

## Задача А. Самое дешевое ребро

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано подвешенное дерево с корнем в первой вершине. Все ребра имеют веса (стоимости). Вам нужно ответить на  $M$  запросов вида “найти у двух вершин минимум среди стоимостей ребер пути между ними”.

### Формат входных данных

В первой строке файла записано одно числ —  $n$  (количество вершин).

В следующих  $n - 1$  строках записаны два числа —  $x$  и  $y$ . Число  $x$  на строке  $i$  означает, что  $x$  — предок вершины  $i$ ,  $y$  означает стоимость ребра.

$x < i, |y| \leq 10^6$ .

Далее  $m$  запросов вида  $(x, y)$  — найти минимум на пути из  $x$  в  $y$  ( $x \neq y$ ).

Ограничения:  $2 \leq n \leq 5 \cdot 10^4, 0 \leq m \leq 5 \cdot 10^4$ .

### Формат выходных данных

$m$  ответов на запросы.

### Пример

stdin	stdout
5	2
1 2	2
1 3	
2 5	
3 2	
2	
2 3	
4 5	

## Задача В. День Объединения

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В Байтландии есть целых  $n$  городов, но нет ни одной дороги. Король решил исправить эту ситуацию и соединить некоторые города дорогами так, чтобы по этим дорогам можно было бы добраться от любого города до любого другого. Когда строительство будет завершено, Король планирует отпраздновать День Объединения. К сожалению, казна Байтландии почти пуста, поэтому Король требует сэкономить деньги, минимизировав суммарную длину всех построенных дорог.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число  $n$  ( $1 \leq n \leq 5\,000$ ) — количество городов в Байтландии. Каждая из следующих  $n$  строк содержит два целых числа  $x_i, y_i$  — координаты  $i$ -го города ( $-10\,000 \leq x_i, y_i \leq 10\,000$ ). Никакие два города не расположены в одной точке.

### Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать минимальную суммарную длину дорог. Выведите число с точностью не менее  $10^{-3}$ .

### Примеры

stdin	stdout
6 1 1 7 1 2 2 6 2 1 3 7 3	9.65685

## Задача С. Остовное дерево 2

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Требуется найти в связном графе остовное дерево минимального веса.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа  $n$  и  $m$  — количество вершин и ребер графа соответственно. Следующие  $m$  строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер  $i$  описывается тремя натуральными числами  $b_i$ ,  $e_i$  и  $w_i$  — номера концов ребра и его вес соответственно ( $1 \leq b_i, e_i \leq n$ ,  $0 \leq w_i \leq 100\,000$ ).  $n \leq 20\,000$ ,  $m \leq 100\,000$ .

Граф является связным.

### Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно натуральное число — вес минимального остовного дерева.

### Примеры

stdin	stdout
4 4 1 2 1 2 3 2 3 4 5 4 1 4	7

## Задача D. Range Minimum Query

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Компания Giggle открывает свой новый офис в Судиславле, и вы приглашены на собеседование. Ваша задача — решить поставленную задачу.

Вам нужно создать структуру данных, которая представляет из себя массив целых чисел. Изначально массив пуст. Вам нужно поддерживать две операции:

- запрос: «?  $i$   $j$ » — возвращает минимальный элемент между  $i$ -ым и  $j$ -м, включительно;
- изменение: «+  $i$   $x$ » — добавить элемент  $x$  после  $i$ -го элемента списка. Если  $i = 0$ , то элемент добавляется в начало массива.

Конечно, эта структура должна быть достаточно хорошей.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит единственное целое число  $n$  — число операций над массивом ( $1 \leq n \leq 200\,000$ ). Следующие  $n$  строк описывают сами операции. Все операции добавления являются корректными. Все числа, хранящиеся в массиве, по модулю не превосходят  $10^9$ .

### Формат выходных данных

Для каждой операции в отдельной строке выведите её результат.

### Примеры

stdin	stdout
8	4
+ 0 5	3
+ 1 3	1
+ 1 4	
? 1 2	
+ 0 2	
? 2 4	
+ 4 1	
? 3 5	

## Задача Е. Вперёд!

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 6 секунд  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Капрал Дукар любит раздавать приказы своей роте. Самый любимый его приказ — «Вперёд!». Капрал строит солдат в ряд и отдаёт некоторое количество приказов, каждый из них звучит так: «Рядовые с  $l_i$  по  $l_j$  — вперёд!»

Перед тем, как Дукар отдал первый приказ, солдаты были пронумерованы от 1 до  $n$ , слева направо. Услышав приказ «Рядовые с  $l_i$  по  $l_j$  — вперёд!», солдаты, стоящие на местах с  $l_i$  по  $l_j$  включительно, продвигаются в начало ряда, в том же порядке, в котором были.

Например, если в какой-то момент солдаты стоят в порядке 1, 3, 6, 2, 5, 4, то после приказа «Рядовые с 2 по 3 — вперёд!», порядок будет таким: 3, 6, 1, 2, 5, 4. А если потом Капрал вышлет вперёд солдат с 3 по 4, то порядок будет уже таким: 1, 2, 3, 6, 5, 4.

Вам дана последовательность из приказов Капрала. Найдите порядок, в котором будут стоять солдаты после исполнения всех приказов.

### Формат входных данных

В первой строке входного файла указаны числа  $n$  и  $m$  ( $2 \leq n \leq 100\,000$ ,  $1 \leq m \leq 100\,000$ ) — число солдат и число приказов. Следующие  $m$  строк содержат приказы в виде двух целых чисел:  $l_i$  и  $r_i$  ( $1 \leq l_i \leq r_i \leq n$ ).

### Формат выходных данных

Выведите в выходной файл  $n$  целых чисел — порядок, в котором будут стоять солдаты после исполнения всех приказов.

### Пример

stdin	stdout
6 3	1 4 5 2 3 6
2 4	
3 5	
2 2	

## Задача F. Переворачивания

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 5 секунд  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Учитель физкультуры школы с углубленным изучением предметов уже давно научился считать суммарный рост всех учеников, находящихся в ряду на позициях от  $l$  до  $r$ . Но дети играют с ним злую шутку. В некоторый момент дети на позициях с  $l$  по  $r$  меняются местами. Учитель заметил, что у детей не очень богатая фантазия, поэтому они всегда «переворачивают» этот отрезок, т. е.  $l$  меняется с  $r$ ,  $l+1$  меняется с  $r-1$  и так далее. Но учитель решил не ругать детей за их хулиганство, а все равно посчитать суммарный рост на всех запланированных отрезках.

### Формат входных данных

В первой строке записано два числа  $n$  и  $m$  ( $1 \leq n, m \leq 200\,000$ ) — количество детей в ряду и количество событий, произошедших за все время. Во второй строке задано  $n$  натуральных чисел — рост каждого школьника в порядке следования в ряду. Рост детей не превосходит  $2 \cdot 10^5$ . Далее в  $m$  строках задано описание событий: три числа  $q, l, r$  в каждой строке ( $0 \leq q \leq 1$ ,  $1 \leq l \leq r \leq n$ ). Число  $q$  показывает тип события: 0 показывает необходимость посчитать и вывести суммарный рост школьников на отрезке  $[l, r]$ ; 1 показывает то, что дети на отрезке  $[l, r]$  «перевернули» свой отрезок. Все числа во входном файле целые.

### Формат выходных данных

Для каждого события типа 0 выведите единственное число на отдельной строке — ответ на этот запрос.

### Пример

stdin	stdout
5 6	15
1 2 3 4 5	9
0 1 5	8
0 2 4	7
1 2 4	10
0 1 3	
0 4 5	
0 3 5	

## Задача G. Приказы

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вася работает в НИИГСД (НИИ Государственных Структур Данных). Он изучает приказы правительства далёкого государства.

В том государстве все города расположены вдоль одной дороги. Они пронумерованы в порядке обхода. Изначально качество жизни в каждом из них равно нулю.

Далее последовательно издаются указы вида «уровень жизни в городах с  $i$  по  $j$  должен стать не меньше  $x$ ».

Также есть некоторые официальные заявления. Они имеют следующую форму: «средний уровень жизни в городах с  $i$  по  $j$  равен  $x$ ». Вася нуждается в помощи с проверкой этих утверждений: для каждого из них известны  $i$  и  $j$ , требуется подсчитать верное значение  $x$ .

Можете считать, что каждый приказ исполняется, а также в каждый момент времени каждый город имеет минимальный неотрицательный уровень жизни, удовлетворяющий всем приказам.

### Формат входных данных

Ввод состоит из одного или более тестов. Каждый тест начинается строкой с двумя целыми числами  $n$  и  $k$  — числом городов и событий, соответственно. Следующие  $k$  строк содержат по одному описанию события:

- $\wedge i j x$  означает приказ: после этого, все города с номерами от  $i$  до  $j$  включительно должны иметь уровень жизни не менее  $x$  ( $1 \leq x \leq 10^9$ ,  $1 \leq i \leq j \leq n$ ).
- $? i j$  означает официальное заявление: следует подсчитать средний уровень жизни в городах с  $i$  по  $j$  включительно ( $1 \leq i \leq j \leq n$ ).

В конце ввода будет помещён тест с  $n = k = 0$ , который не требуется обрабатывать.

Сумма  $n$  по всему вводу не превысит 100 000. Сумма  $k$  по всему вводу не превысит 100 000.

### Формат выходных данных

Для каждого официального заявления выведите на отдельной строке искомый средний уровень жизни в виде несократимой дроби с наименьшим возможным натуральным знаменателем. Если знаменатель равен 1, выведите вместо дроби целое число. Следуйте формату вывода, как это показано в примере.

### Пример

stdin	stdout
10 10	0
? 1 10	1
$\wedge$ 1 10 1	10
? 1 10	10
$\wedge$ 2 3 10	5
$\wedge$ 3 4 5	27/5
? 2 2	16/5
? 3 3	
? 4 4	
? 1 5	
? 1 10	
0 0	

## Задача Н. Динамический Лес

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам нужно научиться обрабатывать 3 типа запросов:

1. Добавить ребро в граф (`link`).
2. Удалить ребро из графа (`cut`).
3. По двум вершинам  $a$  и  $b$ , определить, лежат ли они в одной компоненте связности (`get`).

Изначально граф пустой (содержит  $N$  вершин, не содержит ребер). Гарантируется, что в любой момент времени граф является лесом. При добавлении ребра гарантируется, что его сейчас в графе нет. При удалении ребра гарантируется, что оно уже добавлено.

### Формат входных данных

Числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 10^5 + 1$ ,  $1 \leq M \leq 10^5$ ) — количество вершин в дереве и, соответственно, запросов. Далее  $M$  строк, в каждой строке команда (`link` или `cut`, или `get`) и 2 числа от 1 до  $N$  — номера вершин в запросе.

### Формат выходных данных

В выходной файл для каждого запроса `get` выведите 0, если не лежат, или 1, если лежат.

### Пример

stdin	stdout
3 7 get 1 2 link 1 2 get 1 2 cut 1 2 get 1 2 link 1 2 get 1 2	0101
5 10 link 1 2 link 2 3 link 4 3 cut 3 4 get 1 2 get 1 3 get 1 4 get 2 3 get 2 4 get 3 4	110100



## Задача I. Внутренняя точка 2

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан совсем невыпуклый простой  $N$ -угольник и  $K$  точек. Напомним,  $N$ -угольник называется простым, если не имеет ни самопересечений, ни самокасаний. Для каждой точки нужно определить, где она находится — внутри, на границе, или снаружи.

### Формат входных данных

В первой строке дано целое число  $T$  — количество тестов.

Далее идут  $T$  тестов. Тесты разделены переводом строки.

$N$  ( $3 \leq N \leq 10^5$ ). Далее  $N$  точек — вершины многоугольника.

$K$  ( $0 \leq K \leq 10^5$ ). Далее  $K$  точек — запросы.

Все координаты — целые числа по модулю не превосходящие  $10^9$ .

Суммарное количество  $N$  и  $K$  не превосходит  $2 \cdot 10^6$ .

### Формат выходных данных

Для каждого запроса одна строка — `INSIDE`, `BORDER` или `OUTSIDE`.

Тесты следует разделять переводом строки.

### Примеры

stdin	stdout
1	INSIDE
4	BORDER
0 0	BORDER
2 0	OUTSIDE
2 2	
0 2	
4	
1 1	
0 0	
0 1	
0 3	

## Задача J. Междугородний Экспресс

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 5 секунд  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Андрей разрабатывает программу для электронной продажи билетов. Сейчас он хочет протестировать ее на «Междугороднем Экспрессе», маршрут которого соединяет два крупных города. По пути между городами экспресс останавливается в  $n - 2$  населенных пунктах и, таким образом всего проходит  $n$  остановок, пронумерованных от 1 до  $n$ .

В «Междугороднем Экспрессе»  $s$  посадочных мест, пронумерованных от 1 до  $s$ . У программы Андрея есть доступ к базе данных, в которой содержится информация об уже проданных билетах по направлению из города 1 в город  $n$ . Нужно, чтобы программа умела отвечать, возможно ли продать билет со станции  $a$  до станции  $b$  и, если возможно, выдать номер минимального места, свободного на всем промежутке от  $a$  до  $b$ .

Пока система должна работать в тестовом режиме, поэтому никаких билетов она не продает и, выведя номер свободного места, она не должна его резервировать.

Помогите Андрею дописать эту программу.

### Формат входных данных

В первой строке файла через пробел написаны числа  $n$ ,  $s$  и  $m$  — число уже проданных билетов ( $2 \leq n \leq 10^9$ ,  $1 \leq s \leq 100\,000$ ,  $0 \leq m \leq 100\,000$ ).

Далее  $m$  строк содержат по три числа, описывающих каждый из билетов:  $c_i$  — номер занятого места,  $a_i$  — станция отправления и  $b_i$  — станция прибытия ( $1 \leq c_i \leq s$ ,  $1 \leq a_i < b_i \leq n$ ).

В следующей строке записано число  $q$  — количество запросов к программе ( $1 \leq q \leq 100\,000$ ).

Для обработки запросов должно поддерживаться специальное число  $p$ , изначально равное 0.

Дальше идет  $2q$  чисел, описывающие запросы. Каждый запрос описывается двумя числами:  $x_i$  и  $y_i$  ( $x_i < y_i$ ). Чтобы получить  $a$  и  $b$  — номера станций запроса нужно воспользоваться следующими формулами:  $a = x_i + p$ ,  $b = y_i + p$ . Ответ на запрос — 0, если свободных мест на данном отрезке станций нет, иначе — номер минимального свободного места.

Ответив на запрос, нужно присвоить  $p$  значение ответа.

### Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите ответ на него.

### Пример

stdin	stdout
5 3 5	1
1 2 5	2
2 1 2	2
2 4 5	3
3 2 3	0
3 3 4	2
10	0
1 2    1 2    1 2    2 3    -2 0	0
2 4    1 3    1 4    2 5    1 5	0
	0

Замечание: запросы должны получиться вот такие: (1, 2), (2, 3), (3, 4), (4, 5), (1, 3), (2, 4), (3, 5), (1, 4), (2, 5), (1, 5).

## Задача К. Миллиардеры

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Возможно, вы знаете, что из всех городов мира больше всего миллиардеров живёт в Москве. Но, поскольку работа миллиардера подразумевает частые перемещения по всему свету, в определённые дни какой-то другой город может занимать первую строчку в таком рейтинге. Ваши приятели из ФСБ, ФБР, MI5 и Шин Бет скинули вам списки перемещений всех миллиардеров за последнее время. Ваш работодатель просит посчитать, сколько дней в течение этого периода каждый из городов мира был первым по общей сумме денег миллиардеров, находящихся в нём.

### Формат входных данных

В первой строке записано число  $n$  — количество миллиардеров ( $1 \leq n \leq 10\,000$ ). Каждая из следующих  $n$  строк содержит данные на определённого человека: его имя, название города, где он находился в первый день данного периода, и размер состояния. В следующей строке записаны два числа:  $m$  — количество дней, о которых есть данные ( $1 \leq m \leq 50\,000$ ),  $k$  — количество зарегистрированных перемещений миллиардеров ( $0 \leq k \leq 50\,000$ ). Следующие  $k$  строк содержат список перемещений в формате: номер дня (от 1 до  $m-1$ ), имя человека, название города назначения. Вы можете считать, что миллиардеры путешествуют не чаще одного раза в день, и что они отбывают поздно вечером и прибывают в город назначения рано утром следующего дня. Список упорядочен по возрастанию номера дня. Все имена и названия городов состоят не более чем из 20 латинских букв, регистр букв имеет значение. Состояния миллиардеров лежат в пределах от 1 до 100 миллиардов.

### Формат выходных данных

В каждой строке должно содержаться название города и, через пробел, количество дней, в течение которых этот город лидировал по общему состоянию миллиардеров, находящихся в нём. Если таких дней не было, пропустите этот город. Города должны быть отсортированы по алфавиту (используйте обычный порядок символов: ABC...Zabc...z).

### Примеры

stdin	stdout
5 Abramovich London 15000000000 Deripaska Moscow 10000000000 Potanin Moscow 5000000000 Berezovsky London 2500000000 Khodorkovsky Chita 1000000000 25 9 1 Abramovich Anadyr 5 Potanin Courchevel 10 Abramovich Moscow 11 Abramovich London 11 Deripaska StPetersburg 15 Potanin Norilsk 20 Berezovsky Tbilisi 21 Potanin StPetersburg 22 Berezovsky London	Anadyr 5 London 14 Moscow 1

## Дополнительные задачи

### Задача L. Таможенные пошлины

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Недавно королева страны AlgoLand придумала новый способ отмывания денег для своего королевского двора. Она решила, что всякий житель, желающий совершить путешествие из одного города страны в другой, должен расплатиться за это желание своими деньгами.

В стране AlgoLand есть  $N$  городов, пронумерованных от 1 до  $N$ . Некоторые города соединены дорогами, движение по которым разрешено в двух направлениях. Начиная движение по какой-нибудь дороге, путешественник обязательно должен доехать до ее конца.

Предположим теперь, что житель страны хочет совершить путешествие из города  $A$  в город  $B$ . Новый указ королевы гласит, что при проезде по любой дороге страны во время этого путешествия, полицейские могут взять с этого жителя таможенную пошлину в пользу королевского двора (а могут и не взять). Если при этом у жителя недостаточно денег для уплаты пошлины, то он автоматически попадает в тюрьму. Указ также устанавливает величину пошлины для каждой дороги страны. Так как королева заботится о жителях своей страны, то она запретила полицейским брать с жителя пошлину более чем три раза во время одного путешествия.

Отметим, что если существует несколько способов попасть из города  $A$  в город  $B$ , то житель может выбрать для путешествия любой из них по собственному желанию.

Напишите программу, которая определяет, какую минимальную сумму денег должен взять с собой житель, чтобы гарантированно не попасть в тюрьму во время путешествия.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит числа  $N$  и  $M$  ( $2 \leq N \leq 10\,000$ ,  $1 \leq M \leq 100\,000$ ), разделенные пробелом — количества городов и дорог. Следующие  $M$  строк описывают дороги. Каждая из этих строк описывает одну дорогу и содержит три числа  $X$ ,  $Y$ ,  $Z$  ( $1 \leq X, Y \leq N$ ;  $X \neq Y$ ;  $1 \leq Z \leq 1\,000\,000\,000$ ), разделенных пробелами, означающие, что дорога соединяет города  $X$  и  $Y$  и пошлина за проезд по ней равна  $Z$  денежных единиц. Все числа  $Z$  целые. Последняя строка содержит числа  $A$  и  $B$  ( $1 \leq A, B \leq N$ ;  $A \neq B$ ) — номера начального и конечного городов путешествия. Гарантируется, что существует хотя бы один способ проезда из  $A$  в  $B$ .

#### Формат выходных данных

Единственная строка выходного файла должна содержать одно число, равное минимальной сумме денег, которую должен взять с собой житель, чтобы иметь возможность совершить путешествие из города  $A$  в город  $B$  и при этом гарантированно не попасть в тюрьму независимо от действий полицейских.

#### Пример

stdin	stdout
5 6 1 2 10 1 3 4 3 2 3 1 4 1 4 5 2 5 2 3 1 2	6

## Задача М. Динамический Лес 2

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам нужно научиться обрабатывать 3 типа запросов:

1. Добавить ребро в граф (**link**).
2. Удалить ребро из графа (**cut**).
3. По двум вершинам  $a$  и  $b$  вернуть длину пути между ними (или  $-1$ , если они лежат в разных компонентах связности) (**get**).

Изначально граф пустой (содержит  $N$  вершин, не содержит ребер). Гарантируется, что в любой момент времени граф является лесом. При добавлении ребра гарантируется, что его сейчас в графе нет. При удалении ребра гарантируется, что оно уже добавлено.

### Формат входных данных

Числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 10^5 + 1$ ,  $1 \leq M \leq 10^5$ ) — количество вершин в дереве и, соответственно, запросов. Далее  $M$  строк, в каждой строке команда (**link** или **cut**, или **get**) и 2 числа от 1 до  $N$  — номера вершин в запросе.

### Формат выходных данных

В выходной файл для каждого запроса **get** выведите одно число — расстояние между вершинами, или  $-1$ , если они лежат в разных компонентах связности.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 7 get 1 2 link 1 2 get 1 2 cut 1 2 get 1 2 link 1 2 get 1 2	-1 1 -1 1
5 10 link 1 2 link 2 3 link 4 3 cut 3 4 get 1 2 get 1 3 get 1 4 get 2 3 get 2 4 get 3 4	1 2 -1 1 -1 -1

## Задача N. Игровой автомат

Имя входного файла: `stdin`  
Имя выходного файла: `stdout`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Создатели игровых автоматов выпустили на рынок математическую игру. Игра состоит в следующем: в каждом автомате создателями задана уникальная комбинация из  $M + 1$  числа в  $P$ -ичной системе счисления. Каждое число состоит из  $N$  разрядов. Первые  $M$  чисел во время игры не меняют своего значения, обозначим их  $a_1, a_2, \dots, a_M$ . Во время игры автомат несколько раз случайным образом выбирает из первых  $M$  чисел одно число и поразрядно прибавляет его к  $M + 1$ -му числу (будем называть  $M + 1$ -е число счетчиком) по модулю  $P$ , тем самым, изменяя его (т. е. счетчик поразрядно накапливает сумму всех сложений по модулю  $P$ ). Игрок получает выигрыш, если в результате игры счетчик обнулится.

Поразрядное сложение по модулю  $P$  выполняется следующим образом: если в каком-либо разряде числа получено значение, большее  $P - 1$ , то оно уменьшается на  $P$ , например, при  $P = 5$  и  $N = 3$  результат сложения чисел 123 и 144 равен 212.

Вам прислали на инспекцию несколько таких автоматов, удостоверьтесь в том, что выигрыш принципиально возможен.

### Формат входных данных

Первая строка файла содержит натуральное число — количество автоматов, присланных на инспекцию. В следующих строках описываются сами игровые автоматы. Каждый автомат описывается отдельно в следующем формате. Первая строка содержит числа  $P, N, M$  ( $1 \leq N, M \leq 100, 2 \leq P \leq 255$ ). Следующие  $M + 1$  строк содержат по  $N$  чисел в  $P$ -ичной системе счисления, каждое из которых — значение одного разряда  $P$ -ичного числа из уникальной комбинации чисел описываемого автомата. Значения разрядов  $P$ -ичного числа задаются как числа в десятичной записи через пробел. Суммарный размер входного файла не превосходит 40 000 байт.

### Формат выходных данных

Ответ по каждому автомату должен содержаться в отдельной строке. Ответ — это число 0, если игроку вообще не удастся выиграть. Если же выигрыш возможен, то ответ — это число 1 и далее —  $M$  чисел через пробел в этой же строке файла:  $k_1, k_2, \dots, k_M$ , где значение  $k_i$  ( $k_i \leq P$ ) указывает, сколько раз нужно прибавить к счетчику число  $a_i$ , чтобы в результате всех сложений счетчик обнулится. Если решение не единственно, то выведите любое из них.

### Пример

stdin	stdout
3	0
4 2 2	1 1 0 0 2
2 2	0
2 2	
3 3	
3 2 4	
1 0	
2 0	
0 0	
0 1	
2 1	
14 2 2	
12 12	
10 10	
3 3	