



$d_0 d_1 / d_2 d_3 d_4 d_5 d_6 d_7 d_8$

Nome: Monitores do 2022/2

Matrícula:

1	9	/	0	0	3	8	6	4	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Prova 1

→ Gabarito comentado das questões 1-3 e 4)b) ao final do pdf

(4.0) 1) Dado o programa C ao lado,

(2.0) a) Respeitando a convenção do uso de registradores, compile eficientemente para Assembly RISC-V ISA RV32IMF as rotinas `main` e `SOMAX()`.

Dica: comente o código!

(2.0) b) Para um processador RISC-V, onde as instruções de acesso à memória (loads e stores) e os desvios (condicionais e incondicionais) possuem $CPI=2$ e todas as outras instruções possuem $CPI=1$, com frequência de *clock* de 1 GHz, responda:

```
void main () {  
    int A[9]={d0,d1,d2,d3,d4,d5,d6,d7,d8};  
    printf("soma=%d", SOMAX(A,9));  
}  
  
int SOMAX(int v[], int n) {  
    int i, soma=0;  
    for (i=0; i<n; i++)  
        if (v[i]%2 == 0)  
            soma = soma + v[i];  
    return soma;  
}
```

(1.0) b.1) Qual a CPI média obtida para o seu procedimento `SOMAX`? $\overline{CPI} = 15/11 = 1,36$

(1.0) b.2) Qual o tempo necessário à execução do seu procedimento `SOMAX`? $t_{exec} = 91 \text{ ns}$

(2.0) 2) Considere o mapa de memória de código abaixo.

(1.4) a) Escreva o programa em Assembly abaixo

Endereço	Conteúdo	Instrução
0x00400000	0x00b50c63	beq a0, a1, 24
0x00400004	0x00b55663	bge a0, a1, 12
0x00400008	0x40a585b3	sub a1, a1, a0
0x0040000C	0xff5ff06f	jal zero, -12
0x00400010	0x40b50533	sub a0, a0, a1
0x00400014	0xfedff06f	jal zero, -20
0x00400018	0x00008067	jalr zero, ra, 0

(0.6) b) Se $a_0 = (d_7 d_8) + 1$ e $a_1 = (d_5 d_6 + 1)$, qual deve ser a frequência de *clock* de um Processador RISC-V Uniclo (CPI=1) para que o procedimento seja executado em $(d_4 + 1) \mu s$? $f_{clk} = 13,5 \text{ MHz}$

(3.0) 3) A ISA RV32I não possui as instruções de multiplicação, divisão e módulo (resto da divisão). No entanto, isto não significa que uma linguagem de alto nível não possa usar essas operações matemáticas neste processador. Implemente eficientemente a instrução abaixo como um **procedimento MUL** que não modifica **nenhum** registrador além do registrador de destino.

mul a0, a0, a1 # a0=Low(a0×a1) sendo a0 e a1 números com sinal

(2.0) 4) As operações em ponto flutuante foram um marco na computação científica, permitindo que números reais em uma ampla faixa dinâmica fossem representados em um número finito de bits. Dada a representação em ponto flutuante **IEEE 754 precisão simples**:

(1.0) a) Quando comparada com a representação de números inteiros de 32 bits em complemento de 2, qual das duas representações possibilita representar a maior quantidade de números diferentes? Por quê?

A de complemento, por não se preocupar com NaN, $\pm\infty$, etc.

(0.5) b) Dado o número $0x40d_4d_50000$ em IEEE754 precisão simples, qual o número final correspondente?

$0x40380000 = 2.875_{10}$

(0.5) c) Dada a aproximação do número $\pi = 3.14159265358979323846264338327950288419716939937510$, até que casa decimal conseguimos representá-lo com IEEE754 precisão simples?

π tem expoente 1, de forma que ao converter a mantissa o menor expoente será $2^{-22} = 0,0000002\dots$.
Teremos então representação correta até a 6ª casa decimal.

Gabarito

1) a) A convenção pede que apenas os registradores temporários sejam modificados numa rotina, com a possível exceção de registradores de saída. Aqui evitou-se alterar `a1`, mas `a0` foi modificado à vontade.

```
1  .data
2  str: .string "soma="
3  A:   .word 1, 9, 0, 0, 3, 8, 6, 4, 1
4  .text
5  main: li a7, 4      # syscall PrintString
6        la a0, str    # a0 = "soma="
7        ecall         # print("soma=")
8        li a1, 9      # a1 = 9
9        la a0, A       # a0 = A
10       jal SOMAX      # chama a funcao, resultado em a0
11       li a7, 1       # syscall PrintInt
12       ecall         # print(a0)
13       li a7, 10      # syscall Exit
14       ecall         # fim do programa
15
16  SOMAX: li t0, 0      # soma = 0
17        li t1, 0      # i = 0
18  for:   lw t2, 0(a0)   # t2 = v[i]
19        andi t3, t2, 1 # t3 = v[i]%2
20        bne t3, zero, impar # impar ? nao soma : soma
21        add t0, t0, t2  # soma += v[i]
22  impar: addi t1, t1, 1 # i++
23        addi a0, a0, 4  # endereco do proximo valor no vetor
24        blt t1, a1, for # i < n ? continua o laco : retorna
25        mv a0, t0      # a0 <- soma
26        ret           # retorno
```

b.1) O procedimento `SOMAX` como escrito acima possui 11 instruções, sendo 2 delas pulos condicionais (`bne`, `blt`), 1 delas um pulo incondicional (`ret`) e 1 delas um `load`. Logo, a CPI média nesta rotina é

$$\overline{\text{CPI}} = \frac{7}{11} \cdot 1 + \frac{4}{11} \cdot 2 = \frac{15}{11}.$$

b.2) Dada a frequência de *clock* $f = 10^9$ Hz, precisamos encontrar a quantidade de ciclos executados para calcular o t_{exec} . Da forma como foi escrito, dentro do laço *for*, o `SOMAX` executa 7 instruções por valor par no vetor, e 6 instruções por ímpar. Além disso, dentro do laço *for* são executadas 2 instruções de desvios condicionais e uma de acesso a memória, independente da paridade do valor do vetor. Fora desse laço, são executadas mais 4 instruções, 2 antes e 2 depois.

Assim, para $A[9] = \{1, 9, 0, 0, 3, 8, 6, 4, 1\}$, temos

$$I = (4 \cdot 6) + (5 \cdot 7) + 4 = 63.$$

Como o laço *for* é executado nove vezes, temos $3 \cdot 9 = 27$ instruções de dois ciclos executadas por ele e uma instrução de dois ciclos executada fora do laço (`ret`). Então 28 instruções possuem $\text{CPI}=2$ e as $63 - 28 = 35$ instruções restantes possuem $\text{CPI}=1$. Logo a quantidade C de ciclos executados é

$$C = 28 \cdot 2 + 35 \cdot 1 = 91.$$

Assim, o tempo de execução dessa rotina é:

$$t_{\text{exec}} = C \times f = 91 \times 10^{-9} \text{ s} = 91 \text{ ns}.$$

2) a) Questões de montagem/tradução de código de máquina são laboriosas mas diretas. A ideia aqui é converter o hexadecimal para binário, e com o `OpCode` determinar qual o tipo da instrução. Sabendo o tipo, é imediato obter os registradores da instrução e etc.

Padrão de cores: **OpCode**, **Rd**, **Rs1**, **Rs2**, **funct3**, **funct7**, **Imm**.

1. $0x00b50c63 = 0b \text{ 0000000 01011 01010 000 11000 } \underbrace{1100011}_{\text{tipo B}}$
 $= \text{beq } x10, x11, 0b0000000011000$
 $= \text{beq } a0, a1, 24$
2. $0x00b55663 = 0b \text{ 0000000 01011 01010 101 01100 } \underbrace{1100011}_{\text{tipo B}}$
 $= \text{bge } x10, x11, 0b000000001100$
 $= \text{bge } a0, a1, 12$
3. $0x40a585b3 = 0b \text{ 0100000 01010 01011 000 01011 } \underbrace{0110011}_{\text{tipo R}}$
 $= \text{sub } x11, x11, x10$
 $= \text{sub } a1, a1, a0$
4. $0xff5ff06f = 0b \text{ 1111 1111 0101 1111 1111 00000 } \underbrace{1101111}_{\text{tipo J}}$
 $= \text{jal } x0, 0b11111111111111110100$
 $= \text{jal zero, -12}$
5. $0x40b50533 = 0b \text{ 0100000 01011 01010 000 01010 } \underbrace{0110011}_{\text{tipo R}}$
 $= \text{sub } x10, x10, x11$
 $= \text{sub } a0, a0, a1$
6. $0xfedff06f = 0b \text{ 1111 1110 1101 1111 1111 00000 } \underbrace{1101111}_{\text{tipo J}}$
 $= \text{jal } x0, 0b111111111111111101100$
 $= \text{jal zero, -20}$
7. $0x00008067 = 0b \text{ 0000 0000 0000 00001 000 00000 } \underbrace{1100111}_{\text{tipo I (jalr)}}$
 $= \text{jalr } x0, x1, 0b00000000000000$
 $= \text{jalr zero, ra, 0}$

Resumindo, o código Assembly é

```

1      L1:  beq  a0, a1, L2
2          bge  a0, a1, L3
3          sub  a1, a1, a0
4          j    L1
5      L3:  sub  a0, a0, a1
6          j    L1
7      L2:  ret

```

b) Queremos encontrar frequência para o qual o programa acima tenha $t_{\text{exec}} = 4\mu s$ para $a0 = 5$ e $a1 = 49$. Visto que o processador é Uniciclo, basta determinar quantas instruções serão necessárias para a execução.

Primeiro, o programa irá descontar $a0$ de $a1$ até que $a1 < a0$. Essa operação deve ser repetida 9 vezes, resultando em $a1 = 4$. Até aqui, foram realizadas 36 instruções, 9 vezes os 4 comandos entre L1 e L3.

Seguindo, passa-se pelo `beq` e pula-se no `bge`, subtraindo $a1$ de $a0$, ou seja, 4 de 5 – mais 4 instruções.

Agora, com $a0 = 1$ e $a1 = 4$, repete-se novamente as instruções entre L1 e L3, só que apenas 3 vezes, acumulando-se 12 instruções.

Finalmente, temos $a0 = a1 = 1$, e o `beq` nos leva ao `ret`, 2 instruções.

Ao todo: $I = 36 + 4 + 12 + 2 = 54$. Conclusão:

$$t_{\text{exec}} = I \times \text{CPI} \times T_{\text{clk}} \xrightarrow{\text{CPI}=1} f_{\text{clk}} = \frac{I}{t_{\text{exec}}} = \frac{54}{4 \cdot 10^{-6}} \text{ Hz} = 13,5 \text{ MHz}.$$

3) Aqui é mais adequado usar shifts ao invés de somas.

```

1      addi    sp, sp, -12      # reserva espaco na pilha
2      sw      a1, 0(sp)       # salva a1
3      sw      t0, 4(sp)       # salva t0
4      sw      t1, 8(sp)       # salva t1
5      mv      t0, a0          # t0 <- a0
6      li      a0, 0           # zera o resultado
7      beq     t0, zero, FIM    # verifica se t0 eh zero
8  LOOP:  andi   t1, a1, 1      # verifica bit menos significativo de t1
9          srli  a1, a1, 1      # desloca t1 para direita
10         beq   t1, zero, PULA  # se lsb for 0, PULA
11         add   a0, a0, t0      # se lsb for 1 soma t0 ao resultado
12  PULA:  slli   t0, t0, 1      # desloca t0 para esquerda
13         bne   a1, zero, LOOP  # verifica se a1 eh diferente de 0
14  FIM:   lw     a1, 0(sp)      # recupera a1
15         lw     t0, 4(sp)      # recupera t0
16         lw     t1, 8(sp)      # recupera t1
17         addi   sp, sp, 12     # libera espaco da pilha

```

4) b) A *tool* Floating Point Representation do RARS nos dá o resultado final da conversão assim como os passos necessários para encontrá-lo.

