

## Exercício 1:

```
int searchValue(int x, int n, int a[], int index = 0) {  
    if(index >= n) {  
        return -1;  
    }  
    if(a[index] == x) {  
        return index;  
    }  
    return searchValue(x, n, a, ++index);  
}
```

### Demonstração da complexidade no pior caso:

Seja  $T(n)$  a complexidade de tempo da função, onde  $n$  é o tamanho do vetor, existem 3 processos sendo executados na função. Os casos base são ambos de complexidade constante, já que serão executados apenas uma vez a cada iteração. Já a chamada da recursividade será chamada  $n$  vezes no pior caso, já que terá percorrido todo o array, então sua complexidade é  $O(n)$ .

Somando as complexidades das 3 operações, temos:  $T(n) = O(1) + O(1) + O(n)$ , omitindo as complexidades constantes, ficamos com:  $T(n) = O(n)$ , que é a complexidade da função.

No pior caso, a complexidade é a mesma da versão iterativa pois será iterada  $n$  vezes.

## Exercício 2:

```
int searchValue(int x, int n, int a[]){  
    int low = 0;  
    int high = n;  
    while (low <= high) {  
        int mid = (low + high) / 2;  
        if (a[mid] == x) {  
            return mid;  
        } else if (a[mid] < x){  
            low = mid + 1;  
        } else {  
            high = mid - 1;  
        }  
    }  
    return -1;  
}
```

### Demonstração da complexidade no pior caso:

Mais uma vez, a função é dividida em 3 processos, sendo dois deles (a inicialização das variáveis e a verificação do valor encontrado) constantes. O loop while de busca binária a cada iteração diminui pela metade a faixa de busca, no pior caso o número de iterações necessárias será log de  $n$  na base 2, logo a complexidade do pior caso é  $O(\log n)$ .

Somando as complexidades, temos:  $T(n) = O(1) + O(\log n) + O(1)$ , omitindo as complexidades constantes, ficamos com a complexidade  $T(n) = O(\log n)$ .

### Demonstração da complexidade no melhor caso:

No melhor caso, já na primeira iteração o valor de  $x$  será encontrado, que é quando esse valor estiver na posição do meio do vetor ( $n/2$ ), então a complexidade é constante  $\Omega(1)$ .

### Comparação com a versão recursiva:

A complexidade temporal, tanto no melhor quanto no pior caso, será a mesma, uma vez que o número de iterações necessárias será o mesmo. Contudo, a complexidade espacial da versão recursiva será pior, já que a cada iteração um novo processo será adicionado à pilha, consumindo mais espaço.

### Exercício 3:

```
bool isSorted(int n, int a[]) {
    int i = 1;
    while (i < n) {
        if (a[i] < a[i-1]){
            return false;
        }
        i++;
    }
    return true;
}
```

#### Demonstração da complexidade no pior caso:

Ignorando as execuções constantes, no pior caso o loop while será iterado  $n-1$  vezes, pois terá que percorrer todo o array (começando em na posição 1, e não 0, por isso  $n-1$ ) para determinar se está totalmente ordenado e retorna um booleano verdadeiro. Então, já omitindo as execuções constantes (declaração de variáveis e verificações if), a complexidade será  $O(n)$ .

#### Demonstração da complexidade no melhor caso:

No melhor caso, já na primeira iteração o algoritmo vai retornar um booleano falso caso  $a[1]$  seja menor que  $a[0]$ , então a complexidade será constante  $\Omega(1)$ .

### Exercício 4:

```
int fibonacci(int n){
    int current = 0;
    int previous = 1;
    int i = 2;
    while(i <= n + 1) {
        int temp = current + previous;
        previous = current;
        current = temp;
        i++;
    }
    return current;
}
```

#### Demonstração da complexidade no pior caso:

Mais uma vez ignorando as execuções constantes, o loop while sempre será iterado  $n$  vezes (uma vez que começa com  $i = 2$  e será iterado enquanto  $i \leq n+1$ ), então a complexidade é  $O(n)$ .

#### Comparação com fibonacci recursivo:

```
int fibonacci(int n) {  
    int x;  
  
    if (n <= 1) {  
        return(1);  
    }  
  
    x = fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);  
    return(x);  
}
```

Por outro lado, o fibonacci recursivo apresentado pelo professor tem complexidade de  $O(2^n)$ , já que a cada iteração a recursão será chamada 2 vezes, criando uma árvore recursiva que aumenta a complexidade do algoritmo exponencialmente. Sendo mais complexo que a versão iterativa, que tem complexidade de  $O(n)$ .