Aluno: Luis Rizipe de Ling Squer Nota: 6,5
01. Mostre que as fórmulas $(\forall x)(\exists y)(P(x, y))$ e $(\exists y)(\forall x)(P(x, y))$ não são equivalentes.
02. Considere as relações binárias P e Q sobre o domínio U = {1, 2, 3, 4, 5}, cujos conjuntos-
verdade são
$V(P) = \{(1, 3), (3, 3), (3, 4), (3, 5), (4, 2), (4, 5), (5, 5)\}$
$V(Q) = \{(1, 3), (1, 5), (2, 4), (3, 1), (3, 5), (4, 4), (5, 2)\}.$
Determine $V(P \circ Q^{-1})$.
03. A relação P é dita ser <i>vazia</i> quando é verdadeira a fórmula $(\forall x)$ $(\forall y)$ $(\neg P(x, y))$. Pede-se:
(a) Mostre que se uma relação é vazia, então ela é simétrica e transitiva.
(b) Forneça um exemplo de uma relação não vazia P tal que P ○ P seja vazia.
(b) Forneça um exemplo de uma relação não vazia que seja simétrica e transitiva, mas não
reflexiva.
04. Considere a fórmula $\Psi = (\forall x) (\exists y) (Q(F(x, y), F(y, x)))$ e o predicado $P(a, b, c)$ dado por "c é
igual a $F(a, b)$ ". Escreva uma fórmula equivalente a Ψ que não contém funções em sua formação.

05. Dada $\Lambda = (\exists x)(P(x) \to (\forall y)(Q(x, y) \land \neg P(y)))$, escreva uma fórmula equivalente a Λ e que

contém a menor quantidade possível de símbolos distintos em sua formação.

23/02/2017

Professor Jânio Kléo

Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia do Ceará

Engenharia de Computação

1,5

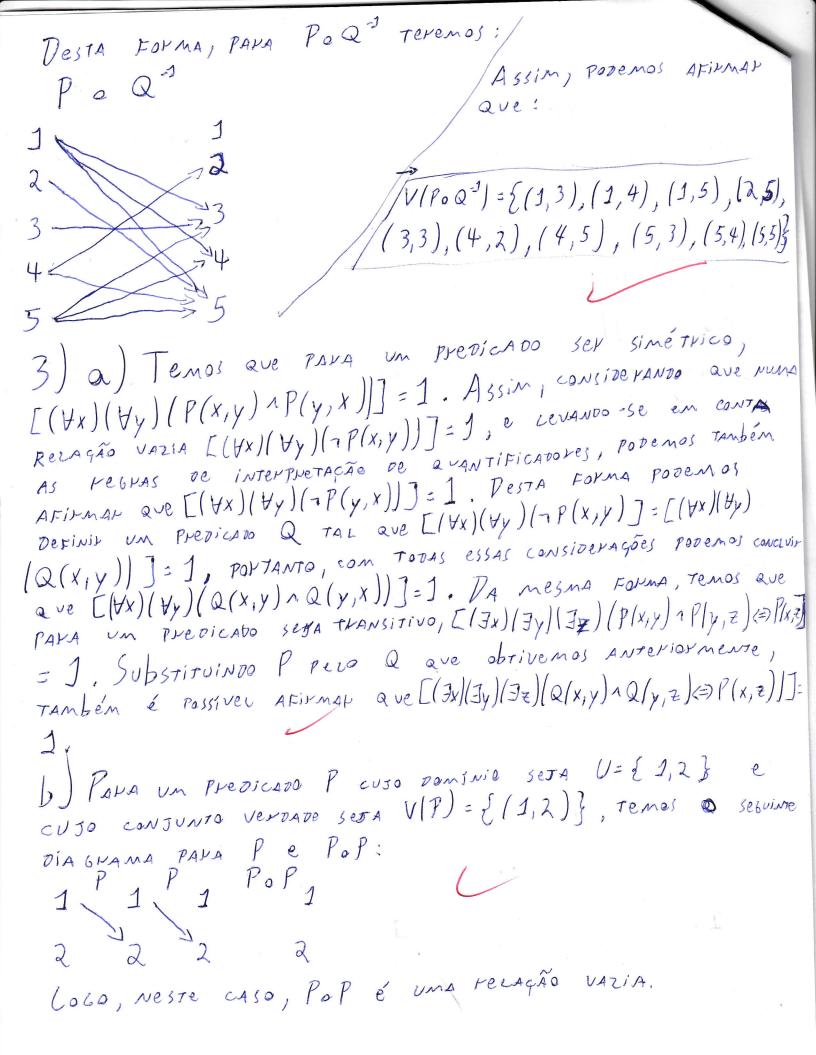
2,0

1,5

1,5

Quarta avaliação de Lógica Matemática

I) Principamente suponhamos que o Domínio DO Preticado P SEJA U= {ay, az}, Temos QUE PAHA UMA FÓRMULA TAL QUE (YX)(P(X,Y)), TENA SUA INTEMPRETAÇÃO como SENDO: [[P(asiy) 1 P(aziy)]]. De Maneira senechante, PARA UMA TAL QUE (FX)(P(X,Y)), SUA INTEPPETAÇÃO SETÁ [Plasy) V(Plazy)].
TENTO ISTO EM MENTE, (YX)(FY)(P(X,Y)) PODE SET EXPRESSA POY: (\(\frac{1}{2}\)\(\left(\frac{1}{2}\)\(\left(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac{1}{2}\)\(\frac $P(a_2, a_2)$ INTERPRETANDO P(agias) como un certo W, P(agiaz) como CENTO V, Plazias) como un cento Z e Plazias) como un CENTO K, A FÓMMUZA ANTENSON PODE SEN ENTRESSA PON: 1(WVZ)~(UVK) DA MESMA MANEIHA, A FÓRMULA (Fy)(HX)(P(X,Y)) PODE SER EXPRESIA POR (Jy)(P(a,y) ~ P(a,y) = (=>(P(a2,a1) ~ P(a1,a2)) v (P(a2,a1) ~ P(a2,a2)) Se Guindo A Mezma interpretação ANTERIOR PARA O PREDICADO P, [[WV]]V[ZVK]] Desta Forma cencivinos que (Hx)(=y)/P(x,y)) e (=y)(Hx)(P(x,y)) NÃO SÃO EQUIVALENTES. 2) DADAS AS INFORMAÇÕES CONTIDAS NO ENUNCIADO, PODEMES TRAÇAR DIAGRAMAS PARA OS PREDICADOS P e Q: P &Q & ADICIONALMENTE, PAVA Q-J



Of CONTINUAGÃO C) PAVA a mesmo caso APNeseNTADO NO ITEM (b), e LEVANZO-SE PAPA un Predicado R cuso domínio é (2=5],2 e cuso conjunto verdate é $V(R)=\{(1,2),(2,1)\}$ emos o seguinte DIAGHAMA: Observanos que Trata-se de una recação Simétrica Pois [R(1,2) \wedge R(2,1)]=1, Transitiva Pois [R(1,2) \wedge R(2,1) \rightleftharpoons R(1,1)]=1, Poyém \nearrow NÃO é simétrica, Pois [R(2,2)]=0. 4) Considerande F(x,y) como un certo Z e F(y,x) cono un cerso K, podemos escrever: (Hx)(3y) (P(x,y,z) ~ P(y,x,K) ~ Q(z,K)) (=) 4 Falton quantificador para Z e K. 5) CONSIDERANDO P(X), Q(X,Y) e 7 P(1) como sento respectivamente os Previcados de Aridade O, equivalentes aos mesmos, respectivamentes. Y, Z, K, PODENOS reescrever A. FÓRMUZA A COMO: Y -> (Z1K), DISPENSANDO D USO DE QUANTIFICADOPES, VISTO NÃO POSSUST VANIÁVEIS. ESTA FÓRMUZA É A FÓRMUZA M, TAZ QUE YES 1.