# Major HW2 – Report

Yaniv Valdman – 318932365

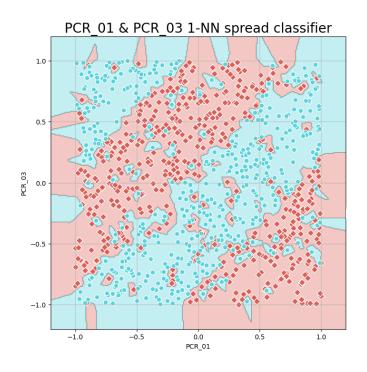
Itamar Friedman – 315173344

	תוכן
1	Major HW2 – Report
2	חלק 1
2	שאלה 1
2	שאלה 2
3	שאלה 3
4	שאלה 4
4	חלק 2
4	שאלה 5
6	שאלה 6
7	שאלה 7
7	שאלה 8
8	חלק 3
8	9 שאלה
8	שאלה 10
9	שאלה 11
11	12 שאלה
12	חלק 4
12	13 שאלה
12	:סעיף א' - הוכחה
13	סעיף ב'
13	שאלה 14
14	שאלה 15
16	חלק 5
16	16 שאלה
16	17 שאלה
17	18 שאלה
17	שאלה 19

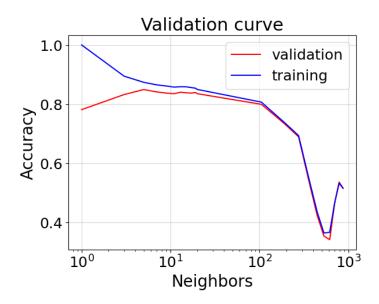
# חלק 1

## שאלה 1

ירכת\_01&PCR\_03 בהסתמך על הפיצ'רים 1-NN להלן תוצאת מודל



## 2 שאלה



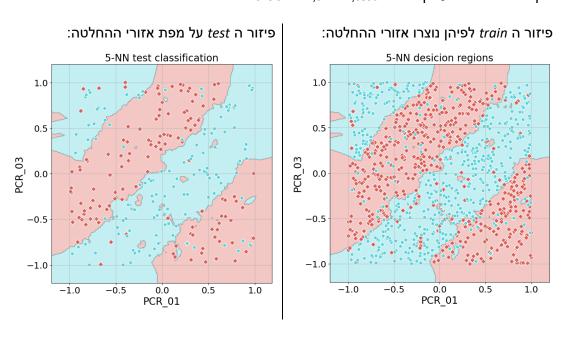
להערכתנו, k=5 הוא ה-k האופטימלי. עבורו, הדיוק הממוצע על קבוצות האימון הוא 0.87 ועל קבוצת הוולידציה הוא 0.85 (התוצאות מעוגלות לשתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית). זוהי הערכתנו כיוון שעבור ערך k זה, הדיוק הממוצע על קבוצות הוולידציה הוא הגבוה ביותר, ראינו בהרצאה שבוחרים את הערך הטוב ביותר בהסתמך על מידע זה.

על היפודל ולכן ביצועיו איטובים על הילרמות מתרחש כאשר המודל מתבסס באופן מוגזם על ה-k=1,2 נמוכים כגון k, ערכים אלו  $test\ set\ /validation\ set$ . ניתן לראות תופעה זאת עבור ערכי k נמוכים כגון k ניתן לראות אך ביצועים גרועים על קבוצת הוולידציה. תופעה זו התרחשה מתאפיינים בדיוק גבוה על ה- $train\ set$  אך ביצועים גרועים על קבוצת האימון, אך אינו מייצג באופן מהימן את כיוון שעבור ערכים אלו, הסיווג הותאם באופן מוחלט לקבוצת האימון, אך אינו מייצג באופן מהימן את ההתפלגות ממנה הגיעו הנתונים.

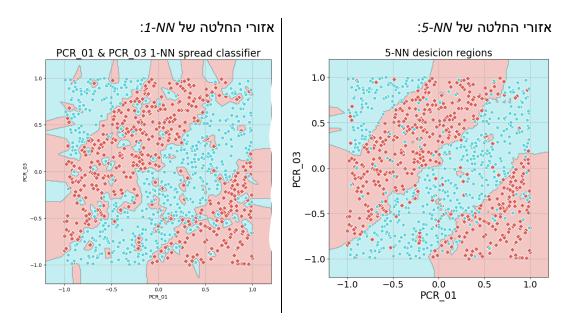
שהמודל הינו בעל ביצועים לא טובים על קבוצת האימון, למשל כיוון שהמודל (k=530,515) מתרחש כאשר הניואנסים הקיימים במידע. ערכי k גבוהים (כגון k=530,515) גורמים לשטני מדי ולא תופס את הניואנסים הקיימים במידע. ערכי k גבוהים מבלי לתפוס את הדקויות של k מחומים מסוימים וקטנים יותר. כמו כן, בערכי k גדולים במיוחד, אשר מתקרבים למספר הדגימות בקבוצת האימון (800 במקרה זה בשל ה-k (folding), למעשה ההחלטה מתקבלת ע"י סיווג לפי הקבוצה הגדולה יותר, כי כל הנקודות במידע הן השכנות הקרובות ביותר של שאר הנקודות, מה שגורם לפשטנות יתר של המודל.

#### שאלה 3

דיוק המודל הנבחר על קבוצת ה 5-NN, test, הינו



#### שאלה 4



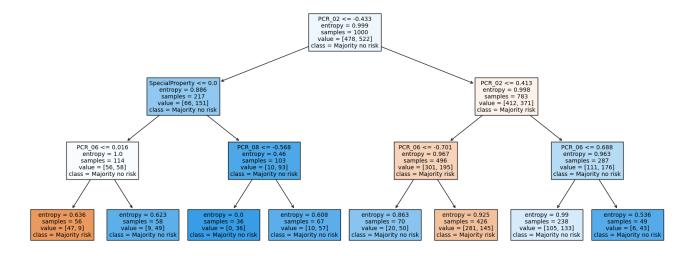
נתבונן באזורי ההחלטה שהתקבלו בשאלות 1 ו-3 בזה ליד זה. ניתן לראות שעבור חמישה שכנים, מתקבלים אזורי החלטה הרבה יותר "חלקים" שפחות מושפעים מרעש. מודל שמתחשב רק בשכן אחד הוא training seth לכן, במודל 1-NN ניתן לראות תופעה של "איים" רבים מאוד, זהו אחד מהאופנים שה-overfit בא לידי ביטוי בהם במודל זה.

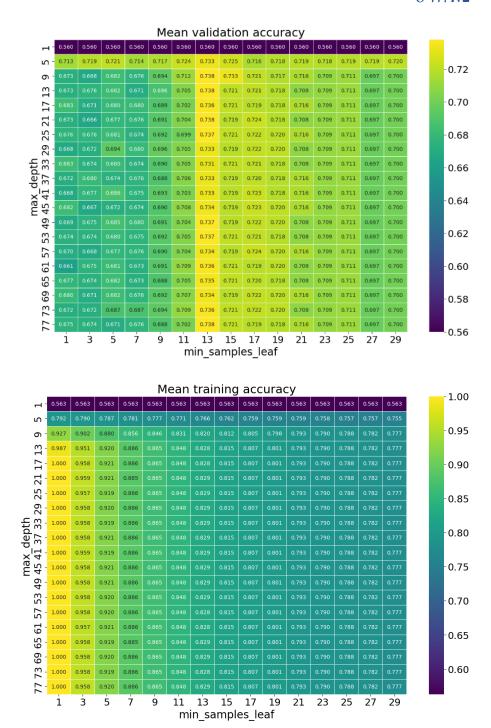
# חלק 2

## שאלה 5

. 0.696 של העץ בעל עומק 3 הינו train set

#### Risk Decision Tree





ישל שהוא validation accuracy- הקומבינציה האופטימלית שמצאנו, עבורה ה $max\_depth = 21, min\_samples\_leaf = 13$ , הינה 0.738,

קומבינציה שגורמת ל-underfitting הינה שות הינה underfitting הינה שגורמת ל-underfitting הינה שגורמת ל-1). זהו מצב של  $\min_s amples_leaf$  כיוון שהתוצאות ערך  $\min_s amples_leaf$  כאשר העומק מוגבל ל-1). זהו מצב של שומדל פשטני מדי בשל עומק עץ שלא עבור הזוג הזה על קבוצת *האימון* לא טובות, מה שנובע מכך שהמודל פשטני מדי בשל עומק עץ שלא מאפשר למידה משמעותית (כלומר, אין "פיצ'ר קסם" בודד שעל פיו בלבד ניתן לנבא את ה-(risk).

דוגמה לקומבינציה שגורמת ל-overfitting הינה (1.0) ואילו על קבוצת הוולידציה מצב של overfitting כיוון שעל קבוצת האימון התוצאה מושלמת (1.0) ואילו על קבוצת הוולידציה  $min\_samples\_leaf=1$  אנו מאפשרים בקירוב. כאשר נשתמש בערך o.661 או מאפשרים עלים שהם ספציפיים לדגימה בודדת מהדאטא. דגימה בודדת יכולה להיות רעש, או לא לשקף את התפלגות הדאטא, ולכן לא נרצה ליצור סיווג בעץ על סמך נקודה בודדת. דבר זה פוגע במודל כיוון שהוא נותן חשיבות רבה ומוטעית עבור רעשים בדאטא, מה שעלול לסווג נקודות אחרות בעלות פיצ'רים דומים (עד אותו פיצול בעץ) באופן שגוי.

הגדלת ה-*min\_sample\_leaf* "מחליקה" את המודל, כלומר מתעלמת מרעשים מה שעוזר להימנע מoverfitting.

#### שאלה 7

ראשית, נציין כי בחרנו לבחון 20 עומקים שונים בטווח [1,80], ו-15 כמויות שונות של דגימות מינימליות בעלים בטווח [1,30]. סה"כ נוצר לנו (מהמכפלה הקרטזית) גריד בגודל 20x15, כלומר 300 תאים, ובהתאם המודל בחן 300 קומבינציות שונות של היפר-פרמטרים.

אילו רצינו לבחון היפר-פרמטר שלישי, היינו מתמודדים עם גריד תלת מימדי שמספר התאים בו הוא כגודל המכפלה הקרטזית בין 3 הקבוצות שהיינו מגדירים. כלומר, בהנחה ששתי הקבוצות הראשונות שלנו הן בגודל 20 ו-15, והשלישית בגודל n, היו בידינו 3000 שלשות שונות של היפר-פרמטרים.

כל היפר-פרמטר נוסף יוסיף קבוצה חדשה למכפלה הקרטזית, ובהתאם יגרור הכפלה של מספר הבדיקות הקודמות בגודל הקבוצה החדשה. כמו כן, כל הוספה תוסיף מימד לגריד שנוצר.

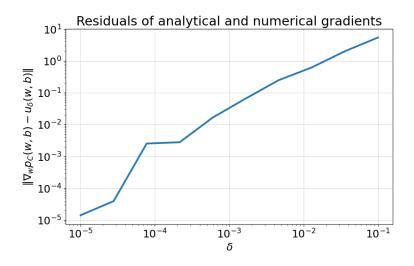
### שאלה 8

הדיוק של מודל העץ ID3 כאשר העומק מוגבל ל-21 ומספר הדגימות המינימלי לעלה הוא 13 הניב test set. דיוק של **0.736 על ה-test** set.

נבחין כי זוהי תוצאה דומה לזו שהתקבלה על קבוצת הוולידציה עבור אותו מודל.

## חלק 3

#### שאלה 9



מהגרף נראה כי ככל ש- $\delta$  קטנה, ההפרש בין החישוב הנומרי והאנליטי קטן גם הוא. החישוב הגרדיאנט האנליטי של הגרדיאנט אינו תלוי ב- $\delta$ , כלומר, בהינתן  $p_c(w,b)$  עם  $p_c(w,b)$  קבועים, חישוב הגרדיאנט באופן אנליטי הינו דטרמיניסטי ואותה תוצאה תתקבל בכל הרצה (עד כדי שגיאות נומריות של gloats). לעומת זאת, חישוב הנגזרת הנומרי מושפע למדי מערכה של  $\delta$ , ככל ש- $\delta$  קטנה, אנו בוחנים שתי נקודות קרובות יותר בפונקציה (בכיוון  $w_i$  מסוים), לכן, חישוב השיפוע בהסתמך על שתי נקודות אלו מדויק יותר מאשר אותו חישוב כאשר  $\delta$  גדולה.

עם זאת, שיפוע ההפרש אינו קבוע, לפרקים אף המגמה משתנה והגרף יורד כאשר  $\delta$  גדלה (בחרנו גרף "יפה" שלא מראה זאת), זה נובע מכך שהנקודות המופיעות בגרף הינן הממוצע של 100 דגימות הפרש לכל ערך  $\delta$ , ובכל דגימה עבור  $\delta$  מסוימת מוגרלים b וw-u. צמד w-u הם למעשה נקודה על גרף w, ייתכן שבסביבת נקודה w מסויימת יש שינוי חד במיוחד בשיפוע הגרף, ולכן עבור נקודה w, ותדרש w קטנה יותר על מנת להגיע לקירוב טוב של הגרדיאנט לעומת נקודות אחרות על הגרף.

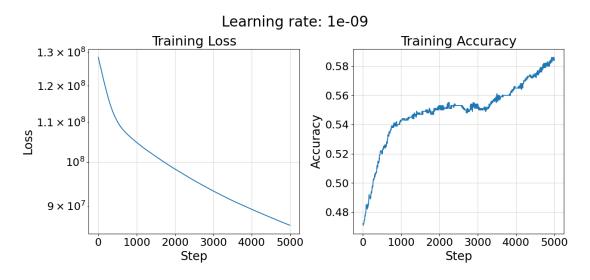
#### שאלה 10

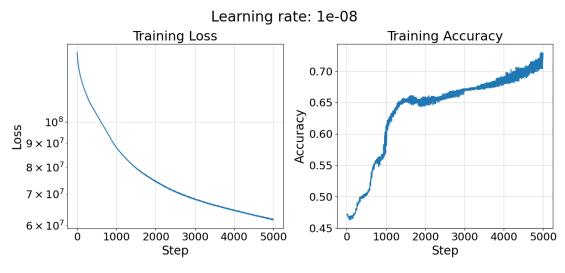
פעולת אימון (fit) על דאטא מבצעת אלגוריתם SGD, במהלכו, מנסים להביא למינימום את שיעור ה-SGD, שבמקרה שלנו הוא  $p_c(w,b)$ , כיוון שפונקציה זו הינה קמורה (ראינו זאת בהרצאה), המינימום הלוקאלי שלה מתלכד עם המינימום הגלובאלי. אי לכך, העובדה שבגרף המצורף לתרגיל loss -

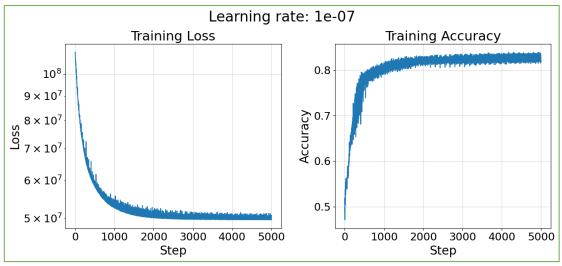
עם זאת, מאחר שהמידע לא פריד לינארית, הפסד מינימאלי לא מבטיח דיוק מינימאלי, וזאת כיוון שעבור מידע שכזה מפריד לינארי לא מתאים (כלומר, באופן אינהרנטי קיים bias עבור המודל, הכוונה היא לא ל- b ההיפר-פרמטר).

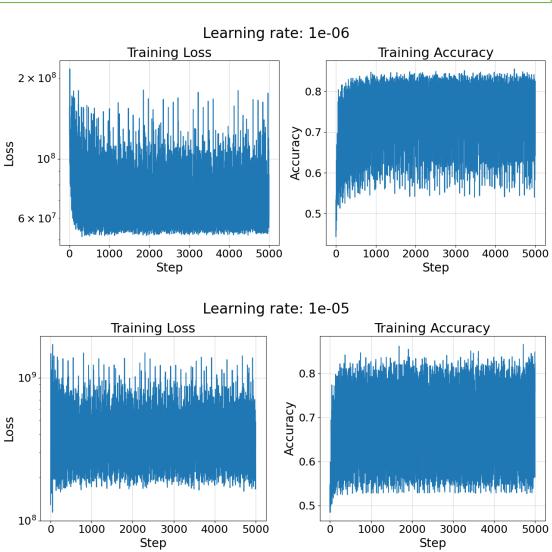
משום שאנחנו מנסים לבצע סיווג לינארי של דאטא שאינו פריד לינארית, ניתן לצפות שאלגוריתם SGD יגיע למינימום loss עם ערך loss יחסית גבוה, ובהתאם לכך, גם אחוז שגיאה גבוה. אכן ניתן לראות בשני הגרפים התכנסות למינימום של LOSS בקירוב על 1e14 עם שגיאה של 50%. כמו כן, ניתן לומר בקירוב שכמעט כל קו מפריד שנעביר ייתן דיוק של כ50% (לדוגמה ממבט על סיווג כל הנקודות בצבע אחד או העברת קו אקראי דרך ראשית הצירים).

#### שאלה 11



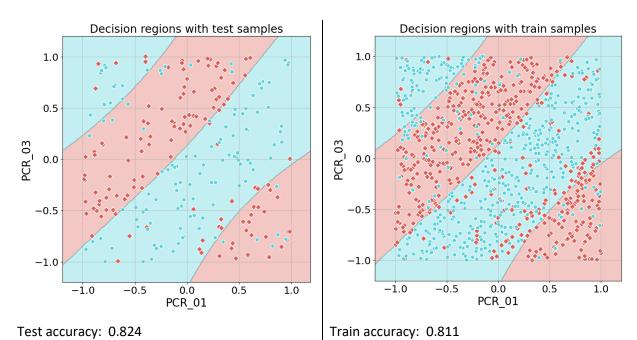






היינו בוחרים ב-learning rate = 1e-7 אשר מגיע למינימום הכי מהר (במספר הצעדים הקטן ביותר) וכן מגיע ל-training accuracy הגבוה ביותר.

## שאלה



#### שאלה 13

:סעיף א' - הוכחה

$$\begin{split} &\lim_{\gamma \to 0} sign \left( \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0} \alpha_i y_i \exp\left\{ -\gamma \big| \big| x - x_i \big| \big|_2^2 \right\} \right) = (assumption \ i) \\ &= sign \left( \lim_{\gamma \to 0} \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0} \alpha_i y_i \exp\left\{ -\gamma \big| \big| x - x_i \big| \big|_2^2 \right\} \right) = (limit \ rule \ of \ sums) \\ &= sign \left( \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0} \alpha_i y_i \lim_{\gamma \to 0} \exp\left\{ -\gamma \big| \big| x - x_i \big| \big|_2^2 \right\} \right) = (assumption \ ii) \\ &= sign \left( \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0} \alpha_i y_i \right) \\ &= sign \left( \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = +1} \alpha_i y_i + \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = -1} \alpha_i y_i \right) \\ &= sign \left( \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = +1} \alpha_i - \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = -1} \alpha_i \right) = (assumption \ iii \ \& *) \\ &= \begin{cases} +1, & \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = +1} \alpha_i \geq \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = -1} \alpha_i \\ -1, & \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = +1} \alpha_i < \sum_{i \in [m], \alpha_i > 0 \mid y_i = -1} \alpha_i \end{cases} \\ &= argmax_{y \in \{-1, 1\}} \left( \sum_{i \in [m], y_i = y} \alpha_i \right) \end{aligned}$$

\* The norm of  $\alpha$  is bounded, therefore :

$$\begin{split} &\exists c_2 < \infty \colon \|\alpha\|_2 \le c_2 \\ &\Rightarrow \sqrt{\alpha_1^2 + \dots + \alpha_m^2} \le c_2 \\ &\Rightarrow \alpha_1^2 + \dots + \alpha_m^2 \le c_2^2 =: c_3 < \infty \\ &\Rightarrow \frac{1. \, \forall i \in [m] \colon \alpha_i < c_3 < \infty}{2. \, \Sigma \alpha_i < c_3 < \infty} \end{split}$$

#### 'סעיף ב

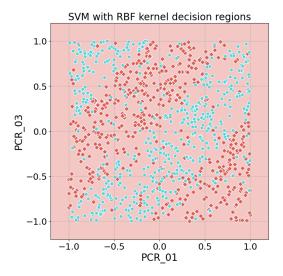
על סמך ההוכחה בסעיף א', אם כל כניסות הווקטור הינן 1, אז תוצאת הסיווג (שקול לתוצאת פונקציית ה-sign) הינה:

$$argmax_{y \in \{-1,1\}} \left( \sum_{i \in [m] | y_i = y} 1 \right)$$

כלומר, הלייבל שיש ממנו יותר דגימות בדאטא.

הדבר דומה למודל K-NN כאשר Em (מספר הדגימות) שבו החלטה על סיווג נקודה חדשה מתקבלת על סמך הלייבל שממנו הכי הרבה דגימות במידע (כיוון שכל הנקודות הינן שכנות של כל הנקודות). על סמך הלייבל שממנו הכי הרבה דגימות במידע עם זאת, בשל אופי חישוב הסיווג, המודלים לא זהים.

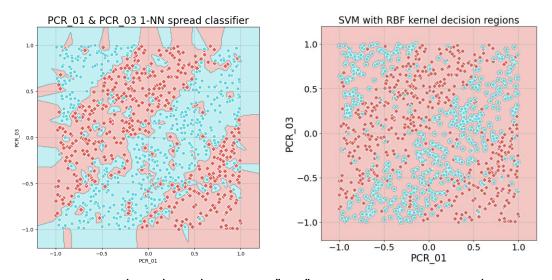
### שאלה 14



אכן, ה-decision regions שהתקבלו על ידי מסווג זה תואמים לכלל ההחלטה שדנו בו בשאלה 13b.  $lpha_i=1$  בפתרון הדואלי לבעיה lpha מתקיים  $lpha_i=1$  הראינו  $\gamma o 0$  ולכל נקודה יתבצע על ידי השמת הלייבל בעל מספר המופעים הגדול ביותר ב-train set.

ה-, וכמו כן, בבחינת ה- אכן, במסווג שהגדרנו, בחרנו  $\gamma \to 0$  שמדמה בקירוב טוב מצב בו  $\gamma \to 0$ , וכמו כן, בבחינת ה-  $\gamma$ , וכמו כן, בבחינת במסווג של המחלקה, אם נתבונן באיבר  $\gamma$ ,  $\gamma$  שמדמה במחין כי הוא מחזיק סדרה בגודל 1000 (מספר הדגימות) של  $\gamma$  מהגדרת איבר זה במחלקה, הוא מחזיק את כניסות וקטור הפתרון של בלייבל המתאים לכל דגימה, כיוון שהלייבלים הינם  $\gamma$  בלבד וכל כניסות חיוביות, ניתן להסיק כי כל הכניסות הללו הן  $\gamma$  אלו הם תנאי סעיף  $\gamma$  בדיוק ולכן ההתנהגות המתקבלת היא מתן הלייבל בעל המופע המקסימלי לכל הדגימות ב- $\gamma$ 





כפי שניתן לראות, בשתי הדיאגרמות ישנם "איים" בהם מתקבלת החלטה על סמך דוגמא בודדת (ניזכר כי במודל 1-NN כל החלטה מתקבלת על ידי שכן בודד קרוב ביותר וכל נקודה נחשבת שכן של  $\gamma=5000$  כאשר RBF kernel עצמה), זהו מצב של overfitting. בדיאגרמה המתאימה ל-SVM עם מעב דומה, ערך  $\gamma$  מאוד גדול הינו פרופורציונלי ביחס הפוך ל $\frac{1}{2\sigma^2}$ , כלומר, ערך  $\gamma$  גדול מתאים לערך  $\sigma$  קטן. כפי שראינו במאמר המצורף, ככל שמקטינים את  $\sigma$ , קטן גם ה-region of משמעות הדבר הוא שנקודה חדשה "דומה" לנקודה קיימת רק אם הן קרובות במיוחד. דבר זה מסביר את ה"איים" הכחולים.

הבדל משמעותי בין שתי הדיאגרמות בא לידי ביטוי בשטחים שלא קרובים באופן משמעותי לאף נקודה. במודל 1-NN, לא משנה כמה נקודה (קואורדינטה כלשהי על הגרף) רחוקה משאר הנקודות, היא תקבל סיווג בהתאם לשכן הקרוב אליה ביותר. לעומת זאת, שטחים אלה מהווים במודל ה-SVM עם RBF kernel את ה-region of dissimilarity (נזכיר,  $\sigma$  שבו אנו משתמשים קטן כעת) והם מקבלים סיווג אדום וזאת בשל הזנב של פונקציית ה-kernel. מחוץ לכל גאוסיאן צר סביב נקודה, בשל שגיאות נומריות והעובדה ש-  $\gamma$  גדול מאוד אך לא אינסוף, נקבל ב region of dissimilarity זנב עם ערך פחות או יותר קבוע וקטן מאוד. העובדה שהסיווג של אזורים אלו הוא אדום נובעת מכך שישנם יותר דוגמאות עם סיווג המתאים לצבע זה ב-train set. הגרף של סכימת הגאוסיאנים האדומים יכסה את זה של הכחולים, ובכך, על אף שבאזורים הרחוקים לפי המאמר - "לא מתקבלת החלטה", בפועל הערך אינו אפס ובשל כיסוי הגרף האדום את הכחול ההחלטה שתתקבל תהיה לייבל אדום.

#### חיזוק אמפירי ע"י דגימות לתיאוריה שהצגנו כאן:

```
test = pd.DataFrame()
test["PCR_01"] = [-1,1]
test["PCR_03"] = [-1,1]
notOurSVM.decision_function(test)
array([-0.03467037, -0.03467032])
```

```
test = pd.DataFrame()
test["PCR_01"] = [-2,2]
test["PCR_03"] = [-2,2]
notOurSVM.decision_function(test)

array([-0.0346704, -0.0346704])
```

דגימה של 4 נקודות מרוחקות (חלקן מאוד מרוחקות, מחוץ לתחום הנרמול) מכל נקודה אחרת, דגימה של 4 נקודות מרוחקות (חלקן מאוד מרוחקות, מחוץ לתחום הנרמול) מראה שב נראה (1,1), (-1,-1), (2,2), (-2,-2) שקיימים בכל המרחב "זנבות" קטנים מאוד, ובשל ריבוי התיוגים האדומים (השליליים), סה"כ סכום הזנבות הוא (-0.03467).

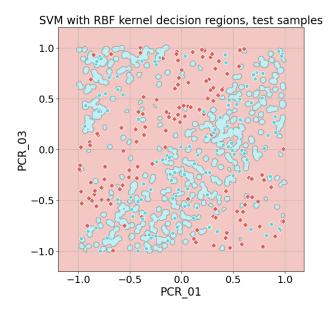
```
notourSVM.decision_function(partThreeTemp)

array([-0.99993265, 0.96550234, -1.00037067, 0.98855607, -0.59587658, 0.9653296, -0.9990191, -0.99974514, -1.00017173, 0.96532964, 0.96534312, -1.00023307, 0.96537066, -0.99947432, 0.955394389, 0.97115058, -0.99991211, 0.96567191, -0.99980156, 0.9583416, 0.96532952, -1.00026762, 0.99974592, 0.97579737, 0.95724574, -1.00034573, -0.99986447, 0.9653291, 0.97517374, 0.97115161, -0.99990138, 0.96532971, 0.96532961, 0.97327494, 0.99968628, -1.00043196, -1.00006877, 0.9653296, 1.00002781, 0.96533113, 0.9653296, 0.99998613, -0.25965357, 0.99979855, 0.93536523, -0.9997774, 0.9653306, 0.23795501, 0.9683408, -1.000026177, 0.98271175, 0.9653306, 0.23795501, 0.9689488, -1.000026177, 0.98271175, 0.9653306, -1.00001655, -0.99989233, -0.99981881, 1.0001329, 1.00011094, -0.99979, 0.96533063, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653306, 0.9653
```

מבט על תוצאות הרצת פונקציית ההחלטה על הנקודות שעליהן אומן המודל מראה שרובן מקבלות -1 שכן הן ברובן נופלות בתוך הגאוסיאן שסביבן (נקודות שמאוד קרובות לאחרות לעיתים נמצאות במספר גאוסיאנים ולכן יש להן תוצאות יותר קרובות ל0).

```
notOurSVM.decision_function(testDataset[["PCR_01", "PCR_03"]])
array([-0.03467041, -0.15909121, -0.12927766, -0.03872795, -0.03468056,
                 -0.03467116, -0.03466979,
-0.0346236 , -0.03485999,
                                                      0.02651669,
-0.23470439,
                                                                        -0.03467053.
                                                                                           -0.03465265
                 -0.0346/116, -0.03485999,
-0.0346236, -0.03485999,
-0.03427913, -0.03467608,
-0.03467072, -0.05680866,
-0.08103843, -0.03397904,
                                                      -0.0346704 , -0.0346704 ,
-0.00529751, -0.05657612,
                                                                        -0.0346704 ,
                                                                                           -0.03340478,
                                                      -0.01107665,
                                                                        -0.40265929,
                  0.03467161, -0.03254109,
                                                      -0.03540271,
                                                                        -0.03600316,
                  0.03467045,
                                                      -0.06510159,
-0.03488549,
                                                                         -0.0347352 ,
                  0.44311614,
                                   -0.03773395,
                                                                         -0.1260128 ,
                                                                                           -0.0346704
                                                      -0.03466448
```

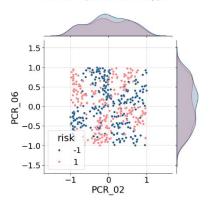
כשנריץ את הפונקציה על ה test dataset נראה שנקודות רבות נופלות כצפוי באיזורים שהם region of, כלומר מרוחקים מכל נקודה שעליה אומן dissimilarity, כלומר מרוחקים מכל נקודה שעליה אומן המודל וערכן אכן 0.03467. עם זאת, חלקן כן נופלות בתוך גאוסיאנים סביב נקודות עליהן אומן המודל ולכן מקבלות ערכים אחרים, כפי שניתן לראות מהויזואליזציה (חלק מהנקודות נופלות במקרה על השטחים הכחולים שהקיפו דגימות כחולות).



## 5 חלק

#### שאלה 16

PCR\_02 vs. PCR\_06 plot colored by risk for non-special blood types



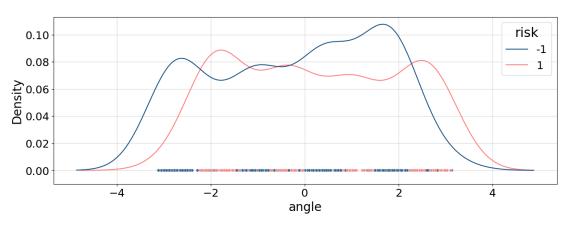
– את התרשים לעיל ניתן לתאר איכותית באופן הבא

נמקם ראשית הצירים של מערכת פולרית בנקודה (0,0). כעת, קיימים תחומים של  $\theta$  עבורם לכל נמקם ראשית הצירים של מערכת פולרית בנקודה ( $(r,\theta)$ ) מרבית הנקודות הינן מאותו סוג, כחולות או ורודות, כלומר, בסיכון או לא בסיכון.

בהרחבה, עבור התחומים,  $\theta \leq \frac{\pi}{4}$ ,  $\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{3\pi}{4}$ ,  $\pi \leq \theta \leq \frac{5\pi}{4}$ ,  $\frac{3\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{7\pi}{4}$ , הרוב המוחלט של בהרחבה, עבור התחומים, (risk = -1). בשאר תחומי  $\theta$  מרבית הנדגמים בסיכון.

### שאלה 17

KDE plots of density as a function of angle separated by risk



ניתן לראות הפרדה בציר האופקי (הזווית) לאינטרוולים, קיימות זוויות בהן מרבית תווית ה-risk

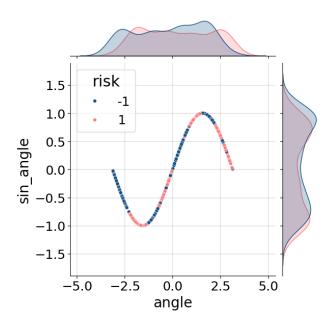
הינן 1- וכן זוויות בהן המרבית הינה 1.

הנקודה האחרונה באה לידי ביטוי בשני אופנים, הראשון הוא שבתחומים בהם מרבית הנקודות בעלות risk=-1, גרף ה-KDE המסומן בכחול גבוה יותר מאשר הוורוד, וגם להיפך (באזורים בעלי risk=1 הגרף הוורוד בעל ערך גדול מהכחול). האופן השני שבו הנקודה באה לידי ביטוי הוא שבאותם אזורים, גרף הפיזור (לאחר שכל הנקודות הוטלו לציר האופקי) נראה כחול או ורוד כמעט בבלעדיות, דבר זה נובע מכך שדחיסות הנקודות מצבע מסוים גדולה יותר מאשר של הצבע השני, ובכך הן "מסתירות" את הנקודות האחרות.

עם זאת, לאחר מיפוי זה **המידע עדיין איננו פריד לינארית.** 

#### שאלה 18

Joint plot of angle and sin\_angle features colored by risk



עבור ערך בטא 1, הפיצ'רים הללו לא נראים פרידים לינראית.

#### שאלה 19

:רעיון

– עבור שני היפר-פרמטרים grid search נבצע

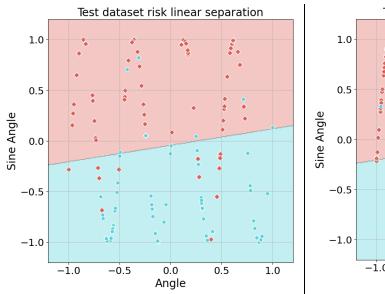
- בעל אינארי, שכן מיד נגדיר טרנספורמציה (מקדם סך ההפסד) soft SVM של C .1 בעצמנו.
  - .sin מידת המתיחה בציר האנכי של הפונקציה, eta

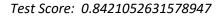
sklearn של grid search לא נוכל לבצע את פונקציית איננו ארגומנט של מחלקת SVC, לא נוכל לבצע את פונקציית  $\beta$ - איננו ארגומנט של Pipeline לשם כך. ה-pipeline יקבל dataframe בו מופיע הייצוג הפולארי של דגירה פשוטה, נגדיר את הזווית כיוון שרק היא משפיעה על הסיווג), יבצע את פונקציית דגימות המידע (למעשה רק את הזווית כיוון שרק היא משפיעה על הסיווג), יבצע את פונקציית הסינוס עם פרמטר  $\beta$  בטווח הערכים [3.0,5.0] עם קפיצות של  $\beta$ - עם פרמטר  $\beta$  בטווח הערכים יתאים ישר לנקודות לאחר הטרנספורמציה באמצעות  $\beta$ - צווח הערכים [0.4, 15].

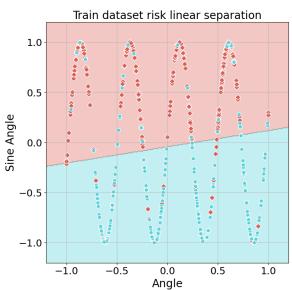
נציין כי לשם בחירת טווחי הערכים ביצענו שילוב של הגיון מתמטי וחיפושים חוזרים למציאת  $\beta$  ה-c בהרחבה, כיוון שהבחנו ב-8 תחומי זוויות שונים (4 לכל קבוצה), חיפשנו פרמטר (אשר מבצע כיווץ של הציר האופקי) באופן כזה שהמידע יופרד לשניים – מעל הציר האופקי ומתחתיו. עבור פרמטר c, התחלנו בבחינת ערכי c שונים והבחנו שהחל מערך c אין שיפור בביצועים, להערכתנו, דבר זה מתרחש בשל פרידות לינארית טובה יחסית של המידע, מה שמעניש באופן חמור יותר על חריגה. כמו כן, נציין כי לכל ערך c c c (עד כדי קפיצות של c c c מאחת.

ביצוע התהליך הנ"ל מוצא לנו באמצעות חיפוש גריד את ההיפר-פרמטרים הבאים:

$$\beta = 4.1$$
,  $C = 13$ 







Train Score: 0.8689788053949904

נשווה את הנתונים למודל הלינארי שהיה נתון:

מודל נתון מודל חדש השוואה
---------------------------

שיפור משמעותי	86.9%	58%	Training set
באחוזי ההצלחה (עליה			
בכ30 אחוזים)			
גם כן שיפור (עליה	84.2%	53%	Test set
בכ <i>30</i> אחוזים)			

כלומר, המודל החדש שמצאנו יותר טוב באופן משמעותי.