados\n", (azi.aziR),(azi.aziG)); //Escribo los valores que me devuelve la
funcion
    struct PanelSolarSpa psSpa; // <------ Estructura
    psSpa.asG=altSol.asG; //Guardo los valores que son necesarios en Y para el
panel solar
    psSpa.aziG=azi.aziG; //Guardo los valores que son necesarios en X para el
panel solar
    printf("Los valores que van a ir hacia el panel son:\nPara X: %f grados\nPara
Y: %f grados\n", (psSpa.aziG),(psSpa.asG)); //Escribo los valores guardados en la
estructura
    return 0;
}</pre>
```





Discusión sobre como el diseño puede implementarse en un sistema real de paneles solares.

Para implementar un código en un sistema de paneles solares, es esencial integrar tanto el software como el hardware. El software se basa en generar órdenes que el hardware ejecuta para cumplir objetivos como el seguimiento solar. Esta integración debe ser optimizada para asegurar eficiencia y durabilidad del proyecto. La mejora continua del algoritmo también es fundamental, ya que influye directamente en la eficiencia y capacidad del sistema para aprovechar la energía solar de manera efectiva.

Bibliografía: ¿?

- [1] "Posición del Sol | PVEducation". PVEducation. Accedido el 16 de junio de 2024. [En línea].
- [2] "Cálculo de la posición del sol en el cielo para cada lugar en cualquier momento".
 Home
 SunEarthTools.com solar tools for consumers and designers. Accedido el 15 de junio de 2024. [En línea].
- [3] "Cómo Calcular El Azimut De Una Placa Solar | Placas Solares". Placas Solares. Accedido el 16 de junio de 2024. [En línea].
- [4] "Calculadora en línea: Acimut y ángulo de elevación solar". Calculadoras en línea. Accedido el 16 de junio de 2024. [En línea].